

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



(347)

Per 1986 e. 62











ZEITSCHRIFT

FÜR

PHYSIK

UND

MATHEMATIK.

Herausgeber:

A. Baumgartner und A. v. Ettingshausen, ordentliche Professoren an der k. k. Universität zu Wien.

Siebenter Band.

Mit fünf Kupfertafeln.

WIEN.

Gedruckt und im Verlage bei Carl Gerold.

1880.

THITTORTIES

NOW

PHYSIK

LAG

HATHEMATIK.



Sie benrie Band.

ALTERNATIVE PROPERTY.

I n h a l t.

I. Heft.

	Seite
I. Die Einwürfe des Herrn Prof. Weiss gegen die na-	
turhistorische Methode der Mineralogie. Beant-	
wortet von Friederich Mohs. (Beschluss.)	1
II. Bereitung künstlicher Säuerlinge. Von P. A. Jedlik	
in Raab	47
III. Beschreibung eines tausendtheiligen Massstabes. Von	••
Dr. und Prof. Joseph Knar ,	58
IV. Über die Verallgemeinerung des Lagrange'schen Re-	
versions - Theorems. Von Franz Xav. Moth	64
V. Bestimmung der goniometrischen Fundamentalfor-	·
meln ohne Zuziehung geometrischer Vorbegriffe.	
Vom Professor Kulik	68
VI. Fortschritte der Physik in der neuesten Zeit	74
A. Optik.	• •
1. Über Reflexion und Zerstreuung des Lich-	
tes an der Grenze zweier Mittel. Von	
Brewster	
2. Über die Ursache des großen Zerstreu-	
ungsvermögens des Cassiaöhls. Von Her-	
schel	79
3. Merkwürdiger optischer Bau des Glau-	19
berit. Von Brewster	81
4. Über die Farben verschiedener Flam-	-
men und ihre prismatischen Spectra. Von	
M. J. Herschel	82
5. Über einige Eigenheiten des Eindrucks,	
den das Licht auf das Organ des Gesich-	
tes macht. Von M. J. Plateau	83
' and medita' A out Nat . A septement	-

	Seite
6. Über die Ursachen der Beugung des	
Lichtes. Von Haldat	85
B. Magnetismus.	
1. Über die Neigung der Magnetnadel zu	
London. Vom Capitan E. Sabine	87
2. Magnetische Abweichung, auf einer Reise	•
nach Indien beobachtet. Von White .	89
3. Änderung der Stärke der magnetischen	•
Kraft. Von Watt	90
4. Über den Einfluss des Magnets auf einige	,
chemische Erscheinungen. Von Fran-	
cesco Zantedeschi	92
C. Physikalische Chemie.	,-
1. Wirkung der Pottasche auf organische	
Stoffe. Von Gay-Lussac	96
2. Darstellung des Palladium und Osmium.	90
Von Wollaston	100
3. Über festen Blaustoff und eine neue Ver-	100
bindung von Carbon und Azot. Von	
Johnson	102
4. Über die Zusammensetzung des Queck-	102
silbercyanides. Von Johnson	
5. Über die Wirkung des Ammoniak auf	111
Phosphor. Von Macaire und Marcet.	
	117
Neues Verzeichniss der gangbarsten optischen Apparate,	
welche von G. S. Plössl, Optiker und Mechaniker	
in Wien, neue Wieden, Salvatorgasse Nro. 321, für	
beigesetzte Preise in Conventions-Münze oder Augsb.	
Courant verfertiget werden	119
TT TT A	
II. Heft.	
I. Neue Analyse der beiden Meteoreisenmassen von	
Lenarto und Agram, nebst einigen Bemerkungen	
über den Ursprung der Meteormassen überhaupt.	
Vom Med. Dr. Ritter von Holger	129
II. Beitrag zur Lehre von Kettenbrücken. Von Johann	9
er 1 7	149
	7)

	Seite
III. Beitrag zur Theorie der Integration partieller Dif-	
ferenzialgleichungen höherer Ordnungen. Von Jo-	
seph L. Raabe	
IV. Über einige karpathische Gebirgsseen im Zipser	
Comitat in Oberungarn. Von Th. Mauksch	198
V. Fortschritte der Physik in der neuesten Zeit	207
A. Wärme.	
1. Über die Bestimmung hoher Temperatu-	
ren. Von Prinsep	_
2. Bleibende Ausdehnung des Gusseisens	•
nach öfterem Erhitzen. Von Prinsep .	215
3. Über einige ältere Versuche, die Abküh-	
lungsdauer eines Körpers in verschiede-	
nen Gasen betreffend. Von Prevost .	216
4. Über die Temperatur im Innern der Erde.	
Von Henwood	218
5. Heitzung mit warmem Wasser. Von	
Fowler	224
B. Allgemeine Physik.	
1. Über das Mass des Druckes. Von Bevan	226
2. Über die Torsion starrer Platten und	
Stäbe. Von F. Savart	228
3. Über die Reduction der Bewegung ei-	
nes Pendels auf den leeren Raum. Von	
E. Sabine	235
4. Über die im Steinsalz vorkommenden,	
mit Flüssigkeiten gefüllten Höhlen. Von	
Nicol	238
C. Meteorologie.	
1. Über die Ursachen der Färbung des	
Schnees	240
2. Über das Nordlicht. Von J. Farquharson	242
3. Höhe des Nordlichtes. Von Dalton	246
4. Einwirkung der Nordlichter auf die Ma-	
gnetnadel	247
5. Ungewöhnliche Lichtbrechung in der At-	•
mosphäre. Von Cruickshank	249
6 Üher des Steigen der Cowässer des Oceans	250

	Scite
VI. Fallen eines Meteorsteins am Bord eines auf hoher	
See segelnden Schiffes. Mitgetheilt vom Dr. Jo-	
hann Lhotsky	253
·	
III. Heft.	
I. Bemerkungen über das neueste Mikroskop des Herrn	
Professor Amici in Modena. Vom Freiherrn von	
Jacquin	257
II. Beitrag zur Geschichte der Luftsteine aus morgen-	,
ländischen Schriftstellern. Vom Herrn Hofrath v.	
Hammer	264
III. Physikalisch - geognostische Bemerkungen, gesam-	-04
melt bei der Besteigung des Groß-Glockners. Von	
Anton Schrötter, Adjuncten und Supplenten beim	•
physikalisch-mathematischen Lehrfache an der Wie-	
ner Universität	268
IV. Flammenausbrüche auf den Gebirgen von Hayti.	200
Mitgetheilt von Dr. Johann Lhotsky	283
V. Über die Bestimmung der Genauigkeit der Beob-	200
achtungen. Von Dr. C. Fr. Hauber	286
VI. Der hydraulische Balancier in seinem Princip dar-	200
gestellt von Dr. Lackerbauer	315
VII. Fortschritte der Physik in der neuesten Zeit	337
A. Electricität.	007
1. Über die Unabhängigkeit mehrerer elec-	
trischer Ströme von einander. Von Ste-	
phan Marianini	
2. Entgegengesetzte electrische Ströme neu-	_
tralisiren sich nicht. Von Kemp	35 1
3. Electricitätserregung bei hohen Tempe-	031
raturen. Von Kemp	356
4. Über den Einsluss der atmosphärischen	000
Phänomene auf die Kraft trockener elec-	
trischer Säulen. Von Donné	3 60
5. Zersetzung des Schwefelalkohols mittelst	000
Electricität. Von Beequerel	363
B. Magnetismus.	JUJ
b. Magnetismus. 1. Einflus des Sonnenlichtes auf Erzeu-	
i. Einuis des connenientes auf Elzeu-	

	Brite
gung electrischer und magnetischer Er-	
scheinungen. Von Barlocci	363
2. Über die Einwirkung des Sonnenlichtes	
auf Magnete. Von Zantedeschi	365
3. Über magnetische Figuren. Von Haldat	367
C. Physikalische Chemie.	
1. Über Erzeugung von Verbindungen der	
Metalle mit Schwefel, Jod, Brom etc. auf	
electro-chemischem Wege. Von Becquerel	373
2. Verbrennungsversuche mit Kohlengas.	-,-
Von Lowry	377
VIII. Notis über das Verhalten der ersten Stahlketten-	-//
brücke über die Donau bei Wien (Carlsbrücke)	
während des Winters 18 3 . Von Ign. Edlem von	_
Mitis	3 79
IX. Berichtigung eines Irrthums. Mitgetheilt von Paul	
Partsch, Inspector des kais. Mineralien-Cabinettes	38 2
Meteorologische Beobachtungen. Jänner 1830	384
	
· IV. Heft.	
I. Der hydraulische Balancier in seinem Princip dar-	
geștellt von Dr. Lackerbauer. (Beschluss.)	385
II. Übersicht der meteorologischen Beobachtungen in	000
Wien im Jahre 1829	393
III. Über den optischen Interferenzversuch. Von A.	ogo
Baumgartner	399
IV. Verallgemeinerung der Poisson'schen Untersuchun-	uyy
gen über die Wahrscheinlichkeit der mittlern Be-	
sultate der Beobachtungen in den Additions à la	
	1-6
Connaiss. des tems de 1827. Von Dr. C. Fr. Hauber	406
V. Über Gauss's Methode zur näherungsweisen Berech-	
nung bestimmter Integrale. Von A. v. Ettingshausen	
VI. Sturm's Regel zur Bestimmung der Anzahl der zwi-	429
	429
schen zwei gegebenen Zahlen liegenden Wurzeln	429
einer von wiederholten Wurzeln freien numerischen	429
	429

– VIII –

VII. Neue und verbesserte physikaische Instrumente.	Seite 450
1. Instrument zur Bestimmung der Luftmenge,	
· welche einer Feuerstelle während des Ver-	
brennens zuströmt. Von F. Frey	
2. Thermometer zu Versuchen über die Verän-	
derlichkeit des Siedpunctes der Flüssigkeiten.	
Von Kemp	452
VIII. Fortschritte der Physik in der neuesten Zeit	
A. Optik.	•
1. Über die Gesichtsweite. Von Lehot .	
2. Der erste Erfinder des achromatischen	
Teleskopes	457
3. Neue Beugungsphänomene. Von Herschel	
B. Allgemeine Physik.	7-7
1. Über artesische Salz-Soolen und Gas-	
brunnen in China	468
2. Über Explosionen an Dampsmaschinen.	400
Von Arago	477

ZEITSCHRIFT

FÜR

PHYSIK UND MATHEMATIK.

I.

Die Einwürfe des Herrn Prof. Weiss gegen die naturhistorische Methode der Mineralogie;

beantwortet von

Friederich Mohs.

(Beschlufs.)

Im eilften f. ist Hr. Weifs mit sich selbst über die Annahme der Geschlechter nicht ganz einig. Er erklärt sich darüber folgender Maßen:

» Auf die jetzt erörterten zwei Stufen über der der » Gattungen also beschränkte sich, was der Verfasser bisher bei der Aufstellung seines Mineralsystemes für noth-» wendig und für das Zweckmässigste hielt. Indess haben die neueren Fortschritte der Mineralogie den Ge-»danken wohl nachdrücklich angeregt: das System bedürfe wirklich noch einer Zwischenstufe; und zwar um der wahrgenommenen weit engern und näheren Ver-» wandtschaft zwischen gewissen, dennoch wirklich verschiedenen Gattungen willen, als im Allgemeinen die » Familienverwandtschaft begründet und ausdrückt. Die » schönsten Belege hierzu liegen vor in der natürlichen Stellung von Albit, Periklin, Labrador, Anorthit u. s. w. » gegen Feldspath; den verschiedenen Gattungen des Glimmers unter sich; vielleicht der Hornblende und vieler folgender eben so; des Schwefelkieses und Zeitschr. f. Phys. u. Mathem. VII. 1.

» Binarkieses, des Kalkspathes und Arragonits, auch wohl » des Gypses und Anhydrits anderseits; den minder » erheblichen anderer Beispiele zu geschweigen. « kann wohl nicht sagen, dass die neuen Fortschritte der Mineralogie den Gedanken an eine Stufe außer der Familie und Ordnung angeregt haben, erwähnte Stufe auch nicht eine Zwischenstufe nennen; denn über diese und ähnliche Dinge entscheidet die Erfahrung nicht, sondern die Logik schreibt sie vor. Aber wohl ist es einer der wichtigsten Fortschritte der neueren Mineralogie, eine Classificationsstufe nach solchen Ansichten zu bestimmen, wie diejenigen sind, von denen der Verfasser hier redet, und von denen ich in der Folge noch einiges anführen werde. Jetzt nur ein Wort über die Entstehung der Classificationsstufen. Das Individuum ist das Gegebene. Daraus wird die nächst höhere Einheit zusammengesetzt, und diese heisst die Species, Art, oder mit Hrn. Weifs, Gattung. Es ist wohl zu bemerken, dass man dabei auf keine Subspecies, Unterart, . . . kommt, bevor man die Species erreicht, sondern dass man diese (Subspecies) durch Eintheilung hervorbringen muss, wenn man sie, als eine Zwischenstufe, haben will. Aber Eintheilung, sie sey beschaffen, wie sie wolle, und gegründet, worauf sie wolle, verträgt das System nicht. Durch die Species ist dem Begriffe der Gleichartigkeit Genüge geleistet. Der Gegenstand kann so beschaffen seyn, dass man genöthigt ist, bei den Species stehen zu bleiben: es könnte sogar so wenig Zusammenhang in demselben vorhanden seyn, dass es unmöglich wäre, die Species als einen Inbegriff verschiedener gleichartiger Individuen hervorzubringen. Im letzten Falle gäbe es keine Species, die aus mehr als einem, oder aus identischen Individuen bestünde; im ersten, keine höhere Classificationsstufe über denselben, und der Begriff der

Ähnlichkeit fände keine Anwendung. Gestattet aber der Gegenstand die Anwendung dieses Begriffes (was auch der Fall seyn kann, wenn die Species nur identische Individuen enthalten, wie Zoologie und Botanik lehren); so ist die nächste Einheit über der Species das Genus: und so wie man ohne die Species nicht zu dem Genus gelangen kann, so kann man ohne das Genus auch zu keiner höheren Classificationsstufe gelangen. Das Genus kann daher keine Zwischenstufe seyn, auch beiläufig bemerkt, nicht durch Eintheilung entstehen. Gibt es nach Massgabe der verschiedenen Grade der Ähnlichkeit über dem Genus eine noch höhere Classificationsstufe, so heisst diese die Ordnung. Hr. Weiss nennt sie Familie. Auf das Wort kommt nichts, auf den Begriff alles an. Und so kann es über der Ordnung eine noch höhere Stufe geben, welche die Classe, über dieser eine, welche das Reich, über diesem eine, welche die materielle Natur, und über dieser noch eine, welche die Natur heisst. Bei dem Reiche bleibt jeder Theil der Naturgeschichte, bei der materiellen Natur die ganze Naturgeschichte stehen. So ist es in der Zoologie, so ist es in der Botanik, so muss es also in der Mineralogie seyn, denn die erwähnten Begriffe haben überall einerlei Ursprung, nämlich in der Logik, d. i. in dem menschlichen Verstande, für den allein die Natur Natur ist. Für die Erzeugung der Species im Mineralreiche lässt sich eine allgemeine Regel geben, und diese ist die Construction, welche der Grundriss lehrt. Das liegt in der Einrichtung der Individuen. Für die Erzeugung des Geschlechtes lässt sich keine Regel der Art geben. liegt auch in der Einrichtung der Individuen. Aber es gibt allerdings eine Regel dafür, und diese schreibt wiederum die Logik vor. Man soll nämlich diejenigen Species, als Ganze betrachtet, zusammenfassen, welche den

höchsten Grad der Ähnlichkeit besitzen, und diese Ähnlichkeit muss die naturhistorische seyn, weil hier von Naturgeschichte die Rede ist. Sie würde die chemische seyn, wenn von Chemie die Rede wäre: aber sie kann nicht beides zugleich seyn, weil die Logik, ich habe schon erklärt, was ich darunter verstehe, gebietet, dass Physik, oder Naturlehre und Naturgeschichte, als zwei verschiedene Wissenschaften betrachtet werden, deren Verbindung zu Einer nicht möglich ist, wenn die Eine eine Wissenschaft bleiben soll. Aber dieser höchste Grad der Ähnlichkeit, wie erkennt man ihn? Durch Vergleichung, gerade so, wie sie Hr. Weiss unter den genannten Mineralien, mit Ausnahme des Gypses und Anhydrites, anstellt. Auf einzelne Merkmale (Charaktere) lassen die Grade der naturhistorischen Ähnlichkeit sich nicht zurückführen, Scias Characterem non facere genus, das gestattet die Mannigfaltigkeit der Natur, nächst ihrer Gesetzmäßigkeit die bewunderungswürdigste Eigenschaft derselben, nicht. Es gehört also, außer den gehörigen Kenntnissen, besonders was die Principien betrifft, ein, durch Naturbetrachtung geübtes, Urtheil dazu, und zu dieser Übung hat die Natur im Thier-, Pflanzen- und Mineralreiche, gleichsam an Mustern, die sie in großer Anzahl aufstellt, hinreichende Anleitung gegeben. diese müssen wir uns halten, das ist genug. Wir lassen nun den Verfasser fortfahren: » Wenn wir uns entschei-» den, « sagt er, » eine Zwischenstuse einzuführen, so wfällt sie also zwischen Gattung und Familie; und wir » würden ihr am ungesuchtesten den Namen Geschlecht » geben, obgleich sie etwas ganz anderes wäre, als das » Mohs'sche Geschlecht, welches weit mehr unseren Fa-» milien, in engerm Umfang, also ziemlich zahlreich ge-» nommen, entsprechen würde, aber sehr viel Willkür-»liches hat, und nie die Basis neuer Benennungen hätte

»bilden sollen. Die Mohs'schen Ordnungen weichen von » den obigen nicht weit ab, als da, wo sie, wie die Ord-» nungen der Glimmer, Malachite und Kerate, in mehr oder weniger weitem Umfang gebildeten Familien glei-»chen. Unter diesen ist die der Glimmer eine ohne alle » Berücksichtigung der Chemie gebildete, aber eben dess-» halb - nicht natürliche. « Den größten Theil dieser Stelle kann ich übergehen, denn ich habe, was sie betrifft, im Vothergehenden so ausführlich beantwortet. dass jeder, der diess verstehen will, sich damit begnügen kann, und über einiges werde ich mich in der Folge noch erklären müssen. Nur über die Ordnung der Glimmer, und über die Veränderung, die ich schon längst mit dieser Ordnung vorgenommen habe, muss ich, da eletzteres dem Leser nicht bekannt seyn könnte, etwas hinzufügen. Dass diese Ordnung, so wie sie war, und wie sie jetzt ist, ohne alle Berücksichtigung der Chemie gebildet worden, ist wahr, aber das sind die übrigen ebenfalls, wie sich aus den Grundsätzen freilich von selbst versteht. Dass sie in ihrem früheren Zustande der Natur nicht entsprochen, ist auch wahr, denn ich habe mich, bei der Bildung derselben, nicht von den Verhältnissen der naturhistorischen Ähnlichkeit leiten, sondern von einigen einzelnen, obzwar auch naturhistorischen Eigenschaften, verleiten lassen. Die Entdeckung einer Varietät des sogenannten Pharmakoliths durch Hrn. Haidinger, in der Sammlung des Hrn. Ferguson auf Raith in Schottland *), hat mich zuerst auf meinen Fehler aufmerksam gemacht, und ich habe ihn sogleich zu verbessern gesucht, indem ich das alte, aus Gyps und Anhydrit bestehende Geschlecht Gyps-Haloid aufgehoben, den Pharmakolith nebst einigen Species aus der ehema-

^{*)} Edinburgh Journal of Science, Vol. III.

ligen Ordnung der Glimmer mit dem Gypse in dem neuen Genus Euklas-Haloid, die Euchlor-Glimmer aber mit der Ordnung der Malachite vereinigt, und solchergestalt die Ordnung der Glimmer, in welche ich überdiess einige neue Species aufgenommen, in einen solchen Zustand versetzt habe, dass sie der Natur besser als in dem früheren entspricht. Und solche Verbesserungen zu machen, hoffe ich, wird mir die Erfahrung, aber schwerlich das Raisonnement des Hrn. Weis, noch oft Veranlassung geben. Dass die chemischen Verhältnisse mehreren meiner Ordnungen und Geschlechter bereits in verschiedenen Graden entsprechen, was mir sehr angenehm, aber weiter auch nichts ist, daraus folgt nicht, dass diese Ordnungen und Geschlechter mit Berücksichtigung der chemischen Verhältnisse gebildet sind. Auch habe ich keine Zusammenstellung vermieden, weil die Chemie ihr entspricht, denn mich beseelt nicht der Geist des Widerspruches. Gleichwohl läugne ich nicht, dass ich das Zusammentreffen der naturhistorischen und chemischen Eigenschaften als ein gutes Zeichen für die Richtigkeit der Ansicht in beiden Wissenschaften, der Naturgeschichte und der Chemie, betrachte, ohne desshalb an eine Bestätigung der ersten, durch die letztere zu denken, und erkläre vielmehr hiermit nochmals, dass ich eine vollkommene Übereinstimmung der Resultate beider als das endliche, freilich aber schwerlich zu erreichende Ziel ihrer Untersuchungen ansehe, ohne mir desshalb eine Vereinigung derselben, als Wissenschaften, einfallen zu lassen, so wie ich es bereits im vorhergehenden f. und im f. 225 des Grundrisses erklärt habe, und folge nun wieder dem Hrn. Wei/s.

» Um jene engsten natürlichen Verwandtschaften, » die es unter verschiedenen Mineralgattungen gibt, aus-» zudrücken, sind die Mohs'schen Geschlechter zu weit, » denn die Nähe der Verwandtschaft zwischen Nephelin » und Skapolith mit Feldspath ist nicht die des Albites »u. s. w. mit ihm. « In Absicht der Verbindung des Nephelin und Skapolith mit Feldspath glaube ich mich auf' das Vorhergehende berufen zu können, bin aber nicht der Meinung des Hrn. Weiss, dass Albit, Anorthit, Periklin . . . in näherer Verbindung mit dem Feldspathe stehen, als die genannten, obwohl Nephelin und Skapolith mit Feldspath in weit näherer stehen, als Gyps mit Anhydrit, die doch Hr, Weis in dieser Hinsicht dem Feldspathe und Albite . . . gleich setzt. Die Übereinstimmung der Gestalten, besonders in Absicht des Charakters der Combinationen, bringt nur Schein davon hervor, und hat sogar verursacht, dass die Varietäten dieser Specierum mit denen des Feldspathes verwechselt worden sind. Verwechselungen, wenn sie von geübten Mineralogen begangen werden, sind Zeichen, ich sage nicht Beweise, eines hohen Grades der naturhistorischen Ähnlichkeit *); und dieselben Verwechselungen, aus denselben Ursachen, welche sie zwischen Feldspath, Albit u. s. w. hervorgebracht haben, denn die Gestalten verstand man noch nicht richtig zu beurtheilen, sind auch zwischen Feldspath und Mejonit vorgefallen.

Hr. Weis erinnert sich einer kleinen Abhandlung von mir, die ich gern vergessen möchte. Sie stützt sich auf das Urtheil der beiden größten deutschen Mineralogen der damaligen Zeit, in deren Gegenwart ich die ersten Varietäten des Mejonites gesehen. Die neuerlich bestimmten Species des Feldspathes kennt man bisher nur in wenigen Varietäten. Der erwähnte Schein wird ohne Zweifel verschwinden, wenn sie sich in einer grös-

^{*)} Quae difficilius distinguuntur, propius collocentur. Ph. b. §. 208.

seren Anzahl von Abänderungen weiter werden entwickelt haben. Und so wird sich auch der Zusammenhang unter den bekannten Speciebus durch die Entdeckung neuer vergrößern. Ich bin daher vollkommen der Meinung, das Genus Feldspath werde, so wie es ist, sich erhalten, so wie die meisten der übrigen des naturhistorischen Systems, ohne diess gleichwohl von allen zu glauben, weil man nicht voraussehen kann, wie die Erfahrung in der Folge sich gestalten wird. Übrigens sind Erscheinungen dieser Art in den organischen Naturreichen sehr gewöhnlich, und werden beurtheilt, wie ich sie beurtheilt habe. Einiges, was hier am rechten Orte wäre, werde ich weiter unten anzuführen Veranlassung haben, und begleite jetzt Hrn. Weiss, der auf einen anderen Gegenstand kommt, indem er fortfährt: » am we-» nigsten war eine Nothwendigkeit vorhanden, sie (die » oben genannten Species), den Sprachgebrauch *) eigen-» mächtig umstoßend, ebenfalls mit dem Namen Feld-» spath zu belegen. Das sind Licenzen eines Schriftstel-» lers, denen nur Missbilligung zu Theil werden kann, » und es auch sehr allgemein worden ist. « Hier folgt eine Note des Verfassers, die ich nicht übergehen kann. Sie lautet: »Bei dem sehr allgemeinen Gefühl der Un-

^{*)} Ich frage hier nicht, was denn dieser Sprachgebrauch eigentlich sey, denn Jedermann kennt ihn, und Mancher nennt ihn Sprachverwirrung. Ich habe nichts umgestossen, selbst nicht die trivielle Nomenclatur, denn die mag bestehen so lange sie will und kann, und vertheidiget werden von Jedem, der sie vertheidigen will und kann; das sind für die Wissenschaft gleichgültige Dinge. Dagegen sind die unbedachtsamen Äußerungen des Hrn. Weiss Unrichtigkeiten, die, um mich gelinde auszudrücken, auf Wortverwechselungen beruhen, welche die Absicht haben, Leichtgläubige zu überreden, ich habe mich an der Sprache vergriffen.

» brauchbarkeit der Mohs'schen Namen für die Mineralien » hat doch hin und wieder die leider neuerlich so einge-» rissene Gewohnheit, neu beschriebenen Mineralgattun-» gen nichts sagende Namen beizulegen, und die Sprache, » die der Wissenschaft dienen soll, blos im Dienste per-» sönlicher Eitelkeit zu missbrauchen, laute Äusserungen ».des Bedürfnisses anderer »systematischer Namen « statt pjener hervorgerufen. Aber nicht zusammgesetzte Na-» men aus Genus und Species, wenn diess systematische heisen sollen, sind das Bedürsnis, sondern bezeich-» nende und doch möglichst einfache, wie z.B. Hr. Mohs » bestrebt war, für seine Genera Namen zu bilden, die zu-» gleich für die Ordnung orientirten. - Viele im folgenden » Entwurse des Systemes gebrauchte Namen werden die » Meinung des Verfassers über die zweckmässige Art, »neue Namen für neue Mineraliengattungen zu bilden, » am besten an den Tag legen. « Die Nothwendigkeit der systematischen Nomenclatur folgt aus dem Begriffe der Naturgeschichte. Für die Naturgeschichte des Mineralreiches war keine systematische Nomenclatur vorhanden. Also war es nothwendig, sie einzuführen, wenn es nothwendig war, eine Naturgeschichte des Mineralreiches zu haben, worüber wiederum der Begriff der Naturgeschichte entscheidet. Es ist merkwürdig hier einen Mann von Licenzen reden zu hören, der von Nothwendigkeit spricht, wo an Nothwendigkeit gar nicht gedacht werden kann, und der überhaupt die Willkür vertheidigt, wo Willkür gerade das ist, was man da gar nicht kennen sollte, nämlich in einer Wissenschaft. Die Missbilligung, die meinen Namen, wie Hr. Weiss versichert, sehr allgemein zu Theil worden ist, kann nur von Leuten kommen, die mit Hrn. Wei/s in gleichem Falle, d. h. mit ihren Begriffen nicht im Reinen sind, und ficht mich keinesweges an. Auch kann und werde ich nichts dagegen thun, weil dies eines Jeden eigene Sache ist. Gleichwohl hat, sagt Hr. Weis, das sehr allgemeine Gefühl der Unbrauchbarkeit meiner Namen das Bedürfnis anderer systematischer Namen statt derselben hervorgerusen. Hier sollte freilich nicht von Gefühl und Bedürfnis, sondern von Einsicht und Nothwendigkeit die Rede seyn. Indessen dabei halten wir uns nicht mehr auf, und bleiben nur einen Augenblick bei dem stehen, was Hr. Weis andere systematische Namen nennt.

Sollten darunter solche gemeint seyn, die, mit einem Worte, besser als die meinigen sind, keine Nebenbegriffe, wenn sie auch nur aus Missverstand entstehen können, selbst keine chemischen bei sich führen, so bin ich mit Herrn Wei/s vollkommen einverstanden. Ich bin weit entfernt meine Nomenclatur für etwas Vollkommenes zu halten, und würde diess seyn, wenn sie auch, ausser ihrer durchgängigen Brauchbarkeit, alle die Vorzüge besäße, die ihr gegeben werden können, und in der Folge (Hr. Weifs wird diess durch seine Argumente gewiss nicht verhindern) werden gegeben werden. lein diess war die Meinung des Verfassers nicht. » Nicht » zusammengesetzte Namen aus Genus und Species, wenn » diess systematische heißen sollen, a sagt er, » sondern » Bezeichnende und doch möglichst einfache « sollen es So wie Hr. Wei/s die Nothwendigkeit der systematischen Nomenclatur nicht eingesehen hat, so sieht er auch ihre Beschaffenheit nicht ein, und es bleibt mir hier der Kürze halber nichts übrig, als ihn an das dritte Hauptstück meines Grundrisses und S. XI, II etc. der Vorrede zu verweisen. Hr. Weiss beabsichtigt also eine trivielle Nomenclatur (denn das ist jede, die nicht systematisch ist, und diess ist jede, die nicht Genus und Species ausdrückt), die, wenn er sie auch noch so geschickt zu Stande bringt, doch Niemand für etwas Brauch-

bares in der Wissenschaft anerkennen wird. Aber auch außer der Wissenschaft, was soll sie? Gibt es der Trivialnamen nicht schon zu viele, und ist die Sprachverwirrung nicht schon groß genug? Soll es dahin kommen, dass am Ende nicht Einer den Andern mehr versteht? Die Eigenschaften, die er selbst erwähnt, Bezeichnung und vornehmlich Einfachheit, werden für eine trivielle Nomenclatur die wichtigsten sevn (Gr. 6. 245). Die einzige Probe davon, die er in dem gegenwärtigen Aufsatze an dem ungebildeten Namen Binarkies gibt, erregt nicht die besten Erwartungen, denn dieser Name ist nicht einmal einfach, wie doch jeder gute Trivialname es seyn sollte, und das Bezeichnende lassen wir dahin gestellt seyn. Glaubt endlich Hr. Weiss die Absicht der systematischen Nomenclatur durch solche Namen, wie Binarkies, zu erreichen, so wünsche ich ihm Glück, erinnere an das, was ich oben, wo er mir Nachahmung der Botanik vorwirft, gesagt, und überlasse es übrigens dem Leser, die wahre Meinung des Verfassers über dieselben aus der Fortsetzung seiner Abhandlung kennen zu lernen. Dennoch freuet es mich, mit Hrn. Wei/s wenigstens in einem Puncte zusammen zu treffen, der hieher gehört. "Diess ist die Missbilligung des Missbrauches nichts sagender Namen, die von Personennamen abgeleitet sind. Wer geneigt ist, meine weitere Meinung darüber kennen zu lernen, wird sie in der Phil. bot. §. 238 deutlich ausgedrückt finden.

Wir können auch den Schluss dieses S., in welchem Hr. Weiss, nach einem Zusatze zu dem bisherigen, auf seinen vorigen Gegenstand zurückkommt, nicht ganz mit Stillschweigen übergehen. Er heisst: » Und nicht » mehr Recht und Grund gab es für die Mitübertragung » des Namens Quarz auf Dichroit, als es gegeben haben » würde für die Weiterübertragung des Namens Quarz

*auf Berill, dem er nicht zu Theil geworden. Also in » den engsten Grenzen, innerhalb welchen wirklich ver-» schiedene Gattungen verbunden vorkommen, ist das » Mohs'sche Geschlecht nicht gehalten, und doch ist eine » so große Anzahl dieser Geschlechter nur von einer » einzigen Species gebildet; dann geben sie also nicht » einmal Familien im engsten Sinne, sondern sind blosse Dehnungen der Gattung zum Behufe der Erlangung ei-» nes zusammengesetzten Namens für dieselbe, statt des » bisherigen einfachen. « Wenn man fragt, warum Albit, Anorthit u. s. w. Feld-Spath genannt werden, so wird Jeder, der das naturhistorische Genus Feld-Spath kennt, antworten, weil sie Feld-Spathe sind, und diess so erklären, dass sie in ein naturhistorisches Genus gehören, welches Feld-Spath heisst. Und wenn man dieselbe Frage in Beziehung auf den Dichroit thut, der Quarz heisst, so wird, aus demselben Grunde, die Antwort dieselbe seyn. Wenn man aber fragt, warum der Berill nicht Quarz heisst, so wird Jeder, der das naturhistorische Genus Quarz mit dem naturhistorischen Genus Smaragd in der Natur, nicht nach den Charakteren (ich kann Linne's Ausspruch hier nicht noch ein Mal wiederholen) verglichen hat, antworten, weil er nicht Quarz, sondern Smaragd ist, und diess, wie oben, erklären. über Recht und Grund. Dass meine Geschlechter nicht in den Grenzen, welche Hr. Weiss die engsten nennt, gehalten worden, ist wahr, und wenn, wie billig, Jemand hier nach Recht und Grund fragen sollte, so ist der Bescheid, dass diese Grenzen nur scheinbar, und die Geschlechter innerhalb denselben der Natur nicht gemäs sind, worüber wir Hrn. Weiss im folgenden S. selbst hören wollen. Dass gleichwohl einige Geschlechter bis jetzt nur eine Species enthalten, und vielleicht lange noch nicht mehr enthalten werden, ist ebensalls

wahr; allein wer kann dafür? Die Erfahrung bringt es in allen drei Reichen der Natur so mit sich. Daß sie aber dann nicht » einmal Familien im engsten Sinne ge-»ben, u. s. w., « kann man nur sagen, wenn man von Genus und Familie eben so wenig klare Begriffe hat, als von der systematischen Nomenclatur.

Im dreizehnten (). trägt Hr. Wei/s Bedenken, die Geschlechter, in dem vorhin erwähnten Sinne, als eine wesentliche Classificationsstufe zwischen die der Gattung und der Familie wirklich einzuführen, und überlässt die Entscheidung darüber lieber der künftigen Weiterentwickelung des natürlichen Systemes. Seine Gründe dazu sind erstens, weil eine gleich natürliche Begründung; » wie bei den oben angeführten Fällen, keineswegs durch-» gängig in dem übrigen Systeme einleuchtet. « Das soll heißen, weil ihr Begriff nicht naturgemäß, nämlich zu enge, gefasst ist, und also mit den übrigen in keinem richtigen Verhältnisse steht. Wenn ein Einheitsbegriff im Systeme, es betreffe welches Naturreich es wolle, richtig ist, so ist er auch allgemein anwendbar, und man kann wenigstens auf seine Unrichtigkeit mit Sicherheit schliessen, wenn dieses der Fall nicht ist. Hr. Weiss verbreitet sich über diesen Gegenstand weiter, indem er sagt: » Wenn es also gewisse einzelne Fälle sind, wo dieser » engste Grad natürlicher Verwandtschaften zwischen verschiedenen Gattungen wahrgenommen wird, so mag ses auch bei der speciellen Erwähnung in solchen ein-»zelnen Fällen sein Bewenden haben, und wir wollen darum nicht in den Fehler verfallen, durch allgemeine » Aufnahme dieser Zwischenstufe ins System die Verhältnisse zwischen anderen verwandten Gattungen so »darzustellen, als ob sie jenem glichen, während es »nicht so ist; « und gibt damit ziemlich deutlich zu verstehen, dass ich diesen Fehler begangen habe.

mir aber gar nicht einfallen können, die Geschlechter so darzustellen, als ob sie jener Zwischenstufe des Hrn. Wei/s glichen, denn ich habe nicht zuerst die Ordnungen (Familien) und dann die Geschlechter, sondern erst die Geschlechter und dann die Ordnungen, wie es sich gehört, in der Natur aufgesucht, also ein consequenteres Verfahren angewendet, als Hr. Weis, den ich übrigens, um über die Anwendung der in Frage stehenden Begriffe (denn über die Begriffe selbst entscheidet die Logik) ins Reine zu kommen, an die Ordnungen und Geschlechter in der Botanik und Zoologie, d. i. an die obigen Muster, versteht sich unter richtiger Beurtheilung und Benützung derselben, verweise, in so fern diese nicht durch Eintheilung, welche nur Zwischenstufen hervorbringen könnte, bestimmt sind. Er glaubt also » diese Geschlechter jetzt füglich nur in der Art einer » besonderen Bemerkung, corollarweise, als nur für diese » Stelle passend anmerken zu können, wie z. B. Werner » bei der Einführung von Sippschaften in seinem Systeme » verfuhr; « und setzt hinzu: » Werner's Sippschaften waren gleichgeltend unseren Familien, aber von ihm nicht » durchgeführt und nur als Nebenverhältnisse behandelt, » während seine Geschlechter in einem ganz fremden, » jetzt abgestorbenen Sinn als wesentlichere Classifica-» tionsstufen behandelt wurden. « Es ist ganz recht, Verhältnisse der erwähnten Art nicht unbemerkt zu lassen, aber sie gehören nicht in das System, denn sie können im Systeme nichts nützen, da sie nicht allgemein sind, und schwerlich, wenn sie auch, was ich wohl erwarte, in der Folge häufig eintreten sollten, allgemein werden werden. In Werner's Sippschaften habe ich die Idee der naturhistorischen Geschlechter zu erkennen geglaubt *),

^{*)} Hrn. Van der Null's Mineralien Cabinett. Einleitung S. XXIII.

die sein Genie ihm eingegeben, die er aber mit mehrerer Sicherheit wo anders hätte hernehmen sollen; und sehe jetzt noch nicht ein, wie man sie, wenn sie mit einer wirklichen Classificationsstufe verglichen werdensollen, was freilich, wegen der unrichtigen Bestimmung der Specierum, schwer angeht, mit einer andern als mit dem Geschlechte vergleichen kann. Denn einige enthalten blos die Varietäten einer richtig bestimmten Species, wie die Sippschaft des Rubins, des Pechsteines (den Sphärulit ausgenommen), andere gleichen unvollständigen naturhistorischen Geschlechtern, nach dem gegenwärtigen Zustande der bestehenden Erfahrung beurtheilt, wie etwa die Sippschaft des Quarzes, des Speiskobolds, noch andere enthalten mehr als das naturhistorische Geschlecht, wie die Sippschaft des Pistazits, und endlich wirft die Sippschaft des geschwefelten Kupfers zusammen, was in verschiedene naturhistorische Ordnungen gehört. Ich glaube, Hr. Weiss thut seinen Familien Unrecht, in so fern er meint, die Werner'schen Sippschaften wären ihnen gleichgeltend. Wenn er aber von den Werner'schen Geschlechtern sagt, sie seyen in einem ganz fremden, jetzt abgestorbenen Sinne, als wesentliche Classificationsstufen behandelt; so hätte er dasselbe auch von seinen Familien und Ordnungen sagen sollen, die ebenfalls auf Principien (geognostischen und chemischen) beruhen, welche, einzeln genommen, in der Naturgeschichte, und verbunden in jeder Wissenschaft gänzlich fremd sind, und von denen zu wünschen wäre, sie möchten in dieser Absicht niemals erwähnt worden seyn, damit sie nicht absterben könnten. Der zweit8 Grund, warum Hr. Weiss die Geschlechter als Zwischenstufe zwischen Gattungen und Familien einzuführen sich jetzt enthält, ist: » dass nichts hindert, in den angege-» benen Fällen die Familie so eng zu nehmen, dass sie » nicht mehr als jene aufs engste verburdenen Gattungen » umfast, also wenn man sonst geneigt gewesen wäre, » Skapolith, Nephelin u. d. gl. in die Feldspathfamilie » mit aufzunehmen, sich eben durch die engere Verwandt-» schaft des Albits u. s. w. bestimmen zu lassen, Skapo-» lith u. s. w. von der Feldspathfamilie auszuschließen; » was höchstens die Inconvenienz, wenn es eine ist, ha-» ben kann, das System mit einigen Familien zu ver-» mehren. «

Dazu sage ich nichts. Denn was könnte Hrn. Weiss hindern zu thun was er will, da seine eigenen Principien diess nicht können? Wer aber wird auch ferner nach dem fragen, was er thut?

Im vierzehnten (). redet Hr. Wei/s noch ein Wort über das Wort Gattung, dessen er sich bisher schon durchgängig für die echte anerkannte natürliche Einheit unter den Mineralien bedient hat. Der Genius der » deutschen Sprache, « sagt er, » verlangt es: dass diese » durchaus selbstständige Einheit, nicht Art genannt * werde, wie Hr. Mohs wieder neuerlich zur Sitte ge-» macht hat, nachdem sie den richtigern, passenderen » Namen Gattung schon trug. Wenn man sagt Art, so » fragt man nothwendig und sogleich: wovon eine Art? » Der Begriff Art bezeichnet ein Nicht-selbstständiges, » und verweist auf einen Hauptbegriff, durch welchen » er erst bestimmt wird! Davon ist gar nicht die Rede, » wenn Quarz, Feldspath, Granat, Kalkspath u. s. w. » ausgesprochen und gedacht wird. Es werden lauter » selbstständige Begriffe mit diesen Namen ausgespro-» chen; Niemand fragt dabei: wovon es Arten seyen? Es » ist also Unrecht und gegen den Genius unserer Spra-» che, sie Arten zu nennen. « Zuerst die Gründe, die ich gehabt habe, das Wort Species oder Art an die Stelle des Wortes Gattung zu setzen, dessen sich Wer-

ner bedient, und welches mit seiner Mineralogie oder vielmehr Oryctognosie in Deutschland eine große Ausbreitung erhalten hat. Das Wort Species gebrauche ich in der Mineralogie 1) weil es in der Zoologie und Botanik in demselben Sinne gebraucht wird, und Zoologie. Botanik und Mineralogie bei mir Theile einer Wissenschaft sind, und übersetze es durch Art, weil das Wort Gattung, welches herkommt von Gatten, sich begatten, in der Mineralogie ohne Sinn seyn würde, und weil andere sehr brauchbare Ausdrücke, Gleichartigkeit, gleichartig, welches letztern Hr. Weiss selbst, und zwar in richtigem Sinne S. 16 . S. 17 sich bedient, und S 2. S. 6 bedient hat, dem Genius der Sprache oder dem Sprachgebrauche gemäß, nicht füglich durch Gleichgattigkeit, gleichgattig, gegeben werden können; 2) weil ich habe verhindern wollen, dass die Species, zu deutsch Art, der Naturgeschichte des Mineralreiches mit den Gattungen der Oryctognosie, die bekannter Massen größten Theils schlecht bestimmt waren, verwechselt würden, ein Grand, welcher, obwohl ich ihn in dem Grundrisse nicht ausdrücklich angeführt (denn ich habe keine Lust am Tadeln, sondern bin bestrebt gewesen, die Sache besser zu machen), fast auf jeder Seite der Physiographie ersichtlich, und vielleicht auch anderweitig anwendbar ist. Nun aber weiter. Wovon bei Hrn. Weiss die Rede ist, und was gedacht wird, wenn Quarz, Feldspath, Granat, und wie sie weiter heißen, ausgesprothen werden, hat er selbst erklärt; in der Naturgeschichte des Mineralreiches ist bei jedem dieser Worte, das Wort Kalkspath ausgenommen, von einem Genus die Rede, und dieses Genus, und nichts anderes, als dieses Genus, wird dabei gedacht. Wenn man aber sagt Gattung, so fragt man nothwendig und sogleich: wovon eine Gattung? und erhält zur richtigen Antwort: von Zeitschr. f. Phys., u. Mathem. VII. 1.

dem und dem Geschlechte, denn das Geschlecht ist die Aehnlichkeit der verschiedenen Gattungen der Dinge, sagt Adelung: und man darf hier nur naturhistorische Ähnlichkeit setzen, um das naturhistorische Geschlecht und die naturhistorische Gattung, wofür ich aus obigen Gründen Species oder Art sage, zu haben; und wenn man sagt Geschlecht, so fragt man nothwendig und sogleich: wovon ein Geschlecht? und die Antwort ist, von der und der Ordnung, denn die Ordnung ist das Geschlecht der Geschlechter. Und so geht es fort, so weit die systematischen Begriffe reichen, denn Generum genus est Ordo, ordinum autem genus Classis est. (Linn phil. bot. S. 204.) Wenn Jemand Hrn. Weiss solche Vorwürse machen wollte, wie er mir macht; und ihm sagte, er verstehe die Worte so wenig als die Sachen; er könnte ihm nicht widersprechen. Er versteckt sich hinter den Begriff von etwas Selbstständigem, und versteht damit die Species. Das ist recht, denn keine Species setzt, als solche, eine andere voraus. Aber eben so ist das Genus und die Ordnung selbstständig, denn weder das eine, noch die andere, setzt etwas ihres Gleichen voraus. Wollte man sagen das Genus könne nicht ohne die Species bestehen, so ist das wiederum recht; allein die Species kann nicht ohne das Individuum oder was, wo keine Individualität Statt findet, an die Stelle desselben gesetzt werden muss, bestehen, diess aber setzt nichts anderes voraus, denn es ist das von der Natur Gegebene. Was hingegen, um den Worten des Verfassers doch einigen Sinn zu geben, die Species von den übrigen systematischen Einheiten voraus hat, besteht darin, dass sie construirbar, und die erste ist, auf welche man gelangt, wenn man die mehrmals im Vorhergehenden genannten Begriffe der Logik auf die Producte der Natur anwendet. Hr. Weiss fügt dem Bisherigen noch etwas hinzu, und kommt dann auf einen Gegenstand, der einige Bemerkung verdient. Er sagt: » Dass die fälschlich » sogenannte Art der Species in Zoologie und Botanik » gleich gesetzt wird, dass diese von den Franzosen in » espèce flectirt, und man gewohnt ist, dieses Wort mit » Art zu übersetzen, ist gewis kein Grund für einen » salschen Gebrauch des Wortes Art, « und fährt dann fort:

» Unsere natürliche Mineralien-Einheit, Quarz u. s. w. » soll vielmehr der Species als dem Genus der organischen » Reihe entsprechen? - es sey! aber es fragt sich noch » ob es so ist! es fragt sich ob den zweierlei Einheits-»begriffen der Zoologie und Botanik, dem Genus und » der Species (falls man überhaupt nicht bloss die eine vals echte natürliche Einheit, die andere bloss als Begriffseinheit gelten lassen will), auch zweierlei solche natürliche Einheitsstufen bei den Mineralien entsprechen? und ob nicht vielleicht die einzige Stufe der Gattung bei den Mineralien an die Stelle der zwei, Genus ound Species in den organischen Reihen, tritt?« Wenn Fragen dieser Art Statt finden können, so müssen sie auch beantwortet seyn, bevor man zu der Anwendung der Begriffe schreitet, die sie betreffen. Man kann den Quarz, man verstehe darunter ein Individuum oder die Species des rhomboëdrischen Quarzes, oder das Genus Quarz, mit keinem Individuo, mit keiner Species, mit keinem Genus der organischen Natur vergleichen, denn jene sind oder enthalten unorganische Naturproducte, sind als solche von den organischen durch ihren Begriff verschieden, und haben nichts mit ihnen gemein, als dass sie Naturproducte sind. Die Begriffe aber vom Individuo, von der Species, von dem Genus u. s. w. hängen nicht von der Beschaffenheit der Wesen, sondern von der Einrichtung des menschlichen Verstandes ab,

und sind folglich überall einerlei, wo jene Wesen mit Verstande betrachtet werden. Wie es nun möglich ist, besonders die letzte Frage zu thun, darüber enthalten wir uns zu urtheilen, und kommen mit Hrn. Weiss zu einem neuen Gegenstande. Dieser betrifft die systematische Behandlung der unkrystallinischen Mineralien. Der Verfasser bemerkt: » Sie dürfen nicht weggelassen wer-» den, sonst hat man ein System der krystallinischen Mi-» neralien, statt der Mineralien schlechtweg. Hr. Mohs » hat sie in der Wahrheit in seinem System weggelassen, » wenn sie gleich dem Anscheine nach mit darin genannt » sind. Aber wer kann glauben, dass auf Kreide, Berg-» milch u. s. f. anwendbar sey, was Hr. Mohs als die Ei-» genschaften und Merkmale des » rhomboëdrischen Kalk-* Haloids « angibt? Consequenter Weise hätte sie Hr. » Mohs, statt die Namen Bergmilch, Kreide u. s. f. nach » der systematischen Beschreibung des krystallinischen » Kalkspathes zu nennen, gleich als ob sie die vorher-» gehende Beschreibung etwas anginge, kurzweg von » seinem System ausschließen sollen. Freilich aber, da » bloss die krystallinischen Fossilien in die Bildung aller » Mohs'schen künstlich und mühsam abgewogenen Aggre-» gatbegriffe von Ordnungen, Geschlechtern u. s. w. auf-» genommen wurden, so war es ein geringer Dienst, » der mit ihnen der Erkennung der Fossilien erzeugt » wurde *). «

^{*)} Herr Weiss verweist hier auf eine Stelle aus der Vorrede zur ersten Auflage meiner Charakteristik zur Vergleichung. Diese Stelle lautet: » Die vollständige Bestimmbarkeit eines Individui hängt, wie das erklärte Beispiel lehrt, davon ab, dass die drei angegebenen Merkmale, Gestalt mit Inbegriff der Theilbarkeit, Härte und eigenthümliches Gewicht, daran erkennt werden können. So ist es auch in der Botanik. Die Bestim-

Ob die unkrystallinischen Mineralien (wir nehmen den Ausdruck hier, wie Hr. Weiss ihn nimmt) in dem

mungsgründe müssen vorhanden seyn, sonst ist die Bestimmung nicht möglich. Die Charakteristik leistet in vielen Fällen mehr: d. h. sie führt zur richtigen Bestimmung, wenn auch die Kenntniss der Gestalt nicht vollständig ist. Einer solchen Bestimmung mangelt indessen die Evidenz; und es ist daher, besonders Anfängern, zu rathen, zuförderst nur mit der Bestimmung solcher Individuen sich zu beschäftigen, an welchen die drei Merkmale vollständig ausgemittelt werden können. Das Übrige findet sich, wenn ihre Kenntniss im Mineralreiche überhaupt, und der Eigenschaften der Producte der unorganischen Natur insbesondere, sich vermehrt, und sie durch Übung die Fertigkeit erlangt haben, die Theilbarkeit, und vermittelst dieser wenigstens das 'Krystallsystem, gehörig zu beurtheilen, leicht von selbst: und diese Übung ist daher einem Jeden, wer die Charakteristik benutzen will, sich gründliche Kenntnisse in der Mineralogie zu erwerben, vor allen Dingen zu empfehlen. «

» In dem oben angeführten Grundrisse der Mineralogie werde ich Gelegenheit haben, noch einige, diesen Gegenstand betreffende Bemerkungen beizufügen, und die mittelbare Bestimmung, die in Ermangelung eines, oder des andern, oder aller der obigen Kennzeichen angewendet werden muss, zu erklären.« Dieselbe Stelle steht im Gr. 6. 250; und es ist daselbst auf 6. 246 verwiesen, aus welchem zu ersehen ist, wie die Charaktere eingerichtet seyn müssen, damit die Bestimmung die größte Evidenz erhalte, welche die Wissenschaft gestattet. Der 251ste f. erklärt den Unterschied zwischen der unmittelbaren und mittelbaren Bestimmung, und der 252ste lehrt, worauf die letztere beruht. Was Hr. Weiss aus dieser Stelle folgert, ist gemeine Consequenzmacherei. So wie die Stelle in der ersten Auflage der Charakteristik steht, bezieht sie sich bloss auf den Gebrauch der Charakteristik, denn mit nichts andern habe ich es

naturhistorischen Mineralsysteme übergangen sind, mag der Leser aus diesem Systeme selbst ersehen, und daraus beurtheilen, wie getreu Hr. Weiss die Sachen darstellt, die er bestreitet. Sie sind indessen auch nicht » dem Anscheine nach « darin » genannt. « sondern in der Wirklichkeit darin enthalten. Dass auf Kreide, Bergmilch u. s. w. der Charakter der Species des rhomboëdrischen Kalkhaloides nicht unmittelbar (Hr. Weiss lässt dieses Wort geflissentlich aus) anwendbar ist, versteht sich von selbst, denn eben darum ist die mittelbare Bestimmung von der unmittelbaren unterschieden, und als ein besonderer Theil der Methode der Bestimmung überhaupt (vergleiche die in der vorigen Note angeführten (6. des Grundrisses) gelehrt und erklärt worden. unmittelbare Bestimmung, und folglich der Charakter, bezieht sich auf das Individuum, wo dergl. in der Species vorhanden. Kreide und Bergmilch aber sind zusammengesetzte Mineralien (Gr. §. 23), die aus einer großen Anzahl von Individuen bestehen; und der Charakter der Species würde also auch auf diese passen, wenn es möglich wäre, die Individuen von einander zu trennen, und einzeln der Untersuchung zu unterwerfen, wie die Übergänge (Gr. S. 221), die ich in diesem Falle wohl nicht nöthig habe herzuerzählen, unwidersprechlich darthun. Aber diess ist der Kleinheit der Individuen und ihrer Verbindung wegen nicht möglich, und darum wendet man die mittelbare Bestimmung an, die hier, wie in allen Fällen, vollkommen Genüge leistet. Ein zusam-

in jener Schrift zu thun gehabt. Er hätte sie also aus dem Grundrisse, im Zusammenhange mit dem übrigen, anführen sollen. Aber daraus hätte freilich etwas ganz anderes folgen müssen, als er will, dass es daraus hervorgehe, wie wir bei der Erörterung des gegenwärtigen §. das weitere sehen werden.

mengesetztes Mineral, als solches, unmittelbar bestimmen zu wollen, ist ein Unsinn (Gr. S. 192), den man der Naturgeschichte nicht zumuthen darf. Diess über die Bestimmung. Nun von der Darstellung der Species durch das Schema (Gr. Thl. II. S. 99). Unter den eins fachen Varietäten des rhomboëdrischen Kalkhaloides können Kreide und Bergmilch nicht enthalten seyn, denn sie sind zusammengesetzte. Unter diesen aber (a. a. O. S. 102) finden sich: » derbe, aus körnigen Zusammensetzungsstücken von der verschiedensten Größe bis zum Verschwinden bestehend; Zusammensetzungsfläche (versteht sich wo sie wahrnehmbar ist) unregelmäßig gestreift, uneben und rauh; die Individuen mehr und weniger fest mit einander verbunden; Bruch bei verschwindender Zusammensetzung splittrig, uneben, flachmuschelig, zuweilen stellenweise eben, zuweilen im Großen schiefrig; bei geringem Zusammenhange oft erdig.« Sind darunter Bergmilch und Kreide nicht enthalten, und gehört etwa nur der geringste Scharfsinn dazu, sie herauszufinden? Aber genannt habe ich sie nicht, wie Hr. Weiss mir andichtet, denn die Namen Kreide und Bergmilch gehören nicht in die Naturgeschichte des Mineralreiches, sondern in die Oryctognosie, oder in das System des Hrn. Weis, oder wohin man sonst will; und um sie in der Werner'schen Oryctognosie nachzuweisen, die ich wegen der Allgemeinheit ihrer Verbreitung, ungeachtet ihrer mannigfaltigen Gebrechen, allein anzuführen der Mühe werth gefunden (Gr. Thl. II. Vorerinnerungen S. XV), steht im ersten Zusatze zu dem Schema des rhomboëdrischen Kalkhaloides S. 104: »Der dichte Kalkstein (siehe auf derselben Seite einige Zeilen weiter oben, was dichter Kalkstein ist) geht, wenn die Verbindung der Individuen locker, das Ansehen erdig wird, in die Kreide, diese, wenn die Masse so häufige Zwischen-

räume enthält, dass sie dem Gefühle nach bedeutend am eigenthümlichen Gewichte verliert, in die Bergmilch über. « Das wird doch für einen Jeden verständlich und hinreichend seyn, der aus dem Grundrisse gelernt hat, was übergehen heisst? Hr. Weiss scheint also nicht überlegt zu haben, was er sagt, wenn er behauptet: ich nenne Kreide und Bergmilch, gleich als ob sie die vorhergehende Beschreibung etwas anginge, und daraus folgert, ich hätte sie » consequenter Weise « kurz weg von meinem Systeme susschließen sollen. Allein, das steht bloss des Folgenden wegen hier, und darüber habe ich noch ein Wort mit ihm zu reden. Hr. Weiss greift nämlich die Nützlichkeit der Charakteristik an, die, dem Begriffe der Charakteristik zu Folge, sich auf nichts anderes als die » Erkennung der Fossilien « beziehen kann. Er nennt die Charaktere künstlich und mühsam abgewogene Aggregatbegriffe. Kunst ist nicht daran; aber mühsam ist es gewesen, die Charakteristik, nur so wie sie ist, zu Stande zu bringen, und Hr. Weiss wird einsehen, warum und wodurch sie diess gewesen, wenn er in der von ihm angeführten Vorrede S. XXIV gelesen, vielleicht auch, warum Niemand es versucht, sie zu entwerfen, wenn er erwogen hat, was sie voraussetzt, und was also geschehen seyn musste, bevor sie mit Erfolg unternommen und mit Leichtigkeit angewendet werden konnte. Denn dazu, glaube ich, schreibt man Bücher, dass man das Schwierige und Mühsame der Untersuchung auf sich nimmt, um den Leser in den Stand zu setzen, die Wahrheit mit Leichtigkeit einzusehen, und weiteren Gebrauch von ihr zu machen. Er nennt die Charaktere Aggregatbegriffe, um einen verächtlichen Sinn mit ihnen zu verbinden, was wir ihm, nach dem oben 6.3 über dieses Wort Beigebrachten, hingehen lassen; richtiger würde er sie Distinctionsbegriffe genannt haben, da

ihre einzige Bestimmung Unterscheidung ist. Die Nothwendigkeit (diess Wort in logischem Sinne genommen) der Charakteristik solgt aus dem Begriffe der Naturgeschichte. Sie durkte also in der Mineralogie nicht sehlen, mochte sie aussallen wie sie wollte, und mochten die Schwierigkeiten der Ausführung so groß seyn, dass sie selbst die Leichtigkeit der Anwendung beeinträchtigt hätten. Von dieser Seite also braucht sie gar keine Rechtsertigung. Aber die Nützlichkeit? Nützlichkeit setzt einen Zweck voraus, und dieser ist, wie ohen gesagt, » Erkennung der Fossilien. «

Wer diesen Zweck nicht hat, wer etwa, wie Hr. Wei/s, die Mineralien schon von blossem Ansehen kennt, mag diese Kenntniss auf wissenschaftlichem oder empirischen Wege erworben seyn, dem kann auch die Charakteristik so wenig nützen als ein ABC-Buch. aber Jemand ein bestimmbares Mineral hat, welches er nicht kennt, und doch zu kennen verlangt, und den Hrn. Weis fragt, welcher wissenschaftlichen Hülfsmittel er in dieser Absicht sich zu bedienen habe? so kann Hr. Weis ihm keinen anderen Rath geben, als es in einem der besten mineralogischen Werke, etwa in Hrn. Hauy's Traité oder in Hoffmann's Handbuche der Mineralogie, welches ich hier nenne, weil viele der neueren in der That nicht besser sind, aufzusuchen. In diesen Büchern sind die Mineralien bekanntlich unter Classen, Ordnungen, Geschlechter und Arten gebracht, und was Hrn. Hauy's Werk betrifft, die Species musterhaft dargestellt; nur die Hleinigkeit, welche fehlt, sind die Charaktere, an denen man mit Leichtigkeit und Sicherheit erkennt, in welche der Classen, der Ordnungen, der Geschlechter, und zu welcher der Specierum das in Frage stehende Mineral gehört. Das erste, nämlich die Classe, die Ordnung und das Genus auszumachen, gibt es in diesen Büchern gar kein Mittel (denn was man etwa als solche angeführt findet, ist so gut als keines), wenn man nicht zuvor die Species eruirt hat. Dann aber finden sich auf verkehrtem Wege, den freilich in der Naturgeschichte Niemand geht, Geschlecht, Ordnung und Classe, woran jedoch weiter nichts gelegen ist. Die Species zu eruiren, muss, die Einleitungen und die Vorbereitungen abgerechnet, der trostlose Lehrling nun vier dicke Bände durchgehen, und wenigstens die Beschreibungen der Reihe nach durchlesen *), und hat am Ende, wenn ihn auch der Zufall begünstigt, noch wohl das Unglück, dass keine dieser Beschreibungen genau auf sein Mineral passt (von welchem übrigens vorausgesetzt wird, dass es in dem Buche enthalten ist), oder dass zwei und mehrere zugleich darauf passen. Allein, wird Hr. Weiss ausrufen, wer kann das thun? Hr. Wei/s hat Recht. Ich habe mich übereilt, indem ich ihm einen Rath in den Mund gelegt, den er, den Umständen nach, nicht geben konnte; ich habe vergessen, dass man bisher in der Mineralogie nicht gewohnt gewesen, nach wissenschaftlichen Hülfsmitteln zu fragen, dass man auch nicht angeleitet worden ist, an sie zu denken, denn die Mineralogie hat, bevor sie die Naturgeschichte des Mineralreiches geworden, obgleich mit mancherlei nützlichen Kenntnissen, auch mit allerlei Flitterstaat ausgestattet, nichts Wissenschaftliches an sich gehabt, und man hat nicht daran gedacht, dass sie auch ein methodisches Verfahren erfordere, die Mineralien zu erkennen. Der Leser kennt meine Charakteristik, die in der ersten Auflage auf 86, in der zweiten auf 100, und im Grundrisse auf 106 Oc-

^{*)} Exemplo sit planta incognita indica: evolvat Botanophilus descriptiones, figuras, indices omnes, nec reperiet nomen, nisi casu; sed Systematicus etc. Phil. bot. §. 156.

tavseiten weitläufigen Druckes enthalten ist. Er kennt auch die Einrichtung und den Gebrauch derselben, die an den angeführten Orten ausführlich beschrieben, und wenigstens durch ein Beispiel erläutert sind, und mag nun selbst urtheilen, ob Demjenigen, der das Bedürfnis hat, ein ihm unbekanntes Mineral zu erkennen, ein geringer Dienst mit derselben geleistet werde? Sollte er aber dennoch nicht im Stande seyn, dies zu beurtheilen, so wende er sich an die Botanik, die ihm hierüber vollständigen Ausschlus und auch Anleitung geben wird, die Methode der Bestimmung in beiden Theilen der Naturgeschichte, in Absicht auf ihre Sicherheit und die Leichtigkeit ihrer Anwendung, zu vergleichen.

Die unkrystallinischen Fossilien, welche Hrn. Wei/s zu jener Folge, die ich mit dem gelindesten Ausdrucke eine unüberlegte nenne, geführt haben, beschäftigen ihn auch noch im 16ten S., und er setzt in diesem seinen philosophischen Meditationen über das natürliche Mineralsystem die Krone auf. » Unkrystallinische Fossilien »stehen, « sagt er, »mit krystallinischen für das System nicht auf gleicher Stufe; das ist gewiss.« Allerdings. Denn wenn er die Fossilien in krystallinische und unkrystallinische eintheilt, so gehören sie in zwei verschiedene Abtheilungen, und so eintheilen muss man sie, wenn man sie überhaupt trennen will. Aber man kann und soll sie nicht trennen; denn die unkrystallinischen sind nichts anderes als Zusammensetzungen (Gr. §. 23) aus wirklich krystallinischen, d. i. aus Individuen oder einfachen Mineralien (Gr. S. 22), und es ist daher sogar die Benennung derselben unrichtig, wie ich bereits (Gr. § 21) gezeigt habe. » Wir werden sie billig nicht Gattungen im strengeren, wahren Sinn zu nennen haben.« Soll diess heissen, sie können für sich, abgesondert von der krystallinischen, keine eigenen Gattungen begrün-

den, so ist es wahr, und der Zusatz »im strengeren, » wahren Sinn « ist überflüssig; soll es aber heißen, sie bilden, abgesondert von den krystallinischen, eigene Gattungen, aber nicht Gattungen im strengeren, wahren Sinne, so ist es falsch uud beruht auf unrichtigen und verwormenen Begriffen von der Gattung, d. i. der Species im Mineralreiche. Denn wenn das einzelne Individuum zu einer gewissen Species gehört, so gehört eine Verbindung von zwei oder drei, oder von zwei oder drei Millionen mit jenem gleichartiger Individuen, zu derselben Species, nicht als ein einzelnes Individuum, sondern als eine Verbindung von mehreren: man müßte sonst ein Infanterie-Regiment nicht mehr zu den Menschen im strengeren, wahren Sinne rechnen, weil es nicht ein einzelner Mensch, sondern eine Verbindung von Menschen ist, die freilich nicht zusammengewachsen, aber durch Subordination zusammengehalten sind. Zweierlei Arten gleichartiger Dinge, wofür Hr. Weiss die krystallinischen und unkrystallinischen Varietäten des rhomboëdrischen Kalkhaloides zu halten geneigt scheint, kann es nicht geben, denn diese stehen mit einander selbst im Widerspruche. Wir müssen also hören, was der Verfasser weiter sagt, um nicht voreilig zu urtheilen, dass er sich selbst nicht verstanden habe. Es sind Massen, nicht gattirt von der Natur auf die » Weise, wie unsere Gattungen es sind. « Die Natur gattirt nicht, d. h. sie bringt keine Species hervor, sondern nur Individuen; gibt aber diesen die Einrichtung, dass der Begriff der Species auf sie angewendet werden kann. Die Natur schafft (man wird wohl verstehen, was ich damit meine), aber sie denkt nicht, und gebraucht daher keine Begriffe. Wäre die Species von der Natur hervorgebracht, so könnte sie nicht unrichtig seyn; man würde also nicht einsehen, woher die falsch bestimmten

Species oder Gattungen der früheren Systeme, z.B. des Werner'schen, gekommen wären. In Absicht der Einrichtung, welche die Natur den Individuen gibt, und durch welche sie fähig werden, unter den Begriff der Gleichartigkeit oder der Species zu treten, verfährt sie aber bei den zusammengesetzten, d. i. den unkrystallinischen, gerade so, wie bei den einfachen, d. i. den krystallinischen, und muss so verfahren, sonst wäre sie keine Natur. Es ist merkwürdig, wie verkehrt die Urtheile mancher Naturforscher zuweilen ausfallen. einem Salze, das man aus einer Auflösung, darin seine Bestandtheile enthalten sind, anschießen lässt, ist man gewohnt zu sagen, man habe es gemacht, denn man nennt es ein Kunstproduct, obwohl man nur die Veranlassung zu seiner Entstehung gegeben, an seiner Beschaffenheit aber nichts zu bestimmen oder zu verändern im Stande ist, weil diese unter unwandelbaren Naturgesetzen steht. Von den Species aber sagt man, die Natur habe sie gemacht, nennt sie also gleichsam ein Naturproduct, wie es auch die Meinung des Hrn. Weifs ist, obwohl in der Beschaffenheit derselben oft viel Unrichtiges. Willkürliches und Veränderliches. mit einem Worte Unnatürliches, welches die Natur nie hervorbringt, enthalten ist, was man also bescheidener Weise der Natur aufladet. Dennoch steht die Species unter Ge-Aber nicht unter Natur-, sondern unter Verstandesgesetzen, womit wir uns indessen gegenwärtig nicht aufhalten. » Im künstlichen Systeme « (sagt Hr. Wei/s, er hätte sagen sollen, in einem künstlichen Systeme oder in den künstlichen Systemen, denn es kann deren so viele geben als man will, wogegen es nur ein sogenannt natürliches - wohin ich nicht die zähle, welche der Art nach mit dem Systeme des Verfassers übereinstimmen, denn von diesen sind ebenfalls so viele mög-

lich als man will - d. i. ein wahres System geben kann, weil die Principien, worauf dasselbe beruhet, einerlei sind, und aus der consequenten Anwendung derselben auf die Natur, die ebenfalls einerlei ist, nur einerlei folgen kann, so wie es nur einerlei Species gibt), » im künstlichen » Systeme wäre es erlaubt, sie von diesen völlig zu trennen. « Die Möglichkeit eines künstlichen Systemes setzt die Species voraus (Gr. S. 229), die, wie vorhin gezeigt, nur einerlei seyn kann. Also ist, was Hr. Weiss sagt, selbst für ein künstliches System nicht wahr, und mag allenfalls für seine oben angeführten Tabellen gelten, die selbst nicht mit künstlichen Systemen zu vergleichen sind; » und wir haben uns schon darüber erklärt, wie »nach unserer Meinung sie eben als Massen, und weil » sie nicht Gattungen sind, der chemischen Untersuchung » und Unterscheidung vorzugsweise anheim fallen. « Des Verfassers Meinung entscheidet nicht, sondern die Grundsätze entscheiden. Er hat sich zwar bisher nicht über seinen Begriff der Species bestimmt erklärt, was vor allen Dingen hätte geschehen sollen. Allein diess scheint kein großer Verlust zu seyn, weil, dem zu Folge, was er oben gesagt, diese Species nicht nach einerlei Grundsätzen gebildet, also verschieden, und die verschiedenartigen Grundsätze nicht einmal gleichförmig angewendet sind. »Aber ein natürliches System soll es nicht » verkennen, dass sie dieselben Massen, dieselben Sub-» stanzen sind oder seyn können, welche in krystallini-» nischer Structur als wahre naturhistorische Gattungen » vorhanden sind. « Es scheint, als wolle Hr. Weiss in dieser Stelle zu verstehen geben, das naturhistorische System habe diess verkannt. Das naturhistorische Mineralsystem hat mit den Massen, als Substanzen, d. i. dem Chemischen derselben, nichts zu thun; sieht sich aber auch weder veranlasst noch genöthigt, zu läugnen, dass

die zusammengesetzten Varietäten dieselben Massen, dieselben Substanzen sind oder seyn können (beides ist ihm gleichgültig), als die einfachen derselben Species, und erkennt übrigens unter diesen Varietäten keinen andern Unterschied an, als den, welcher von der Einfachheit und Zusammengesetztheit herrührt, wie im Vorhergehenden ausführlich erklärt worden, und der Grundrifs an vielen Stellen die Beweise davon enthält. » Eine na-» turhistorische Gattung ist es nämlich noch nicht da-• durch, dass es diese oder jene qualitative « (und quantitativ setzen wir hinzu) » bestimmte chemische Masse ist. a Das ist vortrefflich und wahr, bis auf das Wort » noch. « Wäre Hr. Weis diesem, seinem eigenen Ausspruche, mit Consequenz gefolgt, so hätte er mich eines höchst unangenehmen und widerwärtigen Geschäftes überhoben. Diess gilt auch von dem folgenden, wenn es aufklare Begriffe gebracht wird. Der Verfasser sagt: » Na-» turhistorische Gattung wird die chemische Masse erst dadurch, dass in ihr der krystallinische Structurprozess, ound auf eine bestimmte Weise, sich einsetzt, wodurch reine gegenseitige Bedingung, eine gegenseitige Abhän-*gigkeit, vollkommen dem organischen Bau vergleich-»bar, im Innern der Masse erst eintritt, wie sie vorher gar nicht da war, und wodurch erst die Masse zur Gat-»tung wird, wie die organische auch. « Die chemische Masse wird nicht naturhistorische Gattung, sondern es entstehen aus ihr ein oder mehrere Individuen, oder eine oder verschiedene Zusammensetzungen mehrerer Individuen, wenn der krystallinische Structurprozess sich einsetzt, welche nach Maßgabe der Anwendbarkeit des Begriffes der Gleichartigkeit, auf die Inbegriffe ihter naturhistorischen Eigenschaften, entweder unter eine oder unter zwei, oder unter mehrere naturhistorische Gattungen zu bringen sind. Diess kann also nicht nach

der chemischen Masse, sondern muss nach dem Inbegriffe der naturhistorischen Eigenschaften der Individuen, durch welche die Masse ein Gegenstand der Wahrnehmung wird, beurtheilt werden, wird folglich auch nicht darnach beurtheilt, und jene bleibt daher bei dieser Beurtheilung gänzlich aus dem Spiele. Die gegenseitige Bedingung oder die gegenseitige Abhängigkeit besteht darin, dass es wirklich die chemische Masse ist, was erscheint, aber nicht als chemische Masse (d. i. als Substrat gewisser Kraftäusserungen, so erscheint sie dem Chemiker), sondern als Inbegriff naturhistorischer Eigenschaften, mit welchen allein die Naturgeschichte zu thun hat. In so fern mag auch die Vergleichung mit dem organischen Baue Statt finden; allein weiter darf man dieselbe, aus obigen Gründen, nicht treiben. Diess bestätiget Hr. Weiss selbst, indem er hinzusetzt: » frei-»lich wenn in derselben Masse mehrere ungleichartige » krvstallinische Structuren möglich sind, so kann auch » eine und dieselbe chemische Masse so vielerlei wesent-» lich verschiedene naturhistorische Gattungen bilden, » als sie verschiedenerlei krystallinischer Structuren fä-» hig ist; « woraus das obige folgt, nämlich dass bei der Beurtheilung der naturhistorischen Species die chemische Masse nicht in Betrachtung kommt. Hr. Weiss fährt fort: » Wenn nun anerkannter Massen ein Fossil im er-» digen Zustande u. s. w. die nämliche chemische Sub-» stanz oder Masse ist, wie die eines gekannten krystalslinischen Fossiles, so fordert es das natürliche Mineralsystem, dass es von diesem nicht weiter getrennt » werde, als die Angabe des Zustandes trennt, und dass » es übrigens neben ihm und ihm beigesellt bleibe. « Ein Mineral im erdigen Zustande ist naturhistorisch nicht -unmittelbar bestimmbar. Es kann seyn, dass es auch nicht mittelbar bestimmbar ist. In diesem Falle ist es

ganz und gar kein Gegenstand der naturhistorischen Bestimmung. Im ersten aber, wohin etwa die Bergmilch gehört, wendet man die mittelbare Bestimmung an, wie es oben und im Grundrisse gezeigt worden; im letztern, wo auch diese nicht hinreicht, hat das Mineral keine selbstständige Existenz, sondern ist ein Product der Zerstörung eines andern, wie die Porzellanerde vielleicht des prismatischen Feld-Spathes, und man sucht, nach einem Verfahren, welches (J. 21 des Grundrisses, mit der Bemerkung, dass es kein naturhistorisches sey, erwähnt worden, dieses auf, damit man erfahre, woraus das erdige Mineral entstanden, welches das einzige ist, was man von ihm zu wissen verlangt, obgleich es die Naturgeschichte nicht angeht. Denn das zerstörte Mineral hat seine ursprünglichen naturhistorischen Eigenschaften verloren, es bat aufgehört zu seyn, was es war, wie bei der chemischen Zerlegung, und da der krystallinische Structurprozess sich nicht von neuem eingesetzt hat, so ist auch nichts Neues daraus entstanden, so wie im entgegengesetzten Falle Individuen einer neuen Species aus ihm hervorgegangen seyn würden. Mit diesen Mineralien verfährt also die Naturgeschichte des Mineralreiches, wie etwa die Zoologie und Botanik mit einem abgestorbenen und zerstörten organischen Wesen verfahren würden, wenn sie darauf Rücksicht nähmen. Das Verfahren, welches Hr. Weis angibt, ist selbst dazu, nämlich zu erkennen, woraus ein zerstörtes Mineral entstanden ist, seinen eigenen Worten nach, unsicher. Denn da » in derselben Masse mehrerlei ungleich-»artige krystallinische Structuren möglich sind, u. s. w., « 50 kann man auch aus der Kenntniss dieser Masse nicht wissen, welcher der daraus entstehenden Gattungen das zerstörte Mineral angehört; und unrichtig ist die Folge, welche er daraus zieht, indem er sagt: » dann muss aber Zeitschr. f. Phys. u. Mathem. VII. 1.

» freilich auch im Systeme der Gattungsbegriff zum Massenbegriffe erweitert werden, wo beide Zustände naturgemäß verbunden werden sollen; « was ausführlich zu zeigen wir nach dem Vorhergehenden uns wohl überheben können.

Der Verfasser fügt diesem Gegenstande noch folgendes hinzu: » Wo hingegen unkrystallinische Minera-»lien, dem chemischen Begriffe nach, dem gekannter » krystallinischer nicht bis zur Identität entsprechen, da » mögen sie wohl derjenigen Gattung beigesellt werden, » welcher sie dem überwiegenden Theile ihrer Substanz » nach anheimfallen. Immer wird bei der Durchkreuzung » so vieler fremdartiger Massen das Band, welches sie » an gewisse einzelne Gattungen knüpft, nur lax, und »leicht nicht stärker seyn, als das, was sie mit einer » andern verbinden würde. Und selbst in ihrer Daseyns-» weise liegen Eigenthümlichkeiten genug, welche als-» dann vielmehr rathen sie als selbstständig im Systeme » zu behandeln, obgleich keineswegs auf gleicher Stufe » mit den Gattungen. Ließe man ihnen noch diesen Na-» men, so würde der Beisatz: unächte Gattungen, con-» venzionelle Gattungen, nöthig seyn. Außerdem nen-'» nen wir sie Nebenfossilien, Massen schlechtweg. « Hr. Weiss zeigt in diesem Satze, wie unbestimmt, schwankend und unsicher die Anwendung seiner Grundsätze ist. Es wird ihm wenig nützen, die angeführten Ausdrücke zu gebrauchen; aber es gibt seiner Sache ein übles Ansehen, dass er sich genöthigt, oder nur veranlasst findet, sie zu erwähnen. Wir wollen hören, was er weiter sagt.

»Die Thone bilden unter den gemischt-kiesligen »Fossilien eine sehr natürliche Familie, die am besten »gesondert von allen krystallinischen, als selbstständig »zu behandeln ist, obgleich sie nicht eine einzige ächte Gattung enthält. « Wir lassen sogleich die hieher gehörende Note folgen. Sie lautet: » Diejenigen Ochern »der Metalloxyde, welche nie im krystallinischen Zu-» stande vorkommen, möchten eben so passend eine ab-» gesonderte Familie in der Ordnung der oxydischen Erze, » als Gegenstück zu der Familie der Thone bilden; in-» dess lassen sie sich auch den übrigen Familien dieser » Ordnung zutheilen; und diess habe ich für jetzt in dem » folgenden Entwurfe vorgezogen. « Wenn Hr. Weis unter Thonen (um bei diesen stehen zu bleiben, denn wer möchte alles berichtigen, was er hier anführt) versteht, was man sonst darunter zu verstehen pflegt, so sind sie Gemenge aus zerstörten Mineralien (Gr. S. 24). und gehören, wie am a. O. gezeigt worden, nicht in das System: aus dem doppelten Grunde, weil sie Gemenge, und weil sie zerstört sind. Sie bilden aber »eine sehr natürliche Familie, obgleich diese nicht eine einzige ächte Gattung enthält! « Hr. Weiss macht mir's unmöglich, darauf etwas zu erwiedern. Denn wenn ein Systematiker so redet, so muss der Hörer verstummen. Möchte doch Hr. Weiss seine sehr natürliche Familie der Thone. abgesondert von allen krystallinischen, als selbstständig behandelt haben, wo es ihm beliebte, nur nicht in einem Mineralsysteme!

Der Schluss dieses reichhaltigen und merkwürdigen §. führt den Verfasser noch zu einigen Betrachtungen, die wir nicht übergehen können. »So wie die Schärfe »des krystallinischen Gattungsbegriffes ihnen (den Tho»nen) abgeht, so ist die Schärfe ihrer Sonderung von »anderen unkrystallinischen Massen, und somit die ihrer »Familien von anderen ebenfalls weit unvollkommener, »und die Übergänge der einen in die andern ganz in »der Regel. Sind ja doch selbst die schärfsten Sonde»rungen, die es gibt, zwischen krystallinischen Gattun» gen auch nicht unbedingt! und vielmehr die Sonderung » der krystallinischen Gattungen von einander immer von » einer relativen Beschaffenheit! « — So wie das letzte hier steht, ist es schwerlich zu verstehen. Hr. Weisi erläutert es aber durch ein Beispiel, welches seine Meinung zu erkennen gibt.

» Gediegen Gold, « heisst es, » ist als Gattung allerødings vollkommen geschieden von Quarz, aber nicht yollkommen von gediegen Silber. « Da vorhin von Übergängen die Rede gewesen, so soll diess ohne Zweisel heißen, es gibt einen Übergang zwischen den Varietäten des hexaëdrischen Goldes und hexaëdrischen Silbers. Allein, wer hat den nachgewiesen? Dass Gold und Silber in allen Verhältnissen zusammengeschmolzen werden können, ist kein Beweis dafür. Die naturhistorischen Eigenschaften der Varietäten der beiden Specierum können nach Gr. (J. 221 allein darüber entscheiden; und da man diese in gegenwärtiger Absicht nicht untersucht hat, so muss der Fall nach der Analogie mit andern beurtheilt werden, und zwar um desto mehr. da es kein Beispiel eines Überganges der Varietäten einer richtig bestimmten naturhistorischen Species in eine andere Einer der beiden im Gr. S. 222 angeführten Sätze ist daher immer wahr, wenn von den Übergängen einer Species in die andere die Rede ist, nämlich: wenn der Übergang richtig ist, so ist die Bestimmung der Species falsch; wenn aber die Bestimmung der Species richtig ist, so ist der Übergang falsch. Daraus folgt, dass, wenn Hr. Weiss im Stande ist, seinen Übergang zu beweisen, hexaëdrisches Gold und hexaëdrisches Silber eine naturhistorische Species ausmachen werden, ohne dass desshalb auch nur das mindeste in den Begriffen der Species, der Übergänge oder in sonst einem Stücke der Methode sich ändert; dass aber, bis diess geschehen, wir hinreichende naturhistorische Gründe haben, den Übergang zu läugnen und die genannten Species als zwei verschiedene Species fernerhin zu betrachten. Hr. Wei/s leitet aus dem angeführten Beispiele, anstatt es durch die Erfahrung zu bestätigen, den allgemeinen Satz ab, dass, "wo Identi-» tät der krystallinischen Structur und chemische Verbind-» barkeit der Massen zwischen verschiedenen Gattungen » Statt findet, auch krystallinische Gattungen eines ächten » Öberganges in einander fähig seyen; « unterläßt aber zu erklären, was er unter chemischer Verbindbarkeit versteht. Wir finden uns um so weniger veranlasst, hierbei zu verweilen, da bei der Beurtheilung der naturhistorischen Übergänge die chemischen Verhältnisse nicht mehr in Erwägung kommen, als bei jedem anderen Urtheile, welches der Naturgeschichte des Mineralreiches angehört, und fahren fort, die Folgerungen aus den Übergängen für eben so richtig und sicher zu betrachten, als jede andere, die mit Consequenz aus den Principien der Wissenschaft hergeleitet wird sagt zum Schlusse dieses f.: » Nur die Heterogenität, die » Unvereinbarkeit von zweierlei krystallinischen Structu-»ren, so wie chemische Unvereinbarkeit der Massen, »hält die Mineraliengattungen in ihrer schärfsten Sonde-»rung aus einander. Wer aber die Sonderungen und » Verbindungen der Natur im Systeme darzustellen ver-»sucht, hat nie zu vergessen, dass die Natur, während »sie sondert, auch das Gesonderte wieder verbindet, » während sie hier Grenzen einsetzt und schärfer zieht, » sie gleichzeitig dort die Grenzen wieder verwischt, und » das Geschiedene vereint. « Soll diess heissen: Was die Natur, figurlich zu reden, als Species trennt, vereinigt sie im Genus, und was sie im Genus trennt, vereinigt sie in der Ordnung; und umgekehrt, was sie in der Species vereinigt, trennt sie im Individuo u. s. w., so ist es vollkommen richtig, aber gewis Niemanden unbekannt, der weis, was Genus, Species, Individuum u. s. w. sind. Soll es aber heisen, was die Natur hier als Species trennt, vereinigt sie dort als Species u. s. w., so ist es zwar neu, aber nicht nur nicht wahr, sondern so unbedachtsam ausgesprochen, dass, wenn es Statt finden könnte, die Natur aushören würde, Natur zu seyn.

Im folgenden siebzehnten §., mit welchem Hr. Weiss seinen Aussatz schließt, gibt er, nach einigen vorläufigen Bemerkungen, die kurze Übersicht der Familien, welche in den verschiedenen Ordnungen unterschieden werden. » Es ist unnöthig, « sagt er, » zu wiederholen, » daß schon der Umstand, ob es zweckmäßiger scheine, » mehrere Familien, jede von engerem Umfange, oder » wenigere, von weiterem, zu bilden, so wie die gegen» seitigen Grenzen, vielfachen Stoff zu Discussionen » darbietet. «

» So bin ich geneigt gewesen, um der geognostischen » Wichtigkeit des Serpentins willen, obwohl er ein un» krystallinisches Fossil ist « (die krystallinischen Varietäten sind beschrieben Gr. Thl. II. Erster Anhang, S. 77),
» eine eigene Familie für ihn zu bilden, welche entwe» der seinen Namen, oder den des Schillersteines tragen
» konnte. Bei der Zweideutigkeit der ihr zuzurechnen» den Gattungen habe ich sie im folgenden Entwurfe auf» gegeben, und ihn und sie den übrigen Familien zuge» theilt. « Das ist also eine Discussion über den Serpentin und seine Familie.

»Die Familien des Skapolithes, der Haloidsteine » und der Zeolithe, von denen beide letztern deutlich » an die folgende Ordnung der salinischen Steine gren-» zen, sind desshalb doch nicht an das Ende der Reihe » der Familien der ersten Ordnung gestellt worden, weil » sie sich entschieden an die des Feldspathes unmittelbar » anschließen. Etwas anderes ist überhaupt die Reihen-» folge, wie sie die Familien Einer Ordnung, als die, »wie sie die Familien verschiedener Ordnungen« (das heisst diese Ordnungen selbst) »unter einander zweck-» mässig verbindet, und noch etwas anderes, wie sie » dem successiven Gange des Vortrags der Wissenschaft » am besten angepasst wird, bei welchen letztern es gut » ist, vor der Behandlung der minder wichtigen Gattun-» gen die einer größern Zahl der wichtigern vorherge-»hen zu lassen, um sie zu Vergleichungen bei der Cha-» rakterisirung jener wenigen hervortretenden benutzen » zu können. « Man sollte geneigt seyn, hierin sogar etwas von Consequenz zu finden. Denn wenn die Familien nach einem besonderen Principe gebildet sind, und die Ordnungen wiederum nach einem besonderen, von icnem verschiedenen Principe; so kann, so muss sogar die Reihensolge der Gattungen in den Familien von der Reihenfolge der Familien in den Ordnungen verschieden seyn, nämlich dem Principe nach. Aber auch diese falsche Consequenz findet hier nicht einmal Statt; denn der Gang des Vortrages der Wissenschaft hat auch Einfluss auf die Reihenfolge. Ich sollte glauben, der Gang des Vortrages einer Wissenschaft müsse sich nach der Ordnung und Folge der Sätze richten, welche darin enthalten sind, denn ein Inbegriff gleichartiger Erkenntnisse wird durch die systematische Verbindung derselben erst zu demjenigen, was man eine Wissenschaft zu nennen berechtiget ist; nicht die Folge der Sätze nach dem Gange des Vortrages. So macht man es wenigstens bei dem wissenschaftlichen Vortrage einer jeden wirklichen Wissenschaft, und darin besteht der Nutzen, der durch den Vortrag erreicht werden kann. Der Lehrling soll durch diesen zum Denken über den Gegenstand angeleitet werden, damit er wirklich über diesen Gegen-

stand denken lerne, und sein Gedächtniss nicht gedankenlos mit einem Wissen erfülle, was, wenn es ohne wissenschaftlichen Zusammenhang ist, nur einen sehr geringen (nämlich einen blos empirischen) Werth hat; dieser Zusammenhang soll ihn von der Wahrheit seines Wissens überzeugen (denn diese beruht, vorausgesetzt, dass es aus richtigen und allgemeinen Principien hergeleitet ist, lediglich auf diesem Zusammenhange, wie insbesondere die Mathematik lehrt), damit er nicht genöthigt ist, seinem Lehrer blindlings zu folgen und ihm nachzubeten, und endlich soll der Vortrag ihn in den Stand setzen, die Wissenschaft im Ganzen zu übersehen, damit er nicht in den Fall so vieler Mineralogen gerathe, die vielleicht recht gut die Mineralien zu unterscheiden und mit allerlei Namen zu belegen verstehen, ohne zu wissen was die Mineralogie ist, und in welchem Verhältnisse zu anderen Wissenschaften sie steht, und damit er in der Folge selbst zu ihrer Erweiterung und Berichtigung beitrage, denn das erfordert jede, wenigstens jede Erfahrungswissenschaft. nicht so lehrt, der lehrt nicht, sondern bringt seine Zuhörer um ihre Zeit, das Köstlichste, was sie besitzen. Hören wir, was Hr. Weiss weiter über diese Materie sagt. Ȇberhaupt sollen die bedeutenderen Gattungen » die Grundlage des Studiums ausmachen, und billig erst, » nachdem diese Grundlage gewonnen ist, das Seltenere, » minder Erhebliche mit beständigem Bezug auf das Wich-» tigere, als ein schon gekanntes, stufenweise gelehrt werden « Wir übergehen die Fragen, was hier, bei der Betrachtung der Gegenstände der Natur, das Bedeutendere, und was das Seltenere und minder Erhebliche sey, und bemerken, dass die Regel, welche Hr. Weiss hier ausspricht, im Allgemeinen recht gut, nur nicht auf Gegenstände dieser Art bei dem Vortrage an-

zuwenden ist. »Daher, « fährt er fort, » wird es für »den wissenschaftlichen Vortrag vortheilhaft seyn, erst » die Hauptgattungen einer Reihe von Familien zu schildern, und später zu den einzelnen Familien zurückzu-» kehren, und gleichsam in einem zweiten Cursus die » vollständige Erörterung der übrigen Glieder der Fami-» lie nachzuholen, während der erste Cursus die Bestim-»mung verfolgt, durch Hervorhebung der wichtigeren »für das Ganze zu orientiren, und eine erste Klarheit in »die Übersicht zu bringen.« Auch diess hat manches für sich, bezieht sich indessen nur auf einen Theil von dem, was der Vortrag erfordert, nämlich auf Physiographie, welcher, wie sich von selbst versteht, die Terminologie, die Systematik und die Nomenclatur vorhergegangen seyn müssen. Nach diesen drei Hauptstücken, welche Werner in dem präparativen Theile seiner Oryktognosie zusammenfasst, die Species einzeln durchzugehen, ist die gewöhnliche Art des Vortrages, welcher gemäß Werner gelehrt hat, nach welcher wahrscheinlich die meisten Mineralogen lehren, und welche ich selbst in früheren Zeiten befolgt, indessen, belehrt durch die Erfahrung, wieder aufgegeben habe. Man beabsichtiget dabei die Erkennung oder Bestimmung der Mineralien durch die Physiographie. Allein die Physiographie hat einen ganz anderen Zweck, nämlich, wenn man ein einzelnes Individunm, oder eine zusammengesetzte Varietät, erkennt oder bestimmt, also ihre Benennung bereits gefunden, oder wenn man diese Benennung gehört oder gelesen hat, die anschauliche Vorstellang der Species zu erhalten, welcher das Individuum oder dessen Benennung angehört (Gr. §. 17). Das kann nicht anders als durch Schilderung (das Schema) geschehen. Wie man aber auch diese Schilderungen einrichten mag (ich bin überzeugt, dass die Schilderungen der

Specierum des Hrn. Weiss treffender, lebendiger [dadurch unterscheiden sie sich von den trockenen Schematen, Oratario stylo in charactere, das sind hier die Schemate, nil magis abominabile *)], und überhaupt besser sind als die irgend eines mir bekannten Mineralogen), und wie man auch ihre Aufeinanderfolge anordnet; so bleiben sie doch, wenn sie das Ganze, oder einen beträchtlichen Theil des Ganzen umfassen sollen, etwas so Langweiliges und Ermüdendes für Lehrer und Hörer, dass große Anstrengung dazu gehört, sie auszuhalten. Und wenn man nur den Nutzen betrachtet, den diese Schilderungen in Beziehung auf die Erkennung der Mineralien haben, so verschwindet er; denn wer ist im Stande, die unzähligen Merkmale, welche diese Schilderungen enthalten müssen, wenn sie Schilderungen (Beschreibungen, Gr. a. a. O.) seyn sollen, im Gedächtnisse zu behalten, und wer, die rechten herauszufinden und anzuwenden, wenn es zum Erkennen kommen soll? Die Naturgeschichte lehrt, dass die Physiographie dazu nicht bestimmt ist, und die Erfahrung bestätiget es.

Ein Jeder, der dergleichen Schilderungen ein, zwei, oder wenn es möglich ist, mehrere Male gehört, sich aber außerdem nicht mit den Mineralien empirisch beschäftiget hat, frage sich, welche Fertigkeit er im Erkennen besitzen wird? Ich habe das an mir selbst erfahren, und Werner ist der Lehrer, der mir die Mineralien geschildert hat. Dieß war aber auch eine der ersten Veranlassungen bei mir, über eine andere Methode in der Mineralogie, als die bisherige gewesen, die unvermeidlicher Weise zur Empirie führt, ernstlich nachzudenken. Es ist hier nicht der Ort, über das Verfahren zu reden, welches ich bei dem Vortrage der Mine-

^{*)} Linné Phil. bot. §. 199,

ralogie seit mehreren Jahren befolgt habe, und befolge Nur das einzige will ich anführen, dass ich, nachdem ich die Terminologie, die Systematik und die Nomenclatur, nach den Grundsätzen, die der Leser kennt, denn andere gibt es in der Naturgeschichte, also auch in der Mineralogie nicht, vollständig, doch ohne alle Weitläufigkeit, abgehandelt habe, die Einrichtung der Charakteristik erkläre, ihren Gebrauch zeige, und dann die Zuhörer in diesem Gebrauche übe. Das gibt ihnen nicht nur die richtige Einsicht in die vorhergegangenen Hauptstücke, und zeigt ihnen nicht allein die Nothwendigkeit und den Nutzen der abgehandelten Gegenstände, sondern nöthigt sie, die Mineralien selbst genau zu untersuchen, ihre Gestalten, ihre Härte und übrigen Eigenschaften zu eruiren, denn sie sind sonst nicht im Stande, sie zu bestimmen, und lehrt sie, in der Folge fremder Hülfe zu entbehren, und sich selbst zu helfen, ohne zur Empirie, welche der Tod aller Wissenschaftlichkeit ist, ihre Zuflucht zu nehmen. Das Studium der Physiographie, d. i. der Natur selbst, muss aber einem Jeden überlassen bleiben, und es kann ihm dazu nur die gehörige Anleitung gegeben werden, wie denn auch der Vortrag einer Wissenschaft überhaupt nichts anderes beabsichtigt. Die dabei anzuwendenden Hülfsmittel sind zweckmässig eingerichtete und öffentlich aufgestellte Sammlungen, Bücher, Modelle, Zeichnungen u. s. w. Allerdings gehören, um den Unterricht so einzurichten, günstige Umstände in Absicht der Apparate, des Locales, der Zeit u. s. w. dazu, die indessen jeder Lehrer, wenn er das Bestreben hat, nützlich zu seyn, mehr und weniger leicht herbeiführen kann: wenn auch nicht in dem vorzüglichen Masse, in welchem wir sie der allerhöchsten Gnade und Weisheit Sr. Majestät des Kaisers, nächstdem den Directoren der hiesigen Universität, und den hohen Einsichten der Vorsteher der k. k. naturhistorischen Sammlungen verdanken. Wir kehren zu unserem Gegenstande zurück, ohne den Verfasser dahei weiter zu unterbrechen.

Die Familie des Skapolithes, « fährt Hr. Weissfort, »als die unmittelbarste Nebenfamilie des Feldspathes, ist von großem Umfange genommen worden. Ob »Lasurstein als Mittelpunct einer kleinen Familie abge» sondert zu werden verdient, wäre einer der weiter zu » erörternden Puncte unter vielen der schon angedeu» teten. «

» Gern würde ich die Familie des Weisspiesglanz» erzes unter denen der oxydischen Erze weggelassen,
» das Weisspiesglanzerz selbst der Familie der Bleisalze,
» die Spiesglanz - und Wismuthochern den übrigen
» Ochern u. s. w. zugetheilt haben, wenn das erstere sich
» von chemischer Seite rechtsertigen ließe. Vorausge» setzt aber, dass das Weisspiesglanzerz in der Ordnung
» der oxydischen Erze aufgestellt werden musste, so
» konnte es keiner der übrigen Familien derselben ein» verleibt werden, musste also eine eigene bilden. «

» Von der Familie des Bleiglanzes hätte sich eine » besondere kleinere Familie derjenigen mit in ihr begriffenen Gattungen ausscheiden lassen, welche bei vielen » sonstigen Ähnlichkeiten durch Einfachheit eines vollnkommenen blättrigen Bruches und damit verbundene
ptafelartige Gestaltung sich auszeichnen, und welche
nach dem Wasserblei hätte benannt werden können. «

» Nichts könnte dem Verfasser angenehmer seyn, » als Bemerkungen und Urtheile in verwandtem Sinne » über alle die Einzelnheiten eines in solcher VVeise ver-» suchten Systembaues zu erhalten. Für jetzt glaubte er » es also in den verschiedenen Ordnungen bei der Unscheidung folgender Familien bewenden lassen zu nnen.«

- I. Ordnung der oxydischen Steine.
 - » 1. Familie des Quarzes.

 - » 3. » » Skapolithes.
 - » 4. » der Haloidsteine.
 - » 5. » » Zeolithe.
 - » 6. » des Glimmers.
 - » 7. » der Hornblende.
 - » 8. » Thone.
 - » q. » des Granates.
 - » 10. » der Edelsteine.
 - » 11. » Metallsteine.
- »II. Ordnung der salinischen Steine.
 - » 1. Familie des Kalkspathes.
 - » 2. » Flusspathes.
 - » 3. » Schwerspathes.
 - » 4. » » Gipses.
 - » 5. » Steinsalzes.
- »III. Ordnung der salinischen Erze.
 - * 1. Familie des Spatheisensteins.
 - » 2. der Kupfersalze.
 - 3. » Bleisalze.
- IV. Ordnung der oxydischen Erze.
 - » 1. Familie der oxydischen Eisenerze.
 - »2. » des Zinnsteins.
 - » 3. » der Manganerze.

 - »5. » VVeisspiesglanzerzes.

»V. Ordnung der gediegenen Metalle. »Eine einzige Familie *).

VI. Ordnung, der geschwefelten Metalle

- »1. Familie des Schwefelkieses.
- »2. » » Bleiglanzes.
- » 3. » Grauspiesglanzerzes.
- » 4. » Fahlerzes.
- » 5. » der Blende.
- » 6. » des Rothgiltigerzes.

»VII. Ordnung der Inflammabilien.

- »1. Familie des Schwefels.
- » 2. » Diamants.
- »3. » der Kohlen.
- » 4. » Erdharze.
- » 5. » Brennsalze.

» (Die Ausführung dieses Entwurfs im folgenden Heft.)«

Ich warte diese Ausführung nicht ab, da sie schwerlich geeignet seyn wird, etwas an meinem Urtheile zu ändern. Ich danke übrigens dem Hrn. Weiss, dass er sich die Mühe hat geben wollen, die naturhistorische Methode der Mineralogie seiner Prüfung zu unterziehen, und den Ausfall derselben öffentlich bekannt zu machen. Ein bedeutungsvolles Stillschweigen von ihm, einem der angesehensten Mineralogen in Deutschland, dem es nicht an scharfsinnigen Auslegern gesehlt haben würde, hätte

^{*)} Unterscheidung der Familien möchte hier überflüssig seyn, es scheint angemessener, die gediegenen Metalle eine einzige Familie, also eine Ordnung mit Einer Familie, bilden zu lassen, da man doch desshalb nicht geneigt seyn wird, die ganze Ordnung als solche eingehen zu lassen, und sie mit der Ordnung der geschwefelten Metalle zu vereinigen.

Wei/s.

dieser Methode, wenigstens in den Augen einiger Mine ralogen, die mit den Grundsätzen der Naturgeschichte nicht bekannt sind, nachtheilig seyn können. Hr. Weist hat geredet, und auch diese Gefahr ist vorüber. Zugleich erkläre ich, das ich mich, auch in dieser Sache, auf keinen ferneren Streit, weil mir Lust und Zeit dazu fehlen, einlassen, und wie bisher meinen Weg ruhig verfolgen werde, unbekümmert, ob Andere mich auf demselben begleiten, oder in dem gewohnten Geleise fortfahren wollen.

II.

Bereitung künstlicher Säuerlinge;

von

P. A. Jedlik in Raab.

Die Säuren kommen in der Natur wegen ihrer starken Verwandtschaft zu so vielen andern Körpern, die häufig und unter begünstigenden Umständen mit ihnen zusammentreffen, selten in reinem Zustande vor. Mit diesen Körpern vereinigt bilden sie bald Salze, und werden bald vom Wasser absorbirt, dem sie einen säuerlichen Geschmack mittheilen.

Das mit Kohlensäure geschwängerte Wasser löst durch dessen Hülfe viele andere Substanzen in sich auf, und erhält dann den Namen eines Sauerbrunnens. Von den Kranken als Heilmittel angewendet, und auch von Gesunden wegen ihres angenehmen Geschmacks gerne gebraucht, aber von der Natur, wenn zwar mit freigebiger Hand, doch nicht allenthalben in genügender Fülle gespendet, wurden diese Heilwässer von jeher ein Ge-

genstand chemischer Bemühungen, sie künstlich, in großer Menge, kurzer Zeit, und auf dem wohlfeilsten Wege zu erzeugen.

Kaum hatten D. Black und Pristley die Natur dieser Sauerbrunnen erforscht, und die Möglichkeit ihrer künstlichen Bereitung außer Zweifel gesetzt, so erdachten schon Parker, Baader und Withering Apparate für obige Zwecke 1), und das von ihnen Erfundene wurde fortwährend vervollkommnet und verbessert. Nach dem Zeugnisse Fourcroy's 2) bereitete Nic. Paul zu Genf in Gesellschaft des Apothekers Goffe schon seit 1789 eine solche Menge Sauerbrunnen, dass er jährlich mehr als 40,000 Flaschen Selterwasser abzog. Im Jahre 1799 untersuchte eine eigene Commission des franz. Nationalinstitutes seine Fabrik, und Fourcroy, einer ihrer Mitglieder, sagt 3): Die theils auf trockenem, theils auf nassem Wege entwickelte Kohlensäure sey durch Druck mit dem Wasser vereinigt, und dann durch Schütteln in kurzer Zeit eine so starke Absorption bewirkt worden, daß das Wasser mehr Kohlensäure aufnahm, als irgend ein anderer künstlich bereiteter oder natürlicher Sauerbrunnen je enthielt; ja Paul habe es dahin gebracht, dass 1 Vol. Wasser 3 Vol. Luft absorbirte. - Den Apparat selbst übergeht der Berichterstatter mit Stillschweigen, weil der Erfinder denselben sich und seinem Associé als Geheimniss vorbehielt.

Gleiche Vorzüge schrieb eine Ankündigung des D Fries 4) dem von ihm bereiteten Mineralwasser zu; er erwähnt ferner, dass Nic. Paul später auch zu Paris, Schwesse zu London, D. Ziegler zu Winterthur Anstal-

¹⁾ Fischer's physik. Wörterbuch, 3. Theil, S. 786 - 793.

²⁾ Gilb. Ann. der Physik, Th. 12, S. 77.

⁵⁾ Gilb. Ann. der Physik, Th. 12, S. 88..

⁴⁾ Gilb. Ann. der Physik, Th. 17, S. 248.

ten im Großen zur Bereitung der Mineralwässer errichtet hatten. Keiner dieser Herren hat je seinen Apparat bekannt gegeben.

Die neulich bekannt gemachte Bereitungsart des Herrn Med. Dr. Fierlinger 1) empfiehlt sich durch besondere Einfachheit. Nach ihm werden mit Kohlensäure gefüllte Flaschen umgekehrt und geöffnet in das zu schwängernde Wasser gestellt. Innerhalb 24 — 36 Stunden, behauptet nun Hr. Fierlinger, seyen diese ganz mit Wasser gefüllt, das durch Absorption der Kohlensäure hinlänglich gesäuert wäre. Ich muß aufrichtig gestehen, daß ich auf diesem Wege zu keinem glücklichen Resultate gelangen konnte. Abgesehen davon, daß sich die Flaschen nie ganz füllten 2), fand ich die auf solche Weise bereiteten Säuerlinge stets schwächer als jene natürlichen Mineralwässer, die eine etwas größere Menge Säure aufgelöst enthalten.

Unter solchen Umständen achte ich auf Erfindung eines Apparates, der auch mir das leistete, was einst Paul, Schwesse, Ziegler und Fries zu Stande brachten, und richtete meine Aufmerksamkeit vorzüglich darauf, wie man 1) die Kohlensäure auf die schnellste, leichteste, wohlfeilste Art bereiten, 2) die bereitete auf das Bequemste mit einer Kraft von etwa 3—4 Atmosphären ohne Verlust zusammendrücken, 3) auf das Zweckmässigste mit dem zu schwängernden Wasser in Verbindung bringen, und 4) wie man durch ein gelindes Schütteln die Luft- und Wassertheilchen in engere und vielseitigere Verbindung bringen, und hiedurch den Verlauf der Absorption beschleunigen könnte.

¹⁾ Gilb. Ann. der Physik, Th. 1, S. 64; und ausführlich aus einander gesetzt in Zeitschrift für Phys. und Math. Th. 5, S. 257.

²⁾ Gilb. Ann. der Physik, Th. 1, S. 65,

Betrachten wir nun, in wie ferne der von mir ersonnene Apparat, dessen verticalen Aufriss die Figur i darstellt, diesen Anforderungen genüge.

In Fig. 1 ist AA eine dicke, viereckige Bohle, die dem Apparate zur Basis dient, und an einen Tisch angeschraubt, oder bei einem größern Apparate mit starken Füssen versehen ist; BB sind zwei tief in die Bohle eingelassene hölzerne Säulen; C ein kupfernes Gefäs, stark genug, einen Druck von 5-6 Atmosphären auszuhalten. Dieses Gefäls steht auf einem aus der Basis aufsteigenden stumpfen Kegel; damit dieser nicht umgestürzt werde, steckt er mit dem Halse aa in dem Loche b des eisernen Querstückes EE (das Fig. 2 deutlicher gezeichnet ist). Dieses hat auf beiden Seiten, senkrecht auf seine Breite, eine Zunge c und c, die genau in die Höhlung der hölzernen Säule gefügt, und durch einen in die Löcher d und d getriebenen eisernen Nagel (Fig. 3 dargestellt) festgehalten, zugleich den ganzen Beschlag befestiget. Die Öffnung des Gefässes C hat inwendig eine Schraubenmutter, bestimmt zur Aufnahme der Schraube e, die aus der Mitte der Arme FF hervorragt. Diese Schraubenspindel e hat in der Mitte eine so große Öffnung, dass sie die Röhre f aufnehmenund zwischen der Röhre f und den Wänden der Öffnung noch ein Zwischenraum gg (in der Figur durch eine schwarze Linie ausgedrückt) bleiben kann. Die Röhre f selber ist in den Boden der Schraubenmutter hh fest eingefügt. Jeder der beiden Arme FF besteht aus einer 'hohlen Röhre von ungefähr einer Linie im Durchmesser, und so gebohrt, dass die durch das eine Ende Z eingeblasene Luft durch g (den Zwischenraum zwischen der Röhre f und der Wand der Schraubenspindel e) entweichen kann. Diese Öffnungen beider Röhren werden mit den Hähnen GG hermetisch geschlossen, und dasandere Ende derselben geht in die Schraubenspindel ii, aus, an die mittelst der Schraubenmutter RR die Gefäse HH gefügt werden. Diese Gefäse sind aus Kupfer, wohl verzinnt, von gleicher Größe aber geringerer Dicke als das Gefäs C, jedoch immer noch stark genug, einen Druck von 4—5 Atmosphären auszuhalten. Der Hals dieser Gefäse geht in die Schraubenmutter II aus, in welche die Spindel mm greift, die mit einer Handhabe versehen ist, so dass man sie bloss mit der Hand stark anziehen kann. Diese Spindel hat in ihrer Mitte die oben zugeschmolzene Thermometerröhre nn, um den Druck der Luft in dem Gefäse HH anzuzeigen 1). Diese Gefäse sind überdiess an ihrer Basis mit weit gebohrten Hähnen KK, jedoch hermetischt geschlossen 2).

In die Schraubenmutter hh, die in der Mitte der Röhre FF steht, wird der gleichfalls hermetisch schlies-

¹⁾ Diesen Compressionsmesser habe ich auf folgende Weise construirt: Die oben zugeschmolzene Röhre wurde erwärmt, und mit der Öffnung über Quecksilber gestellt. Bei Erkaltung der Röhre wurde durch den Druck der Atmosphäre ein Quecksilberfaden in dieselbe getrieben, und (wegen der engen Öffnung der Röhre) in derselben erhalten. Hierauf zwängte ich die Röhre hermetisch in die Öffnung der Spindel d (s. Fig. 4). und brachte diesen Apparat in die Mündung des Gefäses H; beim zunehmenden Druck der Luft in diesem Gefäse mußte auch das Quecksilber steigen, und so zur Anzeige jenes Druckes dienen. (Gehler's phys. Wörterbuch, Bd. 2, S. 217.)

²) Bei den Hähnen KK ist eine weite Öffnung vorzuziehen, damit das Wasser aus den Gefäßen H und H schnelt abgelassen werden könne, weil es so viel weniger von der aufgenommenen Kohlensäure fahren läßt, als wenn man es lange durch eine enge Ausflußröhre zu strömen zwingt.

sende Hahn L eingelassen; ich gebe ihm eine etwas größere Öffnung, und lasse ihn in einen Stiefel endigen. Dem obern Theile des Stiefels ist ein kleines Gefäß N so eingefügt, daß es bedeutend über den Rand des Stiefels hervorschaut. Der Stiefel selbst ist mit einem beweglichen Kolben o versehen, der, wenn man ihn bis an die Öffnung des Stiefels hinaufzieht, in dem Stiefel eine Seitenöffnung p entdecken läßt. Damit aber der Kolben während der Operation nicht aus dem Stiefel falle, ist letzterer mit einem Hütchen gedeckt, das in der Mitte ein Loch zur Aufnahme der Kolbenstange hat. Endlich, damit der Kolben mit geringer Anstrengung und Beschwerde gehoben und gesenkt werden könne, wird die Kolbenstange in Q an den Hebel OP, der in O seinen Unterstützungspunct findet, befestiget 1).

Mit Hülfe dieses Apparates verfahre ich nun au£ folgende Weise: Mittelst eines gläsernen Trichters gieß cich eine bestimmte Menge Schwefelsäure in das Gefäſs C²), und löse sie in ungefähr der doppelten Menge Was—

²⁾ Um eine hermetische Verbindung der Theile des Apparats zu bewirken und jeden Austritt zu versperren, mußman sich, wie es sich von selbst versteht, bei den Schrauben mit Öhl getränkten Leders, und bei den Hähneseiner Masse aus mit Öhl abgeriebenem Kalk- oder Magnesiapulver bedienen.

²⁾ Die Menge der Säure wird nach der Größe des Gefäße SC bemessen. In meinen Apparat, der drei Maß faßs gebe ich, durch die Erfahrung belehrt, 10 Unzen Säure Daß ich vorzugsweise Schwefelsäure anwende, hat dari seinen Grund, daß diese Säure erstens das Gefäß arschwächsten angreift, und zweitens nicht wie ander Säuren Dämpfe ausstößt, die sich mit der Kohlensäur mischen, und den Untergang des Apparats herbeiführe könnten. Es ist überhaupt nicht zu befürchten, daß das kupferne Gefäßs von der Säure werde zerfressen wer

sers auf ¹). Dann wird der Arm FF, mit dem der Stiefel M mittelst des Hahnes L schon verbunden ist, durch die Schraube e angezogen, hierauf die mittelst der Schrauben fest anschließenden Gefäße HH mit Wasser ²) bis ungefähr zur punctirten Linie angefüllt, und ihre Öffnungen ll durch die Schrauben mm (die den

- 1) Die Schweselsäure wird aufgelöst, sowohl damit die Asche sich leichter in demselben auflöse, als auch um die Entwicklung der Schweseldünste (schweseligen Säure) aus der concentrirten Säure niederzuschlagen.
- 2) Wenn das Wasser, mit dem die Gefäse HH gefüllt werden, gemeines Bruunen- oder Flusswasser ist, so wird es zwar durch Hülfe gegenwärtigen Apparats mit Kohlensäure geschwängert, jedoch nie den natürlichen Säuerlingen ganz gleich werden. Denn die natürlichen Mineralwässer enthalten außer der Kohlensäure noch viele andere Stoffe in sich aufgelöst; und damit die künstlich bereiteten ihnen gleichen, muß man gedachte Stoffe auch mit letztern vereinigen. Die constituirenden Elemente der Sauerbrunnen sind nicht stets und überall dieselben, daher es eben so viele und verschiedene Arten Sauerbrunnen gibt; aber sie alle nachzuahmen, steht in der Gewalt meines Apparats. Ich brauche nur in das Wasser, welches zur Aufnahme der Kohlensäure bestimmt ist, jene Körper und in dem Masse zu geben, als sie in den nachzuahmenden natürlichen Mineralwässern vorhanden sind. Zu dem Ende bediene man sich der Analysen erprobter Chemiker, die nun beinahe schon von allen Sauerbrunnen durch den Druck bekannt gegeben sind.

den, denn die im Gefässe enthaltene Säure ist von allem Zutritte der äussern Atmosphäre abgesperrt, und da hat H. Davy gezeigt (Zeitschrift für Phys. und Math. Bd. 4, S. 362), dass unter solchen Umständen Kupfer durch drei Monate der Einwirkung verdünnter Schweselsäure ausgesetzt war, ohne angegrissen zu werden.

Compressionsmesser enthalten) hermetisch geschlossen.

Hierauf wird fein gesiebte Holzasche *) mit Wasser zusammen gerührt, bis ein leicht flüssiges Gemenge entsteht. Dieses wird in das Gefäs N gegossen, dann mit Hülfe des Hebels OP der Kolben o bis über die Seitenöffnung p gehoben, wodurch die Asche mittelst des Druckes der Atmosphäre in den Stiefel M hinabgedrückt, und dann durch Senkung des Kolbens und Öffnung des Hahnes L in das Gefäss C gebracht wird. Hier in Berührung mit der Schwefelsäure entwickelt sie reichlich die Kohlensäure. Um von Neuem eine gleiche Menge Asche in das Gefäls C zu bringen, und diese Operation überhaupt mehrmal zu wiederholen, muss man den Kolben von Neuem heben und senken, wobei man jedoch nicht vergessen darf, ehe man den Kolben hebt, den Hahn L zu schließen, und ehe man ihn senkt, den Hahn zu öffnen.

Das entwickelte Gas muß sich im Gefässe, da es nirgends entweichen kann, so weit verdichten, bis es durch seine Elasticität jede weitere Gasentwickelung hemmt. Nun öffnet man auf einmal die Hähne GG, das verdichtete Gas strömt durch die Zwischenräume gg in die Arme FF, durchstreicht die Wassermasse in den Gefäsen HH, und wird in dem oberhalb der punctirten Linie befindlichen Raume so lange verdichtet, bis

^{*)} Bei meinen ersten Versuchen nahm ich statt der Holzasche Pottasche oder Soda; allein da diese Substanzen
zu hoch kommen, dachte ich auf eine Methode, statt
ihrer Kreidenstaub oder Holzasche ins Gefäß zu bringen. Wohl ausgebrannte Holzasche ist geriebener Kreide
oder Kalkstein vorzuziehen, vorzüglich weil sie nicht
erst gerieben zu werden hraucht, und dann auch, weil
sie so leicht und wohlseil herbeigeschaftt werden kann.

es durch seine Dichte mit dem im Gefässe C comprimirten Gase ins Gleichgewicht kommt. Da aber das in den Gefäsen HH enthaltene Wasser, zumal wenn es kalt ist, Kohlensäure absorbirt, und zwar in um so größerer Menge, da es unter einem drei - bis vier Mal stärkern Drucke als dem der Atmosphäre geschieht (Mei/sner's Anfangsgründe der Chemie, Bd. 2, S. 569), so muss fortwährend ein neuer Gasstrom von dem Gefässe C in die Gefässe HH überströmen, besondert wenn der ganze Apparat um seine Axe beweglich ist, hin und her getrieben wird, und so die Berührung der Luft- und Wassertheilchen vervielfacht. Zeigt endlich das Manometer, dass der innere Druck sich verringere, so ist diess ein Zeichen, dass die Gasentwickelung aufgehört habe, und dass sich wieder neues Gas entwickeln könne: man hat daher eine neue Menge Asche in das Gefäss auf die schon erwähnte Weise zu bringen *).

Auf diese Art wird das in den Gefässen HH ent-

^{*)} Diese Bereitungsart ist, wie es am Tage liegt, äußerst leicht, bequem, ja auch sehr wohlfeil. Um 12 kr. C. M. bekommt man 16 Unzen Sohwefelsäure, und diese reichen hin, 16 Rohitscher Flaschen Wasser überstark mit Kohlensäure zu sättigen; die hierzu nöthige Asche bekommt man beinahe umsonst. Doch gebe ich diese Bereitungsart der Kohlensäure nicht für die einzig vortheilhafte aus, auch durch den Gährungsprozess kann man aus verschiedenen Substanzen eine große Menge Gas gewinnen (Fierlinger in Zeitschrift für Phys. und Math. Bd. 5, S. 260). Wer letztere Methode vorzieht, kann in meinem Apparate das Gefäs C um ein Beträchtliches größer machen, und darin die gährende Masse anbringen. Mittelst Schwefelsäure gewinnt man das Gas schneller, durch die Gährung reiner; welche Methode übrigens vorzuziehen sey, überlasse ich Andern zur Entscheidung.

haltene Wasser in kurzer Zeit mit Kohlensäure übersättiget seyn, was sich durch folgende Anzeichen offenbaret: 1) Wenn beim Rütteln des Apparats nur wenig Luftblasen in die Gefässe HH übergehen, ungeachtet die Manometer mm einen bedeutenden Druck zu erkennen geben; 2) wenn man mittelst des Hahnes K ein wenig Wasser in einem Becher auffängt, und dieses die Kohlensäure in Gestalt unzähliger Bläschen aufsteigen läst; 3) wenn das Wasser auf der Zunge einen angenehm beisenden Geschmack verursacht.

Ist das Wasser vollkommen gesättiget, so muss man es in Flaschen abziehen, aber mit Vorsicht, damit beim Überfüllen wenig Gas verloren gehe *). Zu dem Ende bediene ich mich einer messingenen Röhre S, die genau an den Hahn K passt, und tief in die zu füllende Flasche reicht; denn auf diese Weise, habe ich bemcrkt, geht viel weniger Gas verloren, als wenn man das Wasser gleich von dem Hahne aus durch die Lust in die Flasche sließen lässt. Man schließet also den Hahn G, öffnet den Hahn K, an dem man die Röhre S besestiget, und hält mit der einen Hand die Flasche unter, während man mit der andern ihren Stöpsel in Bereitschaft hält. Das geschwängerte Wasser stürzt mit Gewalt hervor, da die comprimirte Lust es herausdrängt, bis end-

^{*)} Sechs (ungarische) Mass Wasser, so viel in die beidem Gefäse HH meines Apparats gehen, habe ieh binnem 30 Minuten zur Übersättigung gebracht; und sicherhätte ich noch merkwürdigere Resultate erhalten, wenn mir ein größerer Apparat zu Gebote gestanden wäre. Denn die Absorption der Kohlensäure steht nach meiner Beobachtung im Verhältnisse der Oberstächen, in denen das Gas und die Flüssigkeit sich berühren, daher im weitern (wenn auch slächern) Gefäsen in derselben Zeit mehr Kohlensäure absorbirt werden wird.

lich die durch den gewonnenen Raum verdünnte Luft sammt dem noch übrigen Wasser mit der äußern Atmosphäre ins Gleichgewicht tritt. Da hört das Wasser auf zu fließen, und man muß den Hals des Gefäßes Höffnen, um die Flüssigkeit ganz ausströmen zu machen. Ist die Flasche voll, so wird sie fest geschlossen, und am besten umgekehrt aufgestellt, weil sonst, wie es mir und vielen Andern widerfuhr, die Flaschen springen.

Ist das Wasser ausgeleert, so kann man in die Gefässe HH neues einfüllen, von Neuem Asche in das Gefäss C bringen, und kurz obige Operation so lange wiederholen, bis die Schwefelsäure mit dem Kali der Asche gesättiget ist, was sich dadurch zu erkennen gibt, dass nach Hinzuschüttung einer neuen Dosis Asche, und obgleich das Manometer einen niedern Druck verräth, dennoch keine Luftblasen in die Gefäse HH übergehen.

Ist also die Säure in C gesättiget (oder bei Anwendung der andern Methode die Gährung geschlossen), so nimmt man den Arm FF zugleich mit den beiden Gefäsen HH herab, zieht die Nägel dd heraus, und entfernt den eisernen Beschlag EE vom Halse des Gefäses C, leert letzteres aus, reinigt es, und richtet es zum weitern Gebrauche wieder her.

Ein so gebauter Apparat von mäßiger Größe bietet eine hinlängliche Menge Mineralwasser. Mit meinem Apparate (wo, wie gesagt, die beiden Gefäße HH zusammen 6 Maß halten) bereitete ich in einer Stunde 12 ungarische (beinahe 16 österreichische) Maß Sauerbrunnen, die an Stärke nach Belichen des Operirenden alle natürlichen bedeutend übertreffen, noch ihnen in andern Rücksichten nachstehen, da auch sie alle jene Bestandtheile und in derselben Mischung enthalten können *).

^{*)} Für Jene, die das Criterium des Geschmacks jeder andern Theorie vorziehen, will ich noch erwähnen, daß

Ferner sind sie frei von allen jenen, dem thierischen Organismus schädlichen Substanzen, die man in den natürlichen Mineralwässern nicht selten vorfindet. Auch glaube man ja nicht, dass die Kosten der Bereitung groß sind, und diese Erfindung darum, wie so viele andere, ohne practische Ausführbarkeit ist. Funfzig Flaschen Rohitscher Sauerbrunnen kamen mir (das Glas und meine Mühe nicht gerechnet) auf 10 fl. VV. VV., also eine Flasche auf 12 kr., eine Flasche Egerwasser gar nur auf 3 kr., während doch in unserer Gegend diese 48 kr., jene 36 kr. kostet.

III.

Beschreibung eines tausendtheiligen Maß-'stabes;

von

Dr. und Prof. Joseph Knar.

Mit Hülfe des jetzt durchgängig üblichen Maßstabes vermag man die Länge einer geraden Linie bis auf einen hundertsten Theil der Einheit (Zoll) genau anzugeben. Man überzeugt sich jedoch leicht, daß bei einiger Aufmerksamkeit und mit einem fein zugespitzten Zirkel auch noch kleinere Theile des Zolles deutlich unterschieden werden können, man dürfte daher wohl in manchen Fällen wünschen, einen Maßstab zu besitzen, welcher eine größere Genauigkeit, als der gewöhnliche

mein kleiner Apparat in diesem Sommer nach und nach 150 Flaschen Mineralwasser erzeugt habe, die, der Beurtheilung Vieler unterzogen, allgemeinen Beifall gefunden haben.

hunderttheilige, zu gewähren im Stande ist. Ich will nun hier die Einrichtung eines solchen Masstabes beschreiben, wobei der Zoll in tausend gleiche Theile getheilt erscheint, und welcher so einfach ist, dass er von den Verfertigern der gewöhnlichen Masstäbe ohne Anstand ausgeführt werden kann.

Eben wegen dieser großen Einfachheit der Einrichtung kann ich mich kaum überreden, daß sie ganz neu seyn sollte; mir wenigstens ist nicht bekannt, daß ein solcher Maßstab schon irgendwo beschrieben worden sey, und ich bringe ihn nun zur Kenntniß Anderer, welchen er bisher ebenfalls noch nicht vorgekommen seyn sollte.

Der Masstab besteht, wie Fig. 5 zeigt, aus folgenden Theilen: ABCD oder eigentlich ABEF ist der allgemein bekannte, hunderttheilige Masstab, über dessen Einrichtung etwas Mehreres zu sagen wohl überstüssig wäre. Von den beiden verlängerten Linien DA und CB sind zwei gleich lange Stücke genommen, deren jedes einen ganzen Zoll und einen zehnten Theil desselben enthält, nämlich: $AH = BG = \frac{11''}{10}$. Diese beiden Linien werden nun in zehn gleiche Theile getheilt, und die Theilungspuncte durch Transversallinien verhunden, gerade so, wie bei ABCD. Die Hinzusetzung der Zahlen geschieht am besten aus diejenige Art, welche aus der beigefügten Zeichnung deutlich zu sehen ist.

Der Gebrauch dieses Massstabes wird dem einiger Massen Geübten sogleich einleuchten; für minder Geübte füge ich die folgende Erklärung hinzu.

Um hierbei, der Kürze unbeschadet, mögliche Missverständnisse zu vermeiden, bemerke ich, das jede Transversallinie durch die beiden Ziffern bezeichnet werden soll, welche an ihren Endpuncten geschrieben er-

scheinen, und zwar dergestalt, dass die oben, über der Linie DH, stehende Ziffer stets zuerst genannt wird. Auf diese Art werden die Transversalen, welche rechts von der Senkrechten AB in dem Theile ABCD stehen, nach der Ordnung durch 90, 81, 72, 63, . . . , die Transversalen in dem Theile ABGH aber durch 01, 12, 23, 34, . . . bezeichnet werden. Die zu CG oder DH parallelen Linien sollen durch die bei DC stehenden Ziffern, mithin von oben nach unten, nach der Ordnung, durch 1, 2, 3, 4, . . . angezeigt werden.

Der Theil ABGH ist, für sich betrachtet, wie schon der bloße Anblick lehrt, ein hunderttheiliger Maßstab, wobei aber die Einheit BG nicht einen Zoll, sondern um einen zehnten Theil mehr, nämlich $\frac{11''}{10}$ enthält. Da nun die Stücke der Linien 1, 2, 3, . . . 9, welche zwischen der Senkrechten AB und der Transversale 01 enthalten sind, die einzelnen hunderten Theile der Einheit BG sind; so werden die Werthe dieser Stücke nach der Ordnung folgende seyn:

$$\frac{1}{100} \cdot \frac{11''}{10} = \frac{11''}{1000} = \frac{1''}{100} + \frac{1''}{1000},$$

$$\frac{2}{100} \cdot \frac{11''}{10} = \frac{22''}{1000} = \frac{2''}{100} + \frac{2''}{1000},$$

$$\frac{3}{100} \cdot \frac{11''}{10} = \frac{33''}{1000} = \frac{3''}{100} + \frac{3''}{1000},$$

$$\vdots$$

$$\frac{9}{100} \cdot \frac{11''}{10} = \frac{99''}{1000} = \frac{9''}{100} + \frac{9''}{1000}.$$

Die Stücke eben dieser Linien 1, 2, 3, ... 9, welche zwischen der Senkrechten AB und der Transversale 90 enthalten sind, machen, vermöge des hunderttheiligen Maßstabes ABCD, nach der Orduung $\frac{9''}{100}$, $\frac{8''}{100}$, $\frac{7''}{100}$, ... $\frac{1''}{100}$ aus. Addirt man nun diese

ihlen nach der Ordnung zu den vorher gefundenen, so hält man

$$\frac{9''}{100} + \frac{1''}{100} + \frac{1''}{1000} = \frac{1'}{10} + \frac{1''}{1000},$$

$$\frac{8''}{100} + \frac{2''}{100} + \frac{2''}{1000} = \frac{1''}{10} + \frac{2''}{1000},$$

$$\frac{7''}{100} + \frac{3''}{100} + \frac{3''}{1000} = \frac{1''}{10} + \frac{3''}{1000},$$

$$\frac{1''}{100} + \frac{9''}{100} + \frac{9''}{1000} = \frac{1''}{10} + \frac{9''}{1000}$$

Werthe für die Stücke der Linien 1, 2, 3, ... 9, elche zwischen den beiden Transversalen 01 und 90 1geschlossen sind: diese Stücke enthalten also nebst nem zehnten Theile noch alle einzelnen tausendsten heile des Zolles.

Zwischen je zweien nach einander folgenden Transersalen 90, 81, 72, ... ist stets $\frac{1}{10}$ enthalten, daher nd zwischen der Transversale 01 und den Transversan 90, 81, 72, ... alle einzelnen zehnten, in Verindung mit allen einzelnen tausendsten Theilen des olles eingeschlossen.

Zwischen je zweien nach einander folgenden Transersalen o1, 12, 23, ... ist ferner der zehnte Theil on BG, d. h. von $\frac{11''}{10}$ enthalten, welcher

$$\frac{1}{10} \cdot \frac{11''}{10} = \frac{11''}{100} = \frac{1''}{10} + \frac{1''}{100}$$

eträgt. Nimmt man daher anstatt og nach einander die blgenden Transversalen 12, 23, 34, ..., so wird zu er vorigen Länge des Stückes von einer der Linien, 2, 3, ... immer ein hundertster und ein zehnter heil des Zolles noch hinzu kommen, mithin werden wischen je zweien aus den Transversalen 90, 81, 72, ...

und 01, 12, 23, . . . alle einzelnen Tausendtheile, verbunden mit allen einzelnen Hunderttheilen des Zolles enthalten seyn, die Anzahl der zugleich vorhandenen Zehntheile des Zolles aber muss wenigstens um 1 grösser seyn, als die Anzahl der Hunderttheile. Man sieht hiebei leicht, dass die bei DC stehende Ziffer jedes Mal die Anzahl der Tausendtheile, und die am Ende der Transversale bei AH stehende Ziffer die Anzahl der Hunderttheile angebe; die Anzahl der Zehntheile besteht aber aus der Summe der Ziffern, welche unter den beiden Transversalen bei BG und BC stehen, wobei, wie sich wohl von selbst versteht, zehn solche Theile als ein ganzer Zoll geschrieben werden müssen. Bestimmungen gemäß kann nun der Massstab in den beiden Hauptaufgaben, welche mit seiner Hülfe zu lösen sind, folgender Massen gebraucht werden.

I. Ist eine gerade Linie gegeben, und ihre Länge mittelst des Massstabes zu bestimmen; so wende man zuerst ganz auf die gewöhnliche Weise den hunderttheiligen Masstab ABEF an, wodurch man die Anzahl der in der gegebenen Linie enthaltenen ganzen Zolle, so wie der Zehntheile und Hunderttheile des Zolles erfährt Wäre nun die Anzahl der Zehntheile größer, als die Anzahl der Hunderttheile; so schneide man von der gegebenen Linie alle darin enthaltenen ganzen Zolle ab: tritt aber diese Voraussetzung nicht ein; so muß man noch einen ganzen Zoll übrig lassen, oder auch wohl hinzufügen, wenn etwa gar kein ganzer Zoll vorhanden seyn sollte. Auf diese Art wird das noch zu messende Stück im ersteren Falle kleiner als ein Zoll seyn, im anderen Falle aber zwischen einem und zwei Zollen liegen. Nun setze man die eine Zirkelspitze auf diejenige von den Transversalen o., 12, 23, ..., über welcher bei AH die bereits bekannte Anzahl der Hunderttheile

steht; die andere Zirkelspitze kommt auf eine der Transversalen 90, 81, 72, ... dergestalt zu stehen, daß die Summe der unter den beiden Transversalen bei BG und BC geschriebenen Ziffern die volle Anzahl der vorhandenen Zehntheile ausmacht, wobei der etwa vorkommende ganze Zoll aus zehn Zehntheilen bestehend betrachtet werden muß. Diejenige von den parallelen Linien 1, 2, 3, ..., auf welcher die Zirkelspitzen genau mit den beiden eben bezeichneten Transversalen zusammen fallen, gibt links bei CD die Anzahl der vorhandenen Tausendtheile an.

II. Ist eine gerade Linie von gegebener Länge, wobei Tausendtheile des Zolles vorkommen, zu verzeichnen; so hat man wieder zuerst zu sehen, ob die Anzahl der Zehntheile größer ist, als die Anzahl der Hunderttheile, oder nicht. Im ersten Falle lässt man alle ganzen Zolle weg, im anderen Falle behält man nur einen ganzen Zoll bei, oder setzt einen hinzu, wenn keiner vorhanden seyn sollte. Dann werden die Zirkelspitzen auf diejenige von den zu CG parallelen Linien gesetzt, wo die rechts bei CD stehende Ziffer die Anzahl der gegebenen Tausendtheile anzeigt, und zwar kommt eine Zirkelspitze auf eine aus den Transversalen 01, 12, 23,... zu stehen, bei welcher oben bei AH die Anzahl der gegebenen Hunderttheile geschrieben ist, die andere Zirlelspitze aber wird in eine der Transversalen 90, 81, 72, . . . eingesetzt, so dass die Summe der unter beiden Transversalen bei BG und BC stehenden Ziffern genau der Anzahl der vorhandenen Zehntheile gleich ist, wobei wieder zehn Zehntheile statt des etwa vorhandenen ganzen Zolles genommen werden.

Es versteht sich übrigens sowohl bei dieser als auch bei der vorhergehenden Aufgabe, dass die am Anfange weggelassenen oder hinzugefügten ganzen Zolle am Ende wieder besonders hinzugefügt oder weggelassen werden müssen. Um diese Weglassung der ganzen Zolle zu vermeiden, könnte man auch den Theil DCEF des Maßstabes eben so eintheilen, wie es mit ABCD gewöhnlich geschieht, was noch überdieß den Nutzen bringen würde, daß die Senkrechten IK, LM, NO, FE nicht so sehr durchgestochen werden würden, als es sonst bei einem, im Gebrauche des Maßstabes noch ungeübten, Anfänger leicht geschieht.

IV.

Über die Verallgemeinerung des Lagrange'schen Reversions-Theorems;

von

Franz Xav. Moth.

Bekanntlich besteht das von Lagrange entdeckte Reversions-Theorem darin, aus der Functionalgleichung

$$x = \varphi(t + \alpha \cdot f(x)),$$

in welcher φ und f gegebene Functionen bedeuten, und worin α und t zwei von einander unabhängige Größen sind, den Werth von x, oder allgemeiner, irgend eine Function $\varphi(x)$ dieser Größe in eine nach Potenzen von α fortschreitende Reihe von der Form

$$\psi(x) = X_0(t) + \alpha \cdot X_1(t) + \alpha^2 \cdot X_2(t) + \dots$$

zu entwickeln, gemäß welchem Theorem denn auch für
die Bestimmung der Functionen $X_0(t)$, $X_1(t)$, $X_2(t)$, ...
ein sehr einfaches Gesetz besteht.

Dieser Satz, welchen Lagrange für Functionen einer einzigen Veränderlichen x erwiesen hat, wurde

durch Laplace dergestelt verallgemeinert, dass er zeigte, wie die Entwickelung der Functionen jeder Anzahl Veränderlicher bewerkstelliget werden könne.

Da ich mich mit diesem Gegenstande befaste, habe ich gefunden, dass beide Theoreme einer noch größeren Verallgemeinerung fähig wären, und dass beide Gesetze Folgerungen eines viel allgemeinern wären. Ich habe meine Untersuchungen über diesen Gegenstand der königl. böhm. Gesellschaft der Wissenschaften vorgelegt, welche sie unter ihre Abhandlungen aufgenommen hat. Da der Raum dieser Blätter nicht gestattet, sich in ein größeres Detail, so dieser Gegenstand fordert, einzulassen; so lieser ich hier bloß eine Anzeige des Resultates, dessen Beweis man in der erwähnten, bald zu erscheinenden, Abhandlung nachlesen kann.

Wenn man die Functionalgleichung hat:

 $x = 9 [t + \alpha \cdot z_1 + \alpha^2 \cdot z_2 + \alpha^3 \cdot z_3 + \cdots],$ in welcher $z_1 z_2 z_3 \cdots$ gegebene Functionen von x sind, and man denkt sich die Größe x aus dieser Gleichung durch die übrigen noch darin sich befindlichen Größen ausgedrückt, und in die gleichfalls gegebene Function $\psi(x)$, welche wir u nennen wollen, gesetzt; so wird man dieselbe in einer nach Potenzen von α mit gauzen Positiven Exponenten fortschreitenden Reihe von folgender Form

 $u=X(t)+\alpha\cdot X_1(t)+\alpha^2\cdot X_2(t)+\alpha^3\cdot X_3(t)+\ldots$ darstellen können, in welcher Reihe die Coefficienten dieser Potenzen von α , d. i. $X(t), X_1(t), X_2(t), \ldots$ Functionen von t sind, die nach einem gemeinschaftlichen Gesetze aus den Functionen $z_1 z_2 z_3 \ldots \varphi$ und ψ hergeleitet werden können. Das Gesetz, nach welchem diese Functionen zu entwickeln sind, spricht sich nun auf folgende Art aus:

*Der Coefficient X_n (t) der Potenz a^n ist ein Ag reggat von Gliedern von der Form

$$\left(\frac{d^{v'+v''+v'''+\cdots-1}(Z_p^{v'}, Z_q^{v''}, Z_r^{v'''}, \dots V)}{1, 2, 3, v' \times 1, 2, 3, v'' \times 1, 2, 3, v''' \text{ etc. } dt^{v'+v''+v'''+v'''} \dots -1}\right),$$

» worin pqr...o'o'''o'''... ganze positive Zahlen bedeurten, welche der Gleichung

$$(p \cdot v' + q \cdot v' + r \cdot v''' + \cdot \cdot) = n$$
• Genüge leisten; worin ferner Z_p , Z_q , Z_r , ... die
• Werthe der Functionen z_p , z_q , z_r , ... sind, wenn
• man daselbst $x = \varphi(t)$ setzt, und worin V diejenige
• Function von t ist, die man aus $\left(\frac{du}{dt}\right)$ erhält, wenn
• man darin $a = 0$ und $x = \varphi(t)$ substituirt, das ist
• $V = \left(\frac{d \cdot \psi_{\varphi}(t)}{dt}\right)$.

Diesem Grundsatze gemäß sind die Functionen der Anfangsglieder der Reihe berechnet und erhalten worden:

$$X(t) = \psi(\varphi t);$$

$$X_{1}(t) = (Z_{1} \cdot V);$$

$$X_{2}(t) = \left(\frac{d \cdot Z_{1}^{2} V}{1 \cdot 2 \cdot d t}\right) + (Z_{2} \cdot V);$$

$$X_{3}(t) = \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} V}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d \cdot Z_{1} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot d t}\right) + (Z_{3} \cdot V);$$

$$X_{4}(t) = \left(\frac{d^{3} \cdot Z_{1}^{4} V}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot d t^{3}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 2 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d \cdot Z_{1}^{2} V}{1 \cdot 2 \cdot d t}\right) + \left(\frac{d \cdot Z_{1}^{2} V}{1 \cdot 2 \cdot d t}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 2 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 2 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 2 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 2 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 2 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{d^{2} \cdot Z_{1}^{2} Z_{2} V}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot d t^{2}}\right) + \left(\frac{$$

Für $z_2 = 0$, $z_3 = 0$, $z_4 = 0$, u. s. w. fallen in diesen Ausdrücken, wegen $Z_2 = 0$, $Z_3 = 0$, $Z_4 = 0$, . . . alle jene Glieder weg, welche diese Größen enthalten, so daß bloß die ersten übrig bleiben. In diesem Falle at man Lagrange's Reversionsformel vor sich.

Das in Rede stehende allgemeine Gesetz läßt sich nuch noch auf folgende Art ausdrücken:

Die Function X_n (t) ist eine Summe von Gliedern, welche man aus der Function $\left(\frac{du}{da}\right)$, wenn man nach ler Differenzirung a = 0 setzt, nach und nach dadurch intwickelt, dass man z_i in Functionen von der Form

$$\frac{(Z_p^{v'} \cdot Z_q^{v''} \cdot Z_r^{v'''} \cdot ...)}{1.2.3..v' \times 1.2.3..v'' \times 1.2.3..v''' \times etc.},$$

$$p \cdot o' + q \cdot o'' + r \cdot o''' \cdot \cdot \cdot = n$$

in Genüge leisten.

Mittelst der so eben gegebenen Entwickelungen lässt sich nun das nachstehende Problem ohne Schwierigkeit uf eine einfache Art auflösen.

Wenn man die zwei Functionalgleichungen hat:

$$t = 9 [f_0(x) + \alpha \cdot f_1(x) + \alpha^2 \cdot f_2(x) + \cdots],$$

$$y = \psi [F_0(x) + \alpha \cdot F_1(x) + \alpha^2 \cdot F_2(x) + \cdots],$$

worin $fF\varphi\psi$ gegebene Functionen sind; so soll man die Größe x aus beiden Gleichungen so eliminiren, daß man t in einer nach Potenzen von α fortschreitenden Reihe, deren Coefficienten Functionen von y sind, so wie umgekehrt y in einer solchen Reihe, worin die Coefficienten der Potenzen von α Functionen von t sind, erhalte.

Die Anleitung zur Auflösung dieses angezeigten Problems nebst der Entwickelung eines merkwürdigen besondern Falles findet man in meiner erwähnten Abhandlung

V.

Bestimmung der goniometrischen Fundamentalformeln ohne Zuziehung geometrischer Vorbegriffe;

work from the market wom

Professor Kulik.

Man pflegt in der Analysis die disorete Quantitätslehre von der Raumgrößenlehre sorgfältig abzusondern, ohne nachzuweisen, wie die goniometrischen Ausdrücke, deren man sich in jener häufig bedient, ohne Zuziehung geometrischer Constructionen zum Vorscheine kommen: oder aber man leitet sie aus Formeln ab, deren Gestalt schon an und für sich dem Anfänger einen gerechten Zweifel über das Daseyn solcher Functionen einflößt. Folgender Aufsatz soll beweisen, daß goniometrische Ausdrücke ein reines Eigenthum der discreten Quantitätslehre, und ihre Erscheinung in der Geometrie bloß Construction arithmetischer Sätze sey.

Seyen p, q zwei Functionen einer veränderlichen Größe x, die von einander so abhängen, daß beständig die Gleichung

 $p^2+q^2=1\cdots a)$

Statt habe, welchen Werth auch x haben mag, so kann man fragen, wie beide Functionen aus x zusammengesetzt sind, wenn sie blofs mögliche Werthe enthalten sollen?

Die Gleichung a) gibt sogleich:

$$p = \sqrt{(1-q^2)}, \quad q = \sqrt{(1-p^2)},$$

woraus zu ersehen ist, das beide Functionen möglich sind, sobald sie die Grenzen +1 und -1 nicht überschreiten, und das der Werth der einen beider Functionen der Größe nach bestimmt ist, sobald man die andere derselben zwischen diesen Grenzen nach Belieben angenommen hat. Die Zweideutigkeit des Vorzeichens in der Wurzelgröße kann man durch eine willkürliche Annahme heben: es sey also p = 0 für x = 0, und von diesem Anfangspuncte an sey p für ein positives Zunehmen von p positive, hingegen für ein negatives Zunehmen derselben Größe negativ; so hat man, wenn p ist, $p = \frac{1}{2}$ i; man lasse hierbei das obere Zeichen gelten; oder es sey für p is p is p is p is p in p i

q = + 1

Da der Annahme zu Folge p mit x wächst, so muss q für zunehmende z abnehmen, also nach und nach in o, und nach dem Gesetze der Stetigkeit zuletzt in - 1 übergehen: ist q=0, so hat p den Werth ++, und wenn q = + 1 wird, geht p in p über; es war also p während dieser Änderungen von x beständig positiy; bezeichnet man nun mit π den Werth yon x, für welchen p abermals. Null wird; so ist klar, daß für $x < \pi$ die Werthe von p immer positiv sind; ist $x = \frac{1}{2}\pi$, so erreicht p sein Maximum +1, ist aber $x = \pi$, so wird p = 0. Dagegen sind die Werthe von q positiv für $x < \frac{1}{4}\pi$; ist $x = \frac{1}{4}\pi$, so wird q = 0, and für $x = \pi$ wird q = -1. Da nun qsein Minimum erlangt hat, so muss für zunehmeude Werthe von x, q stufenweise wachsen, also nach und nach in o und + i übergehen: war π der Werth von x, für welchen p von o anfangend nach allen Änderungen abermals Null wurde, so wird gs auch derjenige Werth seyn,

dichen Zeichen, so geben die Gleichungen e), f) im Zusemmenhange

 $\sin. (x \pm x_1) = \sin. x \cdot \cos. x_1 \pm \cos. x \cdot \sin. x_1$ $\cos. (x \pm x_1) = \cos. x \cdot \cos. x_1 \pm \sin. x \cdot \sin. x_1$... g) und diese Formeln sind die Grundlage des ganzen goniometrischen Algorithmus.

Macht man in den Gleichungen g) $x = \pi$, $x_1 = a$, so erhält man sofort

 $\sin (\pi - a) = \sin a$, $\cos (\pi - a) = -\cos a$, oder die Sinus und Cosinus zweier Größen, die sich zu π ergänzen, sind einander gleich, nur haben die Cosinusse entgegengesetzte Zeichen; setzt man aber $x = \frac{1}{2}\pi$, $x_1 = a$, so folgt

 $\sin.\left(\frac{1}{2}\pi-a\right)=\cos.a,$

und wenn man $\frac{1}{4}\pi \pm a$ statt a schreibt, wird

$$\sin.\left(\frac{1}{4}\pi + a\right) = \cos.\left(\frac{1}{4}\pi + a\right),$$

d. i. der Sinus irgendzeiner Größe ist zugleich der Cosinus ihrer Ergänzung zu $\frac{1}{2}\pi$.

Man kann der Gleichung a) auf dreierlei Art eine veränderte Gestalt ertheilen, nämlich wenn man setzt

$$\frac{p}{q} = r, \quad \frac{1}{q} = s, \text{ so erhalt man } r^2 + 1 = s^2;$$

$$\frac{q}{p} = t, \quad \frac{1}{p} = u, \text{ so wird } 1 + t^2 = u^2;$$

$$1 - q = v, \quad 1 - p = w, \text{ sonach } (1 - v)^2 + (1 - w)^2 = 1.$$

Hiedurch entstehen außer den beiden Hauptfunctionen p, q noch sechs Hülfsfunctionen r, s, t, u, o, w, welche von jenen auf die einfachste Weise abhängen, und nicht selten geschickt sind, der Rechnung eine bequemere Gestalt zu ertheilen. In der üblichen Bezeichnungsweise werden diese Functionen von x oder r, s, t, u, o, w durch tang. x, cot. x, sec. x, cosec. x, sin. vers. x and cos. vers. x beziehungsweise vorgestellt;

man hat daher zu ihrer Bestimmung die Gleichungen

tang.
$$x = \frac{\sin x}{\cos x}$$
, sec. $x = \frac{1}{\cos x}$, sin.vers. $x = 1 - \cos x$,

$$\cot x = \frac{\cos x}{\sin x}$$
, $\csc x = \frac{1}{\sin x}$, $\cos x = 1 - \sin x$,

und es unterliegt keiner Schwierigkeit, für diese Functionen die bekannten Formeln und Lehrsätze ohne alle geometrischen Betrachtungen abzuleiten.

Den Werth der Größe zu erhalten, welche bei allen diesen Functionen bedeutungsvoll ist, entwickle man die Größe z in eine Reihe, welche nach den Potenzen von tang. z fortläuft, dieß_gibt bekannter Maßen

$$x = \text{tg.} \ x - \frac{1}{3} \text{tg.}^3 x + \frac{1}{5} \text{tg.}^5 x - \frac{1}{7} \text{tg.}^7 x + \dots \text{h}$$

und hieraus, wenn man $\frac{1}{4}\pi$, wovon die Function tang. die Einheit beträgt, in eine beliebige Anzahl Theile a, b, c zerfällt, so dass

$$\frac{1}{4}\pi = ma + nb + kc$$

wird, wo m, n, a, b, c willkürliche Zahlen sind, k aber die Zahl bedeutet, welche aus der Gleichung

$$1 = tg. (ma + nb + kc)$$

hervorgeht, erhält man für $\frac{1}{4}\pi$ schnell convergirende Reihen, deren Summirung den Werth von π so genau gibt, als man immer haben will, man findet so

$$\pi = 3,14159265 \dots$$

VI.

Fortschritte der Physik in der neuesten Zeit.

A. Optik.

1. ÜberReflexion und Zerstreuung des Lichtes an der Grenze zweier Mittel. Von Brewster.

(Auszug aus Phil. transact. 1829, P. I., p. 187.)

Wenn zwei optische Mittel an einander grenzen, welche verschiedene Grade des Brechungsvermögens besitzen, so wird ein Lichtstrahl an den beiderseitigen Grenzen zum Theile reflectirt. Die Intensität des reflectirten Antheils ist desto geringer, je mehr sich die Brechungsvermögen dieser zwei Mittel der Gleichheit nähern; erreichen sie diese, so findet gar keine Reslexion mehr Statt, und alles Licht setzt seinen Weg unverändert über die Grenze fort. Nimmt man ein Glasprisma mit kleinem brechenden Winkel, oder nur ein Stück Spiegelglas, deren selten eines vollkommen parallele Wände hat, und daher sohon ein solches Prisma yorstellt, hält es nahe an das Auge, so dass man das von der ersten Fläche reflectirte Bild einer Kerzenslamme gewahr wird, so bemerkt man in der Nähe dieses Bildes ein zweites, welches durch Reflexion an der anderen Glassläche entsteht. Beide Bilder haben fast einerlei Lichtstärke, wenn der Einsallswinkel nicht groß ist. Benetzt man die Rückseite des Prisma mit Wasser, so verliert das zweite Bild augenblicklich viel von seiner Lichtstärke. Dieses wird noch mehr der Fall, wenn man statt Wasser Olivenöhl nimmt, ja wenn man letzteres durch Harz ersetzt, das man durch Wärme so weich gemacht hat, dass es an dem Gase hängen bleibt, so

verschwindet das zweite Bild ganz. Mit Cassiaöhl wird dieses Bild hingegen viel intensiver, mit Schwefel wird es so hell, dass man es vom ersteren gar nicht mehr unterscheiden kann, und mit einem Amalgam erreicht es eine Lichtstärke, gegen welche die des ersten Bildes fast ganz verschwindet.

Das zweite Bild erscheint auch farbig. Brewster schloss Cassiaöhl zwischen zwei Flintglasprismen ein, und bemerkte mit Erstaunen, dass das reslectirte Bild blau erschien. Es folgt dieses aber unmittelbar aus der Wirkung des Cassiaöhls auf das Licht im Verhältnisse zu der des Flintglases auf dasselbe; denn das Cassiaöhl bricht die mittleren Strahlen stärker als Flintglas, während beide Körper auf die minder brechbaren Strahlen mit gleicher Kraft wirken. Darum wird der rothe Strahl fast ganz durchgelassen, von den übrigen wird aber ein desto größerer Theil reflectirt, je größer ihre Brechbarkeit ist, und darum ist im reflectirten Lichte die blaue Farbe vorherrschend. Mit anderen Öhlen und Gläsern erhielt er auch verschiedene Resultate, und es ging aus seinen Versuchen das allgemeine Gesetz hervor, dass bei jeder Reflexion des Lichtes von durchsichtigen Körpern der reflectirte Antheil eine andere Farbe haben muss als der auffallende, außer beide sich berührende Körper haben genau dasselbe Brechungs- und Zerstreuungsvermögen. Zur festeren Begründung dieses Gesetzes wurden nun mehrere neue Versuche angestellt, deren Relation der Gegenstand der gegenwärtigen Abhandlung ist.

Bei einem der von Brewster in der genannten Beziehung angestellten Versuche nahm er zwei Glasprismen, die A und B heißen mögen. Der Durchschnitt beider ist ein rechtwinkeliges gleichschenkeliges Dreieck, und der Brechungsexponent von A ist gleich 1.508, der von B gleich 1.510. Beide Prismen wurden an einer Fläche durch eine convergirende Schichte Castoröhl, dessen Brechungsexponent 1.490 ist, oder durch Copaivabalsam, der einen Brechungsexponenten von 1.528 hat, mit einander verbunden, wie Fig. 6 zeigt. Fällt da ein Strahl in der Richtung Rr ein, und wird nach ro gebrochen, so wird ein Theil desselben in o nach og reflectirt, und verlässt in der Richtung qm das Prisma, ein anderer dringt in die zwischen den zwei Prismen befindliche Schichte ein, und wird erst in p reflectirt, so dass er die Richtung ps annimmt, und außerhalb des Prisma nach sn seinen Weg fortsetzt. Da die zwischen den zwei Prismen befindliche Schichte nicht gleich dick ist, so treten die zwei Strahlen nach der Reflexion hinreichend weit aus einander, und man kann jeden einzeln untersuchen.

Bei der Anwendung von Castoröhl, dessen Brechungsvermögen kleiner ist als das des Glases, zeigte sich Folgendes: Ist der Einfallswinkel sehr groß (70°), so erleidet der Strahl in o eine totale Reflexion; innerhalb der Grenze der totalen Reflexion ist der Strahl oqm gelb; vermindert man aber den Einfallswinkel zusehends, so geht dieser Strahl durch alle Farbenabstufungen durch. Der Strahl psn hingegen erscheint bei jeden Einfallswinkel schwach gelblich, und erleidet an seiner Intensität nur eine geringe Veränderung.

Fällt homogenes Licht auf die Prismen, so zeigt sich kein Farbenwechsel, sondern die Lichtstärke bekommt Maxima und Minima, wie dieses bei den durch Beugung entstandenen homogenen Farbenringen der Fall ist. Für rothes Licht erscheint das erste Minimum bei einem Winkel von 77° 54′, das zweite bei 50° 57′; für blaues Licht tritt ersteres bei 80 27′, letzteres bei 50° 4′ ein. Wird die Öhlschichte erwärmt, und

ladurch das Brechungsvermögen derselben herabgesetzt, o erscheinen die Farben minder hell, und man braucht, im einen ganzen Farbenwechsel zu erzeugen, eine geingere Änderung des Einfallswinkels.

Werden dieselben Prismen mit Copaivabalsam verunden, dessen Brechungsvermögen größer ist als das les Glases, so zeigt sich der reflectirte Strahl vor dem Eintritte der totalen Reflexion vollkommen weiß, hieruf aber (bei 47°) wird er gelb, und geht durch dieselbe Farbenreihe durch, wie im vorhergehenden Falle. Doch precheinet jede Farbe schon bei einem geringeren Einallswinkel. Die erste Farbenreihe schließt sich bei einem Winkel von 64º 58/, während dieses bei Anwendang des Castorohles erst bei 58° erfolgte. Die Prismen wurden so gestellt, dass sie blaues Licht der zweiten Ordnung ins Auge sendeten, und hierauf erwärmt. Dadurch entwickelte sich die Farbe mehr, aber ihre Intensität nahm ab. Bei 04° F. war das Brechungsvermögen zwischen Glas und Copaivabalsam gleich ... es zeigte sich dabei aber keine besondere Veränderung des Phanomens. Über 940 hinaus nahm die Lichtstärke bedeutend zu, doch verschwanden die Farben ganz vals man die Temperatur stark erhöht hatte.

Merkwürdig ist das Verhältniss der beiden restectirten Strahlen in Betreff ihrer Intensität. Bei einem Einfallswinkel von 61°.54′ und einer Temperatur von 60° ist der Strahl oqm gesättiget blau, psn hingegen graulich weiss, und minder intensiv als jener. Nimmt der Einfallswinkel zu, so wächst oqm sehnell an Stärke, psn hingegen nimmt langsam ab, so das bei einem Winkel von 74° ersterer zehn oder zwölf Mal intensiver ist als letzterer, während bei einem Winkel unter 61° 54′ der Strahl psn zehn Mal stärker ist als oqm. Bei einer Erwärmung wurde psn gelblich weiss, und nahm schnell

an Stärke zu. Bei einem schiefen Einfall ward $p ext{ sn }$ fast so hell wie $o ext{ qm }$, wahrend bei einem kleinen Einfallswinkel $p ext{ sn }$ stärker ist als $o ext{ qm }$.

Ähnliche Erscheinungen wurden hemerkbar, als das untere Glasprisma mit Obsidian vertauscht wurde, und die Mittelsubstanz noch immer Copaivabalsam war, nur waren die Farben weniger entwickelt, ja als der Balsam darch Castoröhl ersetzt wurde, blieben die Farbenphänomene ganz aus.

Wenn die zwischen den zwei Glasprismen enthaltene Schichte von Öhl oder Balsam allenthalben gleich dick ist, so fallen die beiden Bilder zusammen, und es entsteht ein Phänomen, das verschieden ist, je nachdem die einzelnen Prismen für sich dieselben Farbenabwechelungen auf dieselbe Weise geben oder nicht, wie dieses aus der Natur der vorhergehenden Erscheinungen von selbst einleuchtet.

Brewster hat die Versuche über diesen Gegenstand sehr vielfach abgeändert, und dabei verschiedene Öhle und andere Körper als Trennungsmittel der zwei Prismen angewendet. Er gibt ein über drei Quartseiten langes Verzeichnis der Farben, welche sich bei Anwendung jeder einzelnen Flüssigkeit zeigten, und zieht aus dem ganzen Inbegriff seiner Versuche folgende Schlüsse:

Mittel von gleichem Brechungsvermögen besitzen eine reflectirende Kraft, die über ihre Grenzen hinauswirkt. Die reflectirende und brechende Kraft befolgen in demselben Mittel nicht einerlei Gesetz, und dieses Gesetz ist für das Reflexionsvermögen bei verschiedenen Körpern verschieden. Diese Gesetze lassen sich aus beiden Hypothesen, die sich in Betreff des Lichtes um den Vorrang streiten, leicht erklären: Bei der Emanationshypothese hängen sie von der Größe der Wirkungsaphäre der abstoßenden Kraft und ihrem Gesetze, bei

der Vibrationshypothese von der Dichte und Elasticität des Äthers in der Nähe des Körpers ab. Die Farben rühren von einer Interferenz zweier Strahlen her, deren einer vielleicht von der ersten, der andere von der zweiten Grenze der Wirkungssphäre der flüssigen Schichte reflectirt wird.

Merkwürdig ist der Unterschied im Verhalten mehrerer Körper, den Brewster in folgenden Fällen erfuhr: Er hatte beobachtet, dass die Farben, welche sich in einer der vorhin beschriebenen Vorrichtung zeigten, mit der Zeit etwas an Lebhaftigkeit verloren, und dass einige Stellen bei merklich verschiedenen Neigungen der Strahlen doch dieselbe Farbe zeigten. Er nahm nun ein Prisma, welches mit Castorohl drei Reihen schöner Farben zeigte, brachte es in Weissglühhitze, und schliff und polirte es von Neuem. Nun gab es nicht mehr dieselben Farben wie vorhin. Auch die vorhin erwähnte Obsidianplatte gab mit Copaivabalsam nicht mehr die oben beschriebenen Phänomene, als eine ihrer Flächen von Neuem geschliffen und polirt worden war. Ein Glasstück, welches zehn Jahre lang der Luft ausgesetzt war, gab noch die gewöhnlichen Farbenabwechslungen, als es aber eine neue Fläche bekam, zeigte sich nur eine Farbe. Die Ursache dieses verschiedenen Verhaltens des nen polirten oder alten Glases konnte Brewster ungeachtet vielfacher Bemühungen nicht ausfindig machen.

 Über die Ursache des großen Zerstreuungsvermögens des Cassiaöhls. Von Herschel.

ž

1

.

(Journ. of sc. N. XX, p. 308. Auszug.)

Herschel unterwarf das Cassiaöhl folgenden Versuchen, um die Ursache des großen Zerstreuungsvermögens, das ihm eigen ist, zu erfahren. Es wurde ein

Strom Chlorgas durch dasselbe geleitet, bis es nicht mehr darauf wirkte. Dabei erhielt das Öhl zuerst eine dunklere Farbe, als aber die Einwirkung fortdauerte, nahm es ein eigenes röthlich gelbes Colorit an, welches es behielt, so lange die Operation dauerte, endlich aber in ein schönes Rosenroth überging. Während dieses Prozesses entwickelte sich viel salzsaures Gas, zum Beweise, dass dem Öhle viel Hydrogen entzogen werde, und zuletzt war das ganze Öhl in eine zähe Masse verwandelt, die sich in lange Fäden ziehen liess, das eigenthümliche Aroma nicht mehr hatte, sondern einen stechenden Geruch von sich gab, und einen adstringirenden Geschmack hatte. Sie war brenabar, aber in einem geringeren Grade als vorhin, brannte mit einer am Rande grun gefürbten Flamme, aus der sich die Gegenwart von Chlor erkennen liefs. Ihr Brechungsvermögen war nicht viel kleiner als das des Öhles. Wenn ein Tropfen dieser Masse in den inneren Winkel zweier convergi: render Glasplatten gebracht wurde, unmittelbar daran aber ein Tropfen unverändertes Cassiaöhl, konnte man mit einem Auge beide Spectra einer Lichtlinie sehen Das vom ungeänderten Öhle herrührende erschien um 1/5 der Breite des anderen Spectrums mehr gebrochen Aber das Zerstreuungsvermögen des veränderten Öhles war sehr stark, fast um die Hälfte, vermindert, und erreichte kaum mehr das des Flintglases. Flintglas, welches die Farbenzerstreuung des natürlichen Öhles zu compensiren vermochte, war für das veränderte Öhl schon zu stark wirkend. Demnach rührt das ungewöhnlich große Zerstreuungsvermögen des Cassiaöhls vom Wasserstoff her.

3. Merkwürdiger optischer Bau des Glauberit. Von Brewster.

(Journ. of sc. N. XX, p. 325. Auszug.)

Brewster erhielt von Nicol zwei Exemplare Glauberit, die schon so zugerichtet waren, dass man im polarisirten Lichte das doppelte Ringsystem deutlich sehen konnte. Diese gaben ihm Veranlassung zu einer sehr merkwürdigen Entdeckung.

Wurden die Ringe mittelst des gewöhnlichen polarisirten Lichtes betrachtet, so erschienen die Farben
derselben sehr regelwidrig, und man suchte vergebens
die zwei Pole, wo sonst die doppelte Brechung und Polarisation aufhörte. Die Ursache dieser Unregelmäßigkeit zeigte sich aber bei Anwendung von homogenem
Licht. Im rothen Lichte bemerkte man leicht zwei Axen,
und ihre Neigung beträgt 5°. Für die orangen, gelben
und grünen Strahlen nimmt diese Neigung stufenweise
ab, und für das violette Licht fallen beide zusammen
und es erscheint nur eine einzige Axe der doppelten Brechung. Alle Axen sind negativer Art.

Dieses Verhalten sieht Brewster als einen triftigen Beweis für das Daseyn mehrerer Axen an, durch deren Zusammensetzung gleich der Zusammensetzung der Kräfte in der Statik die wirklichen Phänomene erklärt werden können. Im Glauberit, sagt er, zeigt uns eine negative Axe A, welche auf das violette und auf jedes andere minder brechbare Licht wirkt. Außerdem findet sich noch eine zweite Axe B, die positiv oder negativ seyn kann, aber in beiden Fällen um 90° von A abstehen muß. Ist sie negativ, so muß sie in einer Ebene liegen, welche durch die zwei für das rothe Licht resultirenden Axen geht, und sie muß sich zu A verhalten, wie sin. 2 2° ½: 1. Ist sie positiv, so muß sie in der Zeitschr. f. Phys. u. Mathem. VII. 1.

Ebene jener resultirenden Axen liegen, und sich zur Axe A verhalten wie sin. $2^{\circ}\frac{1}{2}$: $\cos^2 2^{\circ}\frac{1}{2}$. Aber sie mag positiv oder negativ seyn, so wirkt sie doch nicht auf das violette Licht, eine Annahme, die Brewster für absurd hält. Nimmt man aber an, die Axe A für das violette Licht sev die resultirende aus zwei positiven unter einem rechten Winkel gegen einander geneigten Axen B und C_i und wirken B und C auf gleiche Weise auf das violette Licht, so resultirt daraus eine einzige negative Axe für das violette Licht, wie sie die Erfahrung nachweiset, und wenn ihre Intensität in dem Verhältnisse von $\cos^2 2^{\circ}\frac{1}{2}$: 1 ist, so nimmt die schwächere stufenweise für die zwischen den rothen und violetten liegenden Strahlen bis o° ab, und es lassen sich daraus alle beim Glauberit beobachteten Phänomene berechnen.

Das ist nun der zweite Fall, wo Brewster durch Zusammensetzung mehrerer Axen Phänomene auf eine sehr einfache Weise erklärt, die sich aus der Annahme einer einzelnen Axe als Anomalien darstellen. Der erste war jener, wo er die Phänomene des Apophyllites erklärte, an dem Herschel eine Axe nachwies, die auf rothe Strahlen negativ, auf blaue positiv, und auf alle anderen gar nicht wirkte. Wahrscheinlich wird man in allen diesen der Wahrheit näher kommen, wenn man die Lage der optischen Axen mehr mit den krystallographischen zusammenhalten wird.

 Über die Farben verschiedener Flammen und ihre prismatischen Spectra. Von M. J. Herschel.

(Correspondance math. Th. 5, Heft 4.)

Die Flamme des Blaustoffes, durch ein Prisma betrachtet, zeigt ein Farbenbild, das auf eine ganz eigenthümliche Weise in mehrere, beinahe gleich breite und

intensive, durch dunkle Linien von einander getrennte Streifen getheilt erscheint. Strontiumnitrat (womit man in den Theatern das rothe Licht erzeugt) verbrennt mit einer Flamme, in der man zwei hochrothe Nuancen unterscheidet. Ihr prismatisches Farbenbild läßt mehrere Unterbrechungen der Continuität bemerken; aber besonders merkwürdig ist eine hell glänzende, dunkelblaue, von dem ganzen übrigen Bilde ganz abstechende Linie. Ein gleich sonderbares Bild gibt die Flamme von Kalium, wenn man es in Jod verbrennt. Ein Humus, der nahe der Fäulniss war, gab ein bläuliches Licht. Durch das Prisma geleitet, bildete letzteres ein Farbenbild von so geringer Intensität, dass man zwischen der Färbung der Mitte und Enden nicht den geringsten Unterschied wahrnehmen konnte.

 Über einige Eigenheiten des Eindrucks, den das Licht auf das Organ des Gesichtes macht. Von M. J. Plateau.

(Bulletin des sc. math. et phys. Août 1829.)

Eine Arbeit, bemerkenswerth wegen der Menge und Genauigkeit der Versuche; wir können hier nur die Folgerungen des Verfassers anführen:

- 1) Jede Lichtempfindung bedarf einer angebbaren Zeit, um sich vollständig zu entwickeln, und einer gleichen, um ganz zu verschwinden.
- 2) Die Empfindung erlischt nicht plötzlich, sondern nimmt allmählich an Intensität ab.
- 3) Je näher eine Empfindung ihrem Erlöschen kommt, desto langsamer wird ihr Gang.
- 4) Die verschiedenen Farben, bloss vom Tageslicht beleuchtet, sind zwar hinsichtlich der Dauer ihres Eindruckes nicht sehr von einander verschieden, doch kann man sie in dieser Rücksicht, von jener Farbe angefan-

- gen, die den dauerndsten Eindruck hinterlässt, in solgende Reihe hringen: Weiss, Gelb, Roth, Blau.
 - 5) Die mittlere Dauer aller Farben, von jenem Moment angefangen, wo die Empfindung ihre größste Stärke erreicht hat, bis zu jenem, wo sie kaum mehr merklich ist, beträgt o",34.
 - 6) Nach der Stärke des Eindruckes lassen sich die Farben in folgende Reihe bringen: Weiss, Gelb,, Roth, Blau.
 - 7) Die Gesichtswinkel, unter denen des Verfassers Auge die verschiedenen Farben nicht mehr wahrzunehmen vermag, sind:

			in	n Licht	im Schatten		
Weis		٠		12"		18"	
Gelb				13"	•	19"	
Roth	.•			93"		3,4	
Blau .	•	۵		26//		42".	

Die im Licht beobachteten Winkel sind also ungefähr zwei Drittel der im Schatten Beobachteten.

- 8) Wenn zwei verschiedene Farbenempfindungen sich wechselsestig auf der Netzhaut verdrängen, aber mit zu geringer Geschwindigkeit, als dass eine einzige Empfindung hieraus entstehen könnte; so erzeugen sich gemeiniglich lebhaste Nuancen, welche von den beiden angewendeten Farben und deren Mischungsfarben ganz verschieden sind. So kann man auf diesem Wege bloß durch Gelb und Blau ein schönes Weis erhalten.
- 9) Wenn zwei verschiedene Farbenempfindungen mit solcher Schnelle auf einander folgen, dass sie nur eine Empfindung hervorzurusen scheinen, so entspricht diese letztere nicht immen jener Farbe, welche aus der wirklichen Mischung der angewendeten Farben entsteht-So bringt der Eindruck des Gelb mit dem des Blau ein

vollkemmenes Grau hervor, schne den mindesten Btich ins Grane. And the state of a selections

wirken die einzelnen Ferben (die gelbe vielleicht ausgenommen) nicht im Verkältnisse ihrer Intensität; das Manimum ihres Einflusses offenbart sieh in einer eigen hümlichen blassen Tinte, unter und über welcher dieser Einfluss abnimmt: daber der Himmel in seinen gefärhtesten
Theilen einen bläulichen Ton durchschimmern lässt,
weil dieser das Maximum hinsichtlich der rothen und
gelben Farbe besitzt.

6. Über die Ursachen der Beugung des Lichtes. Von Haldat.

(Ann. de Chim. et de Phys. T. 41, p. 424.)

Bei den Phänomenen der Beugung, welche in der neuesten Zeit die wichtigsten Gründe gegen die Emanationshypothese darboten, schienen Haldat jene Umstände nicht hinlänglich erwogen zu seyn, welche sie mannigfach modificiren, und auf ihre Grundursache schließen lassen. Aus diesem Gesichtspuncte hat er eine Menge Versuche gemacht, in welchen er die Körper, die die Beugung hervorbringen, und welche er diffringirende nennt, der Einwirkung der kräftigsten Agentien unterwarf, und da die Newtonianer (Anhänger der Emanation) die Brechung von der anziehenden Kraft der Körper abhängen lassen, wandte er vorzüglich solche Mittel an, welche auf letztere den größten Einflus nahmen. Weder Dichte noch chemische Natur der Körper (auch nach dem Zeugnisse älterer Experimentatoren), aber auch nicht die stärksten Gewalten der Natur, Wärme, Electricität, Magnetismus, electrisch - chemische Ströme, ja selbst nicht einmal eine so mächtige Verwandtschaft, dass sie die eigenthümliche Anziehungskraft bedeutend zu

modificiren vermochte, und die einzeln oder in Verbindung auf die diffringirenden Körper angewendet wurden, während diese ihren Einflus auf die Lichtstrahlen übten . vermochten diesen abzuändern. Metalldrähte, diffringirende Eisen- Kunfer- und Silberplatten wurden bis zur Weiseglühhitze erhitzt, und dann bis -100 abgekühlt, ohne dass die Farbenstreisen, welche ihr Einfluss auf das Licht hervorbringt, merklich von denen verschieden gewesen wären, die bei der gewöhnlichen Temperatur erscheinen. Die Drähte der diffringirenden Platten wurden von Strömen der gemeinen Electricität, von mächtigen Ladungen electrischer Batterien, von electrochemischen Strömen durchströmt, die sie glühen und schmelzen machten. Die Ströme folgten bald derselben, bald der entgegengesetzten Richtung, wie das Licht; man fing den Lichtstrahl an den Rändern diffringirender Platten auf, die als Armatur eines Magnetes dienten; die Phänomene erlitten keine merkliche Anderung. Der Lichtstrahl wurde, bevor er zu den brechenden Platten oder Drähten gelangte, von Flammen durchweht, von electrischen Funken und Strömen durchstrichen, aber nichts änderte sich an den Farbenstreifen oder an den Phänomenen der Beugung. Die schwarzen Linien im Schatten dünner Drähte erlitten, denselben Einwirkungen ausgesetzt, keine Änderung an Zahl oder Stärke.

Auf diese Versuche gestützt, behauptet Haldat, jede Erklärung der Beugung, die sich auf den Einflus einer anziehenden Kraft oder dem Daseyn gewisser den Körpern eigenen Atmosphären gründet, sey unstatthaft, da solche Kräfte oder Atmosphären für den Einflus der angewendeten Agentien gewis nicht vollkommen unempfindlich geblieben wären. Und beweisen zwar diese Thatsachen noch nichts für das Vibrationssystem; so sprechen sie doch indirect dafür, da sie die einzige Hypothese

vernichten, die man ihm allenfalls entgegenstellen könnte. Allerdings hat auch in der Vibrationshypothese die Erklärung, wie es komme, dass die Bewegungen der Lichtwellen, welche doch so regelmässig seyn müssen, durch die Strömungen jener feinen Fluida, die ihren Gang durchkreuzen, nicht im mindesten gestört werden, ihre eigenthümliche Schwierigkeit. Doch die Lösung dieser Frage kann uns nur dann gelingen, wenn die Wissenschaft das innere Princip dieser Agentien, die uns bisher nur nach ihren Wirkungen bekannt sind, durchdrungen haben wird.

B. Magnetismus.

 Über die Neigung der Magnetnadel zu London. Vom Capitän E. Sabine.

(Phil. trans. 1829. P. I. p. 47. Auszug.)

Capitan Sabine hat im Jahre 1821 eine Reihe sehr genauer Beobachtungen über die Neigung der Magnetnadel zu London angestellt, wobei er sich der ungemein sinureich eingerichteten Nadel bediente, welche Hr. Hofrath Mayer in Göttingen bekannt machte. Das mittlere Resultat seiner Beobachtungen zeigte eine Neigung von 70° 4'.5. Im Jahre 1828, also nach Verlauf von sieben Jahren, wurden diese Beobachtungen wiederholt, zwar nicht an demselben Platze, an welchem die früheren angestellt wurden, sondern sechs engl. Meilen davon entfernt, aber möglichst nahe an der isoclinischen, durch den ersteren Beobachtungsort gehenden Linie. Dabei wurden fünf verschiedene Instrumente gebraucht. Zwei derselben beruhten auf dem von Mayer angegebenen Principe, und unterschieden sich von einander nur durch ihre Größe; eines hatte eine gewöhnliche Magnetnadel, ein anderes eine Nadel mit veränderlicher Axe, und das letzte eine von Dollond verfertigte Nadel, die beiderseits conisch zulief, und in der Mitte in einen Würfel so eingefügt war, dass man sie heraus nehmen und durch die zwei gegenüber stehenden Seiten desselben einsetzen konnte. Die Resultate mit allen diesen Instrumenten enthält folgende Tabelle:

Vergleicht man dieses Ergebnis mit dem im Jahre 1821 erhaltenen von 70° 4'.5, so findet man, das die Neigung der Magnetnadel innerhalb sieben Jahren um 17'.5 abgenommen hat, und dass daher die jährliche Verminderung dieser Größe 2'.5 beträgt.

Diese jährliche Abnahme der magnetischen Neigung ist viel kleiner, als sie sich durch Vergleichung genauer, aber durch große Zwischenzeiten von einander getrennter Beobachtungen ergibt. Diese geben als jährliche Verminderung der magnetischen Neigung 2'.9 bis 3'.2. Man dürfte freilich in den oben angeführten Beobachtungen nur einen Fehler von wenigen Minuten annehmen, um diese Differenz nachweisen zu können, und dieses wäre wohl auch als das Wahrscheinlichere vorauszusetzen, wenn sich nicht aus anderen Beobachtungen, derer Genauigkeit keinem Zweifel unterworfen werden kanndas Resultat ergäbe, dass die jährliche Variation der

magnetischen Neigung wirklich im Abnehmen begriffen So hat Alex, v. Humboldt im Jahre 1708 seine Beobachtungen über die magnetische Neigung begonnen, und Gay - Lussac, Humboldt und Arago haben diese Beobachtungen bis in die neueste Zeit fortgesetzt. Berechnet man nun die jährliche Variation in der Neigung aus den in den Jahren 1708 bis 1812 gemachten Beobachtungen, so findet man für den Zeitraum von vierzehn Jahren eine Verminderung von 69° 51' - 68° 42' = 69', mithin für jedes einzelne Jahr 44.93. Thut man dasselbe aus den Beobachtungen, welche in den Jahren 1812 bis 1828 angestellt sind, so erhält man als Variation innerhalb sechzehn Jahren die Größe 68° 42' - 67° 58' = 44'. mithin für jedes einzelne Jahr 2'.75. Nimmt man statt den im Jahre 1812 von Arago gemachten Beobachtungen die von Arago und Humboldt im Jahre 1810 angestellten, so findet man als jährliche Abnahme der Neigung 5'.08 Demnach scheint sich aus allem diesen zu und 24.89. ergeben, dass die jährliche Abnahme der magnetischen Neigung selbst im Abnehmen begriffen sey.

2. Magnetiache Abweichung, auf einer Reise nach Indien beobachtet. Von White.

(Phil. mag. Aug. 1819, p. 153)

Auf einer Reise nach Indien wurden folgende magnetische Abweichungen beobachtet:

Hinreise.

Geog. Breite.	Geog. Länge.		
49° 30' N.	5° 30' VV.	27° VV.	
10° — S.	23° 30′ W.	10° W.	
21° — S,	3 ₇ °	Oa	
40° — S.	31° 00/ O,	31° W,	

Rückreise.

<u> </u>	Geog	Geog. Länge.			Abweichung.			
, . • 1	360	3 ₀ ′	s.	230	00'	Ō.	280	w.
•	21º	3o′	8. .	. 20	51	o.	200	w.
		20′	W.	180	251	w.	110	W.
· ·	່ 49°	40/	W .	50	401	W.	250	W.

3. Änderung der Stärke der magnetischen Kraft. Von Watt.

(Edinb. phil. journ. N. 12, p. 376. Auszug.)

Watt construirte sich ein eigenes Instrument, um mit demselben die Änderung beobachten zu können, welche von Tag zu Tag oder von Monat zu Monat in der Größe der Magnetischen Kraft vorgeht. Dieses Instrument besteht aus zwei dünnen Holzprismen von 3 oder 4 Z. Länge, deren jedes nicht in der Mitte, sondern näher an einem Ende mit einem Hütchen gleich einer Magnetnadol versehen ist, und mittelst desselben auf eine verticale Spitze gestellt werden kann. Am kürzeren Ende jedes Stückes ist ein Magnet befestiget, dessen Axe in die Längendimension des Holzstängelchens fällt, und der aus einem gerade gemachten Uhrfederstück be-· steht. Seine Länge kann 1 oder 1 1/2 Z. betragen. Das längere Ende des hölzernen Stäbchens ist wie ein Zeiger zugespitzt, und mit einem verschiebbaren Gewichtchen versehen, mittelst dessen man jeden solchen Apparat, wenn er auf die verticale Spitze gestellt wird, ins Gleichgewicht setzen kann. Beide Apparate werden, wenn die Nadeln hinreichend frei schweben, neben einander gestellt, so dass ihre Drehungsaxen 2 oder 21/2 Z. von einander entfernt sind.

Da die beiden Magnete ihre feindlichen Pole auswärts und einwärts gerichtet haben, so wirken sie abstoßend auf einander, und die Arme des Apparates, an welchen diese befestiget sind, nähern und entfernen sich von einander nach Maßgabe der Größe der abstoßenden Kraft oder der Stärke des Magnetismus, und in demselben Grade nähern sich einander die zeigerförmig gebauten hölzernen Arme des Apparates. Spielen sie über einen Gradbogen, so kann man aus der Größe des Winkels, den sie machen, auf die Stärke der Kraft schliessen, mit welcher die zwei Magnete auf einander einwirken. Watt hat mit diesem Apparate die zwar nicht neue, aber doch erwähnenswerthe Erfahrung gemacht, daß die Kraft der Magnete in den wärmeren Sommermonaten am größten, in den Wintermonaten am kleinsten ist. Er theilt folgende Tabelle mit, wo die Ziffern den Winkel der zwei hölzernen Arme des Apparates bezeichnen.

Überdiess fand noch eine tägliche Variation von 1° im Sommer, und von 1/2° im Winter bei heiterem Wetter Statt. Zugleich behauptet Watt, zwischen 12 und 4-5 U. Nachmittag eine um 1° größere Abstossung bemerkt zu haben, als sie in den übrigen Stunden des Tages war, wo er doch erwartet hatte, dass sie kleiner seyn sollte, weil er vermuthete, die Größe der magnetischen Kraft richte sich nach der Höhe und Abweichung der Sonne.

4. Über den Einfluss des Magnets auf einige chemische Erscheinungen. Von Francesco Zantedeschi.

(Bibl. ital. Aprile 1829.)

F. Zantedeschi, ein Geistlicher aus Pavia, hat die Versuche Mashmann's, Hansteen's, Ritter's und Rendu's über den Einflus des Magnetismus auf die chemischen Erscheinungen von Neuem aufgenommen, wiederholt und abgeändert, und einige neue nicht uninteresante Resultate erhalten.

Er suchte vorzüglich zu bestimmen; 1) Ob nicht einer der Pole einen vorwaltenden Einflus übe; 2) welche Wirkungen beiden Polen zugleich, sowohl unter einander verbunden als isolirt, zukommen; 3) welche Veränderungen der Magnet selbst bei diesem Prozesse erleide.

Um den ersten Punct auszumitteln, bediente sich Zantedeschi eines hufeisenförmigen, zwei Pfund schweren Magnetes, der sechs Pfund trug, und vertical, die Pole nach unten gekehrt, an einem Haken hing. Mittelst einer Schnur, die über eine Rolle lief, konnte man den ganzen Apparat nach Belieben heben und senker. An jeden Pol wurde eine gemeine Stahlnadel gehängt, und diese zwei Nadeln schwebten in einem untergestellten Glase. Mit diesem einfachen Instrumente stellte er nun foldende Versuche an:

1. Wurden die beiden Nadeln in sehr verdännte Schwefel- oder Salpetersäure gebracht: so zeigte sich zwar an beiden Polen eine viel stärkere chemische Wirkung, als wenn man eine unmagnetische Nadel in die Flüssigkeit brachte; aber am Nordpol war unter gleichen Umständen die Ausscheidung des Stickstoffes oder der Schwefelkrystalle bedeutend stärker.

- 2. Anstatt der Säure wurde eine Sonnenblumentincur angewendet, der Magnet in den magnetischen Meidian, den Nordpol nach Nord gerichtet, gestellt, und
 uch zwölf Stunden sah man deutlich, dass sich auf der
 beite des Nordpols bedeutend mehr Eisenoxyd angesetzt
 ube, als am Südpole. Und doch wurde vor dem Veruche genau geprüft, ob die Nadeln gleich hell polirt,
 von gleichem Durchmesser, vom Ende des Magnetes
 gleich weit entfernt, und in die Flüssigkeit gleich weit
 eingetaucht wären. Kehrte man die Pole um, so war
 der Unterschied in der Oxydbildung nicht so bedeutend.
 Die Farbe der Tinctur hatte keine merkliche Änderung
 erlitten.
- 3. In einer Herbstrosentinctur konnte man selbst in sechzehn Stunden keine Wirkung ersehen; allein wie Zantedeschi einige Tropfen Salpetersäure hineingegossen hatte, so dass die Tinctur sich zu röthen anfing, zeigten sich nach sechs Stunden die Nadeln von mehreren parallelen, kreisrunden Ringen umgeben, die etwa eine halbe Linie einer vom andern abstanden, und aus Eisenoxyd und einem Färbestoffe gebildet waren. Am Nordpole, der gegen Nord gestellt war, zeigten sich zwei Kreise mehr. Die Tinctur war stark dunkelblau geworden. Nun wurden die Pole umgekehrt, so dass der Nordpol nach Süden sah; die Ringe zeigten sich erst in dreizehn Stunden, weniger deutlich, und am Nordpole war nun um einen Ring mehr, als am Südpole zu sehen. War der Nordpol nach Ost, gerichtet, so äusserte sich am selben Pole eine größere chemische Wirkung, als wenn er nach West gerichtet war.

Aus allen diesen Versuchen geht hervor, dass die Gegenwart eines Magnets nicht ohne Einfluss auf die chemischen Wirkungen, dass dieser Einfluss an dem Nordpole am größten, und auch da verschieden sey, je nachdem der Pol sich mehr oder weniger aus dem magnetischen Meridian und der Richtung gegen Norden entfernet. Es scheint, dass man den Nordpol als den positiven, den Südpol als den negativen Pol èines Voltaschen Apparats betrachten könne, als Resultate eines Stromes, der dem Magnete vom Südpole aus in der Richtung durch Ost nach Nord entströmt.

Hierher gehört eine andere von Zantedeschi untersuchte Erscheinung, die kein geringes Licht auf den inneren Zusammenhang der electro-magnetischen Erscheinungen zu werfen scheint: Zantedeschi hatte einen hufeisenförmigen Magnet, ein Pfund an Gewicht, und der 4-5 Pfund zu tragen vermochte, genommen, und an jeden Pol einen feinen Kupferdraht dergestalt befestigt, dass man in einer Entfernung von 15-16 Pariser Fuss vom Magnete frei mit dem Drahte operiren konnte. Nun hatte Zantedeschi an den Enden des Polardrahtes eines Nobilischen Multiplicators (mit zwei über einander gestellten Magnetnadeln) wohl polirte Kupferplättchen angebracht, und mit diesen setzte er die oben erwähnten Kupferdrähte, jeden gesondert, mittelst zweier Ruthen, damit nicht etwa durch irgend eine andere Verknüpfungsweise eine Temperaturänderung und daher ein thermoelectrischer Strom entstehe, in Verbindung. Alsogleich wich die Nadel des Multiplicators aus ihrer natürlichen Lage, und jener Pol schlug nach Ost aus, oberhalb dessen die magnetische Einwirkung des Nordpols in den Apparat gelangte, jener nach Westen, unterhalb dessen diese Einwirkung eingetreten war. Die Abweichung betrug 80 - 100. Electricitätsentwickelung scheint unter den angegebenen Umständen nicht Statt gefunden zu haben, so dass Zantedeschi's Ansicht durch diesen Versuch bestätigt, und die Betrachtung des Nordpols als des Zinkendes eines Volta'schen Apparates zulässig wird.

Um den zweiten Punct, die Art und Weise der Einwirkung beider magnetischer Pole, sowohl im Falle ihrer Isolirung als Verbindung auszumitteln, tauchte Zantedeschi zwei an einem Magnete hängende Stahlnadeln in verschiedene Flüssigkeiten, wie in Salzlösungen, verdünnte Säuren. in Sonnenblumen - und Herbstrosentinctur. Der Magnet wurde in die verschiedensten Richtungen gestellt, die Pole umgekehrt; und dennoch entwickelten die beiden Nadeln stets eine größere chemische Thätigkeit, wenn sie isolirt waren, als wenn man sie mittelst einer dritten in die Quere gelegten Nadel mit einander verknüpft hatte, und diese Quernadel war immer weniger angegriffen als die beiden andern. Dieser Umstand beweist, dass kein Theil des magnetischen Fluidums zur Hervorbringung der chemischen Erscheinungen verwendet, sondern dasselbe im Gegentheile entweder unverringert von einem Pole zum andern übertragen, oder seine Kraft bloss durch die Ausübung verringert werde.

Was das dritte Moment seiner Untersuchungen betrifft, so zeigt es sich deutlich, dass die erwähnten chemischen Erscheinungen auf den Magnet einen rückwirkenden Einsluss haben.

Werden nämlich oben erwähnte an die Pole des Magnets gehängte Stahlnadeln in eine mittelst einiger Tropfen Salpetersäure geröthete Sonnenblumentinctur getaucht, durch eine dritte Nadel mit einander verbunden und zwölf Stunden stehen gelassen, so verliert der Magnet merklich an seiner Intensität. Wird aber die Verbindung dieser zwei Nadeln mit einander aufgehoben, so erhält der Magnet allmählich eine stärkere Kraft.

Alle aufgezählten Versuche wurden mehrmal wiederholt, und gaben immer dasselbe Resultat.

C. Physikalische Chemie.

1. Wirkung der Pottasche auf organische Stoffe. Von Gay-Lussac.

(Ann. de Chim. et de Phys. T. 41, p. 398. Übersetzung.)

Vauquelin hat bei der Behandlung der Geléesäure mit Pottasche in einem Schmelztiegel oxalsaures Kali erhalten. Dieser Versuch brachte mich auf den Gedanken, den Faserstoff, der mit der Geléesäure einige Ähnlichkeit hat, demselben Versuche zu unterwerfen. Dabei erhielt ich folgende Resultate:

Ich nahm 5 Gr. Baumwolle, gab sie mit 25 Gr. Pottasche in Alkohol gelöset in einen Schmelztiegel, und setzte hierauf etwas Wasser zu. Hierauf wurde der Tiegel mit einer Weingeistlampe mässig erwärmt, so dass er noch bei weitem nicht roth glühte. Die Baumwolle widersteht einige Zeit hindurch der Einwirkung des Alkali, aber endlich wird sie erweicht, das Gemenge schwillt an, ohne sich zu verkohlen, und die Einwirkung des Alkali auf den Faserstoff kündet sich durch Hydrogengasentwickelung an. Während des Aufschwellens muß man das Gemenge beständig umrühren. Wenn alles ruhig geworden ist, löset man die Masse in Wasser auf, und übersättiget sie schwach mit Salpetersäure. Da gibt sie mit salpetersaurem Blei einen Niederschlag, der, mit Schwefelwasserstoffsäure behandelt, sehr schöne Krystalle von Oxalsäure liefert. Mit salpetersaurem Kalk erhält man einen voluminösen Niederschlag von oxalsanrem Kalk. Sägespäne von Holz gaben bei gleicher Behandlung ein ähnliches Resultat.

Zucker, mit dem vier- oder fünffachen Gewichte von Pottasche gemengt, wird zuerst gebräunt, hierauf aber wieder weiss, und liefert viel Oxalsäure. Stärkmehl liefert mit Pottasche eine sehr liebrige asse, die lange in diesem Zustande beharit. Gibt man ne fernere Quantität Pottasche zu, so schmilzt sie; is Gemenge schwillt an, und verwandelt sich in oxalure Pottasche.

Gummi und Milchzucker wurden ehenfalls unter Entickelung von Wasserstoffgas in Oxalsäure verwandelt. Die merkwürdigste Umwandlung in Oxalsäune findet er mit Weinsäure Statt. Da tritt kein Aufschwellen n, das Gemenge wird nicht schwarz, und was besonrs bemerkt zu werden verdient, es entwickelt sich r eine so geringe Menge Wasserstoffgas, dass man es r Gegenwart von ein wenig fremdartiger vegetabiliher Materie zuschreiben muß. Will man das Hydrongas auffangen, so muss man den Versuch in einer torte machen, an welche man eine etwas lange Glashre angesetzt hat, die man unter Wasser in ein we-Ouecksilber taucht, um jede Absorption zu vermei-Die Retorte kann man in einem Öhl- oder Queckberbade erhitzen, webei man leicht erkennt, dass zur ldung der Oxalsäure höchstens eine Temperatur von oe hinreicht.

Gitronen- und Schleimsäure liefern auch viel Oxalare. Ich habe sie auch mit Bernsteinsäure erhalten; er Benzoesäure widerstand der Einwirkung der Pottche, und blieb ungeändert.

Essigsaures Kali, mit einem Überschuss von Kali hitzt, verwandelt sich in kohlensaures Kali. Doch erelt ich ein wenig oxalsauren Kalk, als ich salpetersaum Halk in eine Auslösung der übrig gebliebenen Masse ab, nachdem ich sie vorläusig mit Essigsäure übersätget hatte; allein es ist sehr wahrscheinlich, dass die kalsäure von einer fremdartigen, in geringer Menge orhandenen vegetabilischen Materie herrührte.

Rabsamenöhl konnte ungeachtet einer großen Menge zugeseizter Pottasche nicht zum Fließen gebracht werden. Ich erhielt daraus nur eine sehr geringe Menge Oxalsäure.

Unter den thierischen Substanzen gab Seide, mit Pottasche behandelt, unter Entwickelung von Hydrogengas Oxalsäure.

Harnsäure entwickelte während der Operation Ammoniak. Das Gemenge blieb sehr weiß. Im Wasser aufgelöset und mit Salpetersäure gesättiget, lieferte es Hydrocyan- und Kohlensäure; salpetersaurer Kalk brachte aber in der Auflösung einen reichlichen Niederschlag von oxalsaurem Kalk hervor. Gallerte gab ein ähnliches Resultat, aber Indigo lieferte keine Oxalsäure.

Wurde kohlensaure Pottasche statt ätzender angewendet, so unterblieb mit Weinstein die Bildung von Oxalsäure. Eben so wenig konnte sie mittelst Kalk und Stärke erzeugt werden, aber Soda lässt sich der Pottasche mit Ersolg substituiren.

Aus diesen Versuchen folgt, das eine große Anzahl vegetabilischer und thierischer Substanzen, mit ätzendem Kali oder Soda behandelt, in Oxalsäure verwandelt werden. Es ist zu bemerken, das die Bildung dieser Säure der der Kohlensäure vorhergeht, und zwar genau unter denselben Umständen, wo z. B. Schwesel und Pottasche unterschweselige und Schweselsäure liesern. Eine vegetabilische Materie liesert demnach bei geringer Erwärmung Oxalsäure, bei viel stärkerer Hohlensäure.

Da nun sehr verschiedene erganische Substanzen Oxalsäure liefern, so muss sie aus anderen Producten hervorgehen. Viele vegetabilische Körper liefern Hydrogen, und zwar von ihrer eigenen Substanz oder vom Wasser, und endlich auch Kohlensäure. Thierische

Stoffe geben außer diesen zwei Körpern auch noch Ammoniak und Cyanogen. Es kann sich mit thierischen Substanzen eben so wohl Wasser bilden, wie mit vegetabilischen. Diese verschiedenen Producte, ja selbst nur einige von ihnen, reichen hin, um sich im Allgemeinen das Entstehen der Oxalsäure zu erklären; indess sollte man doch in einigen besonderen Fällen andere Producte erwarten. So liefert Weinsäure keine merkliche Menge Hydrogen, und man kann nach seiner Zusammensetzung aus 2 1/2 Th. Hydrogen, 4 Th. Kohlenstoff und 5 Th. Oxygen, den obigen Producten gemäß, die Umwandlung in Oxalsäure nicht erklären. Während der Operation bleibt die Masse weiss. Würde aller Kohlenstoff zur Bildung der Oxalsäure verwendet, so wären dazu 6 Th. Oxygen nothwendig, und es müste zur Lieferung eines Theiles Wasser zersetzt werden. Bildete sich nur eine so große Menge Oxalsäure, als der Oxygengehalt der Weinsäure erlaubt, so würden 2/3 Th. Kohlenstoff übrig bleiben, der mit Hydrogen sich zu einem besonderen Producte verbinden könnte, und man erhielte aus 1 Th. Weinsäure 12/3 Th. Oxalsaure. Ich habe in der That statt dieser Menge nur 1 1/3 erhalten, konnte aber kein Hydrogenproduct wahrnehmen. Endlich wäre es wohl möglich, dass sich aus Kohlenstoff, Wasserstoff und Sauerstoff eine besondere Säure gebildet hätte. Dieser Gegenstand verdient, wie man leicht sieht, eine besondere Untersuchung, und ich hätte sie schon unternommen, wenn mir Amtspflichten in den Studienferien dazu Zeit gelassen hätten; doch hoffe ich, sie in Kurzem unternehmen zu können.

Zum Schlusse will ich noch ein sehr schönes Verfahren angeben, um Weinstein in Oxalsäure zu verwandeln, das in Folgendem besteht: Man löst rohen Weinstein mit einer passenden Menge Kali oder Soda in Wasser auf, und treibt die Auflösung mittelat einer Pumpe in einem ununterbrochenen Strome in eine dicke eiserne oder bronzene, auf 200°—225° erwärmte Röhre. Der Druck, den sie erleidet, steigt nicht über 25 Atm., weil sich kein Gas entwickelt. Am einen Ende der Röhre muß eine Klappe angebracht seyn, die mit einem hinreichenden Gewichte belastet ist, und sich nur durch den Druck der Injectionspumpe öffnen kann. Ich habe zwan dieses Mittel noch nicht angewendet, das man auch für andere Substanzen brauchen kann, aber ich sehe nicht ein, was den guten Erfolg stören sollte. Nach einigen bereits angestellten Versuchen braucht man weniger als 1 Th. Kali für 1 Th. neutralen Weinstein.

2. Darstellung des Palladium und Osmium. Von Wollaston.

(Ebendas. p. 413.)

Um hämmerbares Palladium zu erhalten, glüht man blausaures Palladium, verbindet den Rückstand mit Schwefel, schmilzt dann die Masse, und reiniget sie durch Abtreiben in einem offenen Schmelztiegel, wobei man Bor rax und ein wenig Salpeter zusetzt. Hierauf röstet man das Sulphurid bei schwacher Rothglühhitze auf einem flachen Ziegel, und drückt es, sobald es weich geworden, an denselben, um der Masse die Gestalt eines vollkommen glatten, kubischen oder länglichen Kuchens zu geben. In diesem Zustande wird es neuerdings, aber sehr langsam, bei schwacher Rothglühhitze geröstet, bis es schwammig wird. Während dieser Operation entweicht der Schwefel in schwefeligsaurem Gase, besonders wenn die VVärme nachlässt. Ist die Masse völlig kalt geworden, so schlägt man sie mit einem leichten Hammer, um die schwammigen Auswüchse an der Oberfläche wegzuschlagen oder sie zu verdichten. Man muss

aber mehrere Male neuerdings Hitze anwenden, und anfangs nur sehr leichte Schläge anbringen, um die Masse für stärkere Schläge empfänglich zu machen, dann wird sie aber sehr eben, und läst sie in Blech und in dünne Blättchen von der nöthigen Feinheit bringen.

(

Das so zubereitete Metall ist aber immer noch sehr gebrechlich, wenn es erwärmt worden, vielleicht weil es noch etwas Schwefel enthält. Ich habe öfters Palladium ohne Schwefel geschmolzen, doch war es dann so hart und schwer zu bearbeiten, dass ich gezwungen war, das angegebene Versahren anzuwenden.

Um reines, festes und krystallinisches Osmiumoxyd zu bereiten, reibe ich drei Theile gepulvertes Iridiumerz und einen Theil Salpeter mit einander ab, und gebe das Ganze in einen kalten Schmelztiegel, erhitze diesen hierauf in offenem Feuer bei lebhafter Rothglühhitze, bis die Masse weich wird; da entwickeln sich Osmiumdämpfe. Den lösbaren Antheil dieses Gemenges löse ich hierauf in möglichst wenig Wasser auf, und gieße die daraus entstandene Flüssigkeit in eine Retorte, die gleiche Theile Wasser und Schwefelsäure enthält. Quantität Schwefelsäure muß wenigstens der in dem Salpeter enthaltenen Kalimenge gleich kommen; es würde aber auch nicht schaden, mehr davon zu nehmen. Destillirt man nun diese Masse schnell in ein reines Gefäss über, so lange als sich noch Osmiumdünste entwickeln, so setzt sich das Osmiumoxyd in Gestalt einer weißen Kruste an die Wände des Gefässes ab, verwandelt sich dort in kleinere Tropfen, die in der wässerigen Auflöbung zu Boden sinken, und sich daselbst zu einer flüssigen, abgeplatteten Kugel vereinigen. Dieses Oxyd erstarrt und krystallisirt, während das Gefäls erkaltet. Eine Operation dieser Art lieferte mir 30 Gran krystal-

.

lisirtes Oxyd nebst einer wässerigen Auflösung, die noch viel davon in sich enthielt.

3. Über festen Blaustoff und eine neue Verbindung von Carbon und Azot. Von Johnson.

(Journ. of sc. New. Series N. I., p. 75,)

Wenn man bei der Bereitung von Blaustoff Quecksilbercyanid anwendet, so bleibt, nachdem die Gasentwickelung vorüber ist, in der Röhre ein schwarzer kohlenähnlicher Rückstand, dessen Gewicht immer gering ist im Verhältniss zur Menge des angewendeten Salzes, aber an äußerem Aussehen sehr verschieden ausfällt; bald schwammig, bald compact ist, aber da, wo er sich an die Glasröhre anlegt, einen Metallglanz hat Auch an Dichte wechselt er sehr, und erscheint bald wie die von Gay-Lussac beschriebene leichte Kohle, bald ist er dicht und klingend. In Masse hat er eine schwarze oder olivengrüne Farbe, dünne Schichten erscheinen aber an der inneren Glaswand in durchgelassenem Lichte dunkelroth, er lässt sich leicht pulvern, und hängt sich an die Finger an. In der Flamme einer Lampe brennt er leicht und ohne Geruch und Flamme. Erhitzt man ihn in einem Glasgefässe bis zum Rothglühen, so gibt er keinen Rauch von 'sich, und wird sehr langsam verzehrt, ohne einen Rückstand zu geben. rer Temperatur in einem Silber- oder Platintiegel schmilzt er, und verschwindet viel schneller,

Als Pulver ist diese Substanz weder in Alkohol, noch in Ammoniak oder Salpetersäure lösbar, wohl aber in heißer und concentrirter Schwefel- und Salzsäure, und ließert mit letzterer eine schwach gelblichbraune Löaung. Die Auflösung sowohl in ther einen als in der anderen Säure gibt beim Abdampfen bis zur Trockenheit einen Rüchstand, der im Wasser unlöslich ist. Jener von der

Salzsäure ist dunkelroth, der von der Schweselsäure dunkelgrau. Wird er in einem Mörser mit chlorsaurem Kali abgerieben, so detonirt er zwar in der Hitze, jedoch nicht durch einen blossen Stoss.

Dieses Residuum wurde bis jetzt als Kohle behandelt, und ihm wenig Aufmerksamkeit geschenkt. Man dachte, während der Zersetzung des Cyanides ward ein Theil Blaustoff zersetzt, der Kohlenstoff bleibt zurück, und der Stickstoff geht mit dem Blaustoff davon. Allein man hat oft, während eine bedeutende Menge dieses kohligen Stoffes in der Röhre zurückblieb, Blaustoff erhalten, wenn auch nicht in reinem Zustande. Es muß demnach diese Substanz mehr als bloßer Kohlenstoff seyn. Bei der Analyse mittelst chlorsaurem Hali fand man sie von gleicher Natur mit dem gasförmigen Blaustoff. Sieben Versuche dieser Art gaben im Durchschnitte

2.32 K. Z. Kohlensäuregas,
1.173 » Azotgas,

mithin nahe zwei Volumina des ersteren auf ein Volumen des letzteren. Das Detail dieser Resultate ist folgendes:

Zahl der Ver-	Gesammeltes	Kohlensäure-'	Azotgas.
suche,	Gas.	gas.	
1. Versuch. 2. » 3. » 4. » 5. » 6. »	3.04 K. Z. 4.99 » 1.89 » 4.41 » 3.4 » 2.725 » 5.7 »	2.0 3.2 1.28 3.0 2.2 1.8 2.76	1.04 1.79 0.61 1.41 1.2 0.925

Obige Zusammensetzung konnte nicht frei von metallischem Quecksilber bereitet werden, und es hafteten daran selbst nach dem sorgfältigen Verfahren kleine Kügelchen dieses Metalles. Daher war bei der Analyse das Gewicht des Kohlenstoffes und Azotes nicht dem der kohligen Masse gleich. Wurde die Masse in einem Glagefälse über einer Weingeistslamme erhitzt, so wurde das Quecksilber verslüchtiget, jedoch trat vor diesem eine Veränderung in der Zusammensetzung der Substanz selbst ein, auf welche wir später zurückkommen werden.

Es war wünschenswerth, eine andere Methode kennen zu lernen, um dieses Product zu erzeugen, bei welcher die Gegenwart metallischer oder anderer fremdartiger Hörper ganz vermieden wurde. Bekanntlich setzt sich aus Blaustoff, der längere Zeit hindurch über Quecksilber steht, eine dunkle Substanz an die Seitenwand des Gefälses ab. Eben so weils man, dass eine Auslösung von kaustischem Hali, die mit Blaustoff gesättiget, und einem Übermaß dieses Gases ausgesetzt ist, durch den Absatz schwarzer Theilchen verdunkelt wird. In beiden Fällen nimmt man an, es werde ein Theil Blaustoff zersetzt, und der Absatz sey reiner Kohlenstoff. Doch macht es das Folgende wahrscheinlicher, daß diese Ablagerung das Azotbicarbonid sey, von welchem oben die Rede war.

Wird Cyangas durch Alkohol über Quecksilber geleitet, so wird es rasch absorbirt. Nach Gay-Lussac absorbirt auf diese Weise der Alkohol sein 23faches Volumen auf Gas. Läfst man eine solche gesättigte Flüssigkeit über Quecksilber mit Blaustoff durch 24 Stunden oder länger in Berührung, so tritt eine neue Absorption ein; die Absorption steigt auf das 30—40fache Volumen, die Flüssigkeit wird braun, dann röthlich, und so mit der Zeit immer dunkler. Gewöhnlicher Weingeist saugte einmal vom Blaustoffe, der 12 Stunden über Quecksilber befindlich war, in wenigen Minuten 40 Volumina ein, und wurde dadurch dunkelroth; im Allgemeinen

braucht er aber längere Zeit dazu. Setzt man diese Flüssigkeit in einem geschlossenen Gefäße bei Seite, so lagert sich nach einigen Tagen ein Bodensatz ab, der im reflectirten Lichte schwarz, im durchgelassenen hingegen röthlichbraun ist. Der Alkohol geht farbenlos durch ein Filter, doch tritt oft, wenn man ihn ruhig stehen läßt, eine neue Ablagerung einer schwarzen Substanz ein, die nach einigen Tagen wie die vorhergehende abgenommen werden kann.

VVäscht man diesen Stoff auf einem Filter mit destillirtem Wasser, so bekommt das Waschwasser eine gelbe Farbe, zum Beweise, dass er in diesem Zustande zum Theile in Wasser löslich ist. Als man ihn in einem Glasgefäse zuerst bei gelinder Wärme, dann über einer Weingeistslamme getrocknet, und hierauf einen Theil mit chlorsaurem Kali erhitzt hatte, so erhielt man 20,2 H. Z. Kohlensäuregas und 1.502 Azotgas, mithin von jenem das doppelte dieses.

Eine zweite Portion wurde, ohne vorläufig mit Wasser gewaschen zu werden, bei einer Wärme, die 212°F. nicht überstieg, getrocknet. Sie hatte in Masse eine glänzend schwarze, gepulvert eine dunkle Chocoladefarbe. Von dieser wurden 7 Gran mit 5 Gran chlorsaurem Kalierhitzt, und dadurch 4.7 K. Z. Gas erhalten. Der Verlust betrug 2.6 Gr. Das Gas bestand aus

- 1.4 » Oxygengas » » 0.4748 »

 Mithin zusammen im Gewichte . . . 1.826 »
- Gewichtsverlust beim Versuche 2.6
- and daher ein Abgang von 0.774

Der in 2.2 K. Z. Kohlensäuregas enthaltene Kohlenstoff wiegt 0.2794 Gr., der in 1.1 K. Z. Stickgas enthaltene Stickstoff 0.3261 Gr., und daher das Gewicht beis

der 0.6055 Gr. Das Gewicht der untersuchten Substanz belief sich auf 0.7; es bleibt demnach ein Abgang von 0.0944 Gr. Aber 0.0944 \times 9 = 0.8496 Gr., also nahe so viel wie der erste Abgang. Man kann ihn daher von einer Wasserbildung herleiten. In dieser Voranssetzung ist der Hydrogengehalt des Stoffes 0.9944 Gr.; und da 0.605: 0.0944 = 3.25: 0.505 ist, und letztere Zahl nahe 4 Atomen Hydrogen gleich kommt, so kann man obige Substanz als zusammengesetzt ansehen aus

- 1 Atom Cyan oder dessen Elementen,
- 4 Atomen Hydrogen.

Bei starker Hitze wird wahrscheinlich das Hydrogen ausgetrieben, und es bleibt demnach nur das Cyan zurück.

Man kann den Absatz aus der geistigen Lösung, statt durch Filtriren, auch durch Destilliren in einer Retorte erhalten. Auch in diesem Falle wird der farbenlos übergehende Alkohol, wenn man ihn einige Zeit stehen läst, gelb, dann dunkelroth, und gibt einen serneren Bodensatz, vorausgesetzt, das jene Lösung nicht so lange stehen geblieben, bis sich aller Blaustoff abgesetzt hat.

Nimmt man die feste Masse aus der Retorte, und trocknet sie bei einer 212° F. nicht übersteigenden Hitze, so erscheint sie als chocoladebraunes Pulver, das an Geruch und Geschmack der Rhabarber gleicht. Ätzkali zersetzt sie, und liefert Ammoniak; erhitzt man sie in einer Glasröhre, so stofst sie einen weißen Dampf aus, der sich an den Wänden der Röhre verdichtet, und an Farbe, Geruch und Geschmack der Rhabarber gleicht. Sobald keine Dämpfe mehr entweichen, bleibt eine schwarzblaue, ziemlich dichte und glänzende Suhstanz zurück, die in rechtwinklige Stücke zerbricht.

Als 8 Gr. dieser Substanz mit 8 Gr. chlorsaurem Kali zur Explosion gebracht wurden, erhielt man 2.75 K.Z lohlensäuregas und 1.4 K. Z. Azotgas. Hier gibt das Gericht des in der Kohlensäure enthaltenen Kohlenstoffes nit dem des Stickstoffes nahe genug das der zum Veruch gebrachten Substanz.

Aus diesen und den vorhergehenden Versuchen kann nam daher schließen, daß der Absatz aus dem mit Blautoff übersättigten Alkohol ein starres Azotbicarbonid st. Die Folge wird zeigen, daß er mit der kohligen Masse, welche bei der Zersetzung des Quecksilbercyanides als Rückstand erscheint, einerlei sey.

Es entsteht nun die Frage, ob diese Substanz, die doch mit dem gasförmigen Cyan identisch ist, sich von demselben durch eine neue Anordnung seiner Elemente oder durch ihre größere Annäherung unterscheide. Die Erscheinung, daß Substanzen, welche sehr verschiedene Eigenschaften besitzen, gleiche Zusammensetzung haben, ist in der Chemie nicht neu. Von der Art ist die Essigund Bernsteinsäure. Aber bei diesen gestattet die grössere Anzahl der Atome einen größeren Spielraum für ihre Anordnung, im gegenwärtigen Falle hingegen sind nur drei Atome mit einander verbunden, und da zwei derselben dem Kohlenstoff angehören, so sind nur zwei gleiche Combinationen der Elemente möglich.

Alkohol, der jüngst mit Blaustoff gesättiget wurde, gibt mit Quecksilberbichlorid keinen Niederschlag; wenn er aber die oben angeführte braune Farbe angenommen hat, setzt er ein Präcipitat ab, das anfänglich braun ist, später aber einen röthlichen Teint annimmt. Mit salpetersaurem Silber gibt er einen gar besonderen Niederschlag. Dieser ist anfangs braun, wie der durch Quecksilber bewirkte, wird aher immer dunkler, und endlich nebst dem darauf befindlichen Fluidum purpurroth. Wässeriges Cyan gibt mit salpetersaurem Silber einen schmutzig dunklen, Blausäure einen weißen, später schwarz

werdenden Niederschlag, der sich vom vorhergehenden purpurfarbigen sehr unterscheidet, und man kann darans schliefsen, dass auch das Fällungsmittel in heiden Fällen verschieden seyn müsse. Aber in heiden ist der Kohlenstoff mit dem Stickstoffe in demselben Verhältnisse verbunden; denn lässt man den durch Quecksilber bewirkten Niederschlag mit chlorsaurem Hali detoniren, so erhält man auch ein Gas, das 2 Voluming Kohlensäure auf 1 Volumen Azot enthält. (Von diesen wird in folgendem Aussatze die Rede seyn. B.)

Ich habe schon vorhin der Veränderung gedacht, welche das Bicarbonid erleidet, wenn es einer Hitze ausgesetzt ist, wodurch das Quecksilber ausgetrieben wird, das von der Zersetzung des Cyanides durch dieses Metall herrührt. Die Natur dieser Veränderung ergibt sich aus folgenden Resultaten: Es wurde eine unbestimmte Menge dieser Substanz, nachdem man sie auf die genannte Weise erhitzt hatte, mittelst chlorsaurem Kali zersetzt. Das Resultat war

Kohlensäuregas 0.93 K. Z. oder 3 Atome.

Azotgas . . . 0.62 » » 2

Zwei andere Versuche gaben ein ähnliches Verhältnis der Bestandtheile, so dass diese Substanz als ein Sesqui-Carbonid oder als ein Gemenge aus Procarbonid mit Bicarbonid angesehen werden muss. Letzteres ist das wahrscheinlichere.

Eine andere Portion jener Substanz wurde wieder erhitzt, bis kein Metalldampf mehr entwich, 2 Gr. devon mit 3 Gr. chlorsaurem Kali und mit 10 Th. gestossenem Glas (zur Verhinderung einer schnellen Zersetzung) gemischt, und der Flamme einer Weingeistlampe ausgesetzt. Das Resultat war:

- Kohlensäuregas 0.55 K. Z. oder 7 Atome.

Don Haldania off in this a BEH A. Children Sinda in 61010
Der Hohlenstoff in den o.55 K. Z. Gas beträgt: oie 668 Gra
» Stickstoff in 0.455 K.Z. J 0.1349 Ger
mithin beide zusammen
15 Gran Cyanid in einem offenen Glasgefässe durch
die Hitze einer Weingeistlampe zersetzt, gaben o.36
kohlige Substanz, o.3 davon mit 3 Gr. Chloridezum Vezi
puffen gebracht; lieferten and a later a beid of at
Kohlensäuregas o.82 R. Z. oder 7 Atome,
- : Azotgas 0.685 . » 6 6 6 6 2 2 2 2 2 2
mithin o.104 Gr. Kohlenstoff
e
also zusammen o.307 Gr., d. h. nahe
das angewendete Gewicht. Diesen Versuchen gemäß
besteht die untersuchte Substanz aus 7 At. Kohlenstof
und 6 At. Azot.
Um zu erfahren, ob es nicht eine Verbindung von
eine Quantität Bicarbonid in einem gläsernen Gefässe er
bitzt, bis ein guter Theil davon verslüchtiget war. De
Rest von 0.55 Gr. mit 10 Gr. chlorsaurem Kali zur Ver
puffung gebracht, lieferte:
Kohlensäuregas 1.2 K. Z. oder 1 Atom,
Agaton
mithin Hohlenstoff
Sticketoff 0.3500 Gr
also zusammen
Mhe sa viel als zur Vernuffung gehraucht wurde F
filt also winklich eine solche Verhindung und das Pro
duct gleicht dem Äusseren nach dem vorhin beschriebe
nen Bicarbonide. Die Wirkung anderer Körper auf die
sen Stoff wurde nicht untersucht.
1987
Die Reihe der Verbindungsverhältnisse zeigt rech

Die Reihe der Verbindungsverhältnisse zeigt recht gut die Veränderung, welche das in offener Luft erhitzte Bicarbonid erleidet. In dem neu bereiteten Producte

verkält sich der Kohlenstoff zum Stickstoff wie 2:1; erhitzt man es ziemlich stark, so vermindert sich der Kohlenstoffgehalt, und steht nur mehr mit dem Stickstoff in dem Verhältnisse 3:2; bei fernerem Erhitzen sinkt dieses Verhältniss auf 7:6, und endlich bei anhaltender Dauer der Hitze auf 1:1 herab. Der Kohlenstoff tritt in Verbindung mit dem Sauerstoff der Atmosphäre, und der Stickstoff bleiht zurück, bis er dem Kohlenstoffgehalte gleich geworden ist; bei fernerem Erhitzen verflüchtigen sich beide Stoffe mit einander.

Diese Stoffe mögen den Chemikern öfters vorgekommen seyn, wurden aber als blosse Varietäten des Rohlenstoffes betrachtet. So z. B. fand Schelle. dass Harnsäure bei der Destillation, nebst anderen Producten, eine Quantität Kohle zurücklässt, die selbst bei der Eisenrothglühhitze unter Luftzutritt ihre schwarze Farbe beibehält. Nach Prout und Thomson besteht aber die Harnsäure aus 6 Th. Kohlenstoff, 2 Th. Stickstoff und 1 Th. Sauerstoff. Es ist kaum zu zweifeln, dass diese scheinbare Kohle eines der vorhin erwähnten Azotcarbonide war, und dass man diese Substanzen leichter und reichlicher durch Zersetzung der Harnsäure erhält, als durch eine der vorhin angegebenen Methoden. Andere anomalische oder stickstoffhältige vegetabilische Producte mögen bei ihrer Zersetzung durch Hitze ähnliche Verbindungen von Kohlenstoff und Azot liefern.

Die Kenntniss des Vorhandenseyns solcher Producte dürfte uns bei der Ausmittelung der Bestandtheile der thierischen und vegetabilischen Substanzen Beistand leisten, und das als Azotid erkennen lassen, was man sonst fremdartigen Beimengungen zugeschrieben hat. So sinden die Chemiker in einigen Mineralkohlen nur eine geringe Quantität Stickstoff, in anderen, z. B. in denen von Newcastle, nicht weniger als 16 per Cent. Aber

das langsame Verbrennen dieser Kohle lässt einen geringeren Azotgehalt erwarten, als in der, welche die Mineralogen harzlose Kohle nennen; aber wenn man bedenkt, was bei obigem Azotcarbonid Statt findet, so wird man es nicht für grundlos halten, in einigen Kohlenvarietäten einen bedeutenden Azotgehalt anzunehmen.

4. Über die Zusammensetzung des Quecksilbercyanides. Von Johnson.

(Ebendaselbst, p. 119.)

Die bewunderungswürdigen Untersuchungen Gay-Lussac's haben es entschieden, dass das Quecksilbercyanid eine Verbindung des Blaustoffs mit dem Metall sey, und dass dieser Stoff, wenn er durch directe Analyse in seine letzten Bestandtheile aufgelöset wird, als gasförmige Producte, nebst einer geringen Menge Hydrogen, welches von dem im Salz enthaltenen Wasser oder von der daselbst befindlichen Blausäure herkommt, Kohlensauregas und Azot im Verhältnisse 2:1 sey. Ungeachtet dieser genauen Bestimmung der Bestandtheile erübriget doch noch, dass ein Chemiker die atomistische Beschaffenheit dieses Salzes untersuche. Man nennt es gewöhnlich Quecksilbercyanid, ohne nachgewiesen zu haben, dass sich in demselben ein Atom des einen Stofses mit einem Atom des andern verbunden befindet. Die folgenden Versuche werden klar darthun, dass man es Bicyanid nennen soll.

Es wurden 5 Gr. dieses Salzes getrocknet, fein gepulvert, mit Kupferperoxyd gemischt, und in einer Glasröhre mittelst einer Lampenflamme bis zur Rothglühhitze erhitzt, bis sich kein Gas mehr entwickelte. Vier solche Versuche gaben folgendes Resultat:

¢:

11

0 1

ie!

	Kohlensäure. Azot.	. Cyan. A	tomenverhältniß
i. Versuch .	. 3.99 K. Z. 1.8	1.995	7.0
	. 3.73 * 1.77		6.4
3. , .	. 3.7 × 1.7	1.85	6.37
4. '» .	. 3.73 » 1.74	1.865	6.4
	das '' Atomenverhält		
== 6.54 Gr.	•	: • • •	1. 5

Das Volumen des Cyans ist nahe 1/2 des Kohlensäurevolumens; das des Stickstoffgases ist immer kleiner als 1/2 von dem des Kohlensäuregases, wahrscheinlich weil eine Verbindung des Sauerstoffs mit Stickstoff eingetreten ist. Die vierte Columne ist aus der ersten so berechnet:

wo 25 ein Atom Quecksilber bezeichnet, das mit dem Cyan verbunden war.

Demnach ist 6.5 das Gewicht von 2 Atomen Cyan-Der erste Versuch gab mehr, die drei anderen weniger, doch ist die Abweichung sehr gering, denn selbst der dritte Versuch, der das geringste Resultat liefert, würde 6.5 als Atomenverhältnis geben, wenn der Kohlensäuregehalt nur um ½0 K. Z. größer ausgefallen wäre. Dieser Fehler mag von einem geringen Irrthum im Messen, oder von einer geringen Menge unzersetzt zurückgebliebenem Cyanid herrühren. Beim ersten Versuch ist der Fehler so groß, daß ich ihn einer unbekannten Ursache zuschreiben zu müssen fürchte.

5 Gr. Cyanid wurden auf ähnliche Weise mit 50 Gr. Quecksilberperoxyd erhitzt, bis sich kein Gas mehr entwickelte. Da gaben drei Versuche folgende Resultate:

Kohlensäure.			Atomenverhältnis.
Nro. 1 3.84 H. Z.	1.865	1.92	6.69
Nro. 2 3.882 »	1.8	1.941	6.7
Nro. 3 3.83 »	1.926	1.915	6.65
			4.45

Mittelwerth für das Atomenverhältnis = 6.68.

b

irk

BIT!

Die

Ы

de

G

er

Alle diese Resultate geben zu große Werthe. Die Azotmenge ist hier größer als bei der Anwendung des Kupferperoxydes, und beim dritten Versuche genau der Hälfte der Kohlensäure dem Volumen nach gleich. VVerden Cyanide, wie die Schwefelcyanide, Eisencyanide, und das von Gmelin sogenannte rothe Cyan-Eisenkalium mit chlorsaurem Kali gemischt, so verpuffen sie in der Hitze, durch Reibung, und in einigen Fällen selbst durch einen Stofs. Schwefelkaliumcyanid (sulpho-cyanide of potassium), in einem Mörser gerieben, verpuffet auf solche Weise mit einer purpurrothen Flamme leichter und hestiger als Schwefelcyanid unter denselben Umständen. Dasselbe salzsaure Eisencyanid und die rothe Eisencyanidsaure (acid of the red ferro cyanides) verpuffen mit Chloriden unter dem Hammer, während alle Cyansalze, mit Ausnahme von Wöhler's Oxycyanid, bei sehr geringer Hitze, oder wenn die Theile des Pulvers in einem Glasmörser mit dem scharfen Ende eines Glasstabes nur berührt werden, schon explodiren. Der Umstand, dass das Oxycyanid eine Ausnahme macht, zeigt, dass die rasche Zersetzung durch die Affinität des Kohlenstoffes zum Sauerstoff bedingt werde. Werden die Theile des. gepulverten Körpers durch Beimischung einer hinreichenden Menge zerstossenen Glases von einander getrennt, so kann man die Zersetzung so mässigen, dass man die gasförmigen Producte vollkommen genau sammeln kann. Bei den folgenden Versuchen wurde das Gemenge in eine Glasröhre von 3/10 - 5/10 Z. Weite ge-Zeitschr. f. Phys. u. Mathem. VII. 1.

bracht, und diese mittelst einer engen Röhre mit einem Quecksilbertrog in Verbindung gesetzt. Hierauf ließ man durch eine kurze Zeit eine Weingeistlampe auf das Pulver wirken, das sich nahe an dem offenen Ende der Röhre befand. Die Wärme wirkte bald, und die Zersetzung schritt bis zum geschlossenen Ende der Röhre fort. Um sie gänzlich zu vollenden, wurde die Flamme längs der Röhre hingeführt. Diese Art der Analyse ist sehr elegant, und wegen der geringen dazu nöthigen Hitze, so wie wegen der kurzen dazu erforderlichen Zeit zur öffentlichen Demonstration vorzüglich geeignet Die folgenden Versuche zeigen überdiess, dass man dadurch eben so genaue Resultate erhält, wie durch die anderen Untersuchungsarten. Es wurden 5 Gr. Cyanid mit einem gleichen Antheil chlorsaurem Kali und mit 50 Th. gepulvertem Glase gemengt. Da erhielt man aus vier Versuchen folgende Resultate:

	Kohlensäure.	Azot.	Cyan.	Atomenverhältniß.
Nro. 1	. 3.8 K. Z.	1.78	1.9	6.6
Nro. 2	. 3. ₇ 5 »	1.88	1.875	6.5
Nro.3	. 3.62 >	1.78	1.81	6.21
Nro.4	. 3.67 »	1.9	1.835	6.32
Mittleres	Atomenverhä	ltnifs		6.407.

Diese Resultate stimmen möglichst gut mit einander überein, und kommen der Wahrheit näher, als irgend eines der früher erhaltenen. Das Azotgas hat nahe das halbe Volumen des Kohlensäuregases.

Nimmt man aus den nach den drei angewendeten Methoden erhaltenen Resultaten das Mittel, so erhält man

mittelst Kupferperoxyd = 6.54,

- » Quecksilber . = 6.68,
- » chlors. Kali . = 6.407,

also als allgemeines Mittel 6.54.

Demnach verbinden sich 25 Gr. Quecksilber mit 54 Gr. Cyan, und die wahre Zusammensetzung des uecksilbercyanides ist demnach

- 1 At. Quecksilber = 2.5,
 - 2 At. Cyan . . = 6.5,

ıddaher das Gewicht eines Atoms des Bicyanides = 31.5.

Diese Resultate zeigen eine neue Analogie zwischen blor und Cyan. Das Bichlorid ist gleich dem Bicyanide n lösliches Salz, während das Prochlorid (Calomel) st unlöslich ist; es ist daher wahrscheinlich, dass es ich ein unlösliches, bisher unbekanntes Procyanid gibt. h habe in einem anderen Aufsatze über Azotcarmide in diesem Journale (Journ. of sc.) noch mehrerer ilöslicher Zusammensetzungen erwähnt, welche vielicht Chlorcyanide sind.

Die vorhin angegebene Zusammensetzung des Queckbercyanides läst sich auch aus dem Cyangasvolumen tuehmen, welches man bei der Zersetzung desselben ittelst Hitze erhält. Ist obige Zusammensetzung rich-3, so muss man von 100 Gr. dieses trockenen Salzes 1.642 H. Z. reines Gas erhalten, denn man hat

$$31.5:6.5 = 100:20.603 \text{ Gr.} = 37.642 \text{ H. Z.}$$

Wiewohl vom Cyangase fast gleichförmig dasselbe dumen erhalten wurde, so ist dieses doch zu gering,

Gr. gaben 6.3 K.Z., mithin 31.5 Gr. Cyan v. 100 Gran Salz.

thin geben im Durchschnitte 100 Gr. Cyanid 30.92 K. Z. angas, oder um 37.642 — 30.92 = 6.722 K. Z. zu we
5. Es bleibt daher mehr als ½ des ganzen Cyans in r Röhre zurück. Da nun das ganze Cyanid zersetzt

wurde, und in der Röhre nur eine kohlenartige Substanz zurückblieb, so ist entweder jenes Salz kein Bicyanid, oder die Elemente des fehlenden Cyans müssen in der zurückgebliebenen Masse enthalten seyn. Um dieses zu untersuchen, wurde der Rückstand mit chlorsaurem Kali gemengt und verpufft. Da gaben drei Versuche folgende Resultate:

		Ke	ohlensäuregas.	Azotgas.	Resultirendes Cyan.
Nro. 1			3.2 K. Z.	1.791	. 1.6
Nro. 2	•	•	2.99 »	1.72	1 .5 .
Nro. 3	•	,•	4.58 »	2.29	2.29.

In den ersteren zwei Versuchen beträgt das Volumen des Azotes mehr als die Hälfte von dem des Kollensäuregases, im dritten hingegen genau die Hälfte davon. Andere Versuche sprechen für die Richtigkeit dieses Resultates.

Gibt man das jenen Producten enterrechende Cyan zu dem, welches in obigen drei Versuchen durch Hitze erhalten wurde, so erhalt man Folgendes:

Gev	wicht d.Salz	es Cyan.	Dazu addirt	Summe.	At. Verhältniß.
	20	6.3 K.Z.	1.6	7.9	6.93
	23.2	7.08 »	1.5	8.58	6.36
	3о	9.3 »	2.29	11.59	6.74
Mit	telwerth d	es Atomei	nverhältniss	es .	6.676.

· Dieser Werth kommt 6.5 sehr nahe, und bestätiget die Ergebnisse der directen Analyse.

Demnach ergeben sich aus allen diesen Versuchen folgende Schlüsse:

- Dass das der Analyse unterworfene Salz ein Bieyanid sey.
- 2. Dass 100 Gr. desselben durch Erhitzen nahe 31 K.Z. Cyangas geben.
- 3. Dass das von 2 Atomen Fehlende in eine schwarze,

kohlige Substanz verwandelt worden ist, die aus Kohlenstoff und Azot in demselben Verhältnisse besteht.

Es ist möglich, dass das Cyanvolumen, welches man if die obige Weise erhält, veränderlich ist, wiewohl bei den vier vorgenommenen Versuchen sehr constant ar. Nach diesen Versuchen verwandelt sich ½ der nzen Masse in die schwarze Substanz.

i Über die Wirkung des Ammoniak auf Phosphor. Von Macaire und Marcet.

(Bibl. univ. Sept. 1829, p. 33.)

Die Verfasser dieses Aufsatzes glauben eine Verbining von Phosphor mit Ammoniak zu Stande gebracht haben. Die Versuche, aus denen sie auf die Existenz eer solchen Verbindung schlossen, sind folgende:

Es wurde Wasserstoffperphosphorid durch tropfbas Ammoniak geleitet. Es entwickelte sich viel Gas, Temperatur stieg stark, und es sanken Phosphorpfen zu Boden. Bei einem dieser Versuche erfolgte Explosion, welche die Flüssigkeit aus dem Gefäße urf, ohne daß man wußte, wodurch sie entstand. Als in trockenes Ammoniakgas, kohlensäuerliches oder pfbares Ammoniak in Wasserstoffperphosphoridgas achte, konnte man keine neue Verbindung bemerken.

Es wurde Phosphorprochlorid bereitet, und mit Ockenem Ammoniakgas gesättiget. Sobald das Ammoakgas auf das Chlorid zu wirken begann, entstand ein chter weißer Rauch, und die ganze Masse verwandelte ih in eine weiße, pulverige Substanz, die stark nach dzsäure roch, und Lackmuspapier röthete; in der Luft twichen daraus salzsaure Dämpfe, und es erschienen e und da an der Obersläche röthliche Puncte. Gibt an sie in Wasser, so entwickeln sich Gasblasen, die

nach Phosphorwasserstoff riechen; läst man sie Luft, so ertheilt sie dieser einen Geruch wie Ph kalk. Wurde sie in destillirtem Wasser gekocht, ein unlöslicher Rückstand, der etwa ½ der ganze betragen mochte; dieser wurde auf einem Filter melt und getrocknet. Er lieferte ein gelbliches welches sich ohne Erfolg bis nahe zur Rothglbringen läst. Dann aber detonirt es, etwa wie Ph kalk; es bleibt ein salziger Rückstand, der bei Rothglühhitze verschwindet bis auf eine glasige die man als Phosphorsäure erkannte. Dies sch zuzeigen, das sich das Pulver nach der Exple Ammoniakphosphorid verwandelt habe.

s Verzeichniss der gangbarsten optischen rate, welche von G. S. Plösst, Optiker Mechaniker in Wien, neue Wieden, Salgasse Nro. 321, für beigesetzte Preise in ventions-Münze oder Augsb. Courant verfertiget werden.

ie neuesten, bedeutenden Fortschritte der practiOptik, so wie eine mehrjährige Erfahrung über die
he der Mehrzahl der Abnehmer, haben einige Verngen in den früheren Verzeichnissen veranlasst,
man aber, bei genauem Vergleiche, die Preise keis erhöht sinden wird. Im October 1829.

		_
-	· fl.	kr.
engläser, rund oder oval, convex oder av, mit Fassung von feinem Stahl oder elhorn	2 — 3 4	36 48
ei mit Fassung von Schildkröte, sil- en Spangen und Scharnieren ei mit Fassung von Schildkröte, der-	6	-
pangen und silbernen Scharnieren	6	30
pellorgnetten mit Fassung von Büffel- ei mit Fassung von Elfenbein und Sil-	1	36
mit Springfedern	4	30
ei, die Glastheile zum Zusammenlegen ei mit Fassung von Schildkröte und	4	24
E, mit Springfedern	6	_
3i, die Glastheile zum Zusammenlegen 3i mit Fassung von Perlmutter und	5	-
r, mit Springfedern	7	

		_	_
	fl.	ŀ	
7. Derlei, die Glastheile zum Zusammenlegen 8. EinfacheLorgnetten, in Büffelhorn gefaßt 9. Derlei in Schildkröte 10. Derlei in Perlmutter mit Silber 11. Ringstecher in Büffelhorn 12. Derlei in Silber 13. Lesegläser, in Fischbein gefaßt Die genannten Gegenstände werden auf besondere Bestellung auch mit Goldfassung geliefert, so wie periskopische und isochromatische Brillen.	5 4 4 — 2 3 —		36 45 -
1. Theaterperspectiv, achromatisch, mit elfenbeinerner Röhre, silberplattirter Auszugröhre und Schuberfutteral von Maroquin	5—1 6—1 8—1	120	
ganz silberplattirt, einem achromatischen Objective von '"Öffnung und zwei Ocularen zum Verschieben, wovon eines zum Theatergebrauche von 2maliger Vergrösserung, das andere zum Gebrauche im Freien von 4 — 6maliger Vergrößerung, in Futteral von Maroquin mit Scharniere 6. Derlei, ganz goldplattirt	13 15	-	-
1. Auszugfernrohr von 14" Länge, mit hölzerner polirter Röhre, 3 messingenen Auszugröhren, achromatischem Objective von 9" Brennweite und 1" Öffnung, in Futteral von Maroquin	18		

		_
	A.	kr.
ei von 18" Länge, Objective von 13" nweite und 13" Öffnung ei von 24" Länge, Objective von 16"	22	
nweite und 16" Öffnung ei von 30" Länge, Objective von 20"	28	-
nweite und 19" Offnung	3 ₇	-
le vorgenannten Auszugfernröhre wer- auf besondere Bestellung, mit silber- irten Auszugröhren um dieselben Preise fert.		
kfernrohr, ganz von Metall und lakirt, ernrohr selbst von 20" Länge mit ctive von 1" Öffnung onomische Aufsätze zu diesen Fern- on, zum Auswechseln gegen die	18	
Auszugröhre, mitSonnenglase; nach chiedenheit der Größe chraubringe, um diese Fernröhre an	4 — 6	_
ne, Pfosten, Fensterstöcke u. s. w. efestigen	3 — 5	_
are einzuschieben, mit Theilung der ier Linie in 10-20 Theile	4	<u> </u>
rohr mit Stative, aus messingener mit Dreifus zum Zusammenlegen; orizontaler und verticaler Bewegung iner Nuss; messingenem Tubus von änge: Objective von 20"Brennweite 20" Öffnung; einem irdischen Ocuv. 28maliger, 2 astronomischen Ocuvon 40—60maliger Vergrößerung,		
ninem Sonnenglase; in polirtem hölm Hasten mit Schloss	90	

	fl.	kr.
nem Sonnenglase; in polirtem hölzernen Kasten mit Schloss	120	_
nung; einem irdischen Oculave von 42maliger, und drei astronomischen von 50-75- und 100maliger Wergrößerung, nebst Sonnenglase; in polirtem Kasten mit Schloß	155	_
150maliger Vergrößerung, u. 2 Sonnen- gläsern; in polirtem Kasten mit Schloß 5. Pankratische Ocular-Aufsätze, nach Dr. Kitchiner, zu den Fernröhren jeder Gat-	300	_
	10—12 15	-
Fernröhre von größeren Dimensionen, mit Pyramidalstativen, mit parallactischer Bewegung und anderer Einrichtung, so wie Mikrometer aller Art zu denselben, werden auf besondere Verabredung verfertiget.		
 Loupe nach Wilson, mit einer Linse, in messingener Fassung Derlei mit 2 Linsen, mit Deckeln Einfache Loupe, in Büffelhorn gefaßt Derlei doppelte Derlei dreifache Loupe, in Büffelhorn gefaßt, mit gläsernem Lieberkühn'schen Spiegel Botanisches Handmikroskop mit Lieberkühn'schem Spiegel, auf messingenem 	1 2 1 2 2	24 48 12 — 48

	fl.	kr.
e, Objectnadel mit Pincette, Messer- und Nadel mit elfenbeinernen Hef- ind Pincette; in Futteral von Maro-		
ei mit 2 Linsen	7 9	=
oupe und Objectnadel mit Pincette; atteral von Maroquin elbe mit schildkrötenem Griffe ette, Messerchen und Nadel dazu .	4 6	30 —
ses zusammengesetztes Mikroskop, in Körper durch Triebwerk gegen feststehenden Objecttisch bewegt auf messingenem, zusammen zu leen Dreifuse; mit 3 Ocularen aus cher Linse und Collectivglase beste, zum Anschrauben, und 6 achrochen, aplanatischen Linsen, über der zu schrauben. Der Objecttisch orne offener Federklammer für Obäger und Glastafeln aller Art, mit ker zum Öffnen von unten, und 2 nal stehenden Stellschrauben zur ung des Objectes durch alle Puncte ehefeldes. Einem gläsernen concakeslexionsspiegel mit doppelter Beng zur transparenten Beleuchtung; chwarzen Rückensäche desselben, sinem sphärischen Beleuchtungsprisach Selligue) mit Bewegung, zur Betung opaker Objecte. Einer großen verstärkungslinse auf eigenem Fuße, erstärkung der Beleuchtung bei stärt Vergrößerungen sowohl transpar als opaker Objecte. Einem concaklase in messingener Fassung zum en für Flüssigkeiten; einem Insec-		

	fl.	kr.
tenglase in messingener Fassung, dann einer Objectnadel mit Pincette zum Aufstecken. Dazu noch: Eine messingene Wilson'sche Loupe; eine messingene Pincette; 6 Objectschieber mit 24 Probeobjecten; 2 auf Glas getheilte Mikrometer, mit Theilungen der Wiener Duodecimal-Linie in 30 und in 60 Theile, in elfenbeinerner Capsel. Alles in einem hölzernen polirten Hasten mit Schlos, beiläufig 18" lang, 9" breit und 4" hoch, mit Sammet gefüttert. Die Vergrößerungen ge-	·	
hen von 18 Mal linear oder 324 Mal der Fläche bis zu 500 Mal linear oder 250000 Mal der Fläche, mit vollständiger Klarheit und Schärfe. Zusammen um VVill man die Vergrößerung mit verhältnißmäßigem Verluste an Lichtstärke bis 1000 oder 1500 Mal linear steigern, so erhält man noch ein zweckmäßiges	185	_
Ocular dazu, um	10	-
hofer)	275	
beim Zeichnen	15	

fl.

90

kr.

er Federklammer für Objectträger Glastafeln aller Art, mit Drücker Öffnen von unten. Einem gläsernen wen Reflexionsspiegel mit doppelter gung zur transparenten Beleuch-: der schwarzen Rückseite desselund einer Beleuchtungslinse zum ecken mit Bewegung, für opake Geände. Einem concaven Objectglase lüssigkeiten, und 2 flachen Glastafür Objecte. Einem Insectenglase einer Objectnadel mit Pincette zum ecken. Einer Wilson'schen Loupe. Pincette. Zwei auf Glas getheilte ometer mit Theilung der Wiener lecimal-Linie in 30 und 60 Theile liin elfenbeinerner Capsel, und mit ingenem Ringe zum Drehen dazu. jectschieber mit 16 Probe-Objecten. verschiedenen Vergrößerungen gevon 18-250 Mal linear, oder 324o Mal der Fläche. Alles in einem poı hölzernen Kästchen mit Sammet tert und mit Schloss, beiläufig 1/ , 6" breit, 3" hoch . mmengesetztes Taschen- oder Reiseoskop mit einem auf dem Deckel des chens aufzus chraubenden Fuse, desin zwei Hälften zerlegbarer und in ider zu schraubender Körper auf ei-

mmengesetztes Taschen- oder Reiseoskop mit einem auf dem Deckel des
chens aufzuschraubenden Fuße, desin zwei Hälften zerlegbarer und in
ider zu schraubender Körper auf eihorizontal beweglichen Arme steht;
einem durch Triebwerk gegen die
en zu bewegenden Objecttische mit
ier Federklammer; einem Oculare u.
hromatischen, aplanatischen Linsen
übereinander Schrauben; einem belichen, concaven Reflexionsspiegel
transparenten Beleuchtung, dessen
varze Rückseite, nebst einer beweg-

	A.	kr.
lichen Beleuchtungslinse zum Aufstecken, zur Beleuchtung opaker Gegenstände dient; einem flachen und concaven Glase für flüssige und trockene Objecte; einer Objectnadel mit Pincette zum Aufstecken; einer Pincette; 2 Objectschiebern mit 8 Probeobjecten. Die verschiedenen Vergrößerungen gehen von 18—150 Mal linear oder 324—88500 Mal der Fläche. Alles in einem polirten hölzernen Kästchen mit Sammet gefüttert und mit Schloß, beiläufig 4½ lang, 3½ breit, und 1½ hoch	60	
opaker Objecte. Zwei Objectschieber mit acht Probeobjecten und einer Pincette. In einem Kästchen von polirtem Holze, beiläufig 4" lang, 3" breit, 1 1/2" hoch		
beiläufig 4" lang, 3" breit, 1 1/2" hoch 5. Eine Demantlinse zu vorigem Mikroskope von 500maliger linear- oder 250000mali- ger Flächen-Vergrößerung und darüber;	40	
in Fassung	150	
größerung; in Fassung	20	1-

	fl.	kr.
n von Beryll, Topas und Bergkry- von 200 — 300maliger Vergrößse- in Fassung	10	_
en-Mikroskop mit vollständigem Ap- e, mit 4 achromatischen, aplanati- Linsen, in polirtem hölzernen Ka- nit Schlofs	100	_
derlei mit Theilung des Wiener Zol-	3 4	_
1000 Theile derlei mit Theilung des Wiener Zol-	5	-
2000 Theile	6	-
in 20 Theile derlei auf Glas, des Millimeters in	3	-
Theile	8	_
rat zum Electrisiren unter dem Miope, in Futteral	5	_
nlung von 48 Quer- und Längen- ischnitten von Pilanzenstämmen und jeln, mit systematischer Benennung, sebrauche bei dem Unterrichte über nneren Bau der Pflanzen, in 12 Ob- shiebern von Buchsbaumholz und ral von Maroquin elben in Objectschiebern v. Ebenholz nlung von 48 organischen, für mi- topische Besichtigung merkwürdigen nständen (mit Ausschluss der Pflan- urchschnitte), systematisch benannt, 2 Objectschiebern von Buchsbaum-	12 15	
und Futteral von Maroquin Ebenholz	12	
	İ	1

	fl.	kr.
 Camera lucida mit Prisma, nach Wollaston, mit Stative, in Futteral von Maroquin Derlei ohne Prisma, mit metallenem Plan- 	11	F
spiegel, wo der Zeichnungsstift besser zu sehen ist, mit Stative, in Futteral von Maroquin	ıõ	_
anzuwenden, in Futteral von Maroquin. 4. Derlei mit beigefügtem Stative, um mit	6	-
freiem Auge zu zeichnen, in Futteral von Maroquin	11	_
 (nach Chevalier), den nöthigen Linsen, und mit verschiedener Einrichtung, auf besondere Bestellung. Das Prisma allein 6. Spiegel zur Darstellung der Interferenz des Lichtes, mit Fassung und den nöthigen Corrections - Schrauben, in Futteral 	8-16	_
von Maroquin	22	-
Nro. 1 — 4. Nach Verschiedenheit der Größe	1/2 — 1	_

ZEITSCHRIFT

FÜR

PHYSIK UND MATHEMATIK.

I

eue Analyse der beiden Meteoreisenmassen in Lénarto und Agram, nebst einigen Beerkungen über den Ursprung der Meteormassen überhaupt;

vom

Med. Dr. Ritter von Holger.

Auszuge vorgetragen in der physikalisch-chemischen Secion der Versammlung der deutschen Naturforscher und Ärzte zu Heidelberg, den 23. September 1829.)

Es haben zwar die Meteoreisenmassen, gleich den entlichen Meteorsteinen, in neuerer Zeit die Aufmerkakeit der Naturforscher in immer gesteigertem Verthisse auf sich gezogen, doch bleiben sie noch in so ncher Beziehung in Dunkel gehüllt, und fordern zu laueren Nachforschungen auf, da die nähere Kenntihrer Zusammensetzung und Bildung in enger Bezieng zu dem Leben des Erdkörpers steht, und man-38 darüber noch Unbekannte vielleicht aufhellen dürfte. Entdeckung der Widtmanstädt'schen Figuren liess erst Regelmässigkeit ihres Gefüges vermuthen, und irte zur Voraussetzung einer höheren Ordnung in ih-Mischung; allein, um diese zu erkennen, ist bisher r wenig gethan. Es fehlt nicht an Analysen der Mersteine, doch sind sie häufig widersprechend, und rden selten benützt, um allgemeine Ansichten darauf eitschr. f. Phys. u. Mathem. VII. 2.

zu gründen. Die Meteoreisenmassen aber wurden meistens nur oberflächlich untersucht; denn, da man einmal den Nickelgehalt derselben als Charakter ihres meteorischen Ursprungs ansah, begnügte man sich, sie bloß auf Nickel zu untersuchen, und hielt sie ohne hinreichende Gründe für reines Nickeleisen. Ich glaube nicht, dass ihr Nickelgehalt für ihren Ursprung etwas beweisen könne, so lange nicht gezeigt werden kann, dass ein Gediegeneisen, dessen tellurischer Ursprung unbestreitbar dargethan ist, Nickellos sey, zumal man das Gediegeneisen, welches viele Meteorsteine als Schichten enthalten, in denen von Stannern, Agen, Chassigny, Jonzac, Leontalax Nickelfrei gefunden hat. Auch scheint mir kein Grund vorhanden, alle anderen Bestandtheile von der Zusammensetzung dieser Eisenmassen auszuschließen, seit Chrom und Schwefel von Laugier in der Pallas'schen Masse, Kobalt von Stromeyer in der Lap'schen, von John in der Pallas'schen und Ellenbogner gefunden wurde. Mit der Überzeugung, durch eine genaue Untersuchung derselben mehrere noch nicht darin gefundene Bestandtheile nachweisen zu können, beganz ich die Analyse des Ellenbogner Meteoreisens (d. Ztschst V. Bd. 1. Hft.), und fand darin Eisen, Nickel, Kobalt, Alumium, Chrom, Mangan, und es war mir sehr will kommen, als sich bald eine günstige Gelegenheit darbot, an mehreren ähnlichen Massen Untersuchungen anstellen zu können.

Nach dem Wunsche des Hrn. Regierungsrathes und Naturalien - Cabinetts - Directors v. Schreibers unternahm ich es, die Meteormassen der reichhaltigen Sammlung des k. k. Naturalien - Cabinetts neu zu analysiren, da die vielen Abweichungen, welche an den bereits vorhandenen Analysen derselben bemerkt wurden, mit einigem Grunde nur dadurch vermieden werden könnten,

dass sie alle von demselben Arbeiter nach gleicher Methode und unter möglichst ähnlichen äußern Einflüssen untersucht würden. - Wenigstens durfte auf diese Art eine relative Gewissheit erwartet werden, so dass doch die gefundenen Stoffe als unzweifelhaft vorhanden angenommen werden konnten, wenn gleich durch ein Verfahren nach andern Methoden und vielleicht durch geübtere Arbeiter, Berichtigung der gefundenen Quantitätsverhältnisse und Auffindung noch anderer Bestandtheile nicht unmöglich blieb. - Ich begann meine Arbeit mit Untersuchung der beiden Massen von Lénarto und Agram, um somit, in Verbindung mit der bereits gelieferten Analyse der Ellenbogner Masse, die Reihe der drei inländischen derben nickelhältigen Gediegeneisenmassen zu vollenden, wornach ich sofort zur Analyse der übrigen Chreiten werde.

Die Agramer Masse ist in so ferne merkwürdig, als sie die feste Meteoreisenmasse war, bei welcher das Niederfallen beobachtet wurde, und hinreichend erwiesen ist. Sie fiel den 26. Mai 1751 bei Hradschina im Agramer Comitate. — In der k. k. Sammlung befindet sich ein Stück davon im Gewichte von 78 Pf. Zur Unstruchung erhielt ich 59.61 Grane. — Der zweite wirkich beobachtete Meteoreisenfall seit dieser Zeit ereigsete sich im Jahre 1780 bei Kinsdale in Neuengland.

Die Masse von Lenarto wurde, 194 Pf. schwer, im ahre 1814 von Bauern auf einem der höchsten Karpahengipfel im Walde Lénartunka gefunden, von ihnen ach ihrem Wohnorte Lénarto im Sarosser Comitate geracht, wo sie dann vom Hrn. von Kappi, Gutsbesitzer, ekauft wurde. Das Museum zu Pesth erhielt davon 33 Pf., das k. k. Mineralien-Cabinett 5 Pf. 24 Loth. Zur Intersuchung wurden mir 211.2 Grane übergeben, die u zwei übereinstimmenden Analysen verwendet wurden.

In beiden Massen war der Nickelgehalt bereits durch Versuche nachgewiesen, jedoch fand ich nur von der Agramer Masse eine vollständige Analyse, die Klapproth's sche, vor, nach welcher sie aus 96.5 Eisen und 3.5 Nickel besteht.

Eine genaue Beschreibung des Äußern dieser Massen, so wie der an ihnen bemerkten Widtmanstädt sehen Figuren, findet sich in v. Schreibers Beiträgen zur Kenntnis der Meteormassen, daher ich sie hier übergehe.

Die mir übergebenen Stücke waren durchaus gleichartig, ohne Risse, Rostflecken oder eingesprengten Schwefelkies. Sie wurden vom Magnete gezogen, und waren durch die Feile nur mit großer Anstrengung in kleinere Stücke zu zertheilen. — Beide lösten sich in Salzsäure, die nach und nach mit Salpetersäure versetzt wurde, mit Beihülfe der Wärme zu einer grünlichen Flüssigkeit auf, und zwar ohne Entbindung von Hydrothiongas, Ausscheidung von Schwefel oder Zurücklasung eines unlöslichen Rückstandes. Es war daher weder Schwefel, noch ein Metallcarbonid, noch Kieselsäure in größeren Mengen vorhanden.

Die Agramer Masse löste sich in geringerer Zeit und leichter in der Säure. Sie bedurfte einer geringeren Menge derselben, und einen geringeren Wärmegrad zur Auflösung, als jene von Lénarto. Letztere lies auch einige parallelepipedische Stücke ungelöset, die aber darum nicht unlöslich waren, indem sie sich in gemeiner Temperatur nach einigen Wochen, mit concentriter Säure gekocht, viel schneller und ohne Rückstand lösten. Das Zerfallen in kleinere tafelförmige und parallelepipedische Stücke, die gleichsam das Gerippe der ganzen Masse bildeten, zeigte sich an der Agramer vorzüglich deutlich. Diese Stücke löseten sich später, doch

lkommen, ohne concentrirte Säure oder Kochhitze anvenden *).

⁾ Auch von dem Ellenbogner Eisen war es schon längere Zeit bekannt, dass dasselbe aus einer in Säure leicht. und aus einer darin schwerer auflöslichen Masse bestehe, welche letztere bei der Auflösung gerippartig zurückbleibt. Die Vermuthung Neumann's und Mehrerer, dass dieser verschiedene Grad von Auflösbarkeit in einem verschiedenen Verhältnisse des Nickels zum Eisen begründet sey, wurde durch Moser's interessante Analyse (v. Schreibers Beiträge, S. 84) bestätigt, und es ist nicht zu zweifeln, dass derselbe Grund auch für die hier untersuchten Eisenmassen gilt, da er sich auf dieselbe Art, wie bei jenen, auch bei diesen zu erkennen gibt. Nur dürste man, nachdem einmal mehrere Bestandtheile in ihnen aufgefunden sind, nicht geradezu annehmen, dass das wechselnde Verhältniss des Nickels zum Eisen allein den Charakter dieser beiden Theilmassen bilde, sondern nur überhaupt, dass die Bestandtheile nicht durch die Gasammtmasse in demselben Verhältnisse vertheilt vorhanden seyen. Dadurch wird es aber einleuchtend, wie zwei Analysen derselben Meteoreisenmasse, besonders wenn ihnen nur kleine Stücke zu Grunde gelegt werden, quantitativ, und vielleicht auch qualitativ abweichen können, ohne dass man desswegen den Experimentator eines Versehens zeihen könnte. Ich habe mich bereits (d. Zeitschr. Bd. V. S. 6) darüber ausgesprochen, wie frühere Chemiker, bei der von ihnen befolgten Untersuchungsmethode, nur Eisen und Nickel in dem Ellenbogner Eisen finden konnten. Wenn aber Moser, a a.O., der mit allen Methoden der neueren Analytik gewiss bekannt war, und dem man auch Mangel an Genauigkeit nicht vorwerfen konnte, ausdrücklich angibt: das Ellenbogner Eisen enthalte bloss Eisen und Nickel, und namentlich weder Silicium, Chrom noch Kobalt, auf welche er besonders untersuchte, so bleibt diess auffallend, da ich doch gewiss bin, mich bei der Auffindung dieser Stoffe nicht getäuscht zu haben, die von mir an-

Diese sauer reagirenden Auflösungen wurden durch einen Strom von gasförmigem Schwefelperhydrid au jene Metalle untersucht, deren Sulfuride in Säuren nich auflöslich sind. Es zeigte sich kein Niederschlag.

Nun wurde die freie Säure durch Kali gebunden und zugleich ging die grüne Farbe der Auflösung im Ver hältnisse der steigenden Neutralität in eine blutroth über.

Hierauf wurde der neutralen Auslösung so lang benzoesaures Kali zugesetzt, als noch ein Niederschla entstand. Dieser, das benzoesaure Eisenoxyd, wurd gewaschen, in gelinder Wärme bis zur staubigen Trockn gebracht, und aus einer Probe desselben das Eisenoxy rein auf folgende Weise geschieden: Sie wurde nämlic im Porzellantiegel geglüht, während des Glühens cor centrirte Salpetersäure so lange zugesetzt, bis das durc die Kohle der verbrannten Benzoesäure reducirte Eisen protoxyd wieder oxydirt, und die überschüssige Kohl als Carbonsäure verslüchtiget war. Das nun reine Eisenperoxyd konnte für die ganze Menge des erhaltene benzoesauren Eisenperoxydes berechnet, und aus ihr die Menge des in der Meteoreisenmasse vorhandene Eisens gefunden werden.

Würde die Meteoreisenmasse Cer enthalten haber so wäre diess zugleich mit dem Eisenoxyde durch di Benzoesäure gefällt worden. Es wurde daher eine Prob

gewendete Untersuchungsmethode weder neu noch us bekannt war, und Kobalt auch von John gefunden wurdt — Diess, wie auch die so sehr abweichende Gewichts menge des Nickels, welche nach Moser 7.29, nach mis 2.47 beträgt, läst sich nicht anders als durch ungleicht Vertheilung der Bestandtheile erklären, da ein so bedeutender Fehler, als dieser Abweichung zu Grunde liegen müste, kaum denkbar ist.

eigens durch schwefelsaures Kali auf dieses Metall geprüft, und davon rein befunden.

Diejenigen Körper, welche das benzoesaure Kali nicht fällte, wurden, in Verbindung mit den Aussüßwässern des Eisensalzes, mit Kali versetzt, um alle noch übrigen Metalloxyde abzuscheiden; denn, da die Auflösung nun eine beträchtliche Menge Salze enthielt, die auf das weitere Verfahren durch Bildung von Doppelsalzen störend einwirken konnten, so war es gerathener, sie zu entfernen. Das Kali erzeugte einen apfelgrünen Niederschlag, der zu weiterer Untersuchung aufbewahrt blieb. Die Salzlauge wurde weggegossen, nachdem sie vorher auf Thonerde und Kieselsäure geprüft worden war. Ersteres geschah durch Zusetzen des Ammoniaks, letzteres durch Säure, welche zugesetzt, die Probe damit zur Trockne abgeraucht, und wieder in Wasser gelöset wurde. Es zeigte sich keine Spur von beiden.

Der grüne Niederschlag wurde nun in Salpetersäure aufgelöset. Es blieb ein unlöslicher Rest, der gallertartig aussah, und zu einem weißen Pulver eintrocknete, welches nach dem Ausglühen rauh anzufühlen war. Es war weder in Säuren noch in Chlor löslich, löste sich leicht in Halilauge, und wurde als weiße Gallerte wieder aus dieser Lösung gefällt. Es war sonach Kieseläure, und aus ihr konnte nach dem Ausglühen das in der Meteoreisenmasse vorhandene Silicium berechnet werden.

In der Auflösung wurde weder durch Verdünnung mit Wasser Wismuth, noch durch Schwefelsäure Baryt oder Strontian angezeigt. Sie wurde sofort mit Ammoniak versetzt, der sie in einen Niederschlag und eine blasblaue Auflösung zerlegte.

Aus der blauen Auflösung schied überschüssige Kalilauge das Nickel als Nickeloxydhydrat. Dieses wurde

gewaschen, getrocknet, und im offenen Tiegel so lange geglüht, bis es in Peroxyd verwandelt war, aus welchem sodann das metallische Nickel berechnet wurde. Die übrige Auflösung war gelblich, und roch stark nach Ammoniak. Dieses wurde theils durch Einkochen entfernt, theils durch Säurezusatz gebunden, und dann carbonsaures Kali zugesetzt. Es entstand dadurch ein blaßrother Niederschlag, der sich als carbonsaures Kobalt erwies, da er in Säuren mit Brausen löslich war, und diese Lösung mit Kali einen blauen, mit Blutlauge einen grünen Niederschlag gab. Es wurde getrocknet, und das vorhandene Kobalt daraus berechnet.

Der durch Ammoniak erzeugte Niederschlag wurde in Salpetersäure gelöset, und die Lösung durch carbonsaures Ammoniak zerlegt. Der nun entstandene Niederschlag wurde abgesondert, rein ausgewaschen, auch in Salpetersäure gelöset, und durch reines Ammoniak zerlegt. Die Flüssigkeit wurde dabei rosenroth, zum Zeichen, dass noch Kobalt vorhanden war, und es schied sich ein geringer weißer Niederschlag aus, der wegen seiner geringen Menge keine entscheidenden Versuche anzustellen erlaubte. Ich hielt ihn für carbonsaures Mangan, da er mit Säuren brauste, getrocknet die Farbe dieses Salzes annahm, und beim Glühen braunschwarz wurde. Chlorkalk fällte ihn, jedoch nicht mit brauner Farbe, aus seiner Auflösung, wie sich diess von einem Mangansalze erwarten liefs. - Er betrug für das Eisen von Lénarto 1.07, für das Agramer 0.16. Das daraus berechnete Mangan wurde der später gefundenen Menge dieses Metalls zugeschlagen.

Die rosenrothe Auslösung wurde durch carbonigsaures Ammoniak auf Kalk untersucht. Es entstand ein weisser Niederschlag, der ganz das Charakteristische des carbonigsauren Kalkes hatte, der durch die Langsamkeit nd die Art seiner Ausscheidung sich von ähnlichen weisen Niederschlägen leicht unterscheiden läßt, und auch esswegen nicht wohl für einen andern Körper angeseen werden konnte, weil Baryt und Strontian nicht voranden, und die Thonerde bereits entfernt war. Aus em getrockneten reinen Niederschlage wurde der Kalk, ind aus diesem das Calcium berechnet.

Nach Entfernung des Kalks gab noch phosphorsaures Natron einen weißen Niederschlag, welcher getrocknet and auf Magnium berechnet wurde, nachdem sich durch einen Löthrohrversuch gezeigt hatte, daß es nicht Lithon war. Weder der Kalk- noch der Magnesianiederschlag konnte Kobalt enthalten, da während des ganzen Verfahrens freies Ammoniak in der Flüssigkeit blieb, welches das Kobalt zurückhielt, und die deutliche rosenrothe Färbung derselben nicht nur nicht verschwand, sondern immer stärker hervortrat. Es wurde daher, nach der bereits angegebenen Methode, am Ende das carbonsaure Kobalt aus ihr geschieden, daraus das Kobalt berechnet, und mit der früher gefundenen Menge dieses Metalls vereinigt.

Nun war noch der früher angeführte, durch carbonsaures Ammoniak entstandene, Niederschlag zu untersuchen. Er wurde in Kalilauge gekocht, das Kalidurch Salzsäure neutralisirt, und dann durch carbonsaures Ammoniak die Thonerde gefällt, welche nun geglüht, und auf Alumium berechnet wurde. Nach Ausscheidung derselben wurde die Lauge neuerdings gekocht, um zu sehen, ob sie keine Glycinerde ausscheide, wovon sich aber keine Spur zeigte.

Der in Kali unlösliche Rest erwies sich nun als Mangan, weil er aus seiner Auflösung in Säuren durch
Chlorkalk mit der entsprechenden Farbe gefällt wurde.
Er war aus dem Lénartoer Eisen rein weis, aus dem

Agramer etwas grünlich. Letzterer wurde daher auf Chrom untersucht, jedoch statt diesem noch ein terhalt von Eisen gefunden, der als die Ursache grünen Färbung angesehen werden konnte; denn si das Mangan durch carbonsaures Ammoniak als Carl gefällt wurde, konnte diess auch bei dem Eisen ge hen, welches hier durch die große Menge des Man in welchem es eingehüllt war, von dem Zutritte de mosphäre geschützt, seine grüne Farbe nicht wie wöhnlich in die braune umwandelte.

Zufolge dieser Untersuchung ergab sich in b Meteoreisenmassen eine quantitative Zusammensetz

Im Eise	n	۷O	n]	Lé	narto.	lm	Eis	en	V	n	Ag	ra
Eisen .	•	•			85.04	Eisen	•		•	•	•	_{{
Nickel .												
Kobalt .					3.59	Alumi	um					
Calcium												
Alumium												
Mangan												
Magnium												
Silicium						Kaliun						0
				•	100.00						-	10

Diese beiden Meteoreisenmassen sind sich d qualitativ vollkommen gleich, nur das Mengenver nifs der einzelnen Bestandtheile in der Gasammtn und vielleicht auch in den Theilmassen ist abweic und begründet ihre Verschiedenheit, die sich d Form und Gefüge ausspricht. Von der Ellenbo Masse unterscheiden sie sich durch den Mangel Chroms, denn Calcium und Magnium hoffe ich bei e weiten Analyse desselben, wo ich an einem größeren tücke die hier angewendete Methode in ihrer ganzen usdehnung werde durchführen können, auch darin auftinden.

Am meisten bemerkenswerth scheint es aber, daß malle Bestandtheile der eigentlichen Meteorsteine auch den Meteoreisenmassen nachgewiesen worden sind, dem selbst der Schwefel, welcher kein Bestandtheil r letzteren ist, in dem beigemengten Schwefeleisen reselben vorkommt.

Sind nun auch diese beiden großen Abtheilungen ir Meteormassen qualitativ gleich, so zeigt sich doch nanderer Unterschied, der sie als zwei wesentlich id deutlich geschiedene Classen darstellt, wie es das weichende Mengenverhältniß allein nicht zu thun im ande wäre.

Es bestehen nämlich die Meteoreisenmassen aus gesgenen *), die Meteorsteine aus oxydirten leichten und hweren Metallen, und stehen sonach im electrochemiten Gegensatze, der noch schärfer dadurch ausgedrückt rd, dass in ersteren das rein positive Eisen, in letzten die negative Kieselsäure vorwaltet. — Allein, wie in der ganzen Natur keinen reinen Gegensatz ohne schselseitige Durchdringung gibt, so bemerken wir ch hier in den Meteorsteinen Schwefel- und Nickeleisen Nebenbestandtheil in gangartigen Schichten, in Nern oder eingesprengt, während jenes Eisen, das Theil r Hauptmasse ist, als Oxyd mit den übrigen Oxyden chemischer Verbindung vorkommt; in den Gediegen-

^{*)} Ich glaube nicht, wegen dieser Angabe einen Vorwurf besorgen zu dürfen, da sowohl die gefundenen quantitativen Verhältnisse als die Ansicht der Massen selbst es deutlich zeigten, dass sie keine Oxyde enthalten konnten.

eisenmassen den Olivin, der die Zwischenräume der zelligen Massen ausfüllt und dieselben Bestandtheile wie die Hauptmasse der Meteorsteine sämmtlich im oxydirten Zustande enthält; und es ist bei näherer Untersuchung und Vergleichung zu erwarten, dass sich aus ihnen eine negative und positive Reihe, wie die der einfachen Körper, werde bilden lassen, deren eine stusenweise in die andere übergeht. Wenigstens fehlt es nicht an Meteorsteinen ohne Gediegeneisen, und an Gediegeneisen ohne Olivin; selbst der Schweselkies, der in letzterem häufig die Stelle des Olivins vertritt, scheint schon die vollkommene Metallität deutlicher darzustellen, und daher eine Reihe anzudeuten, in welcher diese Massen höher als jene mit Olivin zu stehen kommen.

Vergleicht man nun die angegebene Zusammensetzung der Metcormassen mit der unserer Erde, so erscheint eine auffallende Ähnlichkeit zwischen beiden, die als Grundlage interessanter Folgerungen angesehen werden dürfte. - Unsere Erde besteht einerseits aus den Oxyden leichter Metalle, Erden, und ihren Verbindungen, Steinen; diese stellen, wie die Meteorsteine, den negativen Bestandtheil vor, auch sie enthalten die reinen Metalle nur als Nebenbestandtheil in Gängen, Nestern etc., auch in ihnen ist die Kieselsäure vorherrschend, zwar nicht im Individuum, sondern in der Gesammtheit, und auch sie schließen sich durch mannigfaltige Übergänge an die gegenüberstehende Reihe; andererseits aus gediegenen Metallen, die den positiven Bestandtheil wie die Meteoreisenmassen bilden; auch unter ihnen ist das Eisen das vorherrschende, wenn es gleich auf der Erde nur selten im gediegenen Zustande vorkommt, weil dieses leicht oxydirbare Metall hier einer Menge oxydirender Einflüsse ausgesetzt ist, die während seiner Ausscheidung in der Atmosphäre und seines

schnellen Herabfallens nicht so heftig und anhaltend darauf wirken können.

Es bestehen sonach die Meteormassen aus denselben Bestandtheilen wie unser Erdkörper; es sind die einfachen Körper und die binären Verbindungen für beide gleich, letztere folgen denselben stöchiometrischen Gesetzen. Sie drücken beide den electrochemischen Gegensatz auf gleiche Weise aus. Ihre Verschiedenheit liegt bloss in ihren quaternären und vielleicht noch höheren Verbindungen, die wir den für den Erdkörper geltenden Gesetzen nicht zu unterwerfen vermögen. Ob sie in dieser Hinsicht vielleicht nach eigenen Gesetzen geordnet oder in stets wandelbaren Mengen, mehr Gemenge als Gemische darstellend, verbunden sind, muss die Folge lehren. Immer aber scheint diese Betrachtung sehr gegen den kosmischen Ursprung der Meteormassen zu sprechen, und bei genauerer Auseinandersetzung mehr Gewicht zu haben, als ihr Chladni beilegen will.

Sind die einfachen Körper und binären Verbindungen der Meteormassen dieselben, wie auf unserer Erde, se ist die natürliche Folge, dass sie auch von der Erde kommen, und sind die höheren Verbindungen nach den irdischen Körpern fremdartigen Gesetzen gebildet, so müssen erstere in der Atmosphäre eine Veränderung erleiden, bevor sie wieder zur Erde kommen können. -Diese Entstehungsart der Meteormassen trifft daher nicht mit der alten Hypothese der Atmosphäristen oder Telluristen überein, welche sie entweder aus den Urstoffen der Luft zusammensetzen, oder bloss das von der Erde Hinaufgehobene unverändert wieder zu ihr herabfallen lassen. Beide sind durch die dagegen vorgebrachten Gründe hinreichend widerlegt. Hier ist von einem tellurisch-atmosphärischen Ursprunge die Rede, der durch folgende Betrachtung wahrscheinlich gemacht wird.

Wenn jeder Körper in dem Sinne Leben besitzt, als er durch eine ihm eigenthümliche, von innen heraus thätige Kraft sich in seiner individuellen Form und Mischung erhält, und die äusseren zerstörenden Einflüsse entweder von seinen Grenzen zurückweist, oder sie zu seinen Lebenszwecken verwendet, und wenn sie dazu nicht mehr dienen, in veränderter Form und Mischung wieder als unbrauchbar aussondert; so können wir mit einigem Rechte nicht nur die Mineralkörper der Erde. sondern auch die Atmosphäre im Ganzen lebend nennen. Alles Leben im angeführten Sinne bedingt und stellt sich durch stäten Wechsel der Materie, durch Aufnahme und Aussonderung, durch Auflösungen und Verbindungen Es verlieren wohl alle festen Körper der Erde stets Theile ihrer Masse durch unmerkbare Ausdünstung, so wie die flüssigen, wenn sie uns auch nicht wie bei diesen sichtbar werden können *), und diese bilden den

^{*)} Es fehlt uns nicht an Erfahrungen, dass auch feste Körper Theile durch Ausdünstung verlieren, und viele dadurch endlich ganz verschwinden. Wo diess nicht geschieht, führt uns die Analogie mit andern, einst allein organisch genannten, Körpern dahin, eine Wiederaufnahme fremder Theile und Aneignung derselben vorauszusetzen. Bei der Atmosphäre ist dieser beständige Wechsel der Materie besonders deutlich, weil sie immer Oxygen und Azot verliert, und doch das bestimmte Verhältniss beider nicht gestört wird, dessen Erhaltung nur einer ihr eigenen Kraft zugeschrieben werden kann, selbst in dem Falle, wenn sie ein blosses Gemenge wäre, weil auch in diesem Falle das bestimmte Verhältniss bleibt, Auch das lange Bestehen der Mineralkörper in unveränderter Form und Mischung scheint eine innere Kraft vorauszusetzen, die neue Theile aufnimmt und sich aneignet, da sie sonst den äusseren Einflüssen viel früher als die organischen Körper, denen Niemand diese Kraft abläugnet, unterliegen müßten.

ad der Meteormassen, nicht aber die dampfförmigen sströmungen der Vulcane und der Hochöfen nach en, welche nicht hinreichen würden, jene zu bilden, d wenn sie schon als zufällige Beihülfen zu betrachten d, nicht als Grundlage eines wesentlichen und regelssigen Aussonderungsprozesses dienen könnten *). Sie rden von der Atmosphäre aufgenommen, und müssen eder auf irgend eine Art zur Erde zurückkommen. nn sie nicht endlich durch ihre Masse iene verdun-In oder diese verschwinden machen sollten. Es wäre ı zu kühnes Unternehmen, einsehen zu wollen, wie in der Atmosphäre vorhanden sind und aus ihr abschieden werden; aber dass es so seyn muss, geht raus hervor, weil sich jedes Leben durch einen unun-:brochenen Kreislauf ausspricht, der zwischen den so g als wesentlich an einander geketteten Körpern, Atosphäre und Erde, um so eher angenommen werden nn, als wir ihn an den tropfbaren Flüssigkeiten tägth vor Augen haben. Diese senden ihre Theile durch e Ausdünstung der Atmosphäre zu; sie werden von ihr isgenommen, und wenn sie in zu großer Menge vorinden sind, wieder ausgeschieden, kommen als wässege Luftmeteore zur Erde zurück, und so wird die lenge der irdischen Flüssigkeiten immer unverändert

Dämpfe einwirke, scheint auch daraus hervorzugehen, weil die Meteorsteine nie Arsenik enthalten, der doch beim Rösten der Erze in nicht geringer Menge verflüchtigt wird. Bei den Eisenmassen, die geschmolzen zur Erde kommen, könnte man annehmen, daß das reine oder Schwefelarsenik wieder verflüchtigt werde, wenn nicht das unveränderte Schwefeleisen, das sie enthalten, für das Gegentheil spräche. Ein Gleiches scheint auch vom Merkur zu gelten, dessen unmerkbare Ausdünstung nicht geläugnet werden kann.

erhalten *). Wir haben keinen Gegengrund, um nicht von den Theilen fester Körper dasselbe behaupten zu können; denn dass diese in der Atmosphäre nicht chemisch nachgewiesen werden können, ist kein so wichtiger Einwurf, als Chladni S. 419 seines Werkes glaubt. Denn erstens ist er nicht ohne Ausnahme wahr, weil Brandes im Regenwasser Eisen und Mangan nebst mehreren Salzen nachwies, und in dem rothen Regen zu Blankenberg in Flandern 1819 nach wiederholten Analysen salzsaures Kobalt aufgefunden wurde. Diesen Körpern wird aber Niemand einen kosmischen Ursprung beilegen; sie kommen von der Erde, und es scheint mir nicht wohl anzunehmen, dass sie nur mit den Wasserdämpfen fortgerissen wurden, weil ja doch die Erfahrung, die wir bei unsern Verdampfungen täglich machen können, nicht sehr für ein Fortführen der Oxyde und Metalle in größerer Menge, zumal in eine bedeutende Höhe, spricht; dann wäre es eine zu kühne Behauptung, wenn wir unseren Reagentien eine solche Untrüglichkeit beilegen, und die Existenz jedes Körpers durchaus abläugnen wollten, der chemisch nicht nachzuweisen So wie wir das Eisen im unveränderten Blute nicht nachweisen können, könnten wir auch leicht viele Beispiele finden, dass ein Körper, besonders in den organischen Verbindungen, auf eine Art vorhanden seyn

^{*)} Es ist hier nicht von der Verdampfung durch Erhöhung der Temperatur die Rede, sondern von der unmerkbaren Ausdünstung, die bei jeder Temperatur Statt findet, so wie auch nicht von dem in der Luft frei schwebenden Wassergas allein, sondern auch von ihrem Hydrat - (Meissner's Anfangsgründe, II. Bd., S. 349) und Auflösungswasser, welches durch die Versuche (Traité de Chimie, par Berzelius, S. 412) nicht als durchaus unstatthaft erwiesen seyn dürfte.

ann, dass unsere gewöhnlichen Reagentien nicht auf hn wirken. Zudem ist gerade die Luft der höhern Reionen der Atmosphäre keiner chemischen Untersuchung a unterwerfen. Es ist nicht zu läugnen, dass die Anahme einer Bildung der Meteormassen innerhalb der tmosphäre manche Schwierigkeiten hat, die selbst ihre charfsinnigen Vertheidiger, Prof. Egen zu Sonst, Gilert's Ann. 1822, Bd. 12, und Baumgariner, Handbuch er Naturlehre, S. 750, nicht ganz gelöset haben, und s wird uns vielleicht noch lange die deutliche Einsicht die Prozesse der obern Luftregionen mangeln, zumal 1 dem Lebensvorgange unseres eigenen Körpers so manhes mehr vermuthet wird, als hinreichend bewiesen Doch spricht sehr für sie, dass sie einer Erscheiung in dem geordneten, gewöhnlichen Lebensvorgange ler Natur einen Platz anweiset, und sie durch eine unwidersprechliche Analogie begründet, die nach Chladni's sosmischer Hypothese nur als gesetzlos, den Weltenlauf störend, und als Satyre auf die Weisheit des Weltenschöpfers erscheint, mehrere ganz unbegründete Voraussetzungen nöthig macht, und demungeachtet um nichts deutlicher eingesehen wird.

Bedeutende Einwendungen gegen diese Ansicht, die noch nicht widerlegt sind, hat schon Prof. Wrede, Gübert, 1803, Bd. II., vorgebracht. Eine umständliche Widerlegung derselben würde diese Blätter über die Gebühr vermehren, daher zum Schlusse nur einige der wichtigsten Gegenbemerkungen:

Der kosmische Ursprung dieser Massen besteht nach Chladni darin, dass sie entweder Urmaterie oder Trümmer eines zerstörten Planeten seyn müssten, allein beides ist mit einer philosophischen Naturansicht durchaus unverträglich.

Urmaterie ist schon für sich allein, noch mehr aber Zeitsehr. f. Phys. u. Mathem. VII. 2.

als vagina mundorum, Chladni, S. 404, mit der Idee des Universums, als eines geordneten gesetzmässigen Ganzen, nicht übereinstimmend; sie führt den Begriff einer Unvollkommenheit, einer Ausbesserung entstandener Lücken mit sich. Beides können wir an dem kleinen Theile, den wir genauer kennen, nicht nachweisen, und daher auch für das Universum nicht annehmen. Und wie sollten wir uns diese vorstellen? - Doch immer nur als Individuum mit bestimmter Form, Mischung und Lebensthätigkeit, denn wir finden auch auf unserer Erde, die uns allein als Schema unserer Ansichten des Universums dienen kann, keinen Überschuss ungeformter Stoffe, sondern nur Organismen, und keine Bildung eines neuen Organismus, außer durch die von andern Organismen ausgeschiedenen Stoffe, und durch die bei ihrer Auflösung bleibenden Reste. Es werden also auch die Nebelflecke, die wir durch Teleskope nicht in Sterne auflösen können, von Chladni mit nicht größerem Rechte Urmaterie genannt, als wir unsere einfachen Körper Urstoffe nennen.

Wären die Meteormassen Trümmer eines zerstörten Himmelskörpers, so könnten sie nicht dieselbe Zusammensetzung wie unsere Erde haben; denn es bleibt ewig wahr, dass Kraft und Materie derselbe ideale und reale Ausdruck eines Dinges sind, und dass sich jede Verschiedenheit des einen durch eine eben so große Verschiedenheit des andern darstelle Die einzelnen Weltkörper, die durch ihre Entsernung von der Sonne und ihre Umlaufzeiten ihre weit verschiedenen Kraftäusserungen so deutlich darlegen, können auch hinsichtlich ihrer Zusammensetzung keine Gleichheit unter einander zeigen. Es ist nicht zu läugnen, dass die Materie immer aus denselben Grundstoffen bestehe, allein diese sind etwas anderes als unsere unzerlegten Körper, und es ist eine

rein willkürliche Voraussetzung, nicht nur letztere, sondern auch ihre binären Verbindungen in allen Weltkörpern gleich annehmen zu wollen. Wir haben keinen Beweis eines wirklich zersprungenen Planeten, und deren müßte doch eine große Menge seyn, wenn ihre Bruchstücke die zahllose Menge der Meteormassen bilden sollten. — Wir können auch an ihr Fallen nicht glauben, so lange die vier Planeten zwischen Mars und Jupiter, die mit einiger Wahrscheinlichkeit als Trümmer eines zerstörten größeren angesehen werden, in unwandelbaren Bahnen die Sonne umkreisen.

Würden sie ja fallen, so müsste diess gegen die Sonne, und nicht gegen die Erde geschehen, deren Anziehungskraft gegen sie in dem Masse größer geworden wäre, als sie kleiner als der ganze Planet, dessen Theile sie waren, geworden sind. Wir können nicht läugnen, dass einzelne Weltkörper zu seyn aufhören können, ob sie aber desswegen in Stücke springen werden, oder sich nach und nach auflösen, wie die irdischen Körper, ist eine andere Frage. Ersteres wird ohne Grund dieser Hypothese zu Liebe angenommen, und die Kraft, die ihnen dadurch mitgetheilt wird, willkürlich größer angesetzt, als die Anziehungskraft der Sonne und ihre eigene Tangentialkraft, die es allein ist, die sie gegen die Erde treiben könnte; denn von einem Stosse, den sie von außen erhalten sollten, haben wir keinen Begriff. Kämen sie aber auch zur Erde, so gesteht Chladni selbst zu, dass die Bogensprünge, caprae saltantes (die aber nicht so häufig vorkommen, dass es sich ihretwegen der Mühe lohnte, eine so wunderliche Hypothese zu ersinnen), dadurch entstehen, dass die Masse von der Atmosphäre zurückprallt; dadurch wird nun ihre Kraft immer mehr geschwächt, und sie werden die Atmosphäre nicht erst mit geschwächter Kraft durchdringen, da sie es nicht gleich beim ersten Auffallen im Stande waren.

Das Hindernis, die Atmosphäre zu durchdringen, scheint gerade an ihrer solaren Seite am größten; denn so wie am terrestrischen Ende die Schwere am stärksten wirkt, und ihr Gegensatz, die Repulsion, in dem Verhältnisse wachsen muss, als die Schwere in größerer Entfernung abnimmt, so ist sie auch an der solaren Grenze am stärksten, und die Schwere kann nicht dort stark genug wirken, solche Massen anzuziehen, wo eben die Repulsion stark genug angenommen wird, sie abspringen zu machen. Chladni sah sich zu dieser Hypothese gezwungen, weil er es für unmöglich hielt, dass sich feste Körper in den oberen Regionen der Atmosphäre bilden, oder durch irgend eine Kraft so hoch getrieben werden können. Allein, wenn wir nur die unmerklichen Ausdünstungen der Körper als Stoff der Meteormassen ansehen, so lässt sich leicht abnehmen, dass sie im äusserst fein vertheilten Zustande seyn müssen, und sich bedeutend heben können, ohne durch eine andere als die ihnen eigene expansive Kraft getrieben zu werden, wobei aber die unausgesetzte Strömung in der Atmosphäre, die wegen Verschiedenheit der Temperatur vom Äquator zu den Polen geht, zu ihrer Vertheilung gewiß bedeutend mitwirkt. Zudem ist ja von keinem blossen Aufsteigen die Rede, sondern von einer gegenseitigen Einwirkung dieser Theile in der Atmosphäre, wodurch sie von dieser auf eine uns unbekannte Art, etwa so wie die Nahrungsmittel im organischen Körper, aufgenommen, durch ihre ganze Masse vertheilt, und, anders zusammengesetzt, wieder ausgeschieden werden. Es sind daher in allen Theilen der Atmosphäre feste Körper der Erde vorhanden, sie können überall ausgeschieden werden, ohne dass die Lustmasse dadurch vermindert wird, wie denn auch die Feuerkugeln in den verschiedensten Höhen beobachtet werden; und gerade die Erscheinungen der Feuerkugel sind denen ähnlich, die wir im Kleinen bemerken, wenn gasförmige Körper plötzlich zu festen zusammentreten, nämlich die Lichterscheinung, der Knall, das Freiwerden von Wärme.

II.

Beitrag zur Lehre von Kettenbrücken;

von

Johann Kuschelbauer in Grätz.

Mehrsach angestellte Berechnungen über Kettenbrücken, die ich nach den Angaben des französischen Ingenieurs, Herrn Navier, unternahm, machten mich auf den Abgang einer genauen Berechnungsart der Hängstangen für die wirkliche Bauführung aufmerksam, welchen auf folgende Art zu ergänzen mein Bestreben war.

Herr Navier hat nämlich in seiner Abhandlung von Kettenbrücken zur Berechnung der Ordinaten die Formel $y = \frac{f \, x^2}{h^2}$ hergeleitet, worin y die verticale Ordinate, x die horizontale Abscisse, h die halbe Spannweite, und f den Pfeil der Krümmung bedeutet. Dadurch wird für jede willkürlich angenommene Abscisse, von dem Scheitel der Krummen gerechnet, die Lage des entsprechenden Punctes in der Krummen bestimmt, und auf diese Art die Kettenlinie construirt, wobei jedoch die Entfernungen der bestimmten Puncte ungleich ausfallen werden. Beim Bau der Kettenbrücken besteht aber die Bedingung, dass alle Glieder der Kette einander gleich seyn sollen, und dieses veranlast, dass die Hängstangen

nicht gleich weit von einander stehen können, sondem von dem tiefsten Puncte der Kette gegen das obere Ende zu sich nach einem gewissen Gesetze immer mehr nähern.

Will man daher ein genaues Rechnungsresultat für die Ordinaten der gleich langen Kettenglieder und für die davon abzuleitende Länge der Hängstangen erhalten, so muß man zuvor die horizontalen Abstände der letztern von dem tiefsten Puncte der Kette bei gleichen Entfernungen in der Krummen suchen, und diesen Werth statt x in obige Formel substituiren.

Nennt man s die halbe Länge der Kettenlinie, nämlich vom Scheitel bis zum Auslagspuncte, so ist nach Navier's Angabe

$$s = x + \frac{h^2}{2f} \left[\frac{1}{2 \cdot 3} \left(\frac{2fx}{h^2} \right)^3 - \frac{1}{5 \cdot 8} \left(\frac{2fx}{h^2} \right)^5 + \frac{1}{7 \cdot 16} \left(\frac{2fx}{h^2} \right)^7 - \frac{5}{9 \cdot 128} \left(\frac{2fx}{h^2} \right)^9 + \dots \right]$$
(I)

Diese Gleichung kann zu jenem Zwecke dienen, indem man die Größe x durch sausdrückt, und dieß kann nur durch die Umkehrung der Reihe geschehen. Man setze nämlich

$$\frac{2fx}{h^2} = \frac{2f}{h^2} (As + Bs^3 + Cs^5 + Ds^7 + Es^9 + Fs^{11} + \dots)$$
 (II)

und erhebe $\frac{2fx}{h^2}$ nach und nach auf die 3te, 5te, 7te, 9te, 12te, 13te und 15te Potenz.

Multiplicirt man die erhaltenen Potenzen mit den zugehörigen in der Gleichung (I) angeführten Coefficienten, und verbindet die neuen Werthe mit den Zeichen der letztern, so entsteht eine neue Gleichung für die Größe s, welche auf Null gebracht wird, indem man beiderseits s abzieht. Sodann müssen auch alle Glieder der Gleichung, welche eine gleiche Potenz von $\frac{2f}{k^2}$

zum gemeinschaftlichen Factor haben, = 0 seyn, und hieraus lassen sich die Coefficienten A, B, C, D, E, F u. s. w. bestimmen.

Substituirt man nun die so berechneten Werthe der Coefficienten A, B, C, D, E und F in die Gleichung (II), so erhält man

$$x = s - \frac{1}{6} \left(\frac{2f}{h^2}\right)^2 s^3 + \frac{13}{120} \left(\frac{2f}{h^2}\right)^4 s^5 - \frac{493}{5040} \left(\frac{2f}{h^2}\right)^6 s^7 + \frac{37369}{362880} \left(\frac{2f}{h^2}\right)^8 s^9 - \frac{4732249}{39916800} \left(\frac{2f}{h^2}\right)^{10} s^{11} + \dots =$$

$$= s - o, 166666 \left(\frac{2f}{h^2}\right)^2 s^3 + o, 1083333 \left(\frac{2f}{h^2}\right)^4 s^5 - o, 09781746 \left(\frac{2f}{h^2}\right)^6 s^7 + o, 10297894 \left(\frac{2f}{h^2}\right)^8 s^9 - o, 11855281 \left(\frac{2f}{h^2}\right)^{10} s^{11} + \dots$$
 (III)

Die weitere Fortsetzung dieser abnehmenden Reihe ist nicht nothwendig, weil die folgenden Glieder derselben wegen ihres geringen Werthes keine in der Ausführung merkbare Änderung für die Länge der Hängstangen herbeiführen, und die Rechnung nur erschweren würden.

Um eines Theils den bequemen Gebrauch derselben zu zeigen, andern Theils aber zu beweisen, dass diese Formel bei anzustellenden Berechnungen keine größere Genauigkeit zu wünschen übrig lasse, will ich jene Rechnung der Hängstangen anführen, die ich bei Gelegenheit des Entwurfes einer Kettenbrücke unternommen habe.

Dem Antrage gemäß soll die Spannweite der Ketten oder die Entfernung ihrer Auflagspuncte 41° 3′ 6′′, also die halbe Spannweite $h=20^{\circ}4'9''=124,75$ Schuh, und der Pfeil f der Krümmung $\frac{1}{7}$ der halben Spannweite betragen. Die halbe Länge der Kettenlinie beträgt daher nach Navier's Formel c=21,07117964 Klafter. Ferner

ist
$$\frac{f}{h} = \frac{1}{7}$$
, $\frac{2f}{h^2} = \frac{2f}{h \cdot h} = \frac{2}{7 \cdot 124,75} = 0,0022902948$ und $\log \frac{2f}{h^2} = 0,3598913 - 3$. Man drücke sich nun jedes Glied der obigen Formel logarithmisch aus, so wird $+ \log s = \dots + \log s$. (IV) $- \log \cdot 0,166666 \left(\frac{2f}{h^2}\right)^2 s^3 = \dots + \log \cdot 0,166666 \left(\frac{2f}{h^2}\right)^2 s^3 = \dots - (0,2218488 - 1 + 2(0,3598913 - 3) + 3\log s)$. (V) $+ \log \cdot 0,1083333 \left(\frac{2f}{h^2}\right)^4 s^5 = \dots + (0,0347620 - 1 + 4(0,3598913 - 3) + 5\log s)$. (VI) $- \log \cdot 0,09781746 \left(\frac{2f}{h^2}\right)^6 s^7 = \dots + (0,4743272 - 12 + 5\log \cdot s)$. (VII) $- \log \cdot 0,09781746 \left(\frac{2f}{h^2}\right)^6 s^7 = \dots - (0,9904163 - 2 + 6(0,3598913 - 3) + 7\log s)$ $= \dots - (0,1497641 - 17 + 7\log \cdot s)$. (VIII) $+ \log \cdot 0,10297894 \left(\frac{2f}{h^2}\right)^8 s^9 = \dots + (0,8918788 - 23 + 9\log \cdot s)$. (VIII) $- \log \cdot 0,11855281 \left(\frac{2f}{h^2}\right)^{10} s^{11} = \dots - (0,6728248 - 28 + 11\log \cdot s)$. (IX) In diese Ausdrücke substituire man die um gleich viel zunehmenden Längen der Kette. Da bei dem erwähnten Projecte auf jeder Seite der Brücke zwei Ketten einen Sohn neit üben einen den geschwagen wunden wieden von den Sohn neit üben einen Sohn neit üben einen Renden von den erwähnten Projecte auf jeder Seite der Brücke zwei Ketten einen Sohn neit üben einen den Brücke zwei Ketten einen Sohn neit üben einen den Brücke zwei Ketten einen Sohn neit üben einen Renden von geschwagen wunden.

In diese Ausdrücke substituire man die um gleich viel zunehmenden Längen der Kette. Da bei dem erwähnten Projecte auf jeder Seite der Brücke zwei Ketten einen Schuh weit über einander angetragen wurden, deren jede aus 8 Schuh langen Gliedern besteht, und die Glieder der einen Kette mit den Ösen der andern wechseln, so wird man die Länge s in unserer Rechnung immer um 4 Schnh zunehmen lassen müssen.

Gesetzt, man wollte für die untere Kette, bei welcher eine Öse in die Mitte der krummen Linie fällt, die Ordinate für den Vereinigungspunct des fünften und sechsten Kettengliedes erfahren, so wird für diesen Punct s=40 gesetzt werden müssen. Es ist sodann:

Summirt man sowohl die positiven als auch die negativen Glieder für sich besonders, und zieht die Summe der letztern von der Summe der erstern ab, so gibt der Unterschied die Abscisse oder die Entfernung der Hängstange von dem Scheitel der krummen Linie, nämlich x = 39,94435357 Schuh.

Zur Berechnung der Ordinate wird man sich der vorerwähnten Formel $y = \frac{f \, x^2}{h^2}$ bedienen müssen, in welcher man statt x den obigen in Schuhen ausgedrückten Werth der Abscisse substituiren muß. Zur bequemeren Rechnung drücke man sich die Formel logarithmisch aus, nämlich

$$\log y = \log \frac{f}{h^2} + 2 \log x.$$
Nun ist $\frac{f}{h} = \frac{1}{7}$, also
$$\frac{f}{h^2} = \frac{1}{7 \cdot 124,75} = 0.0011451474$$
und $\log \frac{f}{h^2} = 0.0588613 - 3$,
daher
$$\log y = 0.0588613 - 3 + 2 \log x.$$

Fär x = 39,94435357 ist

 $\log x = 1,6014554$

folglich

 $\log \gamma = 0.0588613 - 3 + 2.1.6014554 = 0.2617721$ und $\gamma = 1.827141$ Schuh = 1' 9" 11.1".

Gibt man zu diesem Masse noch diejenige Entfernung zu, um welche das untere Ende der Hängstangen von dem Scheitelpuncte der Krummen entsernt ist, welche hier 5' 9" beträgt, so gibt die Summe die ganze Länge der betreffenden Hängstange. Für die Hängstangen der obern Kette wird man aus der früher angeführten Ursache noch einen Schuh zugeben müssen.

Hat man auf diese Art alle Ordinaten und Abscissen berechnet, so wird es zweckmäßig seyn, ihre Längen, so wie auch die daraus abgeleiteten Längen der Hängstangen in eine Tabelle von der hier ersichtlichen Form zusammen zu tragen. Die erste Rubrik derselben enthält die um vier Schuh wachsenden Längen der Kettenabtheilungen; die zweite Rubrik enthält die berechneten Abstände der Hängstangen von dem Scheitelpuncte der Krummen im Decimalmaße von Schuhen ausgedrückt. Die dritte Rubrik faßt die berechneten Ordinaten, im Decimalmaße von Schuhen ausgedrückt, in sich. In der vierten Rubrik ist die Länge der Hängstangen im Werkmaße ausgewiesen, und in der fünften Rubrik angezeigt, für welche der beiden Ketten die betreffenden Hängstangen berechnet wurden.

ler b- en en	masse von	Ordinate im Decimal- maße von	Länge der Hängstangen im Werk- maße.				Angabe, für welche Kette die berech- nete Häng-		
	Schuhen.	Schuhen.	0	1	"	"	stange gilt. Für die		
_			0	5	9	0	untere Kette.		
- 1	3,99994405	0,01832183	ĭ	0	9	2,6	obere »		
- 1	7,99955248	0,07328118	0	5	9	10,5	untere »		
- 1	11,99849006	0,1648596	1	0	10	11,7	obere »		
- 1	15,99642223	0,2030266	1	0	0	6,2	untere »		
	19,99301559	0,4577385	1	1	2	5,9	obere »		
- 1	23,98793816	0,6589418	1	0	4	10,8	untere »		
_ 1	27,98085976	0,896568	1	1	7	9,1	obere »		
- 1	31,97145238	1,170538	1	0	11	0,5	untere »		
- 1	35,95939052	1,480764	1	2	2	9,2	obere »		
- 1	39,94435357	1,827141	1	1	6	11,1	untere »		
- 1	43,92601571	2,209555	1	2	11	6,1	obere *		
- 1	47,90406723	2,627884	1	2	4	6,4	untere »		
_ 1	51,87819369	3,081986	1	3	3	11,8	obere »		
	55,84808683	3,571723	1	3	3	10,3	untere »		
- 1	59,81344289	4,096933	1	4	10	1,9	obere »		
- 1	63,77396264	4,657446	1	4	4	10,6	untere »		
- 1	67,72936177	5,253095	2	0	0	0,4	obere »		
- 1	71,67932095	5,88368o	1	5	7 3	7,2	untere »		
- 1	75,62358630	6,549013	2	1	3	7,0	obere »		
- 1	79,56186976	7,24888	2	0	11	11,8	untere »		
- 1	83,49389835	7,983089	2	2	8	9,5	obere »		
	87,41940571	8,751388	2	2	6	0,2	untere »		
- 1	91,33813172	9,553567	2	4	3	7,7	obere »		
- 1	95,24982172	10,38938	2	4	. 1	8,0	untere »		
- 1	99,15422770	11,25858	3	0	0	1,2	obere »		
- 1	103,05110903	12,16092	2	5	10	11,1	untere »		
- 1	106,94022954	13,09616	3	1	10	1,8	obere »		
- 1	110,82136404	14,06397	3	1	9	9,2	untere »		
	114,69428859	15,06415	3	3	9	9,2	0200		
1	118,55879050	16,0964	3	3	10	1,8	untere »		
	122,41466216		-	-	-	-			
777	124,74999359	17,8214	_	-	-	-			

18 der letzten Querspalte ersieht man, dass, wenn für 1albe Länge der Kette substituirt wird, die Abscisse 14,74999359 Schuh oder 20,79166559 Klaster beträgt.

Dieser Werth unterscheidet sich von der halben Spannweite, die 124,75 Schuh oder 20,7916666 Klafter ausmacht, nur um 0,00000107 Klafter, oder um 0,011 eines Punctes, und liefert einen hinlänglichen Beweis von der Genauigkeit der Formel.

Hiemit glaube ich die zur Berechnung der Hängstangen nothwendigen Behelfe geliefert, und die Bedenklichkeiten jener Bauverständigen gehoben zu haben, welche gegen die sichere Anwendbarkeit der Ordinatenrechnung auf die Bestimmung der Hängstangen einiges Misstrauen aus dem Grunde hegen, weil ihre mathematisch bestimmten Hängstangen beim Einhängen bald zu lang, bald zu kurz waren. Dieses Ereigniss ist jedoch keineswegs der hierbei zum Grunde gelegten Rechnungsformel des Herrn Navier, sondern nur dem unrichtigen Gebrauche derselben zuzuschreiben; denn die erwähnte Ordinatenformel wird, wie leicht zu vermuthen steht, zur Bestimmung der Hängstangen gebraucht worden seyn, ohne früher berechnet zu haben, wie weit die Ordinaten von einander zu stehen kommen, wenn alle Kettenglieder einander gleich seyn sollen. Es konnte daher in diesem Falle nichts anderes übrig bleiben, als die Entfernungen der Hängstangen durchaus gleich, und zwar so grofs wie die Kettenglieder anzunehmen, und das Mass dieser um gleich viel zunehmenden Abscissen in die Ordinatenformel zu substituiren. Hieraus ergaben sich Ordinaten, welche zwar zur Construction der Kettenlinie bei ungleich langen Kettengliedern dienen, jedoch für unsere Bauart, wobei die Glieder gleich groß angenommen werden, nicht entsprechend sind; denn die Annahme gleich großer Kettenglieder bringt es mit sich, dass sich die Hängstangen, besonders in der Nähe

des Auflagspunctes, der Kette merkbar nähern, wodurch sich die diesen Puncten zukommenden Ordinaten in ihrer Länge bedeutend von jenen Ordinaten unterscheiden, welche bei gleich viel zunehmenden Abscissen Statt finden.

- Erwägt man dieses genau, so wird kein Grund vorhanden seyn, die theoretischen Angaben zu verwerfen, und sich zur Bestimmung der Hängstangen bloss mechanischer Hülfsmittel, z. B. einer nach einem verjüngten Masstabe versertigten Drahtkette zu bedienen. Dieses Mittel dürfte sogar unzuverläßig seyn, weil die Bearbeitung der einzelnen Bestandtheile einer solchen Drahtkette im Verhältnisse zu ihrem Gewichte und ihrem Umfange nicht dieselbe Genauigkeit hoffen lässt, wie die Bearbeitung der Glieder im Großen im Verhältnisse zum Gewichte und der Länge der ganzen Kette. Es wäre daher dieses Verfahren nur bei solchen Brücken räthlich. wo man durch ein Nothbehelf, wie z. B. durch am Ende der Hängstangen angebrachte Schrauben, jeder bemerkten Abweichung sogleich abhelfen, und hiedurch die horizontale Lage der Tragschienen bewerkstelligen kann. Bei Brücken jedoch, welche bedeutende Fuhrwerke zu tragen haben, wird man sich nicht auf die Tragkraft der Schraubengewinde verlassen können, sondern förmliche Bolzen oder Durchschübe zur Auflage der Tragschienen bestimmen müssen, und diess fordert, dass die Längen der Hängstangen auf eine genauere Art, als es durch die verjüngte Kette geschehen kann, und zwar durch die im Vorigen gezeigte Rechnung, bestimmt werden.

Sollte man endlich die Theorie der Kettenlinie für die Berechnung der Kettenbrücken aus dem Grunde unanwendbar halten, weil die Ketten wegen ihren geraden Gliedern keine reine Krümmung bilden, und das Gewicht eines jeden Gliedes in dessen Länge nicht so gleich-

förmig vertheilt ist, wie das Gewicht eines durchaus gleich dicken Fadens in seiner Länge, so ist zu erwägen, dass bei der genauen Bearbeitung der Glieder die Ösen gleich groß, und die Stangen zwischen selben gleich dick hergestellt werden, und dass sonach an jeder Öse das halbe Gewicht des ganzen Gliedes eben so herabdrücken muss, als wenn die Schwere durch die ganze Länge gleichförmig vertheilt wäre. Es werden daher die Glieder der Kette durch ihr beiderseits gleichmässig vertheiltes Gewicht auf einander eben so, wie die unendlich klein angenommenen Theile eines durchaus gleich beschwerten Fadens vermög des ihnen zukommenden Gewichtes auf einander wirken; und so wie die Endpuncte dieser unendlich kleinen Theile die krumme Linie des Fadens bilden, so liegen auch die Ösen der Glieder in der Kettenlinie, wenn gleich die Glieder selbst gerade sind. Da nun die Länge der Hängstangen bloß von der Lage der Ösen abhängt, so wird die Theorie der Kettenlinie in Hinsicht der Bestimmung der Hängstangen vollkommen hieher passen, und verdient ihre Anwendung am gehörigen Orte.

III.

eitrag zur Theorie der Integration partieller Differenzialgleichungen höherer Ordnungen;

von

Joseph L. Raabe.

1) Bei der Integration einer partiellen Differenzialeichung, welche die erste Ordnung übersteigt, hat
an vorzüglich darauf zu sehen, ob die vorgelegte Difrenzialgleichung ein Integrale von nächst niederer Ordmg zulasse; denn bekanntlich gibt es partielle Diffemzialgleichungen, welche endliche Integralien zulasen, ohne dass sie Integralien von erster, zweiter, etc.
Irdnung haben.

Der Grund hiervon liegt in der Bildungsweise der artiellen Differenzialgleichungen aus ihren Integralien; lenn wenn man sich aus einer partiellen Differenzialgleichung erster Ordnung zwischen drei Variablen x, t, z und den partiellen Differenzialcoefficienten $\frac{dz}{dx}$, $\frac{dz}{dy}$ lurch zweimaliges Differenziren dieser Gleichung, ein Mal nach x, und das andere Mal nach y, eine partielle Differenzialgleichung zweiter Ordnung verschafft, so at die dadurch erhaltene Gleichung bestimmt ein Integrale erster Ordnung, nämlich die vorgelegte Gleichung elbst; bildet man sich aber aus einer Gleichung zwichen x, y, z, die wir durch

$$z = f(x, y)$$

orstellen, durch Verbindung derselben mit folgenden us ihr durch partielles Differenziren nach x und nach y efolgerten fünf Gleichungen:

$$\frac{dz}{dx} = \frac{df(x,y)}{dx}, \quad \frac{dz}{dy} = \frac{df(x,y)}{dy},$$

$$\frac{d^2z}{dx^2} = \frac{d^2f(x,y)}{dx^2}, \quad \frac{d^2z}{dxdy} = \frac{d^2f(x,y)}{dxdy}, \quad \frac{d^2z}{dy^2} = \frac{d^2f(x,y)}{dy^2},$$
ebenfalls eine partielle Differenzialgleichung zweiter Ordnung, die $x, y, z, \frac{dz}{dx}, \frac{dz}{dy}, \frac{d^2z}{dx^2}, \frac{d^2z}{dxdy}, \frac{d^2z}{dy^2}$ enthalten soll, dann hat diese wohl ein endliches Integrale, nämlich die vorgelegte Gleichung selbst; man kann da aber nicht mit Gewißheit aussprechen, daß sie auch ein Integrale erster Ordnung zulassen werde.

Eine ähnliche Betrachtung gilt auch von partiellen Differenzialgleichungen höherer Ordnungen.

Ich will nun zur Angabe eines Verfahrens schreiten, mit Hülfe dessen man untersuchen kann, ob eine vorgelegte partielle Differenzialgleichung, welche die erste Ordnung übersteigt (denn nur solche bedürfen die ses Verfahrens), ein Integrale von nächst niederer Ordnung zulasse oder nicht.

2) Um mit dem einfachsten Falle den Anfang zu machen, wollen wir die erwähnte Untersuchung zuerst bei partiellen Differenzialgleichungen zweiter Ordnung anstellen, und dann auf die höheren Ordnungen übergehen.

Von diesen Gleichungen sollen auch jene, welche bloss drei Variablen enthalten, vorangehen.

Man habe also die partielle Differenzialgleichung zweiter Ordnung

$$f\left(x,\,y,\,z,\,p,\,q,\,r,\,s,\,t\right) = 0 \quad . \quad . \quad (1)$$
 in welcher der Kürze wegen $p,\,q,\,r,\,s,\,t$ der Ordnung nach statt $\frac{dz}{dx},\,\frac{dz}{dy},\,\frac{d^2z}{dx^2},\,\frac{d^2z}{dx\,dy},\,\frac{d^2z}{dy^2}$ gesetzt worden sind, zu behandeln.

Lässt diese Gleichung ein Integrale erster Ordnung

$$\omega(x, \gamma, z, p, q) = 0 \dots (2)$$

o ω eine noch unbekannte Function vorstellt.

Die Gleichung (1) kann aus (2) nur dadurch entanden seyn, dass man letztere mit den zwei aus derelben durch partielles Differenziren ein Mal nach x, nd ein Mal nach γ gefolgerten Gleichungen:

$$\frac{d\omega}{dx} + \frac{d\omega}{dz} p + \frac{d\omega}{dp} r + \frac{d\omega}{dq} s = 0$$

$$\frac{d\omega}{dy} + \frac{d\omega}{dz} q + \frac{d\omega}{dp} s + \frac{d\omega}{dq} t = 0$$
(3)

vo der Kürze wegen ω statt $\omega(x, y, z, p, q)$ gesetzt vorden ist, wie immer verbunden hat; es muß daher uch umgekehrt die Gleichung (1) mit (2) identisch werlen, wenn man aus den beiden letzten Gleichungen die Nerthe je zweier der Größen r, s, t sucht, und sie n (1) substituirt, welches unmittelbar aus dem Begriffe ines Integrals einer Differenzialgleichung folgt.

Sucht man nun wirklich aus den zwei letzten Gleihungen die Werthe zweier der erwähnten Größen, B. von r und t, so hat man:

$$r = -\left(\frac{d\omega}{dx} + \frac{d\omega}{dz} p + \frac{d\omega}{dq} s\right) : \frac{d\omega}{dp}$$

$$t = -\left(\frac{d\omega}{dy} + \frac{d\omega}{dz} q + \frac{d\omega}{dp} s\right) : \frac{d\omega}{dq}$$
(4)

Diese Werthe in die Gleichung (1) substituirt, geen nach dem Vorhergehenden die identische Gleichung: $f(x, y, z, p, q, r, s, t) = \omega(x, y, z, p, q),$ o der Kürze wegen linker Hand des Gleichheitszeichens und t statt ihrer Werthe beibehalten worden sind.

Man sieht aber, dass in dem einen Gliede der letzen identisch seyn sollenden Gleichung die Größe s vorommt, während sie in dem andern fehlt; mithin kann Zeitsehr. f. Phys. u. Mathem. VII. 2. die Identität nur dann Statt haben, wenn alle Glieder, die mit s behaftet sind, für sich verschwinden; oder mit andern Worten, dieser letztern Gleichung muß, abgesehen von dem Werthe von s, Genüge gethan werden.

Man ordne daher die letzte Gleichung, nachdem für r, t die Werthe (4) substituirt worden sind, nach den verschiedenen Potenzen von s, und setze jeden der sich ergebenden Coefficienten dieser Potenzen gleich Null, so erhält man für jeden besonderen Fall eine gewisse Anzahl von Gleichungen, die von x, y, z, p, q, $\frac{d\omega}{dx}$, $\frac{d\omega}{dy}$, $\frac{d\omega}{dz}$, $\frac{d\omega}{dp}$, $\frac{d\omega}{dq}$ abhängen. Eine dieser Gleichungen, und zwar jene, die aus dem mit s nicht behafteten Gliede der geordneten Gleichung entsprungen ist, wird zwar ω enthalten, allein da vermöge (2) ω = 0 ist, so lassen wir diese Größe überall, wo sie erscheint, weg-

Diese Gleichungen drücken die Bedingungen aus, welche Statt haben müssen, damit die vorgelegte Gleichung (1) ein Integrale erster Ordnung zulasse; und umgekehrt, wird man eine Function $\omega(x, y, z, p, q)$ finden können, die sämmtlichen Bedingungsgleichungen Genüge leistet, so wird man nicht nur von dem Vorhandenseyn eines Integrals erster Ordnung versichert seyn, sondern diese gefundene Function $\omega(x, y, z, p, q)$ gleich Null gesetzt, wird auch das Integrale erster Ordnung darstellen.

3) In den Fällen, wenn die vorgelegte partielle Differenzialgleichung zweiter Ordnung sämmtliche Differenzialcoefficienten zweiter Ordnung, nämlich r, s, t, enthält, ist es gleichgültig, welche zwei dieser Größen man mit Hülfe der Gleichungen (3) aus der vorgelegten (1) eliminirt; fehlt aber in der letztern eine dieser Größen, so wollen wir, je nachdem dieß bei einer oder der

lern dieser Größen Statt findet, jeden Fall besonders trachten.

a) Es fehle die Größe r, und man will untersuchen, ob die Gleichung

$$f(x, \gamma, z, p, q, s, t) = 0$$
 . . . (5)
ein Integrale erster Ordnung hat.

Stellt man dieses Integrale durch die Gleichung (2) s vorigen Paragraphs vor, so kann zur Erzeugung derlben bloß die zweite der Gleichungen (3) beigetragen ben. Man berechne daher aus derselben den Werth ner der Größen s, t, und substituire ihn in die Gleiung (5), so muß dadurch diese letzte Gleichung unhängig von der noch übrigen Größe s oder t Statt ham; wird aber das Resultat der Substitution nach den rschiedenen Potenzen der noch übrig gebliebenen unestimmten Größe geordnet, und jeder Coefficient ner dieser verschiedenen Potenzen für sich gleich Null setzt, so gelangt man zu den Bedingungsgleichungen, iter welchen die Gleichung (5) ein Integrale erster rdnung hat.

b) Fehlt die Größe t, dann ist dasselbe Verfahren mit der ersten der Gleichungen (3) und der vorgelegten

f(x, y, z, p, q, r, s) = 0 . . . (6) vorzunehmen.

c) Fehlt endlich in der vorgelegten Gleichung zweiter Ordnung die Größe s, so daß sie von der Form

$$f(x, y, z, p, q, r, t) = 0$$
 . . . (7) ist, dann muß man beide Gleichungen (3) benützen, um zu untersuchen, ob erstere ein Integrale erster Ordnung besitzt. Am schnellsten wird man seinen Zweck erreichen, wenn man die Werthe von r und t aus den Gleichungen (4) in dieselbe substituirt,

und dann s als die Größe, von der die resultirende Gleichung unabhängig ist, ansieht.

Falls die Gleichungen (5) und (6) Integralien erster Ordnung haben, kann man sie als gewöhnliche Differenzialgleichungen zwischen zwei Variablen betrachten; die erstere so, als ob z und γ , und die letztere so, als ob z und x bei der Differenziation als variabel angesehen worden wären, während die Gleichung (7), obwohl s in derselben fehlt, aus ihrem Integrale nur durch die Annahme, dass beide Größen x und y, mithin auch z beim Differenziren variabel waren, entstanden seyn kann.

4) Auf eine ähnliche Weise wollen wir die partiellen Differenzialgleichungen zweiter Ordnung zwischen vier Variablen betrachten.

Es sey die Gleichung

$$f\left(x, y, z, u, \frac{du}{dx}, \frac{du}{dy}, \frac{du}{dz}, \frac{d^2u}{dx^2}, \frac{d^2u}{dx dy}, \frac{d^2u}{dx dz}, \frac{d^2u}{dx dz}, \frac{d^2u}{dy^2}, \frac{d^2u}{dy dz}, \frac{d^2u}{dz^2}\right) = 0 . (8)$$

gegeben. Wenn dieselbe ein Integrale erster Ordnung hat, so sey es:

$$\omega\left(x, y, z, u, \frac{du}{dx}, \frac{du}{dy}, \frac{du}{dz}\right) = 0 . (9)$$

Die erstere Gleichung kann aus der letzteren nur dadurch entstanden seyn, dass man letztere mit den drei aus ihr gesolgerten Differenzialien nach x, y, z:

$$\frac{d\omega}{dx} + \frac{d\omega}{du} \cdot \frac{du}{dx} + \frac{d\omega}{d\cdot \frac{du}{dx}} \cdot \frac{d^2u}{dx^2} + \frac{d\omega}{d\cdot \frac{du}{dy}} \cdot \frac{d^2u}{dx dy} + \frac{d\omega}{d\cdot \frac{du}{dz}} \cdot \frac{d^2u}{dx dz} = 0,$$

$$\frac{1}{1} + \frac{d \omega}{d u} \cdot \frac{d u}{d y} + \frac{d \omega}{d \cdot \frac{d u}{d x}} \cdot \frac{d^2 u}{d x d y} + \frac{d \omega}{d \cdot \frac{d u}{d y}} \cdot \frac{d^2 u}{d y^2} + \frac{d \omega}{d \cdot \frac{d u}{d z}} \cdot \frac{d^2 u}{d y d z} = 0,$$

$$\frac{1}{1} + \frac{d \omega}{d u} \cdot \frac{d u}{d z} + \frac{d \omega}{d \cdot \frac{d u}{d x}} \cdot \frac{d^2 u}{d x d z} + \frac{d \omega}{d \cdot \frac{d u}{d y}} \cdot \frac{d^2 u}{d y d z} + \frac{d \omega}{d \cdot \frac{d u}{d y}} \cdot \frac{d^2 u}{d z^2} = 0$$

e immer verbunden hat.

Wenn nun aus diesen Gleichungen je drei der sechs ößen $\frac{d^2u}{dx^2}$, $\frac{d^2u}{dx\,dy}$, $\frac{d^2u}{dx\,dz}$, $\frac{d^2u}{dy^2}$, $\frac{d^2u}{dy\,dz}$, $\frac{d^2u}{dz^2}$ berecht, und in die Gleichung (8) substituirt werden, so muß se mit (9) identisch seyn, welches aber nur dann anhen wird; wenn nach der Substitution die drei noch rigen der eben erwähnten sechs Größen, jede für sich, s dem Resultate verschwinden.

Dadurch sind wir nun im Stande, die Bedingungsichungen herzustellen, die sämmtlich zugleich Statt ben müssen, damit die vorgelegte Gleichung (8) ein egrale erster Ordnung gestatte.

Auf ähnliche Weise verfahre man, um die Bedinagsgleichungen zu erhalten, die Statt haben müssen, nit eine partielle Differenzialgleichung zweiter Ordag von mehreren Variablen ein Integrale erster Ordag zulasse.

Ähnliche Betrachtungen, wie im §. 3, lassen sich bei partiellen Differenzialgleichungen von vier und hreren Variablen anstellen, die ich, um nicht zu itläufig zu werden, übergehe.

5) Wenden wir uns zu den partiellen Differenzialichungen dreier Variablen dritter Ordnung. Bei diesen sind drei Fälle möglich: erstens kan die vorgelegte Gleichung ein Integrale zweiter Ordnu haben; zweitens kann ein solches Integrale fehlen, wä rend sie doch ein Integrale erster Ordnung hat; ur drittens kann sie weder ein Integrale zweiter noch erst Ordnung, sondern bloß ein endliches Integrale besitze

Den letztern Fall, der nicht in die gegenwärtig Untersuchung gehört, schließen wir daher auch von a len Betrachtungen aus, und beschäftigen uns bloß mit de beiden erstern Fällen.

6) Man habe es mit einer partiellen Differenzis gleichung dritter Ordnung von der Form

$$f\left(x, y, z, p, q, r, z, t, \frac{d^3 z}{dx^3}, \frac{d^3 z}{dx^2 dy}, \frac{d^3 z}{dx dy^2}, \frac{d^3 z}{dy^3}\right) = 0 . (1)$$

zu thun, wo p, q, r, s, t die im §. 2 festgesetzten B deutungen haben.

Nehmen wir an, sie gestatte ein Integrale zweit Ordnung, welches durch

$$\omega(x, y, z, p, q, r, s, t) = 0$$
 . (1)

vorgestellt werde, so muss dieselbe aus der letzte Gleichung entstanden seyn, indem man diese mit ihr beiden partiellen Differenzialien nach x und y, nämli mit

$$\frac{d\omega}{dx} + \frac{d\omega}{dz} p + \frac{d\omega}{dp} r + \frac{d\omega}{dq} s$$

$$+ \frac{d\omega}{dr} \cdot \frac{d^3 z}{dx^3} + \frac{d\omega}{ds} \cdot \frac{d^3 z}{dx^2 dy} + \frac{d\omega}{dt} \cdot \frac{d^3 z}{dx dy^2} = 0$$

$$\frac{d\omega}{dy} + \frac{d\omega}{dz} q + \frac{d\omega}{dp} s + \frac{d\omega}{dq} t$$

$$+ \frac{d\omega}{dr} \cdot \frac{d^3 z}{dx^3 dy} + \frac{d\omega}{ds} \cdot \frac{d^3 z}{dx dy^2} + \frac{d\omega}{dt} \cdot \frac{d^3 z}{dy^3} = 0$$

wie immer verbunden hat.

Da bloss diese Gleichungen dazu beigetragen haben, dass aus der Gleichung (11) die Gleichung (10) entstanden ist, so muss man auch umgekehrt, wenn die Gleichung (10) mit (12) verbunden wird, die Gleichung (11) erzeugen können. Nun kommen in der Gleichung (10) und in (12) Größen vor, nämlich

$$\frac{d^3z}{dx^3}, \frac{d^3z}{dx^2dy}, \frac{d^3z}{dxdy^2}, \frac{d^3z}{dy^3},$$

die in der Gleichung (11) nicht enthalten sind, daher muß die Resultirende, welche sich ergibt, wenn man aus (10) und (12) zwei dieser vier Größen eliminirt, unabhängig von den beiden noch übrigen Größen Statt finden können; man suche daher aus den beiden letzten Gleichungen zwei dieser vier Größen, z. B. $\frac{d^3z}{dx^3}$ und $\frac{d^3z}{dy^3}$, substituire die gefundenen Ausdrücke in die vorgelegte Gleichung (10), ordne sie dann nach den verschiedenen Dimensionen von $\frac{d^3z}{dx^2dy}$ und $\frac{d^3z}{dxdy^2}$, setze jeden der Coefficienten, welche mit einer jeden Potenz dieser Größen einzeln oder als Factoren in Verbindung vorkommen, für sich gleich Null; so erhält man die Bedingungsgleichungen, die sämmtlich realisirt werden müssen, damit die vorgelegte partielle Differenzialgleichung dritter Ordnung ein Integrale zweiter Ordnung habe.

Kann man daher auch umgekehrt eine solche Function ω von x, y, z, p, q, r, s, t finden, die sämmtlichen, auf die eben beschriebene Weise gefundenen Bedingungsgleichungen Genüge thut, dann ist man nicht nur von der Existenz eines Integrals zweiter Ordnung versichert, sondern diese gefundene Function ω ist zugleich das in Rede stehende Integrale.

Die Betrachtungen, die in §. 3 bei vorgelegten partiellen Differenzialgleichungen zweiter Ordnungen angestellt worden sind, lassen sich auch bei den vorliegenden Differenzialgleichungen anstellen, aber aus dem in §. 4 angeführten Grunde unterlasse ich auch hier, sie aus einander zu setzen.

7) Hat aber eine partielle Differenzialgleichung dritter Ordnung kein Integrale zweiter Ordnung, wovon man sich nach dem in dem vorhergehenden Paragraphe, und aus dem in der Folge erst kommenden, überzeugen kann, so kann es noch bei den Integrationen solcher Gleichungen von großem Nutzen seyn, zu untersuchen, ob sie nicht etwa ein Integrale von erster Ordnung haben.

Obwohl dieser Fall schon viel mehr Schwierigkeiten unterworfen ist, wovon wir uns sogleich überzeugen werden, so kann er doch in vielen Fällen etwas Genaueres über die Natur einer solchen Differenzialgleichung anzeigen, wesswegen ich ihn nicht übergehen will.

Man habe also dieselbe Differenzialgleichung (10) dritter Ordnung des vorigen Paragraphs vor sich, und nehme an, ihr Integrale erster Ordnung sey

$$\omega(x, y, z, p, q) = 0$$
 . . . (13) so kann im gegenwärtigen Falle die vorgelegte Gleichung (10) nur aus Verbindung dieser letzten Gleichung mit folgenden aus derselben durch partielles Differenziren hervorgehenden fünf Gleichungen:

$$\frac{d\omega}{dx} + \frac{d\omega}{dz} p + \frac{d\omega}{dp} r + \frac{d\omega}{dq} s = 0 . (14)$$

$$\frac{d\omega}{dy} + \frac{d\omega}{dz} q + \frac{d\omega}{dp} s + \frac{d\omega}{dq} t = 0$$

$$\frac{d^2\omega}{dx^2} + \frac{d^2\omega}{dz^2} p^2 + \frac{d^2\omega}{dp^2} r^2 + \frac{d^2\omega}{dq^2} s^2$$

$$+ 2 \left[\frac{d^2\omega}{dx dz} p + \frac{d^2\omega}{dx dp} r + \frac{d^2\omega}{dx dq} s + \frac{d^2\omega}{dz dp} p r + \frac{d^2\omega}{dz dq} p s + \frac{d^2\omega}{dp dq} r s \right]$$

$$+ \frac{d\omega}{dz} r + \frac{d\omega}{dp} \cdot \frac{d^3z}{dx^3} + \frac{d\omega}{dq} \cdot \frac{d^3z}{dx dy^3} = 0$$

$$\frac{d^{3}\omega}{dx\,dy} + \frac{d^{3}\omega}{dx\,dz}\,q + \frac{d^{3}\omega}{dx\,dp}\,s + \frac{d^{6}\omega}{dx\,dq}\,t$$

$$\frac{d^{3}\omega}{dy\,dz}\,p + \frac{d^{3}\omega}{dy\,dp}\,r + \frac{d^{3}\omega}{dy\,dq}\,s$$

$$\frac{d^{3}\omega}{dz^{3}}\,pq + \frac{d^{3}\omega}{dp^{3}}\,r\,s + \frac{d^{3}\omega}{dq^{3}}\,t\,s$$

$$\frac{d^{3}\omega}{dz\,dp}\,(r\,q + s\,p) + \frac{d^{3}\omega}{dz\,dq}\,(t\,p + s\,q) + \frac{d^{3}\omega}{dp\,dq}\,(r\,t - s^{2})$$

$$+ \frac{d\omega}{dz}\,s + \frac{d\omega}{dp}\cdot\frac{d^{3}z}{dx^{3}\,dy} + \frac{d\omega}{dq}\cdot\frac{d^{3}\omega}{dx\,dy^{3}} = 0$$

$$\frac{d^{3}\omega}{dy^{3}} + \frac{d^{3}\omega}{dz^{3}}\,q^{2} + \frac{d^{3}\omega}{dp^{3}}\,s^{2} + \frac{d^{3}\omega}{dq^{3}}\,t^{2}$$

$$2\left[\frac{d^{3}\omega}{dy\,dz}\,q + \frac{d^{3}\omega}{dy\,dp}\,s + \frac{d^{3}\omega}{dy\,dq}\,t + \frac{d^{3}\omega}{dy\,dq}\,s + \frac{d^{3}\omega}{dz\,dp}\,q\,s + \frac{d^{3}\omega}{dz\,dp}\,q\,t + \frac{d^{3}\omega}{dz\,dp}\,q\,s + \frac{d^{3}\omega}{dz\,dz\,dp}\,q\,s + \frac{d^{3}\omega}{dz\,dz\,dz\,dz}\,q\,s + \frac{d^{3}\omega}{dz\,dz\,dz}\,q\,s + \frac{d^{3}\omega}{dz\,dz\,dz}\,q\,s + \frac{d^{3}\omega}{dz\,dz\,dz}\,q\,s + \frac{d^{3}\omega}{dz\,dz}\,q\,s + \frac{d^{3}\omega}{dz\,dz}\,q$$

halten worden seyn.

Die zwei ersten dieser Gleichungen sind aus der von rersten Ordnung durch partielles Differenziren ein al nach x, und ein Mal nach y, die drei letzten durch rtielles Differenziren nach x und y der eben erhalten zwei Gleichungen entstanden.

8) Eine partielle Differenzialgleichung von beliebir Ordnung kann vollständig genannt werden, wenn sie Differenzialquotienten, die zu dieser Ordnung geren, enthält; z. B. eine partielle Differenzialgleichung tter Ordnung ist vollständig, wenn in ihr die vier ferenzialquotienten $\frac{d^3z}{dx^3}$, $\frac{d^3z}{dx^2dy}$, $\frac{d^3z}{dxdy^2}$, $\frac{d^3z}{dy^3}$ wie ner verbunden vorkommen. Um daher aus einer parlen Differenzialgleichung erster Ordnung, wie die ichung (13), eine vollständige der dritten Ordnung, die Gleichung (10), zu erzeugen, ist ersichtlich,

dass man hiezu entweder bloss die dritte und fünfte der Gleichungen (14), oder diese Gleichungen und irgend eine oder zwei, oder alle drei der noch übrigen der Gleichungen (14) benützen kann. In allen diesen Fällen wird man eine vollständige partielle Differenzialgleichung dritter Ordnung erhalten, woraus nun das Beschwerliche der Untersuchung, ob eine solche Gleichung ein Integrale erster Ordnung zulasse, sich sogleich darthut Denn eine kleine Überlegung zeigt, dass mit Hülfe der Gleichungen (14) auf acht verschiedenen Wegen sich vollständige partielle Differenzialgleichungen dritter Ordnung erzeugen lassen, daher man auch umgekehrt, wem eine vollständige partielle Differenzialgleichung dritter Ordnung gegeben ist, sich acht verschiedene Arten Bedingungsgleichungen verschaffen muss, um etwas Bestimmtes über die Möglichkeit eines Integrals erster Ordnung aussprechen zu können.

Ferner sieht man, dass die Bedingungsgleichungen, die man im vorliegenden Falle erhält, in Bezug auf w von der zweiten Ordnung seyn werden (wodurch die Schwierigkeit der Integration wohl um eine Ordnung erniedrigt wird), dennoch aber auch nach dem in dieser Abhandlung angegebenen Verfahren, partielle Differenzialgleichungen zweiter Ordnung zu behandeln, sich nicht so leicht integriren lassen dürften. Denn die gegenwärtige Abhandlung beschäftiget sich, wie aus dem bisher Vorgetragenen bereits erhellet, bloss mit der Ir tegration solcher partieller Differenzialgleichungen zweiter Ordnung, die Integralien erster Ordnung zulassen; haben aber die in Rede stehenden Bedingungsgleichungen, welche, wie bereits erwähnt wurde, partielle Differenzialgleichungen zweiter Ordnung sind, keine solche Integralien, so wird man mit diesem Verfahren nicht auslangen.

Ähnliche Betrachtungen über partielle Differenzialleichungen höherer Ordnungen sind nun leicht auf dem is jetzt eingeschlagenen Wege anzustellen; man wird ich auf demselben bald überzeugen, dass der Gegentand immer complicirter wird, je höher die Ordnung ler zu untersuchenden partiellen Differenzialgleichung st.

9) Wir wollen uns nun damit beschäftigen, wie man lie gefundenen Bedingungsgleichungen nach den Pararaphen 2, 4, 5 benützen könne, um zu den Integraien der vorgelegten Gleichungen zu gelangen; und zwar
vollen wir bloß den Fall betrachten, in welchem es sich larum handelt, ob eine vorgelegte Differenzialgleichung in Integrale von unmittelbar vorhergehender Ordnung
Desitze.

Soll eine partielle Differenzialgleichung beliebiger Irdnung ein Integrale von unmittelbar vorhergehender Irdnung haben, so müssen die Bedingungsgleichungen, lie man sich nach $\int_0^2 .2$, 4, 5 verschafft, nichts Absurles aussagen, wie z. B. a = 0 wäre, wenn man von der Iröße a weiß, daß sie von der Nulle verschieden ist.

Folgende Differenzialgleichung

$$r(1+q^2) - t(1+p^2) + 2s^2 = 0$$
 gibt, wenn man für r und t die VVerthe aus §. 2 (4) subtituirt, die Gleichung

$$\frac{1+p^2)\left(\frac{d\omega}{dy} + \frac{d\omega}{dz} q\right)}{\frac{d\omega}{dp}} = \frac{(1+q^2)\left(\frac{d\omega}{dx} + \frac{d\omega}{dz} p\right)}{\frac{d\omega}{dq}} + \left(\frac{(1+q^2)\frac{d\omega}{dp}}{\frac{d\omega}{dq}} - \frac{(1+p^2)\frac{d\omega}{dq}}{\frac{d\omega}{dp}}\right)s + 2s^2 = 0.$$

Diese Gleichung soll unabhängig von dem Werthe

von s Statt haben, daher müssen die Gleichungen

$$\frac{(1+p^2)\left(\frac{d\omega}{dx} + \frac{d\omega}{dz}q\right)}{\frac{d\omega}{dp}} - \frac{(1+q^2)\left(\frac{d\omega}{dx} + \frac{d\omega}{dz}p\right)}{\frac{d\omega}{dq}} = 0,$$

$$\frac{(1+q^2)\frac{d\omega}{dp}}{\frac{d\omega}{dq}} - \frac{(1+p^2)\frac{d\omega}{dq}}{\frac{d\omega}{dp}} = 0,$$

bestehen können; die dritte dieser Gleichungen drückt aber etwas Absurdes aus, daher kann die in Rede stehende partielle Differenzialgleichung zweiter Ordnung kein Integrale erster Ordnung zulassen.

Ferner muss man die erhaltenen Bedingungsgleichungen unter einander vergleichen, und sehen, ob nicht etwas Unmögliches durch das Zusammenbestehen dieser Gleichungen verlangt wird, wie wir es beim folgenden Beispiele zeigen wollen.

Man habe die Gleichung

$$r^3 - 2pqs^3 + t^3 = 0.$$

Werden die bereits citirten Werthe von r und tin diese Gleichung substituirt, und die Coefficienten der verschiedenen Potenzen von s jeder für sich gleich Null gesetzt, so erhält man folgende Bedingungsgleichungen, die zugleich bestehen müssen:

$$\left(\frac{d\omega}{dx} + \frac{d\omega}{dz} p\right)^{3} \left(\frac{d\omega}{dq}\right)^{3} + \left(\frac{d\omega}{dy} + \frac{d\omega}{dz} q\right)^{3} \left(\frac{d\omega}{dp}\right)^{3} = 0,$$

$$\left(\frac{d\omega}{dx} + \frac{d\omega}{dz} p\right)^{2} \left(\frac{d\omega}{dq}\right)^{4} + \left(\frac{d\omega}{dy} + \frac{d\omega}{dz} q\right)^{2} \left(\frac{d\omega}{dp}\right)^{4} = 0,$$

$$\left(\frac{d\omega}{dx} + \frac{d\omega}{dz} p\right) \left(\frac{d\omega}{dq}\right)^{5} + \left(\frac{d\omega}{dy} + \frac{d\omega}{dz} q\right) \left(\frac{d\omega}{dp}\right)^{5} = 0,$$

$$\left(\frac{d\omega}{dq}\right)^{6} + \left(\frac{d\omega}{dp}\right)^{6} + 2pq\left(\frac{d\omega}{dq}\right)^{3} \left(\frac{d\omega}{dp}\right)^{3} = 0.$$

Setzt man der Kürze wegen

$$\frac{d\omega}{dx} + \frac{d\omega}{dz} p = u \text{ and } \frac{d\omega}{dy} + \frac{d\omega}{dz} q = v,$$

o gibt die erste Gleichung

$$\frac{d\omega}{dq}:\frac{d\omega}{dp}=-\frac{v}{u},$$

ie zweite

$$\frac{d\omega}{dq}:\frac{d\omega}{dp}=\left(\frac{h\nu}{u}\right)^{\frac{1}{2}}, \text{ wo } h=\sqrt{-1} \text{ ist},$$

und die dritte Gleichung

$$\frac{d\omega}{dq}:\frac{d\omega}{dp}=\left(-\frac{v}{u}\right)^{\frac{1}{5}}.$$

Aus der Vergleichung der beiden ersten Gleichungen folgt

$$\left(\frac{v}{u}\right)^2 = \frac{h\,v}{u} \quad \text{oder} \quad \frac{v}{u} = h,$$

ind aus der Vergleichung der ersten und dritten folgt

ieraus entweder

$$\frac{v}{u} = \pm \sqrt{-h}$$
 oder $\frac{v}{u} = \pm \sqrt{h}$.

Man muss also entweder

$$h = \pm \sqrt{-h} \quad \text{oder} \quad h = \pm \sqrt{h},$$

der was dasselbe ist,

$$h^2 = -h \quad \text{oder} \quad h^2 = h,$$

Lämlich

$$h = -1$$
, $h = +1$ oder $h = 0$

laben. Aber keiner dieser drei Fälle ist möglich, und nan stosst auf ähnliche Absurditäten, wenn aus der erten der oben aufgestellten Bedingungsgleichungen für $\frac{d\omega}{dq}:\frac{d\omega}{dp}$ der Werth $-\frac{v}{u}\left(\frac{1\pm\sqrt{-3}}{2}\right)$ genommen wird; die vorgelegte Gleichung hat demnach bestimmt kein Integrale erster Ordnung.

10) Enthalten nun die Bedingungsgleichungen keine dergleichen Absurditäten, so bleibt nichts übrig, als eine solche Function ω der Variablen x, y, z, p, q oder x, y, z, p, q, r, s, t, oder etc. aufzufinden, die in jedem Falle den Bedingungsgleichungen dieses Falles Genüge thut. Gelingt dieses, so ist die gefundene Function ω , gleich Null gesetzt, das Integrale der in Rede stehenden partiellen Differenzialgleichung, wenn nicht (d. h. gibt es keine dergleichen Function ω), so hat die vorgelegte Gleichung kein Integrale von unmittelbar vorhergehender oder von einer frühern Ordnung, sondem ihr Integrale ist ein endliches, über dessen Bestimmung wir bis jetzt noch nichts mitzutheilen wissen.

Es bleibt uns also zu zeigen übrig, wie man bei der Untersuchung, ob sämmtlichen Bedingungsgleichungen zugleich Genüge geschehen kann, zu Werke gehen muß

Wir wollen mit dem einfachsten Falle, nämlich mit den linearen partiellen Differenzialgleichungen dreier Variablen, d. h. mit jenen, welche bloss die ersten Dimensionen der zweiten partiellen Differenzialquotienten enthalten, den Anfang machen.

11) Man habe die lineare partielle Differenzialgleichung zweiter Ordnung:

$$M + Nr + Ps + Qt = o \cdot \cdot \cdot (15)$$

wo M, N, P, Q beliebige Functionen von x, y, z, p, q sind; es ist nun auszumitteln, unter welchen Umständen diese Gleichung ein Integrale erster Ordnung hat, und wenn sie ein solches hat, die Form desselben anzugeben.

Setzt man in diese Gleichung die Werthe für r und us den Gleichungen (4), so geht sie in folgende über:

$$-\frac{N\left[\frac{d\omega}{dx} + p\frac{d\omega}{dz}\right]}{\frac{d\omega}{dp}} - \frac{Q\left[\frac{d\omega}{dy} + q\frac{d\omega}{dz}\right]}{\frac{d\omega}{dq}} + \left[P - \frac{N\frac{d\omega}{dq}}{\frac{d\omega}{dp}} - \frac{Q\frac{d\omega}{dp}}{\frac{d\omega}{dq}}\right]s = 0.$$

Da dieser Gleichung unabhängig von s Genüge gehehen soll, so zerfällt sie in folgende zwei Bedinmgsgleichungen:

$$M - N \frac{\left(\frac{d\omega}{dx} + p \frac{d\omega}{dz}\right)}{\frac{d\omega}{dp}} - Q \frac{\left(\frac{d\omega}{dy} + q \frac{d\omega}{dz}\right)}{\frac{d\omega}{dq}} = 0,$$

$$P - N \frac{\frac{d\omega}{dq}}{\frac{d\omega}{dp}} - Q \frac{\frac{d\omega}{dp}}{\frac{d\omega}{dq}} = 0,$$

elche beide zugleich Statt haben müssen, damit die leichung (15) ein Integrale erster Ordnung habe.

Diese Bedingungsgleichungen können noch um vies vereinfacht werden. Aus der zweiten folgt nämlich, enn man sie in Bezug auf $\frac{d\omega}{da}$ auflöst:

$$\frac{d\omega}{dq} = \frac{d\omega}{dp} \left[\frac{P \pm \sqrt{P^2 - 4NQ}}{2N} \right].$$

Bringt man diesen Werth von $\frac{d\omega}{dq}$ in die erstere der behen gefundenen Bedingungsgleichungen, und setzt bkürzend

$$u = \frac{P \pm \sqrt{P^2 - 4NQ}}{2N},$$

so erhält man folgende zwei Bedingungsgleichungen:

$$uN\frac{d\omega}{dx} + Q\frac{d\omega}{dy} + (qQ + upN)\frac{d\omega}{dz} - uM\frac{d\omega}{dp} = 0,$$

$$\frac{d\omega}{dq} - u\frac{d\omega}{dp} = 0,$$

welche an die Stelle der beiden vorhergehenden treten.

Nun ist klar, das jeder Werth von ω, welcher diesen beiden Bedingungsgleichungen Genüge thut, auch der Summe und dem Unterschiede derselben Genüge thun muss; und umgekehrt, ist ω dergestalt bestimmt, dass dadurch der Summe und dem Unterschiede dieser beiden Gleichungen Genüge geschieht, so wird auch einer jeden einzelnen dieser beiden letzten Bedingungsgleichungen Genüge gethan, und die vorgelegte Gleichung hat in diesem Falle ein Integrale erster Ordnung.

Ist es aber nicht möglich, der Summe und dem Unterschiede der beiden letzten Bedingungsgleichungen durch eine und dieselbe Bestimmung von ω Genüge na leisten, dann ist es auch unmöglich, den beiden aufgestellten Bedingungsgleichungen selbst zugleich zu genügen, und in diesem Falle hat die vorgelegte Gleichung (15) kein Integrale erster Ordnung.

Sieht man daher ω als eine von x, y, z, p, q abhängige Variable an, und nimmt sowohl die Summe als den Unterschied der beiden zuletzt erhaltenen Bedingungsgleichungen, so hat man folgende zwei lineare partielle Differenzialgleichungen erster Ordnung zwischen den Variablen x, y, z, p, q, ω :

$$\frac{\frac{d\omega}{dq} - u(1+M)\frac{d\omega}{dp} + (qQ + upN)\frac{d\omega}{dz}}{+ Q\frac{d\omega}{dy} + uN\frac{d\omega}{dz}} = 0$$

$$\frac{d\omega}{dq} - u(1-M)\frac{d\omega}{dp} - (qQ + upN)\frac{d\omega}{dz}$$

$$- Q\frac{d\omega}{d\gamma} - uN\frac{d\omega}{dz} = 0$$
(16)

eren Integralien nach den hekannten Regeln für eine de einzelne zu suchen sind. Aus den Formen dieser tegralien ist nun zu entscheiden, ob es ein ω gibt, weltes beiden Gleichungen entspricht.

Das allgemeine Integrale der ersten der Gleichunm (16) wird durch folgendes System von gewöhnlichen ifferenzialgleichungen bestimmt:

$$dp + u(1+M) dq = 0$$

$$dz - (qQ + upN) dq = 0$$

$$dy - Qdq = 0$$

$$dx - uNdq = 0$$

$$d\omega = 0$$
(17)

Die vier ersten dieser Differenzialgleichungen entlten die fünf Variablen x, y, z, p, q, folglich lassen sich immer integriren, indem man im ungünstigsten lle auf eine gewöhnliche Differenzialgleichung zweier riablen von der vierten Ordnung stofst.

Sieht man in diesen vier ersten Gleichungen zuerst, dann dp, dann dz, und nach der Ordnung dy, dx constant an, und stellt man die vier erhaltenen Intalien für den ersten Fall durch

$$X_1 = a_1, Y_1 = b_1, Z_1 = c_1, Y_1 = d_1$$

, wo X_1 , Y_1 , Z_1 , V_2 bekannte Functionen von x, z, p, q, und a, b_1 , c_1 , d_1 die willkürlichen Conten der Integration sind; ferner die Integralien für zweiten Fall, wenn dp constant gedacht wird, durch

$$X_2 = a_2$$
, $Y_2 = b_2$, $Z_2 = c_2$, $V_2 = d_2$;

n die Integralien für den dritten Fall, wenn dz cont angenommen wird, durch

$$X_3 = a_3, Y_3 = b_3, Z_3 = c_3, Y_3 = d_3;$$

die Integralien für den vierten Fall, wenn dy contist, durch

citschr. f. Phys. u. Mathem. VII. 2.

 $X_4 = a_4$, $Y_4 = b_4$, $Z_4 = c_4$, $V_4 = d_4$; endlich die Integralien für den fünften Fall, wenn nämlich dx unveränderlich ist, durch

 $X_5 = a_5$, $Y_5 = b_5$, $Z_5 = c_5$, $Y_5 = d_5$, wo X_2 , Y_2 , Z_2 , Y_2 , X_3 , Y_3 , ... analoge Bedeutugen mit X_1 , Y_1 , Z_1 , Y_1 haben, und a_2 , a_3 , ... b_2 , b_3 , ... die willkürlichen Constanten dieser Integrationen sind, so werden unter den zwanzig Größen X_1 , X_2 , X_3 , X_4 , X_5 , Y_1 , Y_2 , ... zehn unter einander verschieden seyn.

Stellt man nun je vier dieser zehn Größen, die unter einander verschieden sind, durch X, Y, Z, V vor, so wird das allgemeinste Integrale der ersten der Gleichungen (16) folgendes

$$\omega = F(X, Y, Z, V) \dots (18)$$

seyn, wo Firgend eine willkürliche Function vorstellt

Eben so wird die zweite der Gleichungen (16) durch das System folgender gewöhnlicher Differenzialgleichungen bestimmt:

$$dp + u (1 - M) dq = 0$$

$$dz + (qQ + upN) dq = 0$$

$$dy + Qdq = 0$$

$$dx + uNdq = 0$$

$$d\omega = 0$$

Behandelt man die vier ersten dieser Gleichungen auf dieselbe Weise, wie die vier ersten der Gleichungen (17), so wird man ebenfalls ein System von zwanzig Größen erhalten, die wir des Unterschiedes willen durch

$${}^{1}X_{1}$$
, ${}^{1}Y_{1}$, ${}^{1}Z_{1}$, ${}^{1}V_{1}$; ${}^{1}X_{2}$, ${}^{1}Y_{2}$, ${}^{1}Z_{2}$, ${}^{1}V_{2}$;
 ${}^{1}X_{3}$, ${}^{1}Y_{3}$, ${}^{1}Z_{3}$, ${}^{1}V_{3}$; ${}^{1}X_{4}$, ${}^{1}Y_{4}$, ${}^{1}Z_{4}$, ${}^{1}V_{4}$;
 ${}^{1}X_{5}$, ${}^{1}Y_{5}$, ${}^{1}Z_{5}$, ${}^{1}V_{5}$

orstellen, die analoge Bedeutungen wie die vorigen haen, unter welchen zehn verschieden seyn werden, deen jede einer willkürlichen Constante gleich kommt; ebt man nun je vier verschiedene dieser zehn Größen eraus, und bezeichnet sie dem Obigen analog durch X, 'Y, 'Z, 'V', so wird das allgemeinste Integrale der weiten der Gleichungen (16) folgendes

$$\omega = f({}^{1}X, {}^{1}Y, {}^{1}Z, {}^{1}V) . . . (20)$$
 eyn, wo f ebenfalls eine willkürliche Function vorstellt.

12) Bevor wir aus dem im vorigen §. Vorgetragenen etwas folgern, wollen wir die partielle Differenzialgleichung zweiter Ordnung, die aus folgender Gleichung erster Ordnung

 $F[\omega(x, y, z, p, q), \nu(x, y, z, p, q)] = 0$. (21) entspringt, näher untersuchen, worin die Buchstaben ω und ρ bekannte Functionen, und F eine willkürliche Vorstellen.

Differenzirt man diese Gleichung ein Mal nach x, und das andere Mal nach y, und setzt abkürzend $\frac{dF}{d\omega}$, $\frac{dF}{dv}$ statt

$$\frac{d \cdot F[\omega(x, y, z, p, q), v(x, y, z, p, q)]}{d\omega(x, y, z, p, q)},$$

$$\frac{d \cdot F[\omega(x, y, z, p, q), v(x, y, z, p, q)]}{dv(x, y, z, p, q)},$$

$$\frac{d \omega}{dx}, \frac{d \omega}{dy}, \text{ etc. } \frac{d v}{dx}, \frac{d v}{dy}, \text{ etc. statt}$$

$$\frac{d \omega(x, y, z, p, q)}{dx}, \frac{d \omega(x, y, z, p, q)}{dy}, \text{ etc.}$$

$$\frac{d \omega(x, y, z, p, q)}{dx}, \frac{d \omega(x, y, z, p, q)}{dy}, \text{ etc.}$$

erhält man folgende Gleichungen:

$$\frac{dF}{d\omega} \left[\frac{d\omega}{dx} + \frac{d\omega}{dz} p + \frac{d\omega}{dp} r + \frac{d\omega}{dq} s \right]$$

$$+ \frac{dF}{dv} \left[\frac{dv}{dx} + \frac{dv}{dz} p + \frac{dv}{dp} r + \frac{dv}{dq} s \right] = 0,$$

$$\frac{dF}{d\omega} \left[\frac{d\omega}{dy} + \frac{d\omega}{dz} q + \frac{d\omega}{dp} s + \frac{d\omega}{dq} t \right]$$

$$+ \frac{dF}{dv} \left[\frac{dv}{dy} + \frac{dv}{dz} q + \frac{dv}{dp} s + \frac{dv}{dq} t \right] = 0.$$

Eliminirt man aus diesen beiden Gleichungen den Quotienten $\frac{dF}{d\omega}:\frac{dF}{dv}$, so erhält man folgende von der willkürlichen Function F befreite partielle Differenzialgleichung zweiter Ordnung:

$$\frac{\frac{d\omega}{dx} + \frac{d\omega}{dz} p + \frac{d\omega}{dp} r + \frac{d\omega}{dq} s}{\frac{d\omega}{dy} + \frac{d\omega}{dz} q + \frac{d\omega}{dp} s + \frac{d\omega}{dq} t}$$

$$-\frac{\frac{dv}{dx} + \frac{dv}{dz} p + \frac{dv}{dp} r + \frac{dv}{dq} s}{\frac{dv}{dy} + \frac{dv}{dz} q + \frac{dv}{dp} r + \frac{dv}{dq} t} = 0,$$

deren allgemeines Integrale die vorgelegte Gleichung mit der willkürlichen Function F der beiden bekannten Functionen ω und ρ ist.

Diese letzte Gleichung nimmt nach gehöriger Reduction folgende Gestalt an:

$$\begin{aligned} M + Nr + Ps + Qt + R(rt - s^2) &= 0, \\ \text{wo man hat} \\ M &= \frac{d\omega}{dx} \frac{dv}{dy} - \frac{d\omega}{dy} \frac{dv}{dx} + \left(\frac{d\omega}{dz} \frac{dv}{dy} - \frac{d\omega}{dy} \frac{dv}{dz}\right) p \\ &+ \left(\frac{d\omega}{dx} \frac{dv}{dz} - \frac{d\omega}{dz} \frac{dv}{dz}\right) q, \\ N &= \frac{d\omega}{dp} \frac{dv}{dy} - \frac{d\omega}{dy} \frac{dv}{dp} + \left(\frac{d\omega}{dp} \frac{dv}{dz} - \frac{d\omega}{dz} \frac{dv}{dp}\right) q, \end{aligned}$$

$$= \frac{d\omega}{dx} \frac{dv}{dp} - \frac{d\omega}{dp} \frac{dv}{dx} + \frac{d\omega}{dq} \frac{dv}{dy} - \frac{d\omega}{dy} \frac{dv}{dq} + \left(\frac{d\omega}{dz} \frac{dv}{dp} - \frac{d\omega}{dp} \frac{dv}{dz}\right)p + \left(\frac{d\omega}{dq} \frac{dv}{dz} - \frac{d\omega}{dz} \frac{dv}{dq}\right)q,$$

$$= \frac{d\omega}{dx} \frac{dv}{dq} - \frac{d\omega}{dq} \frac{d\omega}{dx} + \left(\frac{d\omega}{dz} \frac{dv}{dq} - \frac{d\omega}{dq} \frac{dv}{dz}\right)p,$$

$$= \frac{d\omega}{dp} \frac{dv}{dq} - \frac{d\omega}{dq} \frac{dv}{dp}.$$

Nimmt man nun R = 0 an, und substituirt den Werth $\frac{dv}{dq}$, der aus dieser Gleichung folgt, in die dritte l vierte der letzten Gleichungen, so erhält man mit rücksichtigung der zweiten Gleichung

$$\frac{Q\frac{d\omega}{dp}}{\frac{d\omega}{dq}} + \frac{N\frac{d\omega}{dq}}{\frac{d\omega}{dp}} - P = \bullet$$

Aus dieser Gleichung folgt

$$\frac{d\omega}{dq}=u\,\frac{d\omega}{dp},$$

abkürzend

$$u = \frac{P \pm \sqrt{P^2 - 4NQ}}{2N}$$

etzt worden ist.

Sucht man aber aus derselben Gleichung R = 0 den erth von $\frac{d\omega}{dq}$, und substituirt ihn ebenfalls in die tte und vierte der obigen Gleichungen, so erhält man dieselbe Weise wie vorhin:

$$\frac{dv}{dq} = u \frac{d\omega}{dp}.$$

Substituirt man nun in die vier ersten der obigen sichungen für $\frac{d\omega}{dq}$, $\frac{dv}{dq}$ die so eben gefundenen Wer, so gelangt man endlich zu folgender Gleichung:

$$u N \frac{dw}{dx} + Q \frac{dw}{dy} + (Qq + Npu) \frac{dw}{dz} - u M \frac{dw}{dp} = 0.$$

Diese Gleichung und die vorige, nämlich

$$\frac{d\omega}{dq}-u\,\frac{d\omega}{dp}=0,$$

geben, wenn man sie addirt und subtrahirt, zwei Gleichungen, die mit den oben gefundenen Bedingungsgleichungen (16) identisch werden; man ist mithin zum Schlusse berechtiget, dass man den beiden Gleichungen (16) am allgemeinsten durch eine Gleichung von der Form (21) Genüge thun kann, und das allgemeine Integrale der vorgelegten linearen partiellen Differenzialgleichung (15) wird von der Form

$$F(X, Y) = 0$$

seyn, wo X und Y Functionen von x, y, z, p, q seyn müssen, wo F irgend eine willkürliche Function vorstellt.

13) Gibt es nun unter dem Systeme der zehn verschiedenen Größen X_1 , Y_1 , Z_1 , V_1 , etc. aus §. 11 zwei, die mit zweien aus dem Systeme der zehn Größen ${}^{1}X_1$, ${}^{1}Y_1$, ${}^{1}Z_1$, ${}^{1}V_1$, etc. identisch sind, dann ist jede willkürliche Function dieser beiden Größen, gleich Null gesetzt, das allgemeine Integrale der vorgelegten partiellen Differenzialgleichung (15), wenn nicht, so muß man zu folgendem Verfahren seine Zuflucht nehmen: Man hebe je zwei der zehn verschiedenen Größen X_1 , Y_1 , Z_1 , V_1 , etc. heraus, bringe sie unter eine willkürliche Function, und setze diese Function gleich Null; jede so erhaltene Gleichung wird bestimmt der ersten der Bedingungsgleichungen (16) Genüge thun, ob sie aber auch der zweiten der eben citirten Gleichungen entsprechen wird, hängt von dem Umstande ab, ob un-

den Größen 'X, 'Y, 'Z, 'V, etc. sich solche rfinden, die aus den Größen X_1, Y_1, Z_1, V_1 , etc. folgert werden können, oder ob aus den erstern Grösn, durch schickliche Verbindungen unter einander, ch solche neue Größen ableiten lassen, die entweder it den letztern identisch, oder aus ihnen gebildet weren können. Dieses im Voraus zu bestimmen, wird man dem Falle, wenn die Gleichung (15) kein Integrale rster Ordnung hat, nie zu Stande bringen; allein die n vorigen (). gefundene Form des allgemeinen Integrals rster Ordnung einer linearen partiellen Differenzialgleihung dreier Variablen bietet uns Mittel dar, diese chwierigkeit, wenn man die Mühe einer weitläufigen peration nicht scheut, zu heben. Man untersuche nämch, ob die früher erwähnte Gleichung mit der willkürchen Function je zweier der Größen X,, Y,, Z,, V,, etc. er zweiten der Gleichungen (16) Genüge thut; da die nzahl dieser Gleichungen beschränkt, nämlich

$$=\frac{10\cdot 9}{1\cdot 2}=45$$

t, so wird man höchstens 45 Operationen vornehmen üssen, um zu entscheiden, ob beiden Gleichungen (16) urch eine und dieselbe willkürliche Function zweier ekannter Functionen von x, γ, z, p, q Genüge gehehen kann. Ereignet es sich nun, daß keine der erähnten 45 Gleichungen der zweiten der Bedingungsleichungen (16) Genüge thut, so ist dieses ein sicheres lerkmal, daß die vorgelegte Gleichung (15) kein allgeeines Integrale erster Ordnung hat, und unsere Untertchung einer solchen Gleichung ist hiemit als beschlosmanzusehen.

Statt zu untersuchen, ob eine dieser 45 Gleichunen der zweiten der Bedingungsgleichungen (16) Geige thue oder nicht, kann man auch die Untersuchung bei der Summe der beiden Bedingungsgleichungen (16), nämlich bei der Gleichung

$$\frac{d\omega}{dx} - u \frac{d\omega}{dp} = 0$$

anstellen, wodurch die Rechnung um vieles vereinfacht wird.

Es ist übrigens einleuchtend, dass es gleichgülig seyn mus, von welchem Systeme der zehn Größen ma sich die 45 Gleichungen verschafft, unter denen eine, wenn die Gleichung (15) eines allgemeinen Integrals er ster Ordnung fähig seyn soll, der letzten Gleichung Genüge thun mus.

Einige Beispiele werden das bisher Vorgetragene deutlicher machen.

14) Es sey gegeben die lineare partielle Differenzialgleichung zweiter Ordnung:

$$(1+pq+q^2)r+(q^2-p^2)s-(1+pq+p^2)t=0$$

Vergleicht man diesen besondern Fall mit dem allgemeineren (15), so hat man

$$M = 0$$
, $N = 1 + pq + q^2$, $P = q^2 - p^2$, $Q = -(1 + pq + p^2)$,

$$u = \frac{q^2 - p^2 \pm \sqrt{(q^2 - p^2)^2 + 4(1 + pq + q^2)(1 + pq + p^2)}}{2(1 + pq + q^2)}.$$

Je nachdem nun das obere oder untere Zeichen beibehalten wird, hat man:

$$u = 1$$
 oder $u = -\frac{1 + pq + p^2}{1 + pq + q^2}$.

Behält man nun den zweiten Werth von u, so gehen die gewöhnlichen Differenzialgleichungen (17) in folgende über:

$$dp - \frac{1 + pq + p^2}{1 + pq + q^2} dq = 0,$$

$$dz + (p+q) (1 + pq + p^2) dq = 0,$$

$$dy + (1 + pq + p^2) dq = 0,$$

$$dx + (1 + pq + p^2) dq = 0,$$

$$d\omega = 0.$$

Die erste dieser Gleichungen wird am schnellsten itegrirt, wenn man statt p+q und p-q zwei neue ariable einführt, in Bezug auf diese neuen Variablen ie Integration ausführt, und dann die ersteren Variablen arück substituirt; das gefundene Integrale ist dann

$$\frac{p-q}{\sqrt{z+(p+q)^2}}=a_1,$$

o a, die Constante der Integration bedeutet.

Sucht man nun aus dieser Gleichung den Werth von und setzt ihn in die zweite, dritte und vierte der aufestellten gewöhnlichen Differenzialgleichungen, so kann an dann eine jede einzelne für sich integriren. Substitirt man nun nach vollzogener Integration in die erhalnen Integralgleichungen statt a den obigen Werth, so rhält man noch folgende drei Integralgleichungen:

$$z + \frac{(p+q)^{2} [4 + (3 + 2pq) (p+q)^{2}]}{8 [2 + (p+q)^{2}]} = b_{1},$$

$$y + \frac{(p+q) [3 + (2 + pq) (p+q)^{2}]}{3 [2 + (p+q)^{2}]} = c_{1},$$

$$x + \frac{(p+q) [3 + (2 + pq) (p+q)^{2}]}{3 [2 + (p+q)^{2}]} = d_{1},$$

0 b_1 , c_1 , d_1 ebenfalls Constanten der Integration between.

Nachdem wir vier der Größen X_1 , Y_1 , Z_1 , V_1 , Y_2 , etc. gefunden haben, wollen wir auch vier der ößen ${}^{1}X_1$, ${}^{1}Y_1$, ${}^{1}Z_1$, ${}^{1}V_1$, ${}^{1}X_2$, ${}^{4}Y_2$, etc. uns zu verhaffen suchen.

Um diese letztern Größen zu erhalten, müssen wir s der Differenzialgleichungen (19) bedienen. Für den liegenden Fall gehen sie in folgende über:

$$dp - \frac{1 + pq + p^2}{1 + pq + q^2} dq = 0,$$

$$dz - (p+q) (1 + pq + p^2) dq = 0,$$

$$dy - (1 + pq + p^2) dq = 0,$$

$$dx - (1 + pq + p^2) dq = 0,$$

$$d\omega = 0.$$

Integrirt man die vier ersten dieser Gleichungen auf ähaliche Weise wie die vorigen, so erhält man folgende Integralien:

$$\frac{p-q}{\sqrt{2+(p+q)^2}} = {}^{1}a_{1},$$

$$z - \frac{(p+q)^{2}[4+(3+2pq)(p+q)^{2}]}{8[2+(p+q)^{2}]} = {}^{1}b_{1},$$

$$y - \frac{(p+q)[3+(2+pq)(p+q)^{2}]}{3[2+(p+q)^{2}]} = {}^{1}c_{1},$$

$$z - \frac{(p+q)[3+(2+pq)(p+q)^{2}]}{3[2+(p+q)^{2}]} = {}^{1}d_{1},$$

wo ${}^{1}a_{1}$, ${}^{1}b_{1}$, ${}^{1}c_{1}$, ${}^{1}d_{1}$ ebenfalls die willkürlichen Constanten der Integration vorstellen.

Wir sehen nun, dass beide Systeme der zehn Grössen bereits eine Größe gemeinschaftlich haben, nämlich

$$X_1 = {}^1X_1$$

Um nun zu untersuchen, ob sich noch eine gemeinschaftliche Größe in beiden Systemen vorfindet, müssen wir, da uns aus jedem Systeme bloß vier Größen bekannt sind, zu dem im §. 11 angegebenen Verfahren schreiten, um einige, oder, wenn es nöthig seyn wird, sämmtliche noch übrige Größen kennen zu lernen.

Um zur Kenntniss von vier neuen Größen des ersten Systems der zehn Größen zu gelangen, wollen wir die Differenzialgleichungen (17) folgender Massen stellen:

$$dy - dx = 0,$$

$$dz - (p+q) dx = 0,$$

$$dp + \frac{1}{1 + pq + q^2} dx = 0,$$

$$dq + \frac{1}{1 + pq + p^2} dx = 0.$$

Die erste dieser Differenzialgleichungen hat folgenss Integrale:

$$y'-x=a_{5}$$

o a_5 die willkürliche Constante der Integration vorstellt.

Die Integralien der drei letzten Gleichungen sind, ie wir sogleich sehen werden, überslüssig, daher wir ich die Aufsuchung derselben unterlassen.

Um ferner zur Kenntnis von vier neuen Größen is zweiten Systems der zehn Größen zu gelangen, woln wir die Differenzialgleichungen (19) folgender Maßen ellen:

$$dq - dx = 0,$$

$$dz - (p+q) dx = 0,$$

$$dp - \frac{1}{1 + pq + q^2} dx = 0,$$

$$dq - \frac{1}{1 + pq + p^2} dx = 0.$$

Die erste dieser Gleichungen hat zum Integrale

$$y - x = {}^{1}a_{5}.$$
Da nun $a_{5} = {}^{1}a_{5}$ ist, folglich

$$X_5 = {}^{1}X_5,$$

id wir oben gefunden haben

$$X_1 = {}^{\scriptscriptstyle 1}X_1,$$

haben beide Systeme der zehn Größen zwei Größen meinschaftlich, daher hat unsere vorgelegte lineare ztielle Differenzialgleichung zweiter Ordnung ein allmeines Integrale erster Ordnung.

Dieses Integrale ist

$$F(X_1, X_5) = 0;$$

oder, wenn für X1, X5 ihre Werthe substituirt werden:

$$F\left(y-x,\,\frac{p-q}{\sqrt{2+(p+q)^2}}\right)=0,$$

wo F irgend eine willkürliche Function vorstellt.

Sucht man nun die dieser Gleichung entsprechende partielle Differenzialgleichung zweiter Ordnung, so findet man die vorgelegte.

15) Für ein zweites Beispiel sey folgende lineare partielle Differenzialgleichung zweiter Ordnung gegeben:

$$q(z+qy) + 2p(z+qy)r + [x(z+qy) - 2p(1+py)]s - x(1+py)t = 0$$

Hier ist:

$$M = q(z + qy), \quad N = 2p(z + qy),$$

$$P = x(z+qy) - 2p(1+py), \quad Q = -x(1+py),$$
daher ist

$$u = \frac{x(z+qy)-2p(1+py)\pm\sqrt{[x(z+qy)+2p(1+py)]^2}}{4p(z+qy)}$$

Je nachdem man das obere oder untere Zeichen behält, ist

$$u = \frac{x}{2p}$$
 oder $u = -\frac{1+py}{2+qy}$.

Die Gleichungen (17) gehen daher, wenn man den ersten Werth von u behält, in folgende über:

$$dp + \frac{x}{2p} \left[1 + q (z + qy) \right] dq = 0,$$

$$dz - x(pz - q) dq = 0,$$

$$dy + x(1 + py) dq = 0,$$

$$dx - x(z + qy) dq = 0,$$

$$d\omega = 0.$$

Multiplicirt man die erste dieser Gleichungen mit 2p, die vierte mit q, und addirt sie, so erhält man folgende Gleichung:

$$2p\,dp + q\,dx + x\,dq = 0.$$

Diese Gleichung integrirt, hat man

$$p^2 + qx = a,$$

o a die Constante der Integration ist.

Multiplicirt man ferner die zweite Gleichung mit y, e dritte mit z, und addirt sie, so erhält man, wenn e vierte berücksichtiget wird:

$$ydz + zdy + dx = 0,$$

ther durch Integration:

$$yz+x=b,$$

o b ebenfalls die Constante der Integration ist.

Die übrigen Integralien dieser Differenzialgleichunen berechne ich nicht, da die Differenzialgleichungen 19), wenn für u derselbe Werth angenommen wird, ie beiden so eben gefundenen Integralien ebenfalls darieten.

In der That sind die Differenzialgleichungen (19) är den vorliegenden Fall folgende:

$$dp + \frac{x}{2p} \left[1 - q \left(z + q y \right) \right] dq = 0,$$

$$dz + x(pz - q) dq = 0,$$

$$dy - x(1 + py) dq = 0,$$

$$dx + x(z + qy) dq = 0,$$

$$d\omega = 0.$$

Multiplicirt man hier ebenfalls die erste mit 2p, die lette mit q, und addirt sie, so hat man

$$2pdp + qdx + xdq = 0,$$

Olglich durch Integration

$$p^2 + qx = c.$$

Wenn ferner die zweite dieser Differenzialgleichunjen mit γ , die dritte mit z multiplicirt wird, und dann lie so erhaltenen zwei neuen Gleichungen zur letzten ddirt werden, so erhält man

$$ydz + zdy + dx = 0,$$

daher integrirt

$$yz + x = d,$$

wo c und d die Constanten der Integrationen sind.

Es ist mithin das Integrale unserer vorgelegten partiellen Differenzialgleichung zweiter Ordnung:

$$F[yz + x, p^2 + qx] = 0,$$

wo F eine willkürliche Function vorstellt.

Aus diesem Beispiele ersieht man, dass es nicht immer absolut nothwendig sey, nach der in den Paragrephen 11 bis 13 gegebenen Vorschrift zu verfahren, um zu den Integralien solcher partieller Differenzialgleichungen, von denen in dieser Abhandlung die Rede ist, m gelangen. In den meisten Fällen, in welchen die vorgelegten Differenzialgleichungen Integralien von unmittelbar vorhergehender Ordnung zulassen, wird man auf ähnliche Weise, wie im letzten Beispiele, durch schickliche Verbindungen der Hülfsdifferenzialgleichungen seinen Zweck erreichen; in den entgegengesetzten Fällen aber wird man seine Zuflucht zu den in den citirten Paragraphen gegebenen Vorschriften nehmen müssen.

16) Wir wollen nun dieselben Untersuchungen bei linearen partiellen Differenzialgleichungen dreier Variablen dritter Ordnung anstellen.

Es sey gegeben die partielle Differenzialgleichung $M+N\frac{d^3z}{dx^3}+P\frac{d^3z}{dx^3dy}+Q\frac{d^3z}{dxdy^2}+R\frac{d^3z}{dy^5}=0$. (22) wo M, N, P, Q, R beliebige Functionen von x, y, z, p, q, r, s, t sind.

Soll nun diese Gleichung ein Integrale erster Ordnung haben, so muß diese Gleichung, nachdem in derselben statt $\frac{d^3z}{dx^3}$, $\frac{d^3z}{dy^3}$ die Werthe aus den Gleichungen

3) substituirt worden sind, unabhängig von $\frac{d^3z}{dx^2dy}$, $\frac{d^3z}{dy^2}$ Statt haben können.

Substituirt man diese Werthe, so geht die vorgegte Gleichung in folgende über:

$$-P \frac{d^3z}{dx^3dy} + Q \frac{d^3z}{dxdy^2}$$

$$-\frac{\left[\frac{d\omega}{dx} + \frac{d\omega}{dz}p + \frac{d\omega}{dp}r + \frac{d\omega}{dq}s + \frac{d\omega}{ds}\frac{d^3z}{dx^3dy} + \frac{d\omega}{dt}\frac{d^3z}{dxdy^3}\right]}{\frac{d\omega}{dr}}$$

$$-\frac{\left[\frac{d\omega}{dy} + \frac{d\omega}{dz}q + \frac{d\omega}{dp}s + \frac{d\omega}{dq}t + \frac{d\omega}{ds}\frac{d^3z}{dxdy^3} + \frac{d\omega}{dr}\frac{d^3z}{dx^3dy}\right]}{\frac{d\omega}{dt}}$$

Damit nun diese Gleichung unter der oben ausgeprochenen Bedingung Statt haben soll, müssen folgende rei Gleichungen zugleich Statt haben können:

$$\frac{N\left[\frac{d\omega}{dx} + \frac{d\omega}{dz} p + \frac{d\omega}{dp} r + \frac{d\omega}{dq} s\right]}{\frac{d\omega}{dr}}$$

$$-\frac{R\left[\frac{d\omega}{dy} + \frac{d\omega}{dz} q + \frac{d\omega}{dp} s + \frac{d\omega}{dq} t\right]}{\frac{d\omega}{dt}} = 0,$$

$$-\frac{N\frac{d\omega}{ds}}{\frac{d\omega}{dr}} + P - \frac{R\frac{d\omega}{dr}}{\frac{d\omega}{dt}} = 0,$$

$$-\frac{N\frac{d\omega}{dt}}{\frac{d\omega}{dr}} + Q - \frac{R\frac{d\omega}{ds}}{\frac{d\omega}{dt}} = 0.$$

Die beiden letzten Gleichungen sind mit den zwei folgenden gleichbedeutend:

$$R\left(\frac{d\omega}{dr}\right)^{2} - P\frac{d\omega}{dr}\frac{d\omega}{dt} + N\frac{d\omega}{ds}\frac{d\omega}{dt} = 0,$$

$$N\left(\frac{d\omega}{dt}\right)^{2} - Q\frac{d\omega}{dr}\frac{d\omega}{dt} + R\frac{d\omega}{dr}\frac{d\omega}{ds} = 0.$$

Eliminirt man aus diesen Gleichungen bald $\frac{d\omega}{dt}$ und bald $\frac{d\omega}{dr}$, so erhält man folgende zwei Gleichungen:

$$(NR - PQ) \left(\frac{d\omega}{dr}\right)^{3} + (NQ + P^{2}) \frac{d\omega}{ds} \left(\frac{d\omega}{dr}\right)^{2}$$

$$- 2NP \left(\frac{d\omega}{ds}\right)^{2} \frac{d\omega}{dr} + N^{2} \left(\frac{d\omega}{ds}\right)^{3} = 0,$$

$$(NR - PQ) \left(\frac{d\omega}{dt}\right)^{3} + (PR + Q^{2}) \frac{d\omega}{ds} \left(\frac{d\omega}{dt}\right)^{2}$$

$$- 2QR \left(\frac{d\omega}{ds}\right)^{2} \frac{d\omega}{dt} + R^{2} \left(\frac{d\omega}{ds}\right)^{3} = 0.$$

Stellt nun u_i eine der drei Wurzeln der kubischen Gleichung

$$(NR-PQ)u^3 + (NQ+P^2)u^2 - 2NPu + N^2 = 0$$

vor, wenn u die Unbekannte der Gleichung ist; ferner o_1 eine der drei Wurzeln der kubischen Gleichung

 $(NR-PQ) \nu^3 + (PR+Q^2) \nu^2 - 2QR\nu + R^2 = 0$, wenn ν die Unbekannte dieser Gleichung ist, so hat mas statt den zwei letzten Bedingungsgleichungen folgende mit ihnen identische:

$$\frac{d\omega}{dr} - u_1 \frac{d\omega}{ds} = 0$$

$$\frac{d\omega}{dt} - v_1 \frac{d\omega}{ds} = 0$$
(23)

Werden diese Werthe für $\frac{d\omega}{dr}$, $\frac{d\omega}{dt}$ in die erste der drei zuerst aufgestellten Bedingungsgleichungen substituirt, so geht sie nach allen Reductionen in fol-

ende über:

$$\frac{1}{4} \sigma_1 M \frac{d\omega}{ds} - N\sigma_1 \frac{d\omega}{dx} - Ru_1 \frac{d\omega}{dy} - (N\rho\sigma_1 + Rqu_1) \frac{d\omega}{dz}$$

$$- (Nr\sigma_1 + Rsu_1) \frac{d\omega}{dp} - (Ns\sigma_1 + (Rtu_1) \frac{d\omega}{dq})$$

$$= o(24)$$

Wenn daher die vorgelegte Gleichung (22) ein Inegrale zweiter Ordnung haben soll, muss es eine Funcion ω von x, γ , z, p, q, r, s, t geben, die den drei efundenen Bedingungsgleichungen (23) und (24) zuleich Genüge thut.

Gibt es nun ein solches ω, so wird dieses auch der iumme der drei Bedingungsgleichungen, d. h. dieses ω rird auch der Gleichung

$$N_{\sigma_1} \frac{d\omega}{dx} + Ru_1 \frac{d\omega}{dy} + (N_{\sigma_1} + R_{\sigma_1}) \frac{d\omega}{dz}$$

$$+ (N_{\sigma_1} + R_{\sigma_1}) \frac{d\omega}{dp} + (N_{\sigma_1} + R_{\sigma_1}) \frac{d\omega}{dq}$$

$$- (u_1 + v_1 + u_1 v_1 M) \frac{d\omega}{ds} + \frac{d\omega}{dr} + \frac{d\omega}{dt}$$
Figure leisten.

Diese Gleichung kann man als lineare partielle Diferenzialgleichung erster Ordnung der neun Variablen $, \gamma, z, p, q, r, s, t, \omega$, worunter die acht ersten ie absolut Variablen sind, ansehen, und als solche urch das System folgender gewöhnlicher Differenzialleichungen integriren:

$$dy - \frac{Ru_1}{Nv_1} dx = 0,$$

$$dz - \frac{(Npv_1 + Rqu_1)}{Nv_1} dx = 0,$$

$$dp - \frac{(Nrv_1 + Rsu_1)}{Nv_1} dx = 0,$$

$$dq - \frac{(Nsv_1 + Rtu_1)}{Nv_1} dx = 0,$$

$$ds + \frac{(u_1 + v_1 + u_1v_1M)}{Nv_1} dx = 0,$$
Zeitschr. f. Phys. u. Mathem. VII. 2.

13

$$dr - \frac{1}{Nv_1} dx = 0,$$

$$dt - \frac{1}{Nv_1} dx = 0,$$

$$d\omega = 0.$$

Die sieben ersten dieser Gleichungen enthalten acht Variable, folglich ist es immer möglich, solche zu integriren. Stellt man die Integralien dieser sieben ersten Gleichungen durch

T=a, U=b, V=c, W=d, X=e, Y=f, Z=g vor, we die Theile rechts den Gleichheitszeichen Functionen von x, y, z, p, q, r, s, t, und die Theile links die Constanten der Integralien sind, so wird das Integrale der Gleichung (25) folgende Form haben:

$$\omega = F(T, U, V, W, X, Y, Z),$$

wo F eine willkürliche Function vorstellt.

Verfährt man auf dieselbe Weise wie im §. 11, 50 findet man, dass die Zahl der Größen T, U, V, W, elc., welche unter einander verschieden seyn werden,

$$=\frac{7.8}{1.2}=28$$

ausfällt.

17) Wir wollen nun auf einem ähnlichen Wege, wie im §. 12, die Form des allgemeinen Integrals der partiellen Differenzialgleichung (22) zu bestimmen suchen.

Man habe die zu diesem Behufe partielle Differenzialgleichung zweiter Ordnung:

 $F[\omega(x, y, z, p, q, r, s, t), \nu(x, y, z, p, q, r, s, t)] = 0$, wo F eine willkürliche Function der beiden einstweilen als bestimmt angenommenen Functionen ω , ν vorstellt.

Differenzirt man diese Gleichung partiell nach z und γ , so wird man nach Wegschaffung des Quotienten $\frac{\sigma}{s}$: $\frac{dF}{dv}$ auf folgende partielle Differenzialgleichung

$$+ N \frac{d^{3}z}{dx^{3}} + P \frac{d^{3}z}{dx^{3}dy} + Q \frac{d^{3}z}{dx dy^{3}} + R \frac{d^{3}z}{dy^{3}}$$

$$+ S \left[\frac{d^{3}z}{dx^{3}} \cdot \frac{d^{3}z}{dx dy^{3}} - \left(\frac{d^{3}z}{dx^{3}dy} \right)^{2} \right]$$

$$+ T \left[\frac{d^{3}z}{dx^{3}} \cdot \frac{d^{3}z}{dy^{3}} - \frac{d^{3}z}{dx^{3}dy} \cdot \frac{d^{3}z}{dx dy^{3}} \right]$$

$$+ U \left[\frac{d^{3}z}{dx^{3}dy} \cdot \frac{d^{3}z}{dy^{3}} - \left(\frac{d^{3}z}{dx dy^{3}} \right)^{2} \right]$$

obei die Werthe der Größen M, N, P, Q, R, S, U leicht zu finden sind.

Soll aber die erhaltene partielle Differenzialgleiung dritter Ordnung linear seyn, so muss man

ler
$$S = 0, \quad T = 0, \quad U = 0$$

$$\frac{d\omega}{dr} \frac{dv}{ds} - \frac{dv}{dr} \frac{d\omega}{ds} = 0,$$

$$\frac{d\omega}{dr} \frac{dv}{dt} - \frac{dv}{dr} \frac{d\omega}{dt} = 0,$$

$$\frac{d\omega}{ds} \frac{dv}{dt} - \frac{dv}{ds} \frac{d\omega}{dt} = 0 \quad \text{haben.}$$

Da aber eine jede dieser Gleichungen eine Folge er beiden andern ist, so ist die Existenz zweier Gleiungen hinreichend, um den so eben ausgesprocheen Zweck zu erreichen.

Aus diesen Gleichungen folgt:

$$\frac{dv}{dr} = \frac{\frac{d\omega}{dr}}{\frac{d\omega}{ds}},$$

$$\frac{dv}{dt} = \frac{\frac{d\omega}{dt}}{\frac{d\omega}{dr}} \frac{dv}{dr}.$$

Substituirt man diese Werthe in die oben angenommenen für N, P, R, so erhält man folgende Gleichung:

$$\frac{N\frac{d\omega}{ds}}{\frac{d\omega}{dr}} - P + \frac{R\frac{d\omega}{dr}}{\frac{d\omega}{dt}} = 0.$$

Substituirt man ferner dieselben Größen in die oben für N, Q, R angenommenen VVerthe, so hat man:

$$\frac{N\frac{d\omega}{dt}}{\frac{d\omega}{dr}} - Q + \frac{R\frac{d\omega}{ds}}{\frac{d\omega}{dt}} = 0.$$

Durch ein ähnliches Verfahren erhält man auch solgende Gleichungen:

$$\frac{N\frac{dv}{ds}}{\frac{dv}{dr}} - P + \frac{R\frac{dv}{dr}}{\frac{dv}{dt}} = 0,$$

$$\frac{N\frac{dv}{dt}}{\frac{dv}{ds}} - Q + \frac{R\frac{dv}{ds}}{\frac{dv}{ds}} = 0.$$

Aus den zwei erstern der vier letzten Gleichungen findet man:

$$\frac{d\omega}{dr} - u, \frac{d\omega}{ds} = 0,$$

$$\frac{d\omega}{dt} - v_1 \frac{d\omega}{ds} = 0,$$

und aus den zwei letztern derselben vier Gleichungen:

$$\frac{dv}{dr} - u_1 \frac{dv}{ds} = 0,$$

$$\frac{dv}{dt} - v_1 \frac{dv}{ds} = 0,$$

wo u, eine der Wurzeln folgender kubischer Gleichung

 $(R - PQ) n^3 + (NQ + P^2) u^2 - 2 NPu + N^2 = 0$, welcher u die Unbekannte vorstellt, und e_1 eine der Zurzeln der kubischen Gleichung

$$VR - PQ$$
) $\rho^3 + (PR + Q^2) \rho^2 - 2QR\rho + R^2 = 0$
t, in welcher ρ die Unbekannte ist.

Substituirt man nun die hier gefundenen Werthe ir $\frac{d\omega}{dr}$, $\frac{d\omega}{dt}$, $\frac{dv}{dt}$, $\frac{dv}{dt}$ in die obigen Gleichungen, welhe M, N, P, Q, R bestimmen, so gelangt man endch zu folgender Gleichung:

$$- (Nrv_1 + Rsu_1) \frac{d\omega}{dz} - (Npv_1 + Rqu_1) \frac{d\omega}{dz}$$

$$- (Nrv_1 + Rsu_1) \frac{d\omega}{dp} - (Nsv_1 + Rtu_1) \frac{d\omega}{dq}$$

$$= 0.$$

Aus der Identität dieser hier gefundenen Gleichunen mit den Bedingungsgleichungen, die Statt haben tüssen, damit eine lineare partielle Differenzialgleihung dritter Ordnung ein Integrale der zweiten Ordung habe, erhellet, dass das allgemeine Integrale zweiter Ordnung einer linearen partiellen Differenzialgleihung dritter Ordnung eine willkürliche Function zweier ekannten Functionen der Größen x, y, z, p, q, r, t seyn muß. Hiemit ist man auch im Stande, durch hnliche Betrachtungen, wie im § 13, über die Existenz ines allgemeinen Integrals der Gleichung (22) mit Betimmtheit zu entscheiden.

18) Was die nicht linearen partiellen Differenzialsleichungen der zweiten oder einer höhern Ordnung betrifft, bedarf es hier keiner weiteren Erörterung, inlem, wenn nach den bei linearen gegebenen Vorschrifen verfahren wird, man ebenfalls auf Bedingungsgleihungen kommt, die von der ersten Ordnung, aber icht mehr linear, sind. Von diesen Bedingungsgleichungen ist es hinreichend, eine einzige, die sämmtliche partielle Differenzialquotienten enthält, zu integriren, und wenn die vorgelegte nicht lineare partielle Differenzialgleichung höherer Ordnung ein Integrale von unmittelbar vorhergehender Ordnung haben soll, mußirgend ein partikuläres Integrale der so eben integriren Bedingungsgleichung allen übrigen Bedingungsgleichungen Genüge thun können; geht dies nicht an, so hat die in Rede stehende Gleichung kein Integrale von unmittelbar vorhergehender Ordnung.

Ganz dasselbe Verfahren, welches bei der Untersuchung der partiellen Differenzialgleichungen dreits Variablen angewendet worden ist, läst sich auch auf partielle Differenzialgleichungen von vier oder mehreren Variablen ausdehnen.

· IV.

Über einige karpathische Gebirgsseen im Zipser Comitat in Oberungarn;

von

Th. Mauksch.

Niemand hat sich noch die Mühe gegeben, alle Gebirgsseen an den Zipser Alpen aufzusuchen, und mit eigenen Namen zu belegen; ein Jeder, der das Gebirgenus welcher Ursache immer, bereist, lernt nur diese kennen, die er auf seinem Wege gefunden hat, und bekümmert sich um die andern weit entlegenen so wenig, als der hier heimische Gebirgsmann um jene, die der erstere zu sehen Gelegenheit hatte. Schon aus diesem Grunde, ohne andere zu denken, kann ich es nicht über

ich nehmen, alle Seen aufzuzählen; es wird genug yn, die von mir besuchten anzuzeigen, das Wissenserthe dabei auszuheben, und mit einigen Bemerkunn zu begleiten. Die ihrer Größe nach gepriesenen egen zum Theil auf der Nordseite der Alpen, und uner denen behauptet der Fischsee den ersten Rang; er at seinen Namen von den Fischen, die sich hier nähen und vermehren, und soll beinahe eine Meile im Umange haben; die anderen, z. B. der Pflocksee, der roße schwarze See u. s. w., sind dagegen kleiner; weil ih aber diese Gegenden nicht kenne, so will ich das loß Gehörte nicht nacherzählen, sondern mich gerade i die sogenannten Kupferschachte wenden, und die dorigen Seen angeben.

Einer derselben ist der weiße See. Er liegt unter em südlichen Abhange des Sattels, und hat an seiner Istseite den Turlsberg, und nach Westen einen sehr ichen, ausgedehnten Granitkolofs, der wegen der Nacharschaft der weiße Seethurm heißt. Sein Wasser ist war klar, aber seine Ufer sind an einigen Stellen chlammig, an andern torfig, mit vielen Wassergewächen besetzt, so daß er das Ansehen eines Sumpfes von reiläufig 1500 Schritten im Umfange hat. Der größte Theil seines Wassers kommt ihm aus einem höhern See u, welcher an der Seite des erstgedachten weißen Seehurms liegt.

Die Umgebungen des erstgenannten Sees sind verschiedenartig: gegen Süden allein ist das Thal offen, and gewährt dem Wasser einen Abzug in das tiefere lal; gegen Westen beginnt die granitöse Centralkette ler Alpen, die schon hier Grausen erregt; gegen Norlen ist das Land eben, von Wassergräben durchschniten, wird aber hügelig, so wie es sich dem Scheitel-

puncte nähert; gegen Osten endlich steigt, wie ich schon gesagt habe, der Turlsberg auf.

Vom weißen See führt der Weg von Norden gegen den grünen See hin. Wer diesen von hieraus besuchen will, kann über einen nicht steilen Abhang in einer Stunde da seyn.

Wenn man von Käsmark aus dahin gelangen will, kommt man durch das Dorf Vorwerk, und von dain zwei Stunden über Acker- und Weideland, und dann durch den Wald auf steinigem Boden zu einer kleinen Blöße unter dem Razenberg. Hier ist man am Eingange des Thals auf einem ausgehauenen Wege, der sowohl für.den Fußgänger als Reiter sicher und bequem ist.

Der erste Berg, welcher da dem Reisenden vor Augen liegt, ist der sogenannte Kazenberg; er lehnt sich von vorne her, und dann seitwärts dem weißen Wasser folgend, in einer Länge von mehr als einer halben Meile gegen den grünen See hin an die Hundsdorfer Spitze an Sein ausgedehnter Körper, aus Urgranit in Bänken geschichtet, ist unten bewaldet, weiter hinauf mit Krummholz überwachsen, an einigen Stellen zu ersteigen, an andern aber steil, wesshalb sein Graswuchs nie völligab geweidet werden kann, und da dieser jährlich vermodern mus, so düngt er den Boden, und erzeugt jene feine, schwarze Erde, die man an den Abhängen der höchsten Berge zwischen Granitsteinen antrifft, ohne welche da alles öde und leer seyn würde. Vor Zeiten haben leichtgläubige Menschen, die überall Gold witterten, diesen Berg öfters besucht; jetzt aber wird er immer mehr vernachlässigt, obgleich Einige an seinem südlichen Fuls reichhaltiges Bleierz gefunden haben wollen. habe ich ihn von der Fronte her bestiegen durch einen damals finstern Wald, wo ich eine Stunde mehr kriechen als gehen musste, bis ich über die Waldregion in

ein offenes, gangbares Revier kam. Hier fand ich eine zwar magere, aber sonderbar gemischte Flor, ganz gemeine Wiesenkräuter in vertrauter Nachbarschaft mit solchen, die sonst nur auf kalten Alpenweiden blühen und gedeihen. Eine Grube von geringer Tiefe, die durch die Erdkrume bis zu dem unterliegenden Gestein ausgegraben worden ist, reizte meine Neugier; ich stieg hinab, und fand ein Lager Glimmerschiefer ohne alle fremde Beimischung über dem rings herum waltenden Granit ruhend.

Nun tritt das Stöschen in die Reihe der Berge. Es ist ein 4571 Fuss über das Meer erhabener Berg, der zwischen dem Kalkgrund und der Schlucht, durch welche das weisse Wasser absließt, seine isolirte Stelle einnimmt. Er ist rings herum mehr oder weniger bewaldet; sein etwas geneigter Gipfel und der gleichlaufende Rücken aber eind beide zu sehr der kalten Witterung ausgesetzt, als dass da die hochstämmigen Bäume wachsen könnten. Der größte wüste Raum ist jetzt an der Südseite des Berges, die von Käsmark her gesehen werden kann; er ist vor einigen Jahren durch einen verheerenden Brand, der durch Unvorsichtigkeit eines Holzhauers verursacht worden ist, entstanden.

Einige reisende Naturforscher haben sich geäußert, daß der ganze Berg aus hetorogenen, unzusammenhängenden Materien vom Wasser aufgeführt worden sey. Sie wollten ihre Meinung auf den Augenschein gründen, denn sie sahen von dem ausgehauenen Wege an dem Razenberg jene Halden an der Westseite des Stöschens, die nichts als Schutt mit Felsentrümmern vermischt dem Beobachter darstellen, und unter dem Namen der weissen Wand bekannt sind. Ich werde von diesen Halden bald mehr zu sagen haben; für jetzt merke ich nur an,

dass eben solche am Razenberg, der doch unstreitig zu dem Urgranit gezählt werden muss, vorkommen.

Noch ist das kleine, ausgerundete Thal, in welchem der grüne See liegt, zu betrachten übrig, welches die erhabenste Alpenparthie in den Kupferschachten ist. Der Weg dahin geht am Abhange des Razenberges bis zum weißen Wasser, über welches man auf einer elenden Brücke mit Vorsicht schreiten muß, dann jenseits, längs dem Ufer, über Sand und grobes Gerölle. Eben hier ist der Winkel, aus welchem im Jahre 1813 das viele Gewässer hervorbrach, und sich in den Bach stürzte, wodurch die damalige Überschwemmung vergrößert wurde; eine vom Wald und Rasen entblößte Seite am Stöschen wird ein langwährendes Denkmal jener Katastrophe seyn, die so vielen Schaden in weit aus einander liegenden Provinzen verursacht hatte.

Der Kessel, worin der grüne See liegt, wird mit Recht gerühmt, er ist 4605 P. Fuss hoch. Das Ausgezeichnete ist das Kleinliche des Thals, im Gegensatz der erhabenen, Grausen erregenden Berge, die wie gewaltige Riesen in kühner Stellung dasselbe in einem halben Zirkel umgeben, und das Ansehen haben, als wenn sie durch die Festigkeit ihrer Massen zu seinem Schutz, oder durch ihre Sturz drohende Gipfel zur Ausfüllung desselben da stünden. Die im Umkreise stehenden Berge steigen im Südost gegen die Hunsdorfer, und weiter nach Süden gegen die Lomnitzer Spitze auf; in der Richtung nach Südwest aber, wo sie abfallen, ist von hieraus ein nicht nur beschwerlicher, sondern selbst gefährlicher Übergang in die kleine Kahlbach. nach Westen sind wieder spitzige und hohe Gipfel, die im Westen gegen Norden das hohe Thal von der Seite einschließen, wo der rothe See liegt. Die Schlusskette endlich von diesem mehr als Halbkreise macht der an

seinem Fusse weit verhreitete weisse Seethurm aus, der zwischen dem grünen und weissen See sich im Nordwesten erhebt.

Die herrschende Gebirgsart auf allen diesen Bergen ist der in der ganzen Centralkette vorkommende Urgranit; er ist in klafterdicken Bänken über einander gelagert. Diese fand ich am weißen Seethurm von Südwest mach Nordost unter einem Winkel von etwas mehr als 40° aufsteigend, und in eben der Lage und Richtung auf dem hintern Ratzenberg; dagegen sind die von der Nordseite her außteigenden Kämme gegen den weißen See abgestürzt, steigen folglich in einer der vorigen entgegengesetzten Richtung auf.

Der Granit, von dem jetzt die Rede ist, ist im Ganzen und Großen grauweiß und von mittelmäßigem Horn; die seltenen Spielarten dieser Steinart aber sind hier beim grünen See die mit blutrothem Feldspath, mit rosenrothem Quarz und größern Körnern, mit einem Uberzug von Eisenocker, u. d. gl. Als etwas Besonderes, welches die Aufmerksamkeit der Geognosten erregen kann, muss ich anzeigen, dass man hier seit langer Zeit reiche Kupfererze gefunden hat, die, wenn sie in einem mehr zugängigen Orte vorkämen, lange ausgehauen worden wären. Sie machen, wie mich bewährte Augenzeugen versicherten, ein ausgedehntes Erzlager aus, welches bei den Bergleuten in Schmölnitz ein Rasenläufer heisst, weil es offen am Tage auf Granit ruht. Die ersten Spuren davon finden sich am Fusse der Käsmarker Spitze; sie sind aber von keiner Bedeutung, sondern erst in der Höhe, wo der Schnee nie ganz absebt, ist das Erz reich und lohnend. Der Zugang daun ist eine Schlucht an den Seiten hoher Spitzen, die van der Länge nach übersehen kann, bevor man zum rünen See gekommen ist. Dieses Erz ist ein Kupferkies; das bessere, silberhältige soll ein Fahlerz seyn, wovon mir aber keine Stufe zu Gesicht gekommen ist. Wie hoch die Quantität zu schätzen sey, wußte mir keiner von denen, die oben bei dem Erzlager waren, zu sagen, weil seine Schneedecke nie ganz abgeht; es sollen aber Spuren davon bis hinüber in die kleine Kahlbach streichen. Das Ganze dieses erzhältigen Gebirgstheils heißt die Kupferbank, und von dieser vermutlich das ganze untere Thal die Kupferschächte.

Nachdem wir die felsigen Umgebungen des grünen Sees beleuchtet haben, so wollen wir diesen selbst, und das Thal, in welchem er seine Stelle einnimmt, zur nihern Kenntnis bringen.

Der grüne See nimmt im Hintergrunde die Mitte dieses ausgewirbelten Thals ein. Er wird von hohen, steil aufsteigenden Bergen bis zur Öffnung nach Nordosten ganz umgeben, daher kann die Sonne seine Obersläche nur in den längsten Tagen bescheinen, und der Schnee bleibt in seiner Nähe länger als in andern Ausbiegungen der Kupferschächte liegen, obgleich seine Erhabenheit über das Meer 223 Par. Fuß geringer ist, als die des weißen Sees. Den Namen hat er von der meergrünen Farbe erhalten, die an einigen Stellen des Grundes angenehm in die Augen fällt. Über die Ursache dieser Erscheinung haben verschiedene Beobachter und Schriftsteller verschieden geurtheilt *); ich halte es aber

^{*)} Die Haupthypothesen haben Johann von Asboth, Bredetzky und der Ritter von Toboids vorgetragen. Johann von Asboth leitet in seiner ausführlichen Beschreibung des grünen Sees in Bredetzky's topographischem Taschenbuche für Ungarn, 1802, die grüne Farbe von einer durch Vitriolsäure hervorgebrachten Kupferauflösung ab, und sucht den Grund dieser chemischen Operation der Natur in der unweit dem grünen See gelegenen Ku

ht der Mühe werth, die Meinungen zum Theil unsender Menschen anzuführen, noch weniger auf die
shkommen fortzupflanzen, da die Kundigen es von
set errathen werden, dass hier eben die Ursachen im
ele sind, die dem Meerwasser die nämliche Farbe erilen. Gerade die grünen Stellen sind auch die tiefn, und aus einer bestimmten Tiefe reslectirt das durehhtige klare Wasser diese liebliche Farbe, die wir
h im Regenbogen wahrnehmen. Solche Stellen sind
n grünen See nicht allein eigen; ich fand sie auch in
lern, selbst in dem Wasser der kleinen Kahlbach da,
es ganz rein und hell in der gehörigen Tiefe zwi-

pferbank, über die sich ein Wasser in den See hinabstürzt, mit dem sich dann das eisenhältige Wasser aus dem rothen See vermischt, das sich ebenfalls in den grünen See ergiesst. Allein dieser Hypothese stehen viele wichtige physikalische Gründe entgegen, z. B. schon der Umstand, dass das Wasser ganz rein, klar und geschmacklos ist, und, mit einem Glase geschöpft, dem Auge als ein gewöhnliches Quellwasser erscheint. Asbóth hat später seine irrige Hypothese selbst zurückgenommen. Bredetzky, der in einer Anmerkung den Ungrund der Hypothese Asboth's rügte, wärmte dagegen eine anderc, schon früher von Buchholz aufgestellte Hypothese auf, dass nämlich die grüne Farbe von der Brunnenconferve (Conferva fontinalis), von Buchholz Jungferhaar genannt, herrühre, die in den Tiefen der Seequelle wachsen; aber Bredetzky konnte diese Hypothese nicht befriedigend und gründlich als wahrscheinlich darstellen. Ritter von Tobolds (nicht der Maler Stünder, wie Engel irrig in der allgemeinen Litteraturzeitung behauptete) erklärte in der Zeitschrift von und für Ungarn von Schediks, 1804, die grüne Farbe für eine optische Täuschung, und sucht sie durch optische Deductionen mit vielem Glücke zu beweisen.

sehen großen Felsenstücken im Laufe gehemmt eine Weile still stehen muß*).

Merkwürdig ist es, dass der in Hinsicht auf Größe so unbedeutende Alpensee gleichwohl einem anschnlichen Bach den Ursprung gibt, der niemals versiegt. Dieser ist das sogenannte weise Wasser, dessen größter Arm bei Häsmark in die Poper fällt.

Der dritte Alpensee in den Kupferschächten ist der schwarze, der im Gegensatze des im Norden der Alpen gelegenen großen schwarzen Sees, der kleine genannt wird.

Dieser See selbst ist fast eben so groß als der benachbarte, vielgenannte grüne; er unterscheidet sich aber durch mehrere Eigenheiten, die ich nicht unangezeigt lassen kann. Seinen Namen hat er von dem schwarzen Grunde, so wie der große auf der Nordseite, und sein Wasser ist für das Auge klar, hat aber einen sumpfigen Geschmack, mehr als das des weißen Sees, wovon die Ursache der Umstand ist, daß es keinen schnellen Zu- oder Absluß hat. Man sieht auf den dasigen steilen Höhen weder Schnee genug, noch die vielen anderswo vorkommenden Rinnsäle, die ihre Gegenwart durch Rauschen oder Plätschern verrathen. Man weiß auch nicht, auf welchem Wege die Wassermenge her-

^{*)} Auch Rumy machte auf seinen Reisen aus der Zips nach Galizien und zurück (1805 — 1807) durch die Karpathenthäler an den Flüssen Poper, Dunajetz und verschiedenen Waldbächen dieselbe Beobachtung, und machte sie sowohl in der monatlichen Correspondenz zur Beförderung der Erd- und Himmelskunde vom Freiherrn v. Zach zu Gotha, als auch in den Annalen der österreichischen Litteratur bekannt. Dasselbe Phänomen beobachtete er später in der Donau bei Wien, Pressburg und Gran, und in dem lauwarmen See bei Gran.

igeführt und unterhalten werde, und fast eben so ist mit dem Abslus bewandt; man kann, so lange man ist, nichts davon wahrnehmen, denn er ist mit Steinüberwölbt und vom Krummholz beschattet; erst nn man auf dem Rückwege ist, kommt man zu einem iht eben wasserreichen Graben, der seinen unterirchen Ursprung auf diesem See hat. Sein Wasser ist m zu Folge mehr stockend als sließend, daher macht einen Bodensatz, der jenem einen sumpsigen Geschmack theilt, obgleich es so klar zu seyn scheint, als überall den Seen und Bächen der Alpen.

Der letzte See ist der rothe, der seinen Namen von m vielen Eisen, welches die Steine da geröthet hat, halten haben mag.

V.

Fortschritte der Physik in der neuesten Zeit.

A. Wärme.

Über die Bestimmung hoher Temperaturen. Von Prinsep.

(Ann. de Chim. 41. 247.)

Die Wichtigkeit eines genauen Mittels zur Bestimnung hoher Temperaturen hat die Herausgeber dieser Zeitschrift bestimmt, im IV. Bande derselben des Vorchlagsprincipes eigens zu erwähnen, wodurch jene Betimmung mit einer bisher wohl gewünschten, aber nicht Freichten Schärfe gemacht werden zu können schien, viewohl dieser Vorschlag damals nur im Allgemeinen, eineswegs aber im Detail bekannt gemacht wurde, und erselbe Grund bewegt sie jetzt, da Prinsep's Arheit

über diesen wichtigen Gegenstand ausführlich erschienen ist, sie in einem möglichst vollständigen Auszuge darzustellen.

Der Verfasser beginnt seine Arbeit mit Klagen über den Mangel genauer Versuche zur Bestimmung hoher Temperaturen, erwähnt der Mängel des Wedgewoodschen Pyrometers und des häufig gebrauchten pyrometrischen Mittels vieler Künstler, die einer hohen Temperatur bedürfen, welches in einer durch den Ofen gezogenen Metallstange besteht, die an einem Ende durch ihre Ausdehnung auf einen außerhalb des Ofens angebrachten Apparat wirkt, und dadurch wenigstens den Abstand der herrschenden Temperatur von einem festgesetzten Puncte angibt. Prinsep selbst versichert, sich längere Zeit hindurch bei der Münze in Benares einer solchen Stange bedient zu haben, die an einem Ende eine aus Gold und Silber nach dem Principe der Compensation zusammengesetzte Scale hatte, und führt eine merkwürdige dabei vorkommende Erscheinung an. Die Hitze, welcher diese Scale ausgesetzt seyn kann, konnte nie die Schmelzhitze des Bleies oder beiläufig 700° k. (296 · 7/0 R.) übersteigen, und doch verlor das Gold an der Oberfläche nach und nach seine Farbe, auch wurde es vom Silber durchdrungen. Diese Wirkung wurde zu erst an den Kanten der Stange bemerklich, erstreckte sich aber endlich über die ganze Oberfläche des Goldes, so dass sie durch ein Mikroskop mit kleinen bleifarbigen Körnern besäet schien. Wo das Gold die gelbe Farbe nicht ganz verloren hatte, bekam es doch das Ansehen einer Legirung aus Gold und Silber. Diese Änderung erstreckte sich bis zu einer beträchtlichen Tiefe in die Goldmasse, und der Apparat verlor zusehends an Empfindlichkeit für 'die Wärme. Am befestigten Ende der Stange, wo ein Platinplättchen angebracht war, war

keine solche Farbenwandlung eingetreten, und es schien, als hatte das Platin die Einwirkung der Silberdämpfe auf das Gold verhindert. Beide Metalle waren vor ihrer Verwendung vollkommen rein, sie wurden ohne Zwischenmittel auf einander gelegt, und so weit erhitzt, bis das Silber zu schmelzen begann. Der so erhaltene Doppelstreifen wurde hierauf laminirt.

Prinsep meint, es könnte hier das Silber auf ähnliche Weise auf das Gold gewirkt haben, wie nach Faraday's Beobachtungen Quecksilber auf Gold selbst bei sehr geringen Temperaturen wirkt.

Nach dieser Episode geht Prinsep auf Daniell's Pyrometer über, und legt demselben die geringe Ausdehnung des Platins durch die Wärme, die schlechte Leitungsfähigkeit des Graphites, und die Wandelbarkeit seiner Form zur Last, und kommt endlich zur näheren Angabe der Thatsachen, die sich auf sein pyrometrisches Verfahren und auf die Vortheile desselben beziehen.

Bekanntlich sollen nach Prinsep hohe Temperaturen nach den Schmelzpuncten des Silbers, Goldes, Platins und mehrerer Legirungen derselben bestimmt werden. Da diese Temperaturen unveränderlich sind, so geben sie einen unverrückbaren, aller Orten gleichen pyrometrischen Massstab ab. Der ganze Apparat zur Bestimmung hoher Hitzgrade nimmt nur ein sehr kleines Volumen ein, indem jedes Probemetallstück nur die Größe eines Stecknadelkopfes zu haben braucht. Diese Stücke sind unzerstörbar, da sie im Feuer nicht oxydirt werden, and nach einem damit vorgenommenen Versuche nur Fieder unter einem Hammer geplattet zu werden brauhen; endlich ist die Bezeichnung bei diesem Pyromeer sehr einfach, und kann aus zwei Buchstaben und en die Legirung bezeichnenden Decimalen bestehen. o z. B. kann die Temperatur, bei welcher eine Legi-Zeitschr. f. Phys. u. Mathem. VII. 2. 14

rung aus 0.7 Silber und 0.3 Gold schmilzt, mit A 0.3 0, jene, bei welcher eine Legirung aus 100 Gold und 23 Th. Platin schmilzt, mit O 0.23 P bezeichnet werden *).

Die Bereitung des reinen Silbers und Goldes, so wie der damit veranstalteten Legirungen, deren jede um 10 pCt. mehr Gold enthielt als die nächst vorhergehende, und die demnach die ersten zehn Glieder der Pyrometerscale abgeben, unterliegt keiner Schwierigkeit, und darum hält sich auch Prinsep nicht bei derselben auf. Schwieriger ist die Bereitung der Legirungen aus Gold und Platin, deren man 99 bedarf, wovon jede um 1 pCt. mehr Platin enthält als die nächst vorhergehende, und darum spricht Prinsep davon ausführlicher. Wir wollen ihm folgen:

Es wurden dazu ganz reine Metalle gewählt, und das Mischungsverhältnis bis auf 1/1000 genau ausgemit-Jedes Probestück bekam ein Gewicht von 15 Gran Troy-Gewicht. Die Metalle wurden in eine kleine, mit calcinirten Knochen gefüllte, in einem thönernen Schmelztiegel befindliche Capelle gelegt, und einem mächtigen Essenfeuer ausgesetzt. Dabei wurde der Luftzutritt möglichst verwehrt, und öfters das Metall in Papier gewickelt, um der Trennung der kleinen Theile vorzubergen. Als die Probestücke aus dem Feuer kamen, hatten einige derselben bedeutend am Gewichte gewonnen, und diese waren unter dem Hammer spröde; andere hatten ihr ursprüngliches Gewicht beibehalten, wenige derselben hatten gar einen geringen Gewichtsverlast er-Beide, besonders aber letztere, waren sehr hämmerbar; zugleich waren sie glänzender, und an der

^{*)} Die Buchstaben O, P und A beziehen sich auf die französischen Namen des Goldes, Platins und Silbers. Statt dieser könnten wir die deutschen G, P und S wählen.

Dberfläche mit krystallinischen Zeichnungen versehen. Die Ursache der Gewichtszunahme einiger Stücke konnte er Verfasser nicht ergründen, er muthmaßet aber, sie ürfte von einer Oxygenaufnahme herrühren. Folgende afel enthält 29 so bereitete Legirungen aus Gold und latin. Es ist in derselben nur der Goldgehalt angegeen, was an demselben von 100 abgeht, ist an Platin ugesetzt. Die Legirungen aus 60 und 70 pCt. Platin onnten im stärksten Essenfeuer nicht mehr geschmolen werden, die aus 55 pCt. Platin bestehende war nur alb geschmolzen.

	Gehalt an Gold.	Sp. Gewicht der Legirung.	Absolutes Ge- wicht der Le- girung nach dem Schmel- zen in Granen	Hämmerbarkeit.
	100	19.36	1000	Vollkommen hämmerbar.
	99	18.4	1001.4	Etwas brüchig.
	98	19.0	1001	Detto.
	97	19.0	1000	Detto.
	97 96	19.8	1004	Nicht vollkommen geschmolzen.
,	95	19.1	1008.5	Brüchig.
,	94	18.6	1001	Detto.
	93	18.7	1014.5	An den Kanten etwas spröde.
3	92	19.5	1000	Sehr spröde.
9	91	19.4	1000	Vollkommen hämmerbar.
0	90	18.7	1005	Detto.
1	89	19.0	1003	Spröde.
2	88	19.4	1000	Detto.
3	87	18.8	1013	Ganz hämmerbar,
45	86	18.6	1000	Sehr spröde.
5	85	20.0	1000	Hämmerbar.
6	84	19,1	1004	Vollkommen hämmerbar.
3	83	19.2	1003	An den Kanten spröde.
	82	20.5	990?	Detto.
)	81	20.9	996	Vollkommen hämmerbar.
)	80	18.9	1000,2	Detto.

Zahl.	Gehalt an	Sp. Gewicht der Legirung.	AbsolutesGe- wicht der Le- girung nach dem Schmel- zen in Granen	Hämmerbarkeit.
21	75	20.9	992	Nicht ganz hämmerbar.
22	70 65	20.0	994	Detto.
23		19.9	990	Vollkommen hämmerbar.
24	. 60	19.0	1000.2	An den Kanten spröde.
25	55	18.9	1000.3	Detto.
26	50	20.0	1000	Etwas spröde.
27	45	1	1000.3	Sprode, aber nicht geflossen.
28	40	1	991	Nicht geflossen.
29	30	1	1000	Blofs zusammengeschweifst.

Die specifischen Gewichte konnten wegen der Kleinheit der Massen und einiger an denselben befindlicher Sprünge nicht genau gefunden werden. Sie sind bei den spröden Metallen geringer als bei den hämmerbaren.

Prinsep führt einige Beispiele an, welche die Empfindlichkeit seines Pyrometers zeigen, und geht dam zum wichtigsten Gegenstande seiner Abhandlung über, nämlich zur Bestimmung des Schmelzpunctes des Silbers und einiger seiner Pyrometerlegirungen nach Graden des Luftthermometers.

Zu diesem Behuse wurden in einem Osen, worin man eine sehr hohe Temperatur hervorbringen konnte, kleine Schmelztiegel mit Silber und mit Legirungen aus Gold und Silber angebracht, und unter diesen auch ein aus reinem Gold bestehender Kolben, der nahe 10 Kubikzoll Lust faste. An diesen Kolben war zuerst eine goldene, und außerhalb des Osens eine silberne, lustdicht schließende Röhre angebracht, welche in ein Gesäß führte, das größtentheils mit Olivenöhl gefüllt, unten mit einem Hahn zum Ablassen einer beliebigen Quanti-

tät desselben versehen war, seitwärts aber mit einer in gleiche Raumtheile getheilten, durch eine Öhlsäule gesperrten Glasröhre communicirte. Wenn die Temperatur des goldenen Kolbens erhöht wurde, dehnte sich die darin enthaltene Luft aus, es wurde ein Theil derselben in das Gefäss mit Öhl getrieben, und man musste durch den unteren Hahn des Apparates einen Theil Öhl herauslassen, um die Öhlsäule in der graduirten Glasröhre auf ihren ursprünglichen Stand zurückzuführen. Aus dieser Öhlquantität konnte man auf die Menge der aus dem Kolben vertriebenen Luft, und daraus auf die Temperatur des Kolbens einen Schluss machen, wobei man aber das von Gay-Lussac und Dalton gefundene Ausdehnungsgesetz der Luft auf so hohe Temperaturen anwenden, aber auch die Ausdehnung des Goldes, die nur für Temperaturen innerhalb des Fundamentalabstandes durch wirkliche Versuche ausgemittelt ist, weit über diese Gränzen so annehmen muss, wie sie sich aus jenen Versuchen Es versteht sich wohl von selbst, dass auf den bei jedem Versuch herrschenden Luftdruck und die Lufttemperatur, oder wenn diese sich während des Versuches änderten, auf das Mittel dieser Größen, wie es sich aus der Beobachtung beim Beginn und beim Schluss des Versuchs ergab, die gehörige Rücksicht genommen werden musste. Prinsep führt eine sehr ausgedehnte Reihe solcher Versuche an, und berechnet für jede derselben den aus der Ausdehnung der Luft sich ergebenden Wärmegrad nach der Fahrenheit'schen Scale. Von diesen wollen wir nur jene aufnehmen, welche mit dem hier in Rede stehenden Pyrometer in Verbindung sind, d. h. welche dem Schmelzpuncte einiger der von Prinsep empfohlenen pyrometrischen Metalle entsprechen.

Zahl der Resultate.	Ofenhitze nach Fahrenheit.	Legirung, welch dabei schmolz.
1	1861	A
2	1718	A
3	2011	A 0.4 O
4	2198	A 0.2 O
5	1811	A
6	1670	A 0.1 O
7	1953	A 0.2 O(?)
8	1953	A 0.3 O
9 .	2018	A 0.2 O(?)
10	2024	A 0.2 O
/11	1927	A o.1 O(?)
12	1900	A 0.1 O(?)
13	1930	A 0.1 0
14	2045	A 0.3 O
15	2250	A 0.2 O
16	1800	A
17	1958	A 0.15 0
18	1874	A 0.1 0
19	1857	A
20	1958	A 0.2 O
. 21	2028	A 0.2 O
22	1966	A 0.1 0
23	1789	A
24	1807	A
25	2358	A
26	2765	A 0.4 O
27	2514	A 0.7 0
28	2427	A 0.2 O
29	2437	A 0.25 0

Aus diesen Versuchen erhält man folgende Mittelesultate:

chmelzpunct des reinen Silbers 1830° F. = 999° C. Silber mit $^{1}/_{10}$ Gold 1920° F. = 1049° C. Silber mit $^{1}/_{4}$ Gold 2050° F. = 1127° C.

Die Rothglühhitze bestimmt Prinsep seinen Versuchen gemäß mit $1200^{\circ}F. = 649^{\circ}C.$, die Orangeglühitze mit $1650^{\circ}F. = 899^{\circ}C.$ Man sieht hieraus, daß liese Ergebnisse von den sonst als richtig angesehenen tark abweichen. So bestimmte z. B. Wedgewood den chmelzpunct des Silbers mit $4717^{\circ}F.$, Daniell mit $333^{\circ}F.$, also beide weit höher als Prinsep.

Bleibende Ausdehnung des Gusseisens nach öfterem Erhitzen. Von Prinscp.

(Journ. of sc. N. XX. p. 356.)

Prinsep bestimmte den Kubikgehalt einer Retorte us Gusseisen vor dem Erhitzen, und als er sie ein Mal der öfter einer starken Hitze ausgesetzt hatte, und übereugte sich, dass sie nach jeder Erhitzung größer ward, elbst nachdem sie ihre ursprüngliche Temperatur wieder agenommen hatte. Er bestimmte ihre Capacität durch as Gewicht von reinem Quecksilber, das sie bei 80° F. Iste. So fand er ihre Capacität

Merkwürdig ist es, dass die Zunahme des Volumens rösser ist als die Temperatur fordert, welcher das Eien ausgesetzt war. Eisen dehnt sich innerhalb des Funamentalabstandes, also für 100° C. um 0.0105 nach eier Dimension, oder um 0.0315 dem Volumen nach aus. in Volumen von 10 K. Z. soll demnach bei einer Tem-

peratur von 800° F. (welcher die Retorte ausgesetzt war) um 0.315 K. Z. zugenommen haben. Aber der wirkliche bleibende Zuwachs war größer, zum Beweise, daß jene Ausdehnung des Eisens nicht so weit über den Fundamentalstand hinaus dem Gange der Wärme proportionirt sey.

3. Über einige ältere Versuche, die Abkühlungsdauer eines Körpers in verschiedenen Gasen betreffend. Von Prevost.

(Ann. de Ch. et de Phys. Tome 40, p. 332)

Seit den Versuchen von La Rive und Marcet über die Capacität der Gase für die Wärme ist es besonders wichtig geworden, den eigentlichen Hergang der Sache bei Auskühlungsversuchen flüssiger Körper, oder fester Körper in flüssigen Mitteln, genau zu erforschen, weil man nur dadurch in den Stand gesetzt wird, die Schlüsse, welche diese berühmten Gelehrten aus ihren Versuchen zogen, richtig beurtheilen zu können. Bekanntlich hat schon Dulong (Bd. VI. S. 474 dieser Zeitschrift) diesen Gegenstand gründlich erwogen; aber es dürfte darum doch nicht überflüssig seyn, das anzuführen, was Prevost von älteren Versuchen, die diesen Gegenstand betreffen, sagt. Er führt die von Achard schon im Jahre 1783 bekannt gemachten Versuche an, bei denen man die Kugel eines Quecksilberthermometers in verschiedenen Gasen abkühlen liefs. Er fand im Wasserstoffgas eine Abkühlung

von 70° R. — 60° in 15 Secunden,

- » 60° » 50° » 20
- » 50° » 40° » 28
- » 40° » 30° » 50 »
- » 30° » 20° » 128

ı Kohlensäuregas

von 70° R. - 60° in 30 Secunden.

- » 60° » 50° » 37
- » 50° » 40° » 53
- » 40° » 30° » 92
- » 30° » 20° » 250 ×

Die übrigen Gase, wie z. B. Sauerstoffgas, Stickas, atmosphärische Luft, gaben Abkühlungsgeschwinigkeiten, welche zwischen den erwähnten, aber nahe ider des Kohlensäuregases lagen, so dass man annehen kann, in allen Gasen kühle ein Körper gleich schnell, mit Ausnahme des Hydrogengases, worin die Abkühng viel schneller erfolgt. In folgenden Puncten komen demnach diese älteren Versuche mit den neuesten perein:

- Beide beweisen ein gleiches Verhalten der Gase in Betreff der Abkühlung, die sie an einem Körper unter denselben Umständen hervorbringen.
- 2. Beide zeigen, dass das Hydrogengas eine Ausnahme mache, und die schnellste Abkühlung bewirke.

Die neuesten Beobachter, setzt Prevost hinzu, haben ses verschiedene Verhalten im Wasserstoffgase einer ößeren Leitungsfähigkeit zugeschrieben. Man kann in r That annehmen, dass die Mollecüle des so leichten asserstoffgases sehr weit von einander abstehen, und m Wärmestoffe einen leichteren Durchgang verschaftals die übrigen Gase.

Wer diesen *Prevost*'schen Aufsatz mit der herrlin, oben erwähnten Arbeit *Dulong's* vergleicht, wird cht gewahr werden, worin sich die Ansichten beider einander unterscheiden. Ersterer sieht die schnele Abkühlung eines Körpers im Wasserstoffgas als den

Erfolg einer größeren Leitungsfähigkeit an; letzterer glaubt, und wie mir scheint, mit vollem Rechte, der Begriff der Leitungsfähigkeit lasse sich auf flüssige Körper, deren Theile durch die geringste Ungleichheit ihrer Dichte zu einer Bewegung nach aufwärts oder abwärts bestimmt werden können, nicht anwenden, und man kann das schnellere Abkühlen eines Körpers in Wasserstofigase nur als das Resultat der größeren Beweglichkeit der Theile dieses Gases ansehen.

4. Über die Temperatur im Innern der Erde. Von Henwood.

(Journ. of sc. N. XX. p. 234.)

Henwood sammelte mehrere in Bergwerkschachten angestellte Temperaturbeobachtungen. Sie wurden im Grubenwasser selbst unmittelbar bei seinem Austritte aus dem Gestein, woher es kam, oder in einer geringen Enfernung davon angestellt. Folgende Tabelle enthält sie Die Tiefe der Beobachtungsstelle ist in Fathoms angegeben, man kann sie leicht in Wiener Maß darstellen wenn man weiß, daß ein Fathom nahe 5.6 VV. F. gibt Die Temperatur gibt Henwood nach der Fahrenheit'schen Scale an; dem Namen des Schachtes, worauf sich die Beobachtung bezieht, ist ein G oder S beigesetzt, je nachdem das Gestein Granit oder Glimmerschiefer ist

bachtungsort.	Tiefe in Fathoms.	Temperatur nach Fahrenheit.	N a m e desBeobach ters.
zu Southwark	23	54°	Fox.
Towan, S .	45	60	do.
igton, S	5 0	57	do.
etto	5 0	5 8	do.
d, S	70	<i>5</i> 6	Moyle.
be	82	64	Fox.
Wood	86	64	do.
mpet, G	86	53	Moyle.
ck, G	115	72	Barham.
ang, S	117	65	Fox.
lston	120	66.5	do.
et, G	128	65	Moyle.
vater, S	128	68	Fox.
tto.	128	75	do.
	131	70	Forbes.
	144	78	Fox.
	144	8o	do.
idated	150	76	do.
to	150	8 0	do.
ed	155	67	do.
	155	70	do.
endship	170	64.5	do.
Mines	170	87	do.
to	1 8 0	87.5	do.
Park	200	72	do.
o	200	74	do.
i, s	236	82	Moyle.
o	236	86.5	ďo.
th, G	240	8o	Fox.
o	240	82	do.

ach einer Beobachtung von Fox und Anderen ist bloss das in großen Tiefen hervorbrechende Wasrmer als die Luft oder das Wasser höher liegenellen, sondern es ist selbst das Wasser in derTiefe wärmer als die Luft daselbst. Zum Beweise
1 folgende Resultate angeführt:

Beobachtungsort.	Tiefe in Fathoms.	Temperat	1 300	Beobaeh- ter.
Little Bound . detto	26 35 über 40 50 50 83 108 128 140 140 200 200	54° 57 57 57 58.5 67 64 76 74 66 70.5 78 71	54° 55 - 57 59 58 68 64 75 68 78.5 72 74 80 82	Forbes. do. Barham. Forbes. Fox. do. Fox. do. Forbes. do. do. do. do.

Bekanntlich ist die Temperatur jener Theile eines Schachtes, wo sich Menschen aufhalten, und keine freie Circulation der Luft Statt findet, höher als die des Watsers oder selbst als die der Luft in Stellen, wo ein Luftzug herrscht, wovon nur vielleicht die untersten Stellen tiefer Bergwerksgruben eine Ausnahme machen, weil dort beständig Dünste in die Höhe steigen und die Tenperatur der oberen Stellen erhöhen, während die der unteren durch einen Gegenstrom von oben nach unten vermindert wird. Rule fand bei einer Untersuchung der Richtung solcher Luftströme in 25 der vorzüglichsten Schachten des Werkes zu Dalcoath, dass in 13 derselben ein abwärts steigender, in den übrigen ein aufwärts steigender Strom Statt finde. Fox brachte in einem Schacht, der 230 Fathoms tief war, ein vier Fuss langes Thermometer an, dessen Quecksilbergefäs in einer Erdvertieing steckte. Dieses Thermometer stand immer auf 5°-75°.5, die Jahreszeit mochte welche immer seyn; ur der Zufluss des Wassers, welches durch den unterrochenen Gang der Hebmaschinen sich anhäufte, brachte s ein wenig mehr zum Steigen. Thermometer, welche Z. tief in Felsen in verschiedener Höhe steckten, wovon ich der oberste 100 Fathoms unter der Erdoberfläche refand, hatten nach Verhältniss ihrer Tiefe einen Stand. welcher sich von 57.5 - 70° änderte. Die Schachte, vorin diese Beobachtungen gemacht wurden, befinden sich in Granit, und nach oben in Glimmerschiefer. Da lie Werke zu Treskerby sich unter ähnlichen Verhältnisien befinden, so wurden auch in diesen einige Beobachungen angestellt. Während im December 1819 die Tem-Deratur der Erdoberfläche 50° F. betrug, hatten zwei Luftströme, die von der 149 Fath. tief liegenden Galleie aufstiegen, eine Wärme von 72° - 76°. Im Jänner les Jahres 1820 war die Lufttemperatur nur 300, die in der Grube blieb unverändert. Im September desselben Jahres betrug die Temperatur der Ströme 73° und 76°, die der Erdoberfläche 67°. Höhere Schachte sind meistens geräumiger als tief liegende, und fassen daher mehr Arbeiter als diese, und daher mag es kommen, dass man erstere manchmal wärmer findet als l'etztere. In Cornwall hat das Gestein meistens eine verticale Schichtung, und gestattet dem oberen Wasser leicht in größere Tiefe zu sinken, und davon kommt es, dass daselbst das hervorquellende Wasser meistens wärmer ist als das Gestein selbst.

Ungeachtet so viele Gründe für die Zunahme der Temperatur gegen das Innere der Erde sprechen, so gibt is doch auch Erscheinungen, welche dieser Behauptung, wenigstens dem Scheine nach, entgegen sind, indem ius denselben hervorgeht, dass das Wasser, das sich in

tiefen, verlassenen Gruben sammelt, eine verhältnismäßig sehr niedere Temperatur hat. Hier folgt das Wesentliche solcher Erfahrungen:

Beobachtun	gsor	:t.	Tiefe in Fathoms.	Temperatur n. Fahrenheit	Beobachter.
Alverton		•	Zu Tag.	55.5°	Dr. Davy.
H. Maid . ,		•	l – Š	55	do.
Marazion .				54	do.
H. Fortune .		٠.		55.5	do.
Anderer Plat	z .		-	56	do.
Herland				53	Moyle.
detto			_	54	do.
H. Rose			10	53.5	do.
Trevenen .			14	52	do.
H. Alfred .			18	56	do.
Relistian			25)		
detto			50}	55	do.
H. Rose			54	53	do.
Klein Bound		.	52	55	Forbes.
Botallock .		.	65	62	do.
Ding Dong .		. [74	52.5	do.
H. Alfred .		.	112	56	Moyle.
H. Vor		. 1	115	64	Forbes.
Tresaveax .		.	100	60	Fox.
Gunnis Lake		. 1	125	57	do.
United			170	80	do.
Oatfield	•	.	182	67	Moyle.

Gegen diese Resultate bemerkt Fox: Beobachtungen über die Temperatur des in verlassenen Gruben angehäuften Wassers gestatten keinen Schluss über den Wärmezustand des Erdkörpers, denn das Resultat solcher Beobachtungen hängt viel von der Natur und Dicke der Schichten und der größeren oder geringeren Permeabilität der Gänge ab. Henwood führt aber an, daß einst in den 190 bis 200 Fathoms tiefen Gruben die Dampfmaschinen, welche zur Gewältigung des Wassers

estimmt waren, zu wirken aufhörten, und darum dem Vasser gestatteten, sich zwei Tage lang anzuhäufen. Ils dieses ausgepumpt war, und wieder in den Werken earbeitet werden konnte, so wurde vor dem Beginne ler Arbeit die Temperatur des oberen Schachtes = 87°.5, lie des unteren = 88° F. gefunden. Als die Beobachung einige Tage nach dem Beginnen der Arbeit wiederolt wurde, fand man die Temperatur geringer.

Merkwürdig ist eine Reihe von Beobachtungen, die um Behufe der Temperaturvergleichung der metallfühenden Gänge mit dem nahen Gestein angestellt wurden. Die Resultate derselben enthält folgende Tabelle:

Beobachtungs- ort.	Tiefe in Fa- thoms.	Entfernung vomGange.	Tempedes Ganges.	
Little Bounds H. Neptune Ting Tang detto. H. Squire Chacewater Treskerby Dolcoath United Mines	52 49 80 90 110 110 120 130 140 160	Unbekannt 30 Fath. Unbekannt 60 Fath. 9 " 8 "	55 64 68	54° 54 64 69 79 66 62 67

Aus diesem geht hervor, dass die Temperatur der Gänge im Allgemeinen höher ist, als die des daran grenzenden Gesteins. Dieser Umstand spricht, nach der Meinung des Versassers, gegen die Annahme, dass die innere Erdwärme von einem flüssigen Zustande des Erdkernes herrühre. Denn wäre dieses der Fall, so müste lie Temperatur einer Substanz in der Erde desto grös-

ser seyn, je dichter sie ist, und je besser sie die Wärme leitet. Aber die Granit - und Porphyrfelsen sind im Allgemeinen dichter und leitender als Glimmerschiefer und die metallführenden Gänge, und doch ist ihre Tempertur geringer als die der letztern. Im Verlaufe dieses Aufsatzes wird auch die schon vor Langem aufgestellte Meinung wieder angeführt, dass das Wasser im Inners der Erde vom eindringenden Meerwasser herrühre. So sehr auch die Belege, welche dafür angeführt werden für England gültig seyn mögen, so wenig dürften sie für ein Binnenland Gewicht haben; indess mögen sie angeführt werden, um jeden Leser in den Stand zu setzen, die Sache nach seinem Sinne zu beurtheilen. Die Reisheit des Wassers im Innern der Erde, heisst es, steht mit der Tiefe der Stelle, wo es vorkommt, in keiner Verbindung. In den Werken Abraham und Dolcoath, den tiefsten in Cornwallis, erhielt man aus einer Pinte (4 Mass) Wasser nur 2 Gran feste Substanz, während Wasser von H. Unity 16 Gr., von Poldice 19 Gr., von einem anderen 92 Gran feste Substanz auf die Pinte lieferte. Die durch Abdampfen erhaltenen Salze sind meistens Chloride, besonders Calciumchlorid; indess hat Fox, besonders im Wasser von Unity und Poldice, Sodiumchlorid gefunden. 92 Gran der festen Substanz enthielten 52 Gr. Calciumchlorid und 24 Gr. Sodiumchlorid der Rest bestand aus salzsaurem Eisen und schwefelsaurem Kalk. Alle diese Bergwerke werden im Urglimmerschiefer betrieben, und sind mehrere Meilen von der See entfernt.

5. Heitzung mit warmem Wasser. Von Fowler.

(The Gardener's Mag. N. XXI. Aug. 1829, p. 453.)

Viele mögen wohl schon gedacht haben, dass es zweckmässig wäre, warmes Wasser in Röhren in einen Raum zu leiten, dessen Temperatur geringer ist als die les Wassers, und daher durch letzteres erhöht werden aus; weil man aber gewöhnt ist, die Bewegung des Wassers durch die Schwere hervorgebracht zu sehen, und dann der Wasserbehälter die oberste Stelle einnehnen müste, so mochte man wohl an der zweckmässigen tusführung einer solchen Heitzmethode verzweifelt haen. Fowler hat diese Heitzmethode dadurch höchst anrendbar gemacht, indem er eine solche Einrichtung an en Leitungsröhren traf, dass die Temperaturdifferenz es Wassers in zwei verschiedenen Theilen dieser Röhen als bewegende Kraft dienen kann. Um das VVem seiner Heitzmethode einzusehen, sey c (Fig. 7) ein iefäss mit warmem Wasser, und ab eine 1/2 Z. weite, oder 5 Fuss lange, heberförmig gebogene Röhre, woon ein Schenkel a gerade aufsteigt, während der anre b mehrere Biegungen hat, und daher bei einer iel größeren Länge doch nicht höher ist als der ertere. Man denke sich diesen Heber mit Wasser gefüllt, essen Temperatur höher ist als das Mittel, worin er ch befindet. Da wird das Wasser im Arme a eher abkühn, als das in b, mithin dichter werden und zu sinken sfangen. Sobald dieses geschieht, rückt neues Wasser m Gefässe c durch den Arm b nach, und so beginnt n Circuliren des Wassers in der Richtung von b nach dessen Geschwindigkeit von der Temperaturdifferenz r beiden Schenkel des Hebers abhängt.

Fowler empfiehlt diese Heitzung für Glashäuser, Bäretc.; für letztere gibt er auch eine besondere Heitzwichtung an, welche Fig. 8 vorstehlt. a ist der Wasbehälter, auf welchen das Feuer wirkt, und worin Wasser erwärmt wird, b stellt die Badwanne vor. se hat einen doppelten Boden, und zwischen den beilböden geht eine schlangenförmig gebogene Röhre d, Zeitsehr. f. Phys. u. Mathem. VII. 2.

welche vom Wasserbehälter kommt, und in e m eines Hahnes verschlossen ist, in c durch das Be ser aufsteigt, und sich in die oben mit einer tri förmigen Öffnung und einem Hahn f versehene ve Röhre einmündet. Diese verticale Röhre ist in ev mit einem Hahn verschließbar, und an dem im w Wasser befindlichen offenen Ende g aufwärts ge damit keine Luft und keine Unreinigkeit durch di hinaufsteigen kann. Dieses ganze Röhrensysten nun den Heber vor, und der Trichter über f die zum Einfüllen des Wassers, wodurch der Anfang de sercirculation bedingt wird. Will man das Bad erwärmen, so schliesst man die Hähne e, öffnet ! durch den Trichter so viel warmes Wasser ein, l Heber damit voll ist, schliesst dann den Hahn öffnet dafür die Hähne e. Sobald im längeren Sc das Wasser kälter ist als im kürzeren, beginnt d culiren desselben, und dauert fort, bis das Bad einen gewissen Grad erreicht hat. Es versteht sie selbst, dass die Schenkel des Hebers nicht über ? hoch seyn dürfen.

B. Allgemeine Physik.

1. Über das Mass des Druckes. Von B (Phil. Mag. Oct. 1829, p. 284.)

Bekanntlich wünscht man oft den durch ei stimmte Maschine hervorgebrachten Druck zu k um ihn entweder mit dem dadurch erzeugten Effec gleichen zu können, oder um daraus die Größe d bung abzuleiten, welche an den Maschinentheile findet. Bevan lehrt diesen Druck zu finden. Mazwar auf den ersten Blick gewahr werden, daß d ihm vorgeschlagene Mittel kein sehr genaues R

geben kann; aber da es sehr leicht anwendbar und gar nicht kostspielig ist, überdieß man sich wirklich in sehr vielen Fällen gerne mit einer Annäherung an die Wahrheit begnüget, so mag davon kurz die Rede seyn. Nimmt man, sagt Bevan, eine kleine Bleikugel von bekanntem Durchmesser, legt sie zwischen zwei Platten aus härterem Metall, nähert diese einander in paralleler Richtung. drückt darauf mit einer bestimmten Kraft, so wird die Kugel abgeplattet, und die Größe dieser Abplattung wird die Stärke des Druckes anzeigen, dem sie ausgesetzt war. Mittelst einer Hebelpresse wird man leicht die Hraft bestimmen können, die erforderlich ist, um die Kugel in eine völlig flache Scheibe von 1/5 Z. Dicke zu verwandeln. Bei einem solchen Versuche fand Bevan, des eine Kugel von 5/8 Z. Durchmesser einen Druck von Pahe 4000 Pfund erfordert, um diese Abplattung zu ereiden; eine Kugel von 1/8 Z. Durchmesser braucht dazu 100 Pf. Hat man demnach einen größeren Druck zu mesen, so setzt man demselben so viele solche Kugeln auf in Mal aus, als man nach einer vorläufigen Schätzung ür nothwendig hält, und summirt nach dem Versuch ie zur Abplattung jeder einzelnen nöthigen Kräfte, um in Gesammtresultat zu erhalten. Dabei ist es gut, die ugeln zuerst durch einen schwachen Hammerschlag etas platt zu machen, damit sie nicht einander zurollen, ad ihre Entfernung von einander stets so groß bleibe, Is sie sich selbst nach der erlittenen Abplattung nicht rühren.

Mittelst dieses Mittels hat Bevan die Reibung einer hraubenpresse mit eisernen Spindeln untersucht, und gleich 3/4 — 4/5 der dabei angewendeten Kraft genden.

2. Über die Torsion starrer Platten und Stäbe. Von F. Savart.

(Ann. de Chim. etc. T. 41, p. 373.)

In der neueren Zeit haben Poisson und Cauchy sehr scharfsinnige mathematische Untersuchungen angestellt über die Kraft, womit starre Körper einer Torsion entgegenwirken. Savart hielt es darum für nothwendig, denselben Gegenstand auf dem Experimentalwege zu untersuchen, um die Anwendbarkeit jener theoretischen Arbeiten auf wirkliche Körper außer Zweifel zu setzen Er bediente sich zu diesen Untersuchungen folgender Vorrichtung: Der zu untersuchende Stab wurde in horizontaler Richtung an einem Ende in einen Schraubstock befestiget, am anderen Ende mit jenem Puncte, welcher in seiner Axe lag, durch einen horizontalen Stift gehalten, etwa so wie Gegenstände, welche in eine Drehbank eingespannt sind, gehalten zu werden pflegen. Eine Stange aus Eisen oder Kupfer, die in der Mitte mit einem Loch versehen war von der Form und Größe, wie es der zum Versuche hergerichtete Stab forderte, fasste mit diesem Loche den Stab an ihrem Umfange sa dals, wenn diese Stange gedreht wurde, am Stabe eine Torsion eintrat. Die Windung wurde durch ein Gewicht hervorgebracht, das man mittelst eines Stahldrah tes am Ende jener Stange aufhing. Die Größe der Wirdung konnte man an einer getheilten Scheibe messen, die sich auf den Stift aufstecken liefs, welcher mit einer Spitze das Ende des zu prüfenden Stabes hielt. Ein Gegengewicht von schicklicher Größe brachte den Hebelarm, woran das drehende Gewicht hing, wieder in die horizontale Lage zurück, wenn er sie durch die Drehung des Stabes verlassen hatte; auch wurde dafür Sorge, getragen, dass bei Anwendung bedeutender Gewichte

ichraubstock seine Lage nicht ändern konnte. /Auf n Wege erhielt Savart die Resultate, die hier größeils tabellarisch folgen:

ersuch mit einem Messingcylinder von 20672 M. Durchmesser und 0.649 M. Länge.

ionswinkel.	Angebrachtes Gewicht.	Berechnetes Gewicht.		
10	160 Gr.	160 Gr.		
20	320 ° »	320 »		
30	480 »	48o, »		
4°	, 640 »	640 »		
5°	798 »	800 »		
60	957 »	960 »		
7°	1115 »	1120 »		
80	1275 »	1280 »		
9°	1434 »	1440 '» '		
100	1590 »	1600 ×		

Demnach erfolgt die Torsion bis zu einem Winon 4°, nach dem für elastische Körper aufgestelliesetze; über diesen Winkel hinaus zeigt sich
Differenz zwischen dem beobachteten und beeten Torsionswinkel, welche zeigt, das die Grenze
ollkommenen Elasticität bereits überschritten sey.
kann diese kleine bemerkbare Differenz zwischen
eobachtung und Rechnung auch von der nicht abunveränderlichen Besestigung des einen Endes des
ders herrühren.

a. Versuch mit einem vierseitigen rechtwinkt ligen Prisma von 0.6567 M. Länge und 0.00566 L Dicke.

Drehungswinkel.	Beobachtetes Gewicht.	Berechnette Gewicht.	
10	126 Gr.	126 Gr.	
2°	252 »	252 ×	
3°	378 ×	3 ₇ 8 •	
4°	505 »	504 >	
5 º	630 ×	63a »	
60	757 »	756 »	
7°	88ó »	882 »	
8 º	1008 »	1008 »	
90	1135 »	1134 >	
100	1258 »	1260 *	
11º	1388 »	1386 ×	
120	1518 .	1512 >	

3. Versuch mit einem vierseitigen rechtwinkt ligen Prisma aus Messing von 0.997 M. Länge 0.00356 M. Dicke und 0.0092 M. Breite.

Drehungswinkel.	Beobachtetes Gewicht.	Berechnetes Gewicht.	
10	55.5 Gr.	5 5. ₇ 39 Gr.	
0و	111 »	111.478 »	
3 0	167	167.217	
4°	223.5	222,956 »	
50	279 »	278.695 »	
60	334 »	3 34.434 *	
7° ·	390 *	390.173 »	
8 º	447 »	445.912 *	
. 90	501 »	501.651 >	
100	·557 »	557.390 »	
110	612.7 »	613.129 ×	
12º	670 »	668.868 »	

lier ist die dritte Columne aus einem Mittelresultate hnet, welches erhalten wurde, indem man alle beteten Gewichte und eben so alle Drehungswinkel e, und jede dieser Summen durch die Anzahl der chtungen theilte.

hnliche Resultate erhielt Savart auch mit Glasstreiltahlplatten mit rechtwinkeligem Querschnitte, so it metallenen dreiseitigen Prismen.

achdem durch diese Versuche ausgemacht war, as auf theoretischem Wege gefundene Gesetz für iedene Drehungswinkel innerhalb der Grenzen der mmenen Elasticität vollkommen anwendbar sey, lavart zu Versuchen über, durch welche der Einer Länge auf den Drehungswinkel untersucht wurde. Irden demnach Stäbe von ungleicher Länge und en übrigen Dimensionen um 1° gewunden, und das iöthige Gewicht mit dem verglichen, das sich aus chnung ergibt. Aus folgenden Angaben sieht man, eit die Übereinstimmung zwischen beiden Gewichht.

eitiges, gleichseitiges Stahlprisma von 0.00572 M. Breite.

inge in ximetern.	Beobachtetes Gewicht.	Berechnetes Gewicht.		
12	132 Gr.	132 Gr.		
11	145 »	144 ×		
10	159 »	158.4 »		
9	175 »	176 »		
9 8	198 »	198 »		
7	226 »	226.3 »		
7 6	263 »	264 »		
5	317 »	316.8 »		
4	395 »	396 »		
4 .	525 »	528 »		
2	785 ».	. 792 ×		
1	1575 »	1584 »		

Man kann es demnach für ausgemacht ansehen, dal sich bei gleichen Drehungswinkeln die Gewichte ver hehrt wie die Längen verhalten. Dieses Gesetz fand Swart auch bei vierseitigen Platten aus Glas und Eiches holz, so wie einer kupfernen Stange mit dreiseitige Querschnitte bestätiget.

·Der Theorie nach wächst das zu einer bestimmte Windung eines cylindrischen Körpers nöthige Gewic. bei übrigens gleichen Umständen wie die vierte Potes der Durchmesser ihrer Querschnitte. Um die Anwendba keit dieses Gesetzes auf Naturkörper zu prüfen, bedien sich Savart mehrerer kupferner cylindrischer Stäbe ve verschiedenen Durchmessern, hierauf kupferner Stät mit quadratischem Querschnitte, mehrerer Holzstäbe un Kupferstäbe mit dreiseitigem Querschnitte. Bei den cy lindrischen Stäben standen für gleiche Drehungswinke die vierten Potenzen der Durchmesser in dem Verhältnisse 33.1776:440.00935698:2279.88105:361:6678.41990656 oder wie 1:13.262:68.717:201.293; die Gewichte, durch welche jene Drehungswinkel erzielt wurden, wie die Zahlen 1:13.862:69.697:195.286. Demnach wird auch hier die Theorie als richtig angesehen werden können

Bei den prismatischen vierseitigen Kupferstäben mit quadratischen Querschnitten verhielten sich die vierten Potenzen der Seiten wie die Zahlen 1:2.1393:14.8043, während die entsprechenden Gewichte in dem Verhältnisse der Zahlen 1:2.1429:14.7899 standen.

Bei Stäben mit rechtwinkeligem Querschnitte fand man die zur Erzeugung einer bestimmten Torsion nothigen Gewichte in dem Verhältnisse der Quadrate ihrer Querschnitte, mithin auch der Theorie gemäß. Auf ähnliche Weise ward die Theorie auch bei Schben mit dreiseitigem Quérschnitte bestätiget. Bei Stäben mit rechtwinkeligen Querschnitten stehen die Gewichte im

geraden Verhältnisse mit dem Producte aus der dritten lotenz der transversalen Dimensionen, getheilt durch ie Summe der Quadrate dieser Dimensionen; daher steen die Windungsbögen im verkehrten Verhältnisse mit ma Producte aus den dritten Potenzen der Dimensionen, getheilt durch die Summe ihrer Quadrate. Bleibt aher die Breite eines Stabes unverändert, und ist sie ehr groß gegen die Dicke, so sind jene Gewichte nahe len dritten Potenzen der Dicke proportionirt, wenn auch die Elasticität nicht nach allen Richtungen dieselbe ist.

Demnach ist die Übereinstimmung zwischen der Theorie und der Erfahrung so groß, als dieses nur zu erwarten ist, und man kann daher in allen Fällen, wo es sich um Windungen elastischer Körper handelt, von den theoretischen Formeln, wie sie Poisson, Cauchy und Andere entwickelt haben, unbedingten Gebrauch machen; nurmuß man manchmal, bei Stahl etc., aufgewisse, beim Abkühlen der Körper eintretende Umstände Rücksicht nehmen. So lange nämlich Metalle rein sind, sagt Savart, hat weder das Härten noch das Nachlassen derselben einen Einfluß auf ihre Widerstandsfähigkeit, wenigstens gilt dieses vom Kupfer, Platin und Eisen; bei Legirungen, wie z. B. hei Messing, dem sogenannten Tamtam und dem Stahle, ist es nicht so.

Ein durch einen Hammerschlag abgeplatteter Messingdraht von om 3 Länge wurde mehreren Windungsversuchen unterworfen, und zwar nachdem er langsam oder schnell abgekühlt war. Der Windungswinkel betrug 1°. Folgende Tafel enthält die dazu nöthigen Gewichte:

Zustand	des	Gewicht.			
Durch Hän	nmern	357.5 Gr.			
Langsam al		•			3 ₇ o →
Schnell	. »				35 ₇ .5 •
Langsam	D				3 ₇ 0 »
Schnell	>	•			355 »
Langsam	,			·•	3 67 »
Schnell	10				355 ×
Langsam	»				367 *

Versuche mit anderen Stäben aus demselben Metalle führten zu ähnlichen Resultaten. Lange Stäbe sind zu Versuchen dieser Art nicht wohl geeignet, weil sie nicht der ganzen Länge nach einerlei Elasticität haben, wie besonders daraus hervorgeht, dass man für eine Hälste eines solchen 1.302 M. langen vierkantigen Stabes zu einer Windung von 10 ein Gewicht von 110 Gr., für die andere den Abmessungen nach ganz gleiche Hälste hingegen nur 92 Gr. brauchte.

Savart führt noch Versuche mit dem Tamtan so wie mit einem Stahlstabe an, der auch wie der vorhergehende Messingdraht mehrmal nach vorausgegangenem langsamen oder schnellen Abkühlen untersucht wurde, ohne dadurch zu einem vom vorhergehenden abweichenden Resultate zu gelangen. Demnach sieht man, daß die Schnelligkeit des Abkühlens einen großen Einfluß auf die der Torsion entgegenwirkende Kraft eines Körpers habe, und daß ein langsames Abkühlen stets eine größere Reaction erzeugt, als schnelles, welches wahrscheinlich davon herrührt, daß die kleinsten Theile im ersteren Falle dem Zuge der inneren Kräfte leicht folgen und sich regelmäßig anordnen können.

Savart hat auch angefangen, einige Versuche über : Ausmittelung des Punctes anzustellen, bei dem jede bstanz aufhört in ihre natürliche Lage zurückzukeh-1, nachdem sie eine Windung durch ein ihre Reaction erschreitendes Gewicht erlitten hat, und auch den ıflus der Zeit kennen zu lernen, durch welche die insten Theile in einer unnatürlichen Lage zu verweigezwungen sind, aber er ist darüber nicht zu Ende tommen. Doch erfuhr er dabei schon, dass, wie wach die Windungskraft auch immer seyn mag, sie ts damit anfängt, dem Stab, auf welchen sie wirkt, e bleibende Windung zu ertheilen, aber nach einiger t immer seiner Elasticität entgegenwirkt. Verstärkt a diese Kraft, so tritt wieder eine bleibende Torsion , u. s. f. Lässt man eine Kraft mehrere Stunden lang einen Körper wirken, so nimmt der Torsionswinkel aber dieser Zuwachs nimmt wieder sehr langsam ab.

Ther die Reduction der Bewegung eines Pendels auf den leeren Raum. Von E. Sabine.

(Phil. transact. 1829. P. I., p. 207.)

Den Freunden streng wissenschaftlicher Forschunim Gebiete der Physik wird nicht unbekannt seyn,
Bessel die gewöhnliche, schon seit Newton's Zeiten
che Art, den Einflus eines widerstehenden Mittels
die Schwingungen der Pendel in Rechnung zu brin, für mangelhaft hält, weil man die Kraft, die dem
dol nach Wegnahme des Theiles, welcher dem Witande entspricht, übrig bleibt, nur auf die Masse
Pendels vertheilt denkt, während doch nicht bloss
es, sondern auch ein Theil des Mittels dadurch in
'egung gesetzt werden muss. Um nun die Richtigder Bemerkung dieses wahrhaft großen Gelehrten

zu prüsen, hielt es Sabine für nothwendig. Pendelvezsuche in einem Raume anzustellen, in welchem man de Luft nach Belieben verdünnen, ja sogar die Atmosphice mit einem anderen Gase, z. B. mit Hydrogengas verwechseln konnte. Es wurde zu diesem Behufe von Neumann ein besonderer Pendelapparat construirt, dessern Haupttheile aus Eisen bestanden, den man mit einer Aut großen Recipienten luftdicht schließen konnte, und der sich mit einer Luftpumpe in Verbindung bringen liefs. Die Schwingungszeit dieses Pendels wurde abwechselndin der Luft von natürlicher Dichte und bei starker Verdannung derselben mittelst der Borda'schen Methode der Coincidenzen mit Beihülfe einer guten Pendeluhr bestimmt Wurde die Pendelbewegung nach der bisher üblichen Ansicht bei 45° F. und dem Luftdrucke von 30 engl. Zollen auf den leeren Raum reducirt, so fand man, dass die desshalb nöthige Correction der in einem Tage vollbrach ten Schwingungsanzahl 6.26 Oscillationen betrug; der Versuch in verdünnter Luft zeigte aber, dass diese Correction für dieselbe Temperatur und denselben Luftdruck 10.36 Oscillationen ausmache. Daher gibt die bis jetztüb lich gewesene Correction die Schwingungsanzahl um 41 Einheiten zu klein an.

elber.

inen

ar al

ad ir

1. 1

5

Für die Temperatur von 40° F. und einem Luftdrucke von 30 Z. fand Sabine die Reduction der einem Tage entsprechenden Schwingungsanzahl von der atmosphärischen Luft auf den leeren Raum 5.27 Mal größer, als die vom Wasserstoffgas auf den leeren Raum; ein anderer Versuch gab dieses Verhältniß mit 10.41:2 an, 50 daß man es im Durchschnitte mit 5 1/4:1 bezeichnen kann.

Es geht demnach aus diesen Versuchen hervor, dass die bis jetzt übliche Reductionsmethode des Pendels auf

n leeren Raum nicht richtig sey; indess dürfte manes die Schärfe der Besultate dieser Versuche verdächrmachen, denn der Mangel am luftdichten Schluss des ecipienten, worin sich das Pendel befand, machte es othwendig, selbst während der Versuche die Luftpumpe Thätigkeit zu erhalten, um die eingedrungene Luft ieder wegzuschaffen; ein Umstand, der auf das Reıltat so delicater Versuche leicht einen schädlichen influs ausüben konnte. Bessel selbst hat die Schwiegkeiten solcher Versuche in seinem classischen Werke per die Länge des einfachen Secundenpendels (Berlin 328, S. 37) anerkannt, und es nicht gewagt, von denlben Gebrauch zu machen. Dieser Gelehrte hat darum nen anderen Weg eingeschlagen, um das Mangelhafte r alten, und die Richtigkeit seiner Theorie zu bewähn. Er liess nämlich verschiedene Körper im Wasser d in der Luft schwingen, und zwar:

- Ein langes Pendel mit messingener Kugel. Dieses brauchte zu einer Schwingung in der Luft 1".7217 m. Z., im Wasser 1".0085 m. Z.
- 2. Ein kürzeres Pendel mit derselben Kugel. Es brauchte zu einer Schwingung in der Luft 1".0020 m. Z., im Wasser 1".1078 m. Z.
- 3. Ein Pendel, von der Länge des ersteren, mit einem hohlen geschlossenen Messingcylinder, der eben so schwer war, wie die vorhin gebrauchte Kugel. Die Zeit einer Schwingung in der Luft war 1".7244 m. Z., im Wasser 2".7892 m. Z.
- Ein Pendel von der Länge des eben gebrauchten kürzeren mit demselben Cylinder. Es machte eine Schwingung in der Luft in 1".0104 m. Z., im Wasser in 1".6385 m. Z.
- 5. Das Pendel 3. mit dem Cylinder ohne Boden. Es

oscillirte ein Mal in der Luft in 1".7199 m.Z., in Wasser in 2".5675 m.Z.

 Das Pendel 4. mit dem Cylinder ohne Boden. Die Dauer einer Schwingung in der Luft war 1".0019 m. Z., im Wasser 1".5042 m. Z.

Nun berechnete aber Bessel aus der in der Lust beobachteten Schwingungszeit die im Wasser nach der bisher gebrauchten Theorie, und fand die Werthe, welche folgende Tafel enthält, der zur besseren Übersicht gleich die beobachteten Schwingungszeiten beigesetzt wurden:

Schwingungsdauer,

		Berechnet.	Beobachtet
	[langes Pend	lel 1.8373	1.9085
	{ langes Pend kurzes »	1 0693	1.1078
Hohlcylinder	flanges 's	2.3928	2.7892
	{kurzes >	1.4021	1.6385
detto. ohne Boden	flanges »	1.8339	2.5675
	kurzes »	. 1.0683	1.5042

Es stimmt daher die ältere Theorie auch mit diesen Versuchen nicht überein, und ihre Unzulänglichkeit dürste wohl keines weiteren Beweises mehr bedürsen.

4. Über die im Steinsalz vorkommenden, mit Flüssigkeiten gefüllten Höhlen. Von Nicol.

(Edinb. phil. journ. N. 13, p. 111.)

Die Krystalle des in England vorkommenden Steinsalzes sind in der Regel mehr oder weniger undurchsichtig, und von röthlicher Farbe; doch trifft man manchmal auch weiße und vollkommen durchsichtige an. Bei der Untersuchung eines solchen Exemplares aus Cheshire bemerkte Nicol eine große Menge kleiner, unregelmäs-

g vertheilter Höhlungen, die ganz mit einer Flüssigkeit igefüllt waren, und nur in einigen derselben konnte man pLuftbläschen bemerken; wurde eine Höhlung, worin in keine Luftkügelchen bemerkte, nur ein wenig erirmt, so bemerkte man eines in dem Augenblicke, wo die ärme zu sinken anfing. Wird ein Krystallstück, worin ih eine Höhlung mit einem sichtbaren Luftbläschen findet, erwärmt, so verringert sich das Volumen dies Bläschens, und verschwindet, bevor noch der Kryll so heiß geworden ist, daß er beim Berühren mit m Körper eine schmerzhafte Empfindung hervorbringt im Erkalten erscheint es wieder, und nimmt am Vonen zu, bis die Temperatur des Krystalls der der Atsphäre gleich kommt.

Berührt man mit einem heißen Eisendrahte die eim solchen Kügelchen entgegengesetzte Seite der Höhng, so zeigt es nicht die mindeste Neigung, sich zu wegen; durchbohrt man das Mineral bis zu der Stelle, sich die Höhlung befindet, so wird das Volumen des äschens ein wenig größer, doch treibt es nichts von r Flüssigkeit durch die Öffnung heraus. Dieser Ummd beweiset, daß die Expansivkraft der Luft in den ihlungen der Steinsalzkrystalle viel geringer ist, als Flußspath und Schwerspath. (Vergleiche hiemit l. I., S. 414 dieser Zeitschrift.)

Öffnet man eine solche Höhlung völlig, so geht die üssigkeit nicht heraus und zeigt keine Neigung zum rystallisiren, selbst wenn die atmosphärischen Verhältse eine gesättigte Kochsalzlösung schnell zum Krystaliren bestimmen würden. Doch fügt sie sich in die esetze der Krystallisation, wenn man sie erhitzt, und hiefst in feinen, nadelförmigen Krystallen an, die aber ild zerfließen, wenn auch die Luft sehr trocken zu yn scheint.

Dieser Umstand beweiset, dass diese Flüssigkeit keine Kochsalzlösung sey. Nicol hatte nicht genug von derselben sammeln können, um über ihre chemische Natur ins Reine zu kommen. Gibt man einige Tropfen salpetersaures Silber in die Flüssigkeit, so bildet sich ein bedeutender Niederschlag, der auf das Daseyn von Salzsäure schließen läßt. Salzsaurer Baryt erzeugt keinen Niederschlag, und die Flüssigkeit enthält daher keine Schwefelsäure. Oxalsaures Ammoniak gibt einen schwachen Niederschlag, zum Beweise, dass die Flüssigkeit etwas Kalk enthalte; kohlensaures Kali bewirkt den reichlichsten Niederschlag, und man kann daher ohne weiters annehmen, dass salzsaure Magnesia der Hauptbestandtheil jener Flüssigkeit sey. Man kann demnach die in den Höhlungen des Steinsalzes vorhandene Flüssigkeit als gesättigte Auflösung von salzsaurer Magnesia mit einer geringen Menge salzsaurem Kalk vermengt ansehen.

C. Meteorologie.

 Über die Ursachen der Färbung des Schnees.

(Bibl. univ. Oct. 1829, p. 172)

Roth gefärbten Schnee hat zuerst Saussure und hierauf Cap. Parry auf seiner Reise in die Polargegenden bemerkt. Letzterer brachte die färbende Substanz dieses Schnees mit sich zurück, und Bauer, Brown und mehrere Andere erkannten sie als eine kleine kryptoganische Pflanze. Wrengel fand dieselbe Substanz an den Felsen im Norden Schwedens, und erkannte sie ebenfalls als eine Pflanze. Man hat die den Schnee in den Polargegenden färbende Masse, welche Cap. Parry mitbrachte, mit dem färbenden Principe des Alpenschnees vergli-

then, und als völlig identisch erkannt. Die Botaniker nennen diese Pflanze Protococcus nivalis. Die Pflanzen. welche unter dem Namen Protococcus chermisinus. Palmella nivalis, Uredo nivalis, Leprario chermisino bekannt sind, unterscheiden sich von ersterer nicht. Aber auch thierische Substanzen können dem Schnee, dem Eise und dem Wasser eine besondere Färbung ertheilen. Das Wasser des Sees Morat wird durch ein Thier gefärbt, das De Candolle unter dem Namen Oscillatoria rubescens beschrieben hat, und Scoresby hat zwei andere Thiere bezeichnet, welche das Eis in den Polargegenden färben. Das Wasser der Polarmeere hat, nach seinen Erfahrunjen, die Eigenschaft, das poröse Eis oder den dichten Ichnee röthlichgelb zu färben, sobald es von schmutzig livengrüner Farbe erscheint, welches an den Küsten 'on Spitzbergen und Grönland häufig der Fall ist. Die Färbung des Schnees oder Eises zeigt sich besonders n den Kanten größerer Massen, und das Thier, welhes die Färbung erzeugt, ist dem sehr ähnlich, welches amark Beroë globuleux nennt. Es gehört in die lasse der Kugelthiere, ist durchscheinend, von der rosse eines Stecknadelkopfes, und hat paarweise ancordnete Puncte. In einer Breite von 710 15' und eier westl. Länge von 17° 20' fand er auch bräunlich rohes Wasser, dessen Farbe von Myriaden sehr lebhafter hierchen abhängt, die an Gestalt einem Fingerhut gleihen, aber nur 1/2160 Z. groß zu seyn scheinen, so daß in Tropfen Wasser deren über 12000 enthalten kann *). a er weder Schnee noch Eis in der Nähe hatte, so

^{*)} Scoresby gibt die Länge eines solchen Thieres mit ½160 Z., die Breite mit ⅓260 Z. an. Es legte in einer Secunde einen Weg von ⅙210 Z. zurück. In einem Tropfen Wasser fand er mittelst eines Mikroskopes mit einem Glasmikrometer nahe 12.060 solcher Thiere. B.

Zeitschr. f. Phys. u. Mathem. VII. 2.

konnte er ihren Einflus auf die Färbung derselben nicht ausmitteln.

Demnach kann Schnee und Eis aus mehreren Ursachen eine Färbung erhalten. Glaubwürdige Personen versichern, in den Schweizeralpen rothe Schneeslecken gesehen zu haben, die von angehäuften kleinen Thierchen herrühren; andere sprechen gar von blauem Schnee.

2. Über das Nordlicht. Von J. Farquharson.
(Phil transact. 1829. P. I., p. 103.)

Gegenwärtiger Aufsatz handelt von dem Entstehen, der Anordnung und der Ausbildung des Nordlichtes. Der Verfasser desselben hat schon im Jahre 1823 eine Arbeit in das Edinb. phil. journ. einrücken lassen, worin er sich über diesen Gegenstand ausspricht, und folgende Behauptungen aufstellt: Das Nordlicht hat unter allen Umständen eine gewisse Anordnung und Gestalt, und schreitet auf bestimmte Weise fort. Die Lichtbüschel, welche von demselben ausstrahlen, erscheinen zuerst im Norden, und bilden einen von West nach Ost gespannten Bogen, dessen Scheitel sich im magnetischen Meri-Dieser Bogen hat, so lange seine Höhe dian befindet. nur klein ist, eine bedeutende Breite in der Richtung von Nord nach Süd, die ausfahrenden Strahlen schneiden ihn, und sind gegen einen südlich vom Zenith liegenden Punct hin gerichtet; der Bogen selbst hewegt sich gegen Süden hin, wird immer schmäler, je näher er dem Zenith kommt, gewinnt aber an Lichtstärke Die Lichtbüschel in der Nähe des magnetischen Mendians werden kürzer, und die Winkel, die die aussahrenden Strahlen in der Nähe der Endpuncte des Bogens mit demselben machen, werden immer spitziger, his die Strahlen in den Bogen fallen. Dann erscheint der Bogen selbst nur als schmaler, 30-40 breiter Gir

tel, der auf dem magnetischen Meridian senkrecht steht. Er rückt immer weiter gegen Süden fort, und erst nachdem er das Zenith um einige Grade überschritten hat, wächst seine Breite wieder, und er nimmt die vorher besprochenen Veränderungen wieder in verkehrter Ordnung an. Alle diese Erscheinungen meint der Verfasser erklären zu können aus dem gänzlich oder nahe verticalen Stande der Lichtbüschel. Seit dieser Zeit hat er mehrere Nordlichter in seinem Aufenthaltsorte in einer Breite von 57° 15' beobachtet, und das vorhin Erwähnte bestätiget gefunden, mit Ausnahme zweier Puncte, die sich auf die Masse einzelner, bei den Nordlichtern vorhandener Größen beziehen. Der Punct nämlich, nach welchem die Lichtbüschel hinzielen, liegt nicht, wie er früher behauptete, 10° südlich vom Zenith, sondern den neuesten Beobachtungen gemäß 15°. Ferner ist die Breite des Ringes im Zenith nicht, wie vorhin behauptet wurde, nur 5°, sondern mehr als 6°.

Farquharson beschreibt nun drei vorzügliche von ihm beobachtete Nordlichter, und glaubt darin nicht blos eine Bestätigung seiner früheren Aussprüche gefunden zu haben, sondern auch einiges Nähere über die Höhe des Nordlichtes bestimmen zu können. Das erste sehr merkwürdige Nordlicht beobachtete er am 22. November 1825. Als er es gewahr wurde, waren schon zwei deutliche von einander getrennte Bögen an der Nord- und Nordostseite des Himmels gebildet; die Continuität des einen war nur durch wenige einzeln stehende Wolken gestört, die mit dichtem Nebel von Norden her kamen, und vom Monde hell beleuchtet waren. südlichere Bogen stand noch nahe 25° vom Zenith, er war an der Westseite in einer Höhe von 35° plötzlich abgeschnitten, der westliche Theil reichte fast bis zum Horizont. Die Strahlen, welche vom Scheitel dieses

Bogens ausfuhren, waren kurz, dicht, und mit dem magnetischen Meridian parallel; sie wurden gegen die beiden Enden des Bogens hin immer länger, und zielten nach einem 10°-15° südlich vom Zenith gelegenen Puncte. Die Breite des Bogens betrug nahe 10°; er schritt in paralleler Richtung gegen Süden fort, und wurde dabei immer schmäler; als er das Zenith erreicht hatte, war er nur mehr 30-40 breit, stand genau auf dem magnetischen Meridiane senkrecht, sein Scheitel sendete nur noch nebeliges Licht aus, und aus den Enden fuhren Strahlen nach der Richtung des Bogens hin. Der zweite Bogen war mit dem ersten parallel, aber niedriger als dieser; sein Scheitel stand nur 25°-30° über dem Horizont; er war 150 - 200 breit, aber an den Rändern nicht scharf begrenzt und nicht unveränderlich an Breite. Auch dieser Bogen schritt gegen Süden hin, und hob sich dabei mehr über den Horizont, so dass er an Länge und Breite zunahm, kurz er erlitt ähnliche Veranderungen wie der erstere. Eine lichte Stelle am Nordpuncte des magnetischen Meridians versprach einen dritten Bogen zu liefern, und sandte schon einige Strahlenbüschel aus, doch unterblieb die völlige Ausbildung.

Ein anderes Nordlicht ward am 9. September 1827 um 11 Uhr beobachtet. Beim ersten Anblick erschien ein an den Enden ausgezachter Lichtbogen, dessen östliches Ende mit röthlichem Lichte bis zum Horizont herabreichte, während sein westliches auf einer tief stehenden Wolke aufstand. Jenes Ende war ungewöhnlich (über 20°) breit. Hierauf erschien ein anderer 40° hoher, 20°—25° breiter Bogen mit Strahlen, die gegen einen südlich vom Zenith liegenden Punct hinzielten. Der Horizont erschien in der Gegend des magnetischen Meridians stark erleuchtet. Beide Bögen zeigten bald

ein Vorrücken gegen Süd, der höhere erreichte in wenigen Minuten das Zenith, und erschien daselbst schmäler und besser begrenzt. Sein östlicher Ast löste sich in zwei abgesonderte und nahe verticale Lichtsäulen auf, wovon die südlichere als Fortsetzung des ursprünglichen Bogens selbst erschien, die nördliche aber 20° Höhe hatte. Jede dieser Säulen war, als ihre Breite am geringsten erschien. 5° breit, und ihr Zwischenraum etwas größer; sie bestanden wahrscheinlich aus zwei in parallelen Ebenen liegenden Lichtfranzen, deren eine nördlicher und östlicher lag als die andere. Der Rest dieses Bogens war im Zenith 6° breit, seine Geschwindigkeit, mit der er nach Süden vorrückte, betrug 40° in 10 Minuten. Als er 30° über das Zenith hinausgekommen war, verschwand er plötzlich. Der nördlicher gelegene Bogen rückte wie der erstere vorwärts, und erlitt im Allgemeinen dieselben Veränderungen wie dieser.

Das dritte Nordlicht endlich, welches der Verfasser beobachtete, fand am 29. September 1828 Statt. Es fand dabei nichts besonders Merkwürdiges Statt, was nicht schon früher beobachtet worden wäre, nur ist der Umstand anzuführen, dass dieses Nordlicht gleichzeitig von Mehreren beobachtet wurde, und da alle Beobachter in der Hauptsache mit einander übereinstimmen, über die Richtigkeit derselben kein Zweifel übrig bleibt.

Der Verfasser benützt diese und frühere Beobachtungen, bei denen er das Nordlicht mit gleichzeitig am Himmel vorhandenen Wolken verglich, dazu, um die Höhe des Nordlichtes auszumitteln, und gelangt zu dem Schluss, dass das Nordlicht nicht höher stehe als die Wolkenregion. Hierin stimmen auch Parry, Scherer und Ross überein, die behaupten, dass das Nordlicht unmittelbar ober der Gegend erscheine, wo die Wasser-

dünste sich zu Wolken umbilden. Die wirkliche Höhe wechselt daher mit dem Zustande der Atmosphäre.

3. Höhe des Nordlichtes. Von Dalton.
(Phil. transact. 1828. P. II., p. 291.)

Mit den so eben erwähnten Behauptungen über die Höhe des Nordlichtes steht das im Widerspruche, was Dalton für wahr hält. Wir wollen das Wesentliche der Gründe anführen, die das Urtheil dieses ausgezeichneten Gelehrten bestimmten.

Am 20. März 1820 um 8 - 10 U. Abends sah man an mehreren Orten Schottlands und Englands ein besonders regelmässiges und glänzendes Nordlicht. Aus den hierüber gesammelten Nachrichten schliesst Dalton, daß der Lichtbogen in der ersten Stunde keine Bewegung hatte, hierauf aber anfing sich mit einer Geschwindigkeit von mehreren Graden nach Süden zu bewegen Überall, wo man dieses Phänomen beobachtete, achien der Scheitel des Bogens im magnetischen Meridian zu stehen. Die Höhe dieses Meteores schätzt Dalton auf 100 Meilen; er führt aber noch mehrere andere Höhenbestimmungen an. Nach den von Cavendish gemachten und berechneten Beobachtungen sollte die Höhe des Nordlichtes 52 - 70 Meilen betragen. Crosthwaite und Dalton selbst setzen die Höhe eines im Jahre 1703 beobachteten Nordlichtes mit 32 Meilen an. Aus mehreren Bestimmungen Bergmann's ergibt sich für dieses Meteor eine Höhe, die von 130 bis 1000 Meilen und darüber wechselt. Andere Beobachtungen über ein Nordlicht von 17. October 1819 setzen die Höhe desselben mit 100 Meilen fest. Alles dieses zusammengenommen bestimmt Dalton zu der Behauptung, ein Nordlicht mit leuchtenden, vollständigen Bögen sey nahe 100 Meilen über der Erdobersläche. Man sieht demnach, dass Dalton's Anabe von der vorhergehenden sehr stark abweicht. Setzt van ein Nordlicht mit Farquharson in die Region, wolch die Dünste zu Wolken niederschlagen, so gibt man um eine Höhe von nahe 2000 Fus, während hier von Oo Meilen die Rede ist.

Die Herausgeber des Bulletin des sciences, die diese rbeit Dalton's auch in den physikalisch-mathematischen 'heil (August 1829) derselben aufgenommen haben, fühen einiges an, das mit Dalton's Meinung eben so im Viderstreit ist, wie die vorhin erwähnte Behauptung 'arquharson's. Sie sagen: 1) Nach den gleichzeitigen a Basquian - Hils und Cumberland - House vom Lieuteant Hood und Richardson angestellten Beobachtungen ehrerer Nordlichter kommt dieser Erscheinung nur ne Höhe von 7 - 8 Meilen zu, und Cap. Franklin beitiget dieses. 2) Die Winkelhöhe, woraus Dalton seine :hlüsse zieht, kann nicht genau oder nicht gleichzeigemessen seyn, denn wäre sie dieses, so käme der mosphäre eine größere Höhe zu, als man ihr gewöhnh zuschreibt, weil man doch nicht annehmen kann, s Leuchten des Nordlichtes rühre vom Lichte eines nderabilen, etwa Cometenähnlichen, außer der Atsphäre befindlichen Stoffes her, sondern habe in der mosphäre seinen Sitz. Man könnte noch hinzusetzen, is schon Biot anführt, dass das Nordlicht in der Atmohäre entstehen müsse, weil es an der täglichen Beweng der Erde Theil nimmt, und daher seine Höhe geiger ist, als die Grenze der Atmosphäre.

4. Einwirkung der Nordlichter auf die Magnetnadel.

Die Einwirkung der Nordlichter auf die Magnetnal ist von sehr ausgezeichneten Gelehrten behauptet d bezweifelt worden. Arago hat mit besonderem Fleisse

Thatsachen gesammelt, welche diese Einwirkung beweisen; Brewster hingegen hält sie noch immer für unzulänglich, um die Sache außer Zweifel zu setzen, wie man aus den Arbeiten dieser Gelehrten, welche is Bd. IV., S. 340 u. f. dieser Zeitschrift enthalten sind, ausführlich entnehmen kann. Seitdem dieser Streit begonnen hat, sind mehrere Beobachtungen bekannt geworden, welche für das Daseyn einer solchen Einwirkung sprechen, insbesondere haben die Nachrichten Kunffer's in Kasan und Richardson's die Sache einer de finitiven Entscheidung sehr nahe gebracht. aus dem in Nordamerika erscheinenden Sillimann'schen Journal entlehnte Notiz dürfte aber doch nicht übersüssig seyn, da sie Beobachtungen betrifft, die in einer ganz anderen Gegend angestellt wurden, als die Kunffer's und Richardson's (jener beobachtete zu Kasan, dieser am Bärensee), nämlich in Nordamerika. Die Beobachtung, von der hier die Rede ist, wurde am 28. Atgust 1827 um 10 Uhr Abends während eines sichtbaren Nordlichtes angestellt. Ich stellte, heisst es in der erwähnten Quelle, eine sehr empfindliche, horizontal schwebende Magnetnadel an das Fenster meines Zimmers, das an der Nordseite des Hauses lag, und in ein anderes, 10 Fuss davon entferntes, eine Neigungsnadel. Bei näherer Betrachtung sah ich, dass keine von beiden in Ruhe kommen wollte. Die horizontal schwebende machte Schwingungsbögen, deren Mittel um 5° westlicher lag als der magnetische Meridian. Die Neigungsnadel oscillirte von 64° bis 75°, und war in beständiger Unruhe. Oft blieb sie bei 60° einen Augenblick stehen, und zeigte blos eine zitternde Bewegung, dann schritt sie aber bis 75° - 76° fort, und ihr Stand entsprach einer Neigung von 69° 1/2, welche von der wahren, dem Beobachtungsorte entsprechenden Inclination um 201/2

bweicht. Der Glanz des Nordlichtes nahm bis 10 Uhr ie Minuten zu, und verschwand hierauf bis auf einen ellen Schein am nördlichen Horizont.

Die horizontal schwebende Nadel blieb noch in betändigem Zittern begriffen, doch schwankte sie nicht iber 2° hinaus. Die Neigungsnadel blieb unter 71° stenen, während die wahre Inclination 72° betrug. Am 19^{sten} und 31° ten desselben Monates waren wieder Nordichter sichtbar. Auch da wurden die Magnetnadeln behachtet; man bemerkte aber nichts Besonderes, außer lass eie etwas schwerer zur Ruhe kamen als sonst.

5. Ungewöhnliche Lichtbrechung in der Atmosphäre. Von Cruickshank.

(Edinb. phil. journ. N. 14, p. 254.)

Am 10. Juni 1826 herrschte zu Aberdeen dichter lebel und schwacher OSO. Wind. Zwischen 8 und Uhr verliess der Nebel das Land, und es folgte lebhafer Sonnenschein, doch blieben über der See in einiger Intfernung scheinbar dichte Nebel zurück, und dehnten ich öfters bis an die Küste aus. Da erschienen die über 4 englische Meilen entfernten Felsen von Slains Castle öher und an einigen Stellen auch deutlicher, ja selbst tellen, die man bei dem gewöhnlichen Zustande der tmosphäre nicht sehen konnte, wurden auf Augenblicke eutlich sichtbar. Die Klippen und das daran westlich renzende Land bis zu einer Entfernung von zwei Mein schienen alle 10 Minuten ihre Höhe zu ändern, so Is sich die ganze Ansicht über die See zu heben und ieder in dieselbe unterzutauchen schien. Mit einem hromatischen, schwach vergrößernden Fernrohre gte sich dasselbe an kleinen, über 21 Meilen von berdeen entfernten Gegenständen. Mehrere derselben, e einige Augenblicke hindurch nur als kleine runde

Flecke erschienen, erhoben sieh nach und nach zu einer vier- oder fünffachen Höhe; ein anderes Mal schienen sie an ihrem Platze fest zu bleiben, aber über ihnen erschien ihr treues Bild zwei oder gar drei Mal Schmälere Gegenstände, wie die Giebel von Häusem, erhoben sich zu hohen Säulen, ohne doch ihr Abbild blicken zu lassen.

Das gelbe Dach eines Farmhauses war von der Sonne stark beleuchtet und erschien scharf begrenzt als volkommenes Dreieck mit horizontaler Basis, die etwa doppelt so groß war, als die Höhe. Dieses schien manchmal eine fünf Mal größere Höhe zu erreichen, und wieder zu seiner natürlichen Größe zurück zu kehren Manchmal schien sein treues Bild über ihm, ja selbst ein zweites Bild ließ sich sehen, und es erschienen drei völlig gleiche Rechtecke über einander. Der Abstand dieser Bilder von einander war veränderlich. Oft theilte sich das verlängerte Bild des Objectes ab, und ließerte so zwei oder drei Bilder. Diese Erscheinung dauerte eine halbe Stunde, hierauf trat ein solches Zittern der Luft ein, daß man auf deutliches Sehen ser Gegenstände verzichten mußte.

6. Über das Steigen der Gewässer des Oceans.

(Monthly Magazine. *)

Bekanntlich reißen die Flüsse bei ihrem Hinabströmen in das Meer Erdstücke und andere Dinge mit sich hinab, die eine der Größe des mitgeführten Körpers angemessene Quantität von Wasser verdrängen müssen. Auch von den Klippen, welche das Meer bespült, lö-

^{*)} Mitgetheilt von Dr. Rumy in Gran.

m sich fortwährend große Stücke ab, die gleichfalls azu beitragen, den Grund des Oceans zu füllen.

Georg Staunton hat über den gelben Fluss in China olgende Berechnung angestellt: Die Breite dieses Strones belief sich, als ihn Lord Macartaey passirte, auf 4 Meilen, seine mittlere Tiefe auf 5 Fus, und die ichnelligkeit seines Laufes auf 4 Meilen. Daraus folgt, as von diesem Flusse stündlich eine Quantität Wasser idas gelbe Meer hinabssließt, die 418,176,000 K. Schuh der 2,563,000,000 Galonen Wasser beträgt. Nach anstellten Versuchen fand man, dass das Wasser ungehir den zweihundertsten Theil seiner Masse an Schlamm nthielt. Zufolge dieser Erneuerung von Schlamm, welben das Wasser des gelben Stromes enthält, wird stündch eine Quantität von 2 Millionen K. Schuh Erde ins gelbe leer hinabgeschwemmt, folglich jeden Tag 48 Millioen, und binnen eines Jahres 17,520,000,000 K. Schuh.

Angenommen nun, dass die mittlere Tiese des gelen Meeres in der Mitte 20 Faden oder 120 Schuh beägt, so müste die Quantität von Erde, welche der elbe Flus ins Meer hinabsührt, wenn sie sich auf eiem Hausen besände, hinreichend seyn, während 70 agen auf der Obersläche des Meeres eine Insel von eier Quadratmeile im Umfange zu bilden. Wollte man iese Berechnung weiter ausdehnen, so würde man sinen, in welchem Zeitraume sich das gelbe Meer durch e sortwährenden Absetzungen des gelben Flusses selbst issüllen müsste; denn wenn man die Obersläche des eeres zu 125,000 Quadratmeilen annimmt, so käme e Summe mit der zur Gründung einer Quadratmeile forderlichen Zahl heraus. Das Fortschreiten ist zwar ugsam, aber gewiss.

Middleton hat berechnet, dass zur Bildung der Lan, die zwei Meilen über die Granit-Urgebirge erhaben sind, 1,056,000 Jahre erforderlich sind, während welcher Zeit die Meeressluthen das feste Land bedecken müssen. Der Fortschritt der Nachtgleichen beträgt ugefähr einen Grad in 72 Jahren, so dass 25,920 Jahre erforderlich seyn würden, wenn die Äquinoctial-Puncte nach Westen zu rund um die Erdkugel rücken sollten .Vierzig solcher Umwalzungen müssen, nach Middleton, während der Zeit Statt gefunden haben, als sich die zweite Lage über dem Granit bildete. Den Granit heißt man zwar Urfels, da er aber aus Quarz, Feldspath mi Glimmer besteht, so müssen diese Gebirgsarten frähe als er selbst da gewesen seyn, und das Meer mus cit sehr lange Zeit zur Absetzung dieser ältern Gebirgs ten und zur Sammlung einer so großen Masse daven als zur Bildung der Urgebirge erforderlich war, braucht haben.

VI.

'allen eines Meteorsteins am Bord eines auf hoher See segelnden Schiffes;

mitgetheilt vom

Dr. Johann Lhotsky.

Als mir nachfolgende Daten aus den Tagebüchern mid mündlichen Beantwortungen des k. k. Gärtners, Im. Carl Ritter in Wien, der im Jahre 1820 (auf inem Schiffe des Herrn Baron Joseph von Dietrich) ine Reise nach Hayti unternommen hatte, bekannt wuren, hielt ich diese Erscheinung gleich in vorhinein für ine der seltensten, die in diesem Bereiche der Wissenchaft je beobachtet wurden. Weitere Nachforschungen estätigten diess vollkommen, und es zeigte sich, das as Fallen von Meteorsteinen auf offener See eines von men Phänomenen sey, die selbst von den competenteten Richtern dieses Faches: Gilbert und Chladni, bis ur neuesten Zeit in Zweifel gezogen wurden *).

Das Schiff Echer von Liverpool, Cap. John Smart, of welchem sich außer Hrn. Ritter noch die Herren Türer aus Triest und Rauch aus Nürnberg, beides Kaufleute, efanden, segelte bei vollkommen heiterem Himmel mit läßigem Westwinde am 5. April 1820 unter 20° 10′

^{*)} Chladni in seinem Werke: Ȇber Feuermeteore und die mit denselben herabgefallenen Massen, Wien 1819,« erwähnt p. 227 und 228 zwei ähnliche Fälle aus dem siebzehnten Jahrhundert, aber von so wenig Begründung, dass selbst das Jahr nicht genau angegeben werden konnte. Mehr Sicherheit spricht sich in dem p. 291 angegebenen, ähnlichen Factum vom Jahre 1809 aus, aber auch da sehlt alle nähere Beobachtung.

nördl. Breite und 51° 50' westl. Länge *). Um 11 Uhr früh erschien mit einem Male in NNO., ungefähr 35° über dem Horizont, eine Wolke, wie sie die englischen Seeleute blak squall nennen, von graulich schwärzlicher Farbe. Diese Wolke vergrößerte sich allmählich, und zog ziemlich niedrig gegen das Schiff, welches sie endlich ganz einhüllte, und sich dabei in einen senkrechten, nicht zu starken Platzregen entlud. Während die Wolke im Zenith des Schiffes vorbeieilte, siel (ohne alle anders Nebenumstände) ein Stein auf selbes, welcher aber sogleich in mehrere kleinere Stücke zersprang. Der Wind wurde während dieser Erscheinung etwas stärker, jedoch nicht sturmartig (a fine breeze). Die Wolke verfolgte ihre Bahn nach SWW., und verschwand endlich im Horizonte, nachdem das ganze Phänomen, von dem Erscheinen der Wolke bis zu ihrem Verschwinden, ¹/₄ Stunde gedauert hatte. Darauf wurde der Himmel wieder so rein und heiter wie zuvor.

Der Stein, welcher ¹/₂ Pfund gewogen haben mag, und wovon Hr. Ritter und Cap. Smart die größten Stücke verwahrten, war bei seinem Herunterfallen naß, nicht warm, und roch stark nach Schwefel. Ob aber andere Stücke unmittelbar ins Meer gefallen waren, konnte man wegen Regen und hoher See nicht beobachten.

Dieser Stein bestand aus ungleichartigen Gemengtheilen, welche mitunter von der Größe einer kleinen Nuß, und von einer zwischen licht- und dunkelbraun wechselnden Farbe waren. Im nassen Zustande war er leichter zerbrechlich, wurde aber später hart. Die dun-

^{*)} Dieser Punct liegt ungefähr mit Cuba in einer Breite, mit Neufoundland in derselben Länge. Das nächste Land war Antigua, wovon das Schiff durch 10 Längengrade, von Europa durch den ganzen Ocean entfernt war.

kel gefärbten Gemengtheile waren überhaupt härter, und mehr scharfkantig. Eine Rinde war nicht vorhanden.

Dieses Factum wurde nach der Rückkehr des Hrn. Ritter nicht als ganz erweislich angesehen, und da es immer eine seltene Erscheinung ist, so sehe ich mich veranlasst, jene Glaubwürdigkeit einiger Massen zu beweisen.

- 1. Auf der ganzen Reise, und auch während des Erscheinens der Wolke, war nie von einem Meteorstein die Rede gewesen, wodurch der Einwurf, als habe etwa ein Matrose in einem Mastkorb sich einen Scherz damit machen wollen, wegfällt. Übrigens waren alle Passagers, auch Hrn. Ritter als Gärtner nicht ausgenommen, zu wenig für physikalische Entdeckungen portirt, als daß sie gerade in diesem Fache seltsame Gegenstände hätten beobachten oder sammeln wollen.
- 2. Der Einwurf, wie es möglich war, dass ein aus solcher Höhe herabfallender Stein auf dem gewölbten Borde eines Schiffes verbleiben konnte, fällt aus mehreren Gründen weg. Denn es ist bekannt, dass jeder auffallende Körper an Krast der Repercussion verliert, wenn er (wie es bei diesem geschah) im Momente des Auffallens in Stücke zerspringt und übrigens war auch das Schiff Echer mit einem Geländer von Bretern versehen, welches die, in einem sehr spitzen Winkel abprallenden Bruchtheile aufhielt.
- 3. Hat Hr. Carl Ritter noch auf der Reise selbst, sich von seinen anfänglich genannten Gefährten ein Zeugniss über diese Erscheinung ausfertigen lassen. Cap. Smart nahm sich vor, das von ihm aufbewahrte Stück nach seiner Rückkehr einem Museum in England zu schenken.
- 4. In dem Journale des Hrn. Ritter ist diese Erscheinung an demselben Tage, wo sie Statt hatte, ver-

zeichnet, und die englischen Namen der Winde (blak squall) eigenhändig von Hrn. Smart hinein corrigirt.

Endlich hat diese Begebenheit auch alle innem Gründe für sich. Denn nun treten die, früher aus Chladni citirten Fälle hinzu, und corroboriren sich wechselseitig. Und es ist ganz in der Ordnung der Natur begründet, dass diejenigen Ursachen, wodurch das Entstehen von was immer für Atmosphärilien bedingt ist, ehen in allen Theilen der Atmosphäre hervortreten können, da ja diess Agentien sind, die wir mit solcher Schnelligkeit beständig über uns kreisen sehen. Es wäre auch nicht der geringste Grund vorhanden, anzunehmen, dass, während Nebel, Thau, Regen, Schnee und Schloßen in allen Gegenden der Erde generisch die nämlichen sind, gerade die steinartigen Atmosphärilien (wozu wir in dem Bodensatze des rothen Regens und Schnees obnehin schon ein Übergangsglied finden), an eine oder die andere Gegend gebunden seyn sollten. Immerhin wird aber das Beobachten dieses Phänomens, zu den seltensten in diesem Fache gehören.

Das von Hrn. Ritter mitgebrachte Bruchstück, von der Größe eines kleinen Hühnereys, wird mit den andern botanischen und zoologischen Ergebnissen seiner Reise aufbewahrt.

ZEITSCHRIFT

FÜR

PHYSIK UND MATHEMATIK.

I.

emerkungen über das neueste Mikroskop des Herrn Professor Amici in Modena;

vom

Freiherrn von Jacquin.

Dieses Mikroskop (1829 verfertiget) weicht in seiner Einrichtung von den früheren desselben Meisters edeutend ab; denn es ist ein dioptrisches Instrument, ährend die ersteren eine katadioptrische Einrichtung utten.

Es bestehet aus fünf Ocularen und drei Objectiven. on den Ocularen sind die drei schwächeren mit einem amsden'schen Collectivglase versehen; das vierte ist ne Doppellinse ohne Collectivglas, und das fünfte, einch, ebenfalls ohne Collectivglas. Die drei Objective nd achromatisch und zum übereinander Schrauben, nach illigue's Methode, eingerichtet.

Um das Instrument in eine horizontale Stellung zu ingen, befindet sich in dem Rohre am vorderen Ende Prisma, von welchem das durch den senkrecht stenden Objectiv-Apparat entstehende vergrößerte Bild Objectes rechtwinklich durch das Collectivglas auf Blende reflectirt wird, um mit der Ocularlinse beten zu werden. Diese Einrichtung mit dem Prismat keinen anderen Nutzen, als die horizontale Stellung zulassen, und kann die Schärfe des Bildes nur verminkeitschr. f. Phys. u. Mathem. VII. 3.

dern, aber nicht vermehren. Um das bei dieser Stellung des Instrumentes lästig werdende, in das Auge fallende Tages - oder Lampenlicht abzuhalten, wird eine, 4" im Durchmesser haltende, schwarze Scheibe von Pappe vor das Ocular gesteckt.

Von den drei Objectiven können die zwei schwächeren auch einzeln oder in Verbindung gebraucht werden, besonders für opake Objecte. Doch muss der Obiectivlinse Nro. 1 die vorhandene Blende vorgeschraubt werden, um mehr Schärfe am Rande des Sehefeldes zu erzielen. Diese Linse Nro. 1 gibt mit dem schwächsten Oculare schon eine Vergrößerung von 50 Mal linear. und die für Naturforscher oft sehr wünschenswerthen schwächeren Vergrößerungen von 18-20 Mal linear fehlen an diesem Instrumente. Die Objectivlinse Nro. 2 ist, einzeln gebraucht, nicht scharf, und die Linse Nro. 3 gar nicht zu benützen, eben so wenig die Verbindung von 2 mit 3. Die Vergrößerungen derselben sind daher auch vom Hrn. Prof. Amici nicht angegeben worden. Selbst die durch die Verbindung der Linsen 1 und 2 hervorgebrachten Bilder sind nicht von ausgezeichneter Schärfe. Dagegen ist aber die Verbindung aller drei Objectivlinsen von hoher Vollkommenheit, und gibt mit den Ocularen I., II., III., also bei Vergrößerungen von 133 bis 300 Mal linear, unübertrefflich scharfe Die Vergrößerung mit dem Ocular IV. von 600 Mal linear ist schon weniger scharf; jene mit den Ocular V. von 1700 Mal linear aber schon so undeatlich und dunkel, dass man sie wohl für den Naturforscher als unbrauchbar und überflüssig erklären muß Denn, als optischer Versuch, wenn es nämlich bloß auf Vergrößerung, ohne Rücksicht auf Schärfe, ankommt, leistet doch das Sonnenmikroskop mit achromatischen Linsen weit Besseres.

Die von dem Hrn. Prof. Amici selbst angegebenen ergrößerungen sind, nach einer Messung mit seiner imera lucida, bei der ungewöhnlichen Sehweite von im 11111 Paris. M., also mehr als 1411 Vien. M., nämch der zufälligen Höhe des Mikroskopes vom Tische, gegeben. Sie fallen daher sehr hoch aus, und um sie it unseren hiesigen Instrumenten zu vergleichen, sind e Vergrößerungen neuerdings mit dem Sömmering'schen niegelchen bei einer Sehweite von 811 VV. M. oder 0,21 eter, nach meiner Methode, sorgfältig bestimmt und lgender Maßen gefunden worden:

Ibjectiv.	Ocular.	Vergrößerung.	
		Linear.	Fläche.
1	I.	5 0	2500
	II.	90	8100
1+2	I.	120	14400
-	II.	160	25600
	III.	200	40000
+2+3	I.	133	17689
` _ '	II.	250	62500
	III.	300	90000
	IV.	60 0	36000 0
	v.	1700	2890000

Zur Beleuchtung durchsichtiger Objecte ist ein gehnlicher gläserner, concaver Reflectionsspiegel von
leutenderer Größe, bei 4" im Durchmesser, vorhann. Außerdem eine bewegliche conische Blende mit
hreren runden Öffnungen von verschiedener Größe,
lche überdieß nach Willkür noch mit einem mattgeliffenen Glase geschlossen werden können. Sie dien, um das von dem großen Spiegel reflectirte zu grelle
ht nach Besinden zu mildern. Auch ist zu demseln Zwecke noch besonders eine mattgeschliffene Glas-

tafel vorhanden, um solche unter das Object auf dem Objecttische zu schieben. Viele und vielerlei Versuche haben von dem Nutzen dieser Einrichtung keine Überzeugung verschafft, den einzigen Fall ausgenommen, wenn eine Camera lucida angewendet wird. Mikroskop gibt bei mäßiger Beleuchtung durch einen 1 1/2" höchstens 2 1/2" im Durchmesser haltenden Spiegel deutliche scharfe helle Bilder, und bedarf einerseits weder directes Sonnenlicht und große Argand'sche Lampen, noch andererseits wieder Blenden, um das zu grelle Licht zu dämpfen, und die schon bei den älteren englischen Mikroskopen üblich gewesenen conischen Blenden sind desswegen wieder vergessen, und auch von Fraunhofer nie mehr angewendet worden. Man kann ja, in gewissen Fällen, z. B. bei Besichtigung von Glasmikrometern, das Licht durch schiefe Stellungen des Spiegels hinlänglich modificiren.

Um opake Objecte zu besehen, können bei diesem Mikroskope, wie bei allen, schon wegen der Beschaffenheit dieser Objecte selbst, nur die schwächeren Vergrößerungen, nämlich nur die Objectivlinse Nro. 1 und ihre Verbindung mit Nro. 2 mit den drei ersteren Ocularen angewendet werden, und hiezu ist eine halbconvexe Beleuchtungslinse an dem vorderen Ende des Rohres angebracht, deren Mechanismus und Wirkung nicht bequem und empfehlenswerth ist, und in beider Hinsicht den von Hrn. Plösst gewählten Beleuchtungs-Apparaten, besonders dem Selligue'schen sphärischen Prisma, weit nachstehet. Diese Unvollkommenheit scheint Hrn. Prof. Amici auch veranlasst zu haben, die zweite ältere Einrichtung mit dem Lieberkühn'schen Spiegel beizufügen, die aber, so zweckmässig sie auch bei einfachen ist, bei stärkeren Vergrößerungen zusammengesetzter Mikroskope manche Schwierigkeiten darbietet. Für diese

Art von Beleuchtung wird ein eigener, sehr zweckmässiger Objectträger aus einer Glastafel mit aufgekittetem kleinen schwarzen Glascylinder erforderlich, und ist auch vorhanden.

Unter die vorzüglichen, sinnreichen Apparate bei Hrn. Prof Amici's Mikroskopen gehören bekanntlich seine Camerae lucidae, zum Zeichnen der mikroskopischen Objecte. Davon sind auch zwei diesem neuesten Mikroskope beigefügt, aber ohne eine neue Veränderung.

Die mechanische Arbeit an diesem Instrumente beweiset die bedeutenden Fortschritte, welche man in diesem Kunstfache in der letzteren Zeit auch in Modena gemacht hat, wenn sie gleich dem, was man nunmehr bei uns zu leisten im Stande ist, noch weit nachstehet. Der dabei angebrachte Messapparat mit Mikrometerschrauben dient besonders als Belege des Gesagten.

Noch verdienen die beigegebenen Probeobjecte einer sehr rühmlichen Erwähnung; denn wir haben hier zuerst trocken aufbewahrte, ausnehmend schöne Präparate von Schraubengängen, Treppenwegen und Saftröhren von Pflanzen kennen gelernt, aber auch erfolgreich nachgeahmt. Auch lernten wir in den durchsichtigen Schuppen aus dem Flügelstaube der sogenannten Bläulinge, Papilio Argus, Argiolus, Alexis etc. ein inländisches Probeobject kennen, welches, wenn es gleich den bisher von dem surinamischen P. Menelaus und den brasilischen P. Anaxibia und Adonis genommenen Schuppen an Zierlichkeit nachstehet, es dagegen an Feinheit weit übertrifft, und auch als opaker Gegenstand den höchsten Probestein eines Mikroskopes abgibt. Diese Probeobjecte sind zwischen sehr dünnen Glastafeln befestiget, und der Achromatismus der Objectivlinsen auf die durch die Dicke der Glastafeln bewirkte Aberration berechnet. Daher müssen aber alle kleinen Objecte, die der Naturforscher mit diesem Mikroskope untersuchen will, zwischen solchen Glastafeln, deren zu diesem Behufe drei Paare vorhanden sind, beobachtet werden, wenn die höchste Schärfe erreicht werden soll, was aber doch nicht immer ausführbar ist. Hr. Plö/sl richtet seine Objectivlinsen in dieser Hinsicht auf unbedeckte und blosliegende Objecte ein, und läfst sich lieber die kleine Unvollkommenheit bei den eingeschlossenen Probeobjecten gefallen. *).

Der wohlthätige Einfluß, den die großmüthige Herbeischaffung dieses kostbaren, vortrefflichen Instrumentes, und dessen gnädigste Überlassung zu genaueren Untersuchungen und Vergleichungen, nicht nur zur Erweiterung unserer Kenntnisse überhaupt, sondern noch besonders auf die inländische Verfertigung dieser, dem Naturforscher so unentbéhrlichen Werkzeuge gehabt hat, ist dem durchlauchtigsten Beschützer und erhabenen Kenner der Naturwissenschaften, Sr. kaiserl. Hoheit Erzherzog Ludwig, nie genug mit dem ehrfurchtvollsten, innigsten Danke zu erkennen. Hr. Plössl überzeugte sich sogleich selbst, bei der ersten Besichtigung, dass seine Mikroskope, bei höheren Vergrößerungen von 300 Mal und darüber, an Schärfe bedeutend zurückblieben; erkannte aber bei seiner scharfsinnigen Übung sogleich auch die Ursache und zugleich die Wege, welche der hochberühmte Meister eingeschlagen hat, seinen Zweck zu erreichen. Er fand darin die Bestätigung einer schon

^{*)} Die (Bd. VI., Heft 1. d. Zeitschr.) gegebene Abbildung des, dem Hrn. Geheimerrath von Sömmering gehörigen, Amici'schen Mikroskopes stimmt ganz genau mit dem hier beschriebenen überein, nur hat es noch eine schwächere Objectivlinse von beiläufig 25maliger Vergrößerung, dann sind die zwei vorletzten Linsen stärker, die letzte aber schwächer.

früher von ihm selbst gemachten Erfahrung, dass nämlich mehrere Linsen, wovon jede, einzeln gebraucht, die höchste Schärse zeigt, zusammengefügt kein höchstes Resultat liefern, und umgekehrt; dass man daher darauf Verzicht leisten müsse, eine Linsenreihe zu erzielen, wovon jede einzeln, und zugleich jede Zusammensetzung derselben vollkommen sey. Rastlos beschäftigte er sich durch viele Wochen ausschließend mit der Aufgabe, nicht nur diese höchste Vollkommenheit auch bei seiner stärkeren Vergrößerung zu erreichen, sondern solche auch auf die von Hrn. Prof. Amici weniger berücksichtigten schwächeren Vergrößerungen zu verbreiten. Und es gelang ihm auch in solchem Grade, dass seine neuesten seitdem fertig gewordenen Mikroskope nicht nur in den stärksten Vergrößerungen bis 500 Mal linear den Amici'schen nicht mehr nachstehen, sondern auch durch eigene, abgesonderte Linsenverbindungen die niederen Vergrößerungen mit einer Schärfe geben, die nichts zu wünschen übrig lässt. Diese Vorzüge sind auch im Auslande schon ehrenvoll anerkannt worden *), und außer dem großen Hülfsmittel, das die Vollkommenheit dieser Mikroskope für so viele wissenschaftliche Forschungen darbietet, ist dadurch noch die Nationsehre, der Ruhm unserer wissenschaftlichen Vervollkommnung und hohen technischen Kunstfertigkeit neuerdings befestiget und verbreitet worden.

^{*)} Nach Herrn Prof. Munke's Versicherung hat das, während der in Heidelberg abgehaltenen Versammlung deutscher Naturforscher und Ärzte, mit mehreren anderen Instrumenten der vorzüglichsten Künstler Europa's verglichene, für die Universität daselbst von Hrn. Plösst verfertigte Mikroskop den Preis erhalten.

· II.

Beitrag zur Geschichte der Luftsteine aus morgenländischen Schriftstellern;

vom

Herrn Hofrath v. Hammer.

Die Geschichten der Morgenländer haben von jeher außerordentliche Erscheinungen des Luftkreises aufmerksamer verzeichnet, als die Geschichtschreiber des classischen Alterthums, und je mehr die Geschichten der Araber, Perser und Türken durchforscht werden, desto mehr findet man Beiträge zur Geschichte der Ärolithen. An die früher in den Fundgruben des Orients gegebene, und bereits in der Geschichte der Ärolithen des Hrn. Directors von Schreibers aufgenommene Erzählung gefallener Luftsteine, reihen sich die folgenden drei an:

Im Jahre der Hidschret 242 (856 nach Christi Geburt) fielen in Ägypten Steine vom Gewichte von 10 Batmanen (der Batman hat 13 ½ Pfund, d. i. von 135 Pf.). So findet sich diese Begebenheit in der Universalgeschichte Rausatul-ebrar, d. i. der Garten der Gerechten des Mufti Tschelebisade Asis Efendi, unter obgesagtem Jahre zugleich mit einem Bergsturze aufgezeichnet. In der türkischen Geschichte Riswanpaschasades (in dem unter den Quellen der osmanischen Geschichte im I. Bande unter Nro. 25 aufgeführten Exemplare B. 73) wird unter der Aufschrift: » seltsame Begebenheiten, « gleich nach dem Tode des Imams Hanbel im J. 241 (855) dieselbe Begebenheit folgender Maßen erzählt: » Es zeigte sich » am Himmel ein so außerordentliches Feuer, daß die » Leute glaubten, die Gestirne seyen zerrüttet, und der

jüngste Tag sey gekommen. In dem Dorfe Suraenam regnete es Steine von 134 Drachmen *); in Jemen bewegte sich ein Berg von seiner Stelle, und begegnete einem anderen Berge; ein weißer Vogel, in der Größse eines Adlers, schrie vernehmlich von dem Saume eines Berges: Versammelte Völker fürchtet Gott; so schrie er vierzig Tage lang, sonst aber sagte er Nichts; hierauf folgte großes Erdbeben, die Quellen der Kaba trockneten aus. «

Des Falles eines ungemein großen Arolithen ums ahr 1440, in welchem Ibn Batuta in Kleinasien reiste, rwähnt derselbe in seiner Reisebeschreibung, deren uszug das erste der von dem Ausschusse der asiatichen Gesellschaft zu London zur Übersetzung orientascher Handschriften herausgegebenen Werke **). In emselben heisst es: Der König fragte mich, hast du je inen Stein gesehen, der vom Himmel fiel. Ich antworte nein. Ein solcher Stein, fuhr er fort, ist in der achbarschaft dieser Stadt Birki (Birje) gefallen. Er efahl dann einigen Männern, den Stein zu bringen, as sie thaten. Es war eine feste, über die Massen harte id schimmernde Substanz. Diese Masse wog ein Talent 12 oder 120 Pf). Er liess dann einige Steinmetzen mmen; vier derselben erschienen, und er befahl ihn darauf, den Stein zu schlagen. Sie führten mit eim eisernen Hammer mehrere Streiche, die nicht den ringsten Eindruck zurückließen. Ich war darüber ir erstaunt; der König befahl dann den Stein auf die ite zu räumen.

^{*)} Sollen die beiden Angaben des Gewichtes in Übereinstimmung gebracht werden, so muss der Batman nicht, wie in *Meninski* steht, 13½ Pfund, sondern 13½ Drachmen enthalten.

^{*)} The travers of Ibn Batuta by Lee 1829, p. 72.

Merkwürdiger als diese beiden Vorfälle ist der im Reichsgeschichtschreiber Ssubhi (gedruckt zu Constantinopel im Jahre 1783), B. 183, folgender Maßen umständlich erzählte Fall zweier Luftsteine, welcher von dem Reichsgeschichtschreiber mit dem fast gleichzeitigen Tode Carls VI. (20. Oct. 1740) und der russischen Kaiserin (28. Oct.) in Verbindung gesetzt wird.

Vorfall himmlischer Zeichen in der Gerichtsbarkeit Hesargrad (Rasgrad).

Am 4. Schaaban 1153 (25. October 1740) war in dem Marktslecken Hesargrad, welcher in Rumili nicht ferne von der Donau liegt, die Luft heiter und rein, und von Wolken und Wind keine Spur, als auf einmal durch Gottes Weisheit zu Mittag sich gählings ein Wirbelwind erhob, der die Luft mit Wolken und Regen schwärzte, und den hellen Tag in finstere Nacht verkehrte, so dass alle Menschen, ob dieser fürchterlichen Beschaffenheit mit Furcht und Schrecken ergriffen, so schnell als möglich aus dem Felde in ihre Häuser flüchteten. Zur selben Zeit folgten drei Donnerschläge, einer auf den andern, als wären Kanonen, mit einigen Centnern Pulver geladen, abgefeuert worden. Von der Heftigkeit des Schalles zitterten die Erde und die Himmel, und Menschen und Thiere warfen sich besinnungslos in den Staub. Eine Zeit lang blieben dieselben 80 mit stummem Munde, und einer von dem anderen ohne Kunde; als aber hernach sie sich zu erholen und nachzufragen anfingen, wo denn der Blitz gefallen sey, erfuhr man, dass einer dieser Streiche in dem Garten des Meierhofes hart am Flecken, der zweite im Felde, der dritte nördlich gesehen worden, und dass, wiewohl weder Menschen noch Vieh sonst einiger Schaden geschehen, doch ein Mann durch sieben bis acht Tage taub

und stumm geblieben. Da dieses von mehreren Augenzeugen bestätiget worden, erstattete der Richter hierüber einen von allen Einwohnern unterschriebenen Bericht an die Pforte, und legte seinem Berichte zur Bewährung desselben zwei schwere steinähnliche, bei dieser Gelegenheit gefallene Körper bei, welche, in Gegenwart des Großwesirs gewogen, der eine 19 Okka (423/4 Pfund), der andere 2 Okka (41/2 Pfund) schwer, ein Mittelding von Stein und Eisen waren. Diese beiden schweren Körper wurden von Sr. Erlaucht dem Großwesir mit einem diese wunderbare Begebenheit erzählenden Vortrage an den kais. Steigbügel gesandt. Es wurde hieraus auf die Allmacht Gottes des Allerhöchsten, der über allen Zweifel und Wahn erhaben, geschlossen, und nachdem dieser Vorfall unter den Leuten eine Zeit lang besprochen worden, legte sich das Gespräch mit den Bemerkungen: » dass Gott thue, was er will *),« mit der Anwendung des türkischen Verses: » Er hat es abgeschnitten, hadre nicht, und des arabischen Spruches: Der Degen wird nicht um das gefragt, was er gethan; « allein die Sternkundigen und andere Erfahrene folgerten daraus, dass das Unglücksgestirn eines westlichen und nördlichen Herrschers in den Knoten des Verderbens gefallen, und dass der nutzlose Körper derselben dem Geleite der Töchter des Sarges (der im Viereck stehenden Sterne des großen Bären) im rothen Meere des Verderbens untergangen sey. Dieser Folgerungsheweis ist in mehreren astronomischen Büchern aus eininder gesetzt, und widerstreitet auch sonst keineswegs lem höchsten Willen des alleinigen Gottes, sondern es st vielmehr ausser allem Zweifel, dass diese Zeichen ur Vorbedeutung größerer, durch den Willen des

^{*)} Jefaalallaha ma jeschae, Korans - Vers.

Schöpfers beschlossener, Begebenheiten sind, wodurch Gott der Allmächtige die Menschen ermahnt. Gott weiß am besten die Wahrheit der Geschäfte und der Zustände.

Auf demselben Blatte folgt dann unter dem Titel: Ankunft der Nachricht des Todes des deutschen Kaisen und der russischen Kaiserin, die hier angedeutete Vorbedeutung der beiden großen Luftsteine, welche fünf Tage nach dem Tode Kaiser Carls, drei Tage vor dem Tode der Kaiserin Anna fielen.

III.

Physikalisch - geognostische Bemerkungen, gesammelt bei der Besteigung des Groß-Glockners;

von

Anton Schrötter,

Adjuncten und Supplenten beim physikalisch-mathematischen Lehrfache an der Wiener Universität.

Auf einer Fusreise, welche ich in den Monaten August und September des Jahres 1829 nach einigen Gegenden unserer herrlichen Alpen unternahm, wurde ich zu wissenschaftlichen Untersuchungen veranlaßt, und es boten sich mir manche der Aufmerksamkeit nicht unwerthe Gegenstände dar, welche ich, so wie es meine beschränkten Zeitverhältnisse und die Tendenz dieser Blätter gestatten, hier mittheile.

Besteigung des Glockners.

In Gesellschaft der Herren Franz von Rosthorn und Arnold Escher von der Linth aus Zürich kam ich am hatten uns vorgenommen, die Ersteigung des Groß-Glockners wenigstens zu versuchen; denn in der That war nur wenig Hoffnung für das Gelingen vorhanden, da das Wetter in diesem Herbste für derlei Unternehmungen sich keineswegs günstig zeigte. Bei unserer Ankunft in Heiligenblut war der Himmel stark mit Haufenwolken bedeckt, und dichter Nebel entzog uns die umgebenden Berge. Doch schien uns der starke Nordwind (hier Tauernwind genannt) zu begünstigen, der seit mehreren Stunden wehte; auch hatte die schlechte Witterung schon so lange angehalten, das man auf eine bessere beinahe sicher rechnen konnte.

Den 4^{ten} um 7 Uhr früh hatten wir wirklich die große Freude, die Spitze des Glockners, so rein, wie sie selten erscheint, zu erblicken.

Ein frischer Nordost erhob sich, am Firmamente zeigte sich kein Wölkchen, das Barometer war um 2,5 W. L. gestiegen, die Feuchtigkeitsmenge der Luft hatte (nach August's Psychrometer) abgenommen.

Durch alle diese günstigen Anzeichen, so wie durch den Anblick der herrlichen Umgebung in die heiterste Stimmung versetzt, eilten wir, die nöthigen Anstalten zur Ersteigung zu treffen. Die Gefälligkeit unseres braven Wirthes — Anton Pichler — kam uns hierbei ganz besonders zu Statten. Man ist überhaupt bei demselben ganz gut aufgehoben, und findet sogar mehr, als man billig an einem Orte, wie Heiligenblut, welchem auch das Geringfügigste mühsam zugeführt werden muß, zu erwarten berechtiget ist. Zu Führern hatten wir Brandetätter, Lachner, Unterkirchner und Schuller gewählt, sämmtlich brave, willige und muthige Leute, auf die man sich vollkommen verlassen kann. Leiter der ganzen Expedition war Brandstätter. Mit Alpenstöcken,

Steigeisen, Stricken, Schneehauen und Lebensmitteln waren wir hinreichend versehen. Die physikalischen Instrumente, welche ich mitnahm, verdienen kaum einer Erwähnung: zwei empfindliche Thermometer, unmittelbar auf Glas getheilt, von welchen einer als Psvchrometer verwendet wurde; ferner ein Heberbarometer, das ich mir in Klagenfurt in größter Eile selbst verfertigt hatte (denn mein früheres war durch die Ungeschicklichkeit eines Trägers zerbrochen), war zwar gut ausgekocht, aber ohne Scala, und daher nur zu relativen Bestimmungen tauglich; endlich ein vortreffliches Plö/sl'sches Fernrohr von 14 Linien Öffnung und ein Baumgartner'sches Instrument zur Entdeckung des polarisirten Lichtes, darin bestand leider mein ganzer Apparat.

Wir wanderten auf dem bekannten, von Schultes in seiner » Reise auf den Glockner« so genau beschriebenen Wege dem Gösnitzfall vorüber bis zur Leiterbrücke, die am Eingange eines romantischen, von der brausenden Leiter durchströmten Thales - des Leitnerthales -Dieser Waldbach stürzt sich hier ins Möllthal hinab, und bildet dadurch den großartigen Leiterfall. Man überschreitet die morsche Brücke, und wendet sich links ins Leiterthal, wo man an der westlichen Wand desselben den Katzensteig betritt, der ganz seinem Namen entspricht, da man an schmalen hervorspringenden Steinplatten, die oft kaum für einen Fuß Raum lassen, fortklimmt, und nicht selten fast senkrecht auf den schäumenden Bach sieht. Dieser Weg ist nur für solche, die dem Schwindel unterliegen, gefährlich, sonst aber, da man überall sicheren Fuss fassen kann, ganz ohne Gefahr. Die Leiter fliesst hier größtentheils unter Wölbungen alten Schnees fort. Die For men dieser, so wie aller übrigen natürlichen Schneewölbungen sielen mir schon öfter auf, sie geben einen interessanten Beleg für das Zusammentressen des durch Rechnung Gefundenen mit dem von der Natur Hervorgebrachten, da die Formen der Bögen und Pfeiler (freilich aus begreislichen Gründen) ganz so sind, wie sie die Mechanik bestimmt, um die grösstmögliche Dauer mit gleicher Festigkeit zu verbinden.

Das Thal wird nun immer öder, da die Vegetation immer mehr abnimmt, und Steingerölle die mühsam hervorkeimenden Pflanzen verdrängt. Bei den steinernen Hütten, dem letzten von einem Viehhirten (Halter) während des Sommers bewohnten Orte, befindet man sich an der obern Grenze der Krummholzvegetation.

Um sieben Uhr, also nach sechs Stunden — öfteres Rasten mit eingerechnet — standen wir bei der Salmskütte, dem Ziele unserer heutigen Wanderung. Die Spitze des Glockners erglänzte im schönsten Abendrothe, doch dauerte dieser herrliche Anblick leider nicht lange, denn bald umzogen leichte Nebel dieselbe.

Die unmittelbar an der Moraine des Gletschers ursprünglich aus Holz erbaute Salmshütte wurde neuerlich, da sie bereits verfallen war, durch zwei steinerne ersetzt, welche ein recht bequemes Nachtlager gewähren. Wir konnten nicht genug dem edlen Fürsten danken, der so väterlich für Glocknerbesteiger gesorgt hatte, so wie den Behörden, die, ganz in seinem Geiste handelnd, diese Sorge noch verdoppelten. Die eine dieser Hütten, in der sich ein Herd befindet, war bald so wohnlich eingerichtet, dass das Innere derselben in lebhaftem Contraste mit der rauhen todten Natur außer uns stand, aus der jede Spur des Organischen verschwunden war, und wo man ringsum nichts als Steingerölle, Schneeselder und Eismassen gewahr werden konnte. Das Holz der alten Salmshütte leistet, selbst nach dem Ver-

falle derselben, noch treffliche Dienste, da man es jetzt zur Feuerung nimmt, die hier sehr Noth thut.

Die Temperatur bei unserer Ankunft war $+1,5^{\circ}$ C. / Das Psychrometer stand auf +0, 5° . In der Nacht fiel das Thermometer auf -2, 5° .

Die Nacht war bis 2 Uhr herriich. Die weise Spitze des Glockners blieb bis zu dieser Stunde immer sichtbar. Der Mond war zwar schon um 8 ½ Uhr untergegangen, aber das Licht der Sterne und das eigenthümliche Schneelicht bewirkten zusammen eine ganz besondere Erleuchtung. Nach 2 Uhr hatte sich der Nordwind, der bisher wehte, in Ostwind umgesetzt; zugleich zeigten sich am südwestlichen Himmel schwache Hausenwolken.

Um 5 Uhr brachen wir auf. Der Himmel war gegen Nord und Ost rein, auch der Glockner war wieder frei von Nebeln. Das Thermometer und Psychrometer standen beide auf + 1° C. Das Barometer war um 0,3 Linien gefallen. Bald hatten wir die nicht unbedeutende Moraine des Gletschers überstiegen, und befanden uns, beiläufig 300 Fuss ober der Salmshütte, schon auf dem Gletscher selbst, als uns die Spitze des Glockners und eine auf dem Bretterspitz, mit uns etwa in derselben Horizontalebene liegende Wolke, ein sehr interessantes Farbenspiel darboten. Die Spitze des Glockners begann nämlich in dem schönsten Roth des prismatischen Farbenspectrums zu glänzen, während die Wolke noch als graue Masse vor uns lag. Nachdem nun die Farbeder Spitze nach und nach, und zwar von oben herab, aus Roth in Orange und Gelb übergegangen war, fingen erst die obern Theile der Wolke an, sich roth zu färben Dieses Roth rückte nun immer tiefer herab: die Stellen der Wolke, die es verliese, färbten sich Orange, welches eben so herab rückte, und dem Gelben Platz

machte; diesem folgte dann ein schwacher grüner und ein ähnlicher blauer Streif, der an seinem oberen Rande matt violet eingefasst war. Der Gipfel des Glockners war während dieser Zeit durch ein sanftes Grün in ein lichtes Blau übergangen, das sich dann nicht weiter veränderte. Merkwürdig war noch, dass man an der Wolke alle diese Färbungen eine kurze Zeit hindurch zugleich sehen konnte. Bald aber verschwand an derselben das Roth gänzlich, das Orange und Gelbe rückte an dessen Stelle, das Blaue und Violette folgte nach, und der obere Theil der Wolke, der eben von dem Violetten verlassen wurde, erschien weiß; so ging es fort, bis alle Farben sich verloren hatten, und die ganze Wolke sich wieder weiss, aber lichter als zuvor, darstellte. Derlei Beobachtungen könnten vielleicht, wenn sie öfter angestellt, und auf alle Nebenumstände gehörige Rücksicht genommen wird, über die Morgenröthe einige Aufklärung geben.

Nicht minder interessant als der Himmel war für mich der Boden, auf dem wir fortschritten. Der Gletscher ist überall von Spalten zerrissen, die den Übergang über denselben gefährlich machen, besonders wenn sie mit frischem Schnee bedeckt sind, der noch nicht trägt. Wir hatten beim Hinaufsteigen wenigstens das Glück, den Schnee so fest zu finden, dass wir darüber, ohne einzubrechen, wegschreiten konnten. Einen besonders schönen Anblick gewährte jede Spalte so wie jede Vertiefung, die z. B. mit einem Alpenstocke in den Schnee gemacht wurde, durch das herrliche Blau, welches daraus hervorschimmerte. Um 7 Uhr kamen wir über die Salmshöhe bei der Hohenwart an. Bisher batte die Neigung der Fläche an den steilsten Stellen 33 Grade betragen, und schwankte größtentheils zwischen 15° - 20°.

Ich muss hier bemerken, dass alle angegebenen Neigungen der Flächen nicht bloss geschätzt, sondern durch Herrn von Rosshorn mittelst der gewöhnlich am Compasse angebrachten Vorrichtung gemessen wurden. Der letzte Theil des Weges führte an der Grenze zwischen Tirol und Kärnthen, an einigen Orten über schmale Rücken fort, von welchen aus man nach beiden Ländern sehen kann. Hinter der Hohenwart hatten wir einige bedeutende Schneefelder, welche unter 38° geneigt waren, horizontal zu durchschneiden. Da hier überall der Schnee, wie die Führer versicherten, ungewöhnlich tief lag, so schien es uns nicht unmöglich, dass eine dieser Schneemassen, über die wir wandern mussten - da sie eigentlich nichts als schlagfertige Lavinen waren - sich ablösen, und uns nach Tirol binabtragen könnte. Der Schnee war aber sehr fest, und wir sanken nur sehr wenig ein; darum schritten wir rasch vorwärts, und kamen um 73/4 Uhr an der Adlersruhe an, wo wir länger zu rasten beschlossen.

Die so gefährliche Wand, von welcher Schultes in dem oben angezeigten Werke, zweiter Theil, pag. 163 spricht, fanden wir, obwohl sie uns auf diesem Wege hätte vorkommen müssen, nicht. Sie ist also entweder eingestürzt, oder mit dem Eise des Gletschers überdeckt. Das erstere scheint mir wahrscheinlicher, da wir, um zu der von Schultes erwähnten Scharte zu gelangen, statt über eine Wand, bloß über steiles, aus dem Schnee hervorragendes Gerölle schreiten mußten.

Auf diesem Wege war es bereits nöthig, das Gesicht mit Flor zu umhüllen, theils des zu starken Lichtreizes wegen, theils wegen der feinen Eisnadeln, die durch einzelne Windstöße mit Heftigkeit herangetrieben, eine sehr schmerzliche Empfindung verursachten. Hier entfaltete sich die Aussicht immer mehr, und das

Auge konnte tiefer in die Eislabyrinthe der Gletscher eindringen. Obwohl alles, was einen hier umgibt, in èintöniges Weiss gehüllt ist, das nur selten durch blaues, über den Schnee hervorragendes Eis unterbrochen wird, so bietet sich doch dem Auge eine ungemeine Mannigfaltigkeit der Formen dar, die mit der Höhe immer zu-Besonders siel mir die unbeschreiblich schöne, großartige Wellenform der Schneefelder bei vollkommen glatter Oberfläche derselben auf, während die an niederen Orten liegenden alten Schneemassen bekanntlich eine ganz unebene, der, eines in Wellenbewegung (und zwar in stehenden Schwingungen) befindlichen Teiches ähnliche Oberfläche haben. Die Ursache dieser merkwürdigen Erscheinung scheint mir in der ungleichen Erwärmung zu liegen, welche die Oberfläche der aiedrig liegenden Schneefelder durch die Sonnenstrahlen erleidet. Durch den Wind wird nämlich Staub und Sand auf diese Schneefelder getragen, dieser erwärmt sich wegen des größeren Absorptionsvermögens für das Licht mehr, als der Schnee, auf dem er sich befindet, welcher dann unter den Staubtheilchen mehr schmilzt, sich wegen der dabei eintretenden Haarröhrchenwirkung mehr zusammenzieht, und auf diese Weise die oben angezeigten Vertiefungen bildet. Dass der Wind unmittelbar diese Erscheinung nicht hervorbringen kann, beweiset der Umstand, dass in großen Höhen trotz der Einwirkung desselben diese Erscheinung nicht Statt findet; im Gegentheile sieht man deutlich, dass er dort ganz andere Formen veranlasst. Als Belege für diese Ansicht dienen noch folgende Beobachtungen: Die erwähnte unebene Obersläche wird nie rein weis, sondern immer schmutzig gefunden; je älter und schmutziger der Schnee ist, desto mehr und stärker zeigen sich diese Vertiefungen. In großen Höhen ist der Schnee

rein weiß, und die Oberfläche auch vollkommen glatt. Dagegen führt aber auch der Wind in diesen Höhen durchaus keinen Staub, sondern nur Eiskrystalle mit sich. Auf dem Weißenbacher-Kees, das ich einige Tage später durchwanderte, findet man für das Gesagte auffallende Belege.

Die Farbe des Himmels wurde mit dem Weiterhinaufschreiten immer dunkler, blieb sich aber nicht gleich. Die Adlersruhe war der letzte Punct, an welchem wir etwas von dem Gebirgsgesteine über den Schnee hervorragen sahen. Auch fanden wir hier noch die Spuren der ebenfalls vom Fürsten Salm erbauten steinernen Hütte. Es hat sie längst das von Schultes prophezeite Loos getroffen. Nach einer kleinen Viertelstunde brachen wir wieder von der Adlersruhe auf, theils aus Ungeduld, unser Ziel zu erreichen, theils der ungünstigen Witterungsanzeigen wegen, die eintraten.

Es zeigten sich nämlich im Zenith schwache Federwolken, der Wind kam jetzt aus Süd, die unter uns befindlichen Nebel wurden immer dichter, und drohten, uns die Aussicht ganz zu entziehen. Zugleich fing der Schnee an, immer weicher zu werden. Wir klimmten nun einen, nicht sehr breiten Rücken, der bald zur schmalen Schneide wurde, hinan; mit jedem Schritte wurde sie steiler. Die Neigung derselben betrug 35° bis 40°, das Steigen wurde daher bald ziemlich beschwer-Hier öffnen sich Aussichten nach Kärnthen, Tirol und Salzburg; gegen das erste Land ist der Schnee überhängend, und man sieht über ihn auf die große und kleine Pasterze hinab. Auf der Tirolerseite sind die Wände weniger steil, und man überblickt auch nach dieser Seite bedeutende Gletscher. Eine gute Stunde, die aber unglaublich schnell verstrich, da sowohl unser Geist als Körper hinlänglich beschäftiget war, stiegen

wir nicht ohne Anstrengung weiter; denn nach jeden 10-15 Schritten musste angehalten werden, um wieder zu Athem zu kommen. Die Neigung der Schneide wurde immer größer, bis sie endlich 45° erreichte. Jede, auch die geringste Bürde, fing nun an lästig zu werden; wir ließen daher alles Entbehrliche zurück, selbst mein Barometer musste zurückbleiben, denn keiner der Führer, und noch weniger ich, wagten, es noch weiter fortzubringen. Da wir uns jetzt auch vor dem Ausgleiten und Fallen nicht mehr sicher glaubten, so bedienten wir uns eines 22 Klafter langen Seiles, das wir mitgenommen hatten, und zwar auf folgende Weise: Drei der Führer gingen voraus, und fassten den Strick an einem Ende, während wir übrigen das andere Ende desselben festhielten. Nachdem jene drei so weit fortgegangen waren, dass der Strick spannte, und sie sich einen sicheren Stand im Schnee ausgehauen hatten, so stiegen wir anderen, in die gemachten Stufen tretend, und das Seil festhaltend, nach, während die Vorausgegangenen es successive aufwärts zogen. Diese Operation wiederholten wir siehen Mal, und kamen so um 10 1/4 Uhr glücklich auf der ersten Spitze des Glockners an. Besonders mühsam und auch gesahrvoll war der Weg in der letzten halben Stunde; das erste, weil die Neigung der Schneide bis auf 53° wuchs, das zweite, weil wir fast immer auf einer überhängenden Schneelehne - hier Schneelahn genannt - fortgingen, und das Hinabgleiten der Lavine wegen der großen Neigung der Flächen hier sehr zu besorgen war. Ich selbst stiess mit meinem Alpenstocke, einen Schritt weit von der Stelle, auf der ich stand, durch den Schnee, und sah schaudernd durch das Loch in eine schwindelnde Tiefe auf den Pasterzengletscher hinab. Die Aussicht an dieser Spitze war über alle Beschreibung erhaben, obschon

wir uns bloss von Bergspitzen umgeben sahen, da Wolken über den Thälern lagen: das Wisbachhorn. der hohe Tenn, das Weisenbacher-Kees lagen unter uns. Die beiden Pasterzengletscher übersieht man vollkommen. Die Caravanca-Kette schloss gegen Süd den Horizont. Der Terglou ragte ausgezeichnet hervor. Ich will es nicht wagen, alle die Bergspitzen, die vorzüglich hervortraten, zu nennen, da wir uns nicht so lange aufhalten konnten, um die vortreffliche Generalquartiermeisterstabs-Karte gehörig benützen zu können. Die erste Spitze hat gar kein Plateau, sondern besteht blofs aus einer schr schmalen, beiläufig 20 Schritte langen horizontalen Schneide, welche von Flächen gebildet wird, die gegen Salzburg vertical sind, gegen Tirol eine Neigung von 68° haben. Wir befanden uns auf einem im Schnee ausgehauenen Steige, der so schmal war, daß es unmöglich gewesen wäre, dem Vordermanne vorzutreten. Als Lehne diente uns die überhängende Schnee-Jahn, auf welcher sich zum Theil auch der Steig be-Unser Standpunct war ungefähr in derselben Höhe, als der Barometerkasten auf der zweiten Spitze, welcher nur zur Hälfte aus dem Schnee hervorragte Diese beiden Spitzen sind in ihrer Höhe nicht bedeutend von einander verschieden, und durch eine sehr schmale tiefer liegende Schneide getrennt. Es wurde nun bersthen, ob wir noch die zweite Spitze erklimmen sollten, oder nicht. Unserer gefahrdrohenden Stellung ungeachtet beschlossen wir denn, so weit als möglich vorzudringen, da das Umkehren so schmerzlich fällt, wenn man einmal so weit gekommen ist, und da wir uns noch wenig erschöpft fühlten. Brandstätter und Schuller gingen jetzt beiläufig zwanzig Schritte voraus, und riefen uns zu, ihnen zu folgen; doch fast in demselben Augenblicke brach der Schnee unter Schuller ein, und eine

nicht unbedeutende Masse davon stürzte mit Donnerähnlichem Getöse auf den Pasterzengletscher hinab. Obwohl Schuller den Strick im Schrecken fahren gelassen hatte, so hielt er sich doch auf eine wunderbare Weise im Schnee fest. Erandstätter half ihm vollends herauf. Wie erschüttert wir alle durch diesen Vorfall waren, lässt sich leicht denken. Wir sahen darin einen warnenden Wink der Vorsehung. Es wäre in der That Vermessenheit gewesen, unter diesen Umständen noch weiter vorwärts zu wollen. Der Schnee trug, wie wir eben gesehen hatten, nicht mehr die Last eines Einzigen, um wie viel weniger jene von sieben Menschen. Überdieß wurde die überhängende Schneelehne gegen die Schneide hin immer breiter und dünner, daher aus doppelter Ursache gefährlicher. Auch gewahrten wir, wie der Schnee immer weicher, und damit die Wahrscheinlichkeit des Abgleitens einer Lavine immer größer ward. Endlich konnten wir nicht viel an der Aussicht verlieren, da die zweite Spitze bereits ganz in Nebel eingehüllt war. Wir hatten also Zeit, an unseren Rückzug zu denken, da die Nebel sich mehr und mehr ausbreiteten, und die Windstöße immer heftiger wurden. Sobald sich daher Schuller wieder erholt hatte, schickten wir uns zum Rückwege an.

Wenn das Hinaufklimmen mühvoll war, so war das Hinabsteigen desto gefährlicher. Eine ganz begreifliche optische Täuschung ließ den Weg noch viel gäher sich binabsenken, als es wirklich der Fall war: die Abgründe zu beiden Seiten und vor uns, in welche wir jetzt sehen mußten, machten das Ganze im höchsten Grade schwindelerregend. Nebstdem war der Schnee so locker geworden, daß es schwer war, festen Fuß zu fassen. Ohne Hülfe des Seiles wäre es unmöglich gewesen, hinab zu kommen. Wir benützten dasselbe jetzt auf

folgende Art: Einem von uns wurde der Strick um den Leib gebunden, dieser stieg voraus, in die alten Fusstapfen tretend und sich mit dem Alpenstocke festhaltend.

War er an einem sichern Standpuncte angekommen, so band er sich los, das Seil wurde zurück hinaufgezogen, ein anderer umschlang sich damit, bis wir endlich alle auf diese Weise hinabgekommen waren. Wir fanden, dass das Herabsteigen am leichtesten von Statten gehe, wenn man sich umgewendet hält, das Gesicht gegen die eben verlassenen Tritte gekehrt. Auf diese Weise kamen wir ohne weiteren Unfall an der Stelle an. wo wir das Barometer und die übrigen Reisegeräthe zurückgelassen hatten. Noch eine Strecke stiegen wir, jedoch ohne uns mehr des Seiles zu bedienen, abwärt, bis der Weg breiter wurde, wo wir uns dann niedersetzten, und mit ziemlicher Geschwindigkeit hinabrutschten; dabei hat man sich aber sorgfältig vor dem Abtragen in einen der Abgründe zu beiden Seiten zu hiten. Schnell und wohlbehalten sahen wir uns wieder bei der Adlersruhe. Als wir jetzt unsere vorigen Fusstapfen betreten wollten, entdeckten wir erst, über wie viele Spalten wir beim Hinaufsteigen, ohne sie zu ahnen, geschritten waren. Der Schnee war nämlich mittlerweile auch hier weicher geworden, und daher über den Spalten mehr eingesunken, als über dem festen Eise, wodurch eben jene erst kenntlich wurden. Brandstätter, der auch jetzt der erste war, führte uns so geschickt, und vermied alle Gefahren mit so viel Umsicht. dass wir um 1 Uhr in der Salmshütte Kräfte für den Rest unseres Weges sammeln konnten. In 3 1/2 Stunden waren wir wieder in Heiligenblut.

Für künftige Glocknerbesteiger bemerke ich noch, dass ein Jahr, in welchem sehr viel Schnee fiel, für die Ersteigung nicht so günstig ist, als man gewöhnlich glaubt. Man erspart zwar in diesem Falle den Gebrauch der Steigeisen, und braucht Niemanden voraus zu schicken, um den Weg auszuhauen, was geschehen muß, wenn zu wenig Schnee auf dem Eise liegt; dafür kennt man aber die Gefahr in ihrem ganzen Umfange, während man bei vielem Schnee sich sicher glaubt, indem man in der größten schwebt. Besonders gefährlich wird das Gehen auf der überhängenden Schneelahn, was bei vielem Schnee unvermeidlich ist. Welche Gefahren der Gletscher selbst in diesem Falle darbietet, ist bekannt.

Ich erwähne hier noch einiger geognostischer Bemerkungen, welche mir Herr von Rosthorn aus seinem Tagebuche mittheilte. Mangel an Zeit und das überaus schlechte Wetter hinderten uns, mehrere und genauere Beobachtungen anzustellen.

Die um Heiligenblut herrschende Gebirgsart ist Glimmerschiefer, welchen man am deutlichsten am Möllfalle sieht, wo er nach hora 15 — 130° südwestlich fällt, und einen Neigungswinkel von 25° gegen den Horizont hat.

Massen ein pistaziengrünes, im Bruche vom fein bis zum grobkörnigen wechselndes, oft ganz homogen aussehendes, oft mit Quarz und Kalk durchzogenes Gestein, welches man verschiedentlich benannte, z.B. Epidot, Backalit, etc. Es ist nichts anderes als eine theils gemengte, theils blos zusammengesetzte Varietät des prismatoidischen Augitspathes. Es findet sich dieses Mineral auch in einzelnen, vollkommen ausgebildeten Krystallen. Vom alten Thurme bis zur Möll hinab finden sich häufig Blöcke von diesem Gesteine. Weiter gegen den Gösnitzfall scheint dasselbe Gestein ebenfalls vorzukommen, und als Hügel mitten im Thale zu liegen, nur sind hier die Gemengtheile inniger mit einander verbunden, es ist

fester, härter, und kommt in schaligen Absonderungsstücken vor.

Beim Gösnitzfalle tritt wieder der Glimmerschiefer, der hier schon gneisartig wird, hervor; er enthält hier reine Glimmerplatten von einigen Zollen Oberfläche. Der Glimmerschiefer fällt hier nach h. 14 — 120° südwestlich, mit einem Neigungswinkel von 24°, also fast eben so wie beim Möllfalle.

Weiter hinauf gegen die Tropalps kommt man auf ein mächtiges Urkalklager.

Von dem Katzensteig an nach dem Leiterbache aufwärts kommt eine eigene Gattung Thonschiefer vor, der den Glockner zu construiren scheint, wenigstens gewiß die südliche Abdachung desselben bildet. Dieser Thonschiefer ist vollkommen geschichtet, er steht dem Glimmerschiefer sehr nahe, und geht oft in denselben über; seine Farbe ist dunkelgrün, er ist rauh anzufühlen, und enthält parallel der schiefrigen Textur dunkle Glimmerplättchen; im Querbruche ist er uneben. Er fällt zwischen h. 13 — 20° nach Südwest, mit einem Neigungswinkel von 40°.

Dieser dem Glimmerschiefer so nahe stehende Thonschiefer wechselt mit mächtigen untergeordneten Urkalklagern. Der Kalk, aus welchem diese Lager bestehen, ist von grüner Farbe, grobkörnig, dünnschiefrig, und enthält ebenfalls Glimmerplättchen, welche alle parallel der schiefrigen Textur liegen. Die Kalklagen fallen mit h. 13—15° nach Südwest, mit einer Neigung von 30°, also fast parallel dem vorerwähnten Thonschiefer.

Um die Salmshütte ist alles anstehende Gestein dieser Kalk, der vermöge seiner dunkelgrünen Farbe leicht mit dem herrschenden Thonschiefer verwechselt werden könnte. Die Moraine des Gletschers an der Salmshütte enthält meistens nur Thonschiefer, fast keinen Kalk.

In der Gegend von Heiligenblut, den Glockner mit begriffen, bemerkt man ein Generalstreichen der Gebirgsgesteine von Südost nach Nordwest. Der Neigungswinkel gegen den Horizont beträgt 30—45° mit einem Fallen nach Südwest.

Granit findet sich um Heiligenblut weder anstehend noch in Blöcken. Er erscheint erst in größeren und kleineren Blöcken in der Möll zwischen Döllach und Pokhorn.

IV.

Flammenausbrüche auf den Gebirgen von Hayti;

mitgetheilt von

Dr. Johann Lhotsky.

Im Norden der Stadt Gonaïves auf Hayti erstreckt sich ein Gebirgszug fast einen Breitengrad westlich bis Cap a foux, welcher als das Gerippe dieser ganzen, vom Haupttheil der Insel weit vorragenden Erdzunge zu betrachten ist. Eine Stunde im Westen obgenannter Stadt fängt dieser Gebirgszug mit einem leisen Abhange an, welchen Charakter er bis nach Port a Piment, und so weit man an dem Gestade des Meeres hinsehen kann, beibehält; jedoch im Norden von Gonaïves bietet er meistens senkrecht abgerissene Felsen dar. Die Höhe dieses Kalkgebirges, mag die Höhe des Anningers bei Wien (also ungefähr 800') erreichen. Es ist ganz kahl und klippig anzusehen, und nur an seinem untern Theile mit sparsamen Gestrippe und Fettslanzen (Acacia,

Laurus, Agave, etc.) bewachsen, an seinem höhern durch steile, mit zahllosem Geschiebe bedeckte Abhänge zertissen.

Es war in der trockenen Jahreszeit, als der k. k. Gärtner Hr. Carl Ritter auf seiner Reise in Hayti in dieser Gegend ankam, wo die tropische Sonne den ganzen Tag diese nachten Felsen durchglühte. Nachdem er einige Zeit dort verweilt hatte, bemerkte er am 16.Febr. 1821 folgende sonderbare Erscheinung. Gegen 3 Uhr Nachmittags erblickte man auf dem Kamme dieses Gebirges ein Rauchen und Dampfen, welches anfangs sich an ungefähr zehn, von einander abgesonderten Stellen zeigte, und gerade in die Luft ging. Als aber die heitere (obgleich mondlose), und daher zur Beobachtung ganz vortheilhafte Nacht hereinbrach, wurde dieses Schauspiel ungemein majestätisch; denn es erschienen nun statt des Dampfes und Rauches eine große Menge Feuer, welche von der Größe einer Fackelslamme bis zu der einiger Klafter, bald auf der Erde dahinliefen, bald verlöschten und bald wieder erschienen, und eine gelbliche, rothe und röthliche Farbe darboten. 8 Uhr früh, wie lange Hr. Ritter die Erscheinung beobachtete, blieb sie sich im Ganzen fast gleich.

Die Neger setzten sich vor ihre Häuser, und sahen diesem Schauspiele mit Vergnügen, aber nicht mit Verwunderung zu. Von Hrn. Ritter darüber befragt, sagten sie: » Diese Feuer würden manche Jahre, jedoch » nur ein Mal, und zwar in der trockensten Jahrszeit » beobachtet, und sie wären der Meinung, daß die in » der Regenperiode gewachsenen Pflanzen jetzt vor Dürre » verbrennen. « Hr. Ritter war nun außerordentlich begierig, die Ursache dieser Erscheinung an Ort und Stelle zu beobachten. Es geht zwar am Gestade des Meeres (eben wo dieses Gebirge, wie gesagt, einen etwas sanf-

tern Abhang darbietet) ein Pfad von Gonaïves bis an den Fuss dieses Gebirges, Hr. Ritter hätte aber hier unter den Kanonen eines Forts vorbei müssen, welches zu jener Zeit, wo er in Gefahr war, wegen Abschneidung einiger Akazienreiser erschossen zu werden, nicht rathsam befunden wurde. Er wollte zur See, an einen von dem Fort entfernten Punct des Gestades, hinüber fahren, aber dazu war auch kein Neger zu bewegen. entschloss er sich denn, am nächsten Morgen ein Pferd zu miethen, um dieses Gebirge, wo möglich, an seiner östlichen Seite zu flankiren. Doch konnte er, am Fusse der Gebirge angelangt, wegen dem sich immer mehrenden Gewirre von Saftpflanzen, in eine Menge von engen Felsenrissen und Thälern verfangen, nicht mehr als etwa ein Vierttheil der ganzen Gebirgshöhe erreichen. Weder eine größere Hitze noch irgend ein Geruch wurde bemerkt, nur sah Hr. Ritter sehr häufig eine Grasart, die, in zahlreichen Büscheln gestellt, mit ihren dicken und grobfasrigen Blättern wohl eine der Ursachen dieser Feuer seyn könnte.

Den besten Aufschlus über diese Erscheinung glaubten wir in den Andeutungen zu finden, die v. Leonhard in seinem neuesten vortrefslichen Werke: » Agenda geognostica, p. 193,« über diesen Gegenstand gegeben hat. Wir halten diese Erscheinung demnach für die Wirkung gasartiger Ausbrüche, jedoch müssen wir einen dort befindlichen Druck- oder Schreibfehler dahin berichtigen, dass solche Feuerausbrüche nur die Wirkung des phosphorigen, nicht aber des einfachen oder gekohlten Wasserstoffgases seyn können, da sich bekanntlich nur das erstere in Berührung mit der atmosphärischen Lust selbst entzündet. Warum aber diese Ausbrüche nur in der trockensten Jahrszeit Statt finden, warum sie auch da nur manchmal beobachtet werden, welchen Einflus

endlich die vertrocknete Vegetation auf diese Erscheinung ausübt — diess sind Fragen, welche bei der grossen Ödigkeit und Unbewchntheit dieser Gegend *), bei der großen Schwierigkeit, unter diesem Clima hohe und mit Gerölle bedeckte Felsen zu erklimmen, endlich bei dem wenigen Interesse der Eingebornen für solche Gegenstände — noch lange unbeantwortet bleiben dürften. Denn die Neger versicherten Hrn. Ritter, diese Felsen seyen wahrscheinlich noch nie von einem menschlichen Wesen erstiegen worden.

V.

Über die Bestimmung der Genauigkeit der Beobachtungen;

von

Dr. C. Fr. Hauber.

Das Vorzüglichste, was wir über diesen in der Anwendung der Mathematik auf die Naturwissenschaften höchst wichtigen Gegenstand haben, ist ohne Zweisel das, was Gauss in dem Aufsatze über die Bestimmung der Genauigkeit der Beobachtungen in der Zeitschrift für Astronomie und verwandte Wissenschaften, Bandl, Nro. XII., und an mehreren Stellen der Theoria combinationis observationum erroribus minimis obnoxiae gegeben hat. In dieser neueren Schrift hat aber Gauss die Sache auf eine ganz andere Art behandelt, als in jenem früheren Aufsatze, und doch möchte auch die ältere Be-

^{*)} Nach der trefflichen Karte von St. Domingo des Generals Pamphile Lacroix, ist keine Gegend der Insel so völlig entblößt an Habitationen, als diese Erdzunge.

handlungsweise immer noch sehr beachtungswerth seyn. Daher dürfte vielleicht eine noch allgemeinere Behandlung des Gegenstandes, worunter sich die Resultate sowohl der älteren als der neueren Gausschen Untersuchungen subsumiren lassen, nicht ganz uninteressant seyn.

Ich will meine Betrachtungen auf einen allgemeinen Satz gründen, von dem die Sätze, die Laplace in der Théorie anal. des Probab., Livre II., Nro. 18—20, und Poisson in dem Mémoire sur la Probabilité des résultats moyens des Observations, in den Additions à la Conn. des tems, pour 1827, Nro. 1—9 bewiesen haben, specielle Corollarien sind, der sich aber eben so beweisen lasst, wie diese specielleren Sätze. Er ist folgender:

Man habe eine große Anzahl s von Beobachtungen, und es seyen ε , ε_1 , ε_n , . . . ε_{s-1} resp. die Fehler der ersten, zweiten, ... $(n+1)^{ten}$, ... s^{ten} Beobachtung; $F \epsilon$ eine Function von ϵ , $F \epsilon_i$ dieselbe Function von ε, u. s. w.; ferner sey bei Beobachtungen von der Art, zu welcher die erste jener Beobachtungen gehört, Px die Function, welche das Gesetz der Wahrscheinlichkeit der Beobachtungsfehler ausdrückt, so dass die Wahrscheinlichkeit, dass der Fehler zwischen z und x + dx liege, $= \varphi x \cdot dx$ sey; bei Beobachtungen von der Art, zu welcher die zweite, ... $(n+1)^{te}$, ... jener Beobachtungen gehört, sey diese Function $\varphi_1 x, \ldots$ $\varphi_n x$, ... Das Integral $\int Fx \cdot \varphi_n x \cdot dx$, zwischen den Grenzen - a und + a der möglichen Beobachtungsfehler, oder, was dasselbe ist (da ausserhalb dieser Grenzen $\varphi x = 0$ ist), zwischen den Grenzen $-\infty$ und $+\infty$ genommen, werde durch K_n , das Integral

$$\int_{-a}^{+a} (Fx)^2 \cdot \varphi_n x \cdot dx$$

durch K_n^i bezeichnet, und es sey $L_n^i = K_n^i - K_n^i$;

 γ , γ_1 , ... γ_n , ... $\gamma_{\sigma-1}$ seyen beliebige Factoren; endlich e die Basis der natürlichen Logarithmen, $\pi=3.1415926...$; so ist die Wahrscheinlichkeit, daß der Werth von $\Sigma\gamma_n$ Fe_n (wo das Summenzeichen Σ sich auf alle Werthe von n von σ an bis s-1 bezieht) zwischen den Grenzen

 $\mathcal{Z}\gamma_n K_n - r\sqrt{2\mathcal{Z}\gamma_n^* L_n^*}$ und $\mathcal{Z}\gamma_n K_n + r\sqrt{2\mathcal{Z}\gamma_n^* L_n^*}$, oder dass

das Integral von $r = \sigma$ an genommen.

Die Größe $\frac{1}{s}\sqrt{2\mathcal{Z}\gamma_n^*L_n^*}$ ist von der Ordnung $\frac{1}{\sqrt{s}}$; also nähert sich, indem s zunimmt, $\frac{1}{s}\mathcal{Z}\gamma_n F \epsilon_n$ immer mehr der Größe $\frac{1}{s}\mathcal{Z}\gamma_n K_n$. Übrigens ist zu bemerken, daß der Ausdruck A) nur ein genäherter ist, und eine große Anzahl von Beobachtungen voraussetzt, was jedoch der Brauchbarkeit der Resultate wohl wenig schaden wird.

Gauss sagt in der Theoria comb. obs. p. 5: das Integral $\int_{-\infty}^{+\infty} x^2 \varphi x. dx$, das er das Quadrat des mittlern Fehlers nennt, scheine am angemessensten zu seyn, um die Unsicherheit der Beobachtungen darnach zu bestimmen, so dass ein System von Beobachtungen als desto genauer anzusehen sey, je kleiner bei demselben der Werth dieses Integrals sey. Übrigens setzt er hinzu, es liege allerdings hierin etwas Willkürliches. Ich will nun allgemein voraussetzen, dass dazu, wozu Gauss das Quadrat x^2 gebraucht, irgend eine Function Fx, die

man dazu passend finden mag, gebraucht werde, so dass der mittlere Werth dieser Function oder das Integral $Fx.\varphi x.dx = K$ als Mass der Unsicherheit der Beobachtungen diene. Wäre für ein System gleichartiger Beobachtungen die Function ox sowohl in Beziehung auf ihre Form als auf die etwa in dem Ausdrucke vorkommenden Constanten bekannt, so würde sich der Werth des Integrals $\int_{-a}^{a} Fx \cdot \varphi x \cdot dx$ entweder in aller Strenge, oder wenigstens so genau als man will, angeben lassen. Da aber φx unbekannt ist, so muss man sich begnügen, aus den Beobachtungen selbst a posteriori einen genäherten Werth von K abzuleiten. Ich will zuerst, wie bei solchen Untersuchungen gewöhnlich geschehen ist, und wie auch Gauss in dem angeführten Aufsatze über die Bestimmung der Genauigkeit der Beobachtungen, und in dem ersten Theile der Theoria comb. obs. gethan hat, eine bedeutende Anzahl wirklich vorgekommener von einander unabhängiger Beobachtungsfehler als bekannt voraussetzen. Diese Voraussetzung ist freilich, wie Gaus im zweiten Theile der Theoria comb. obs. p. 50 bemerkt, in der Anwendung, streng genommen, nicht leicht jemals gültig. Doch wird man bei einer großen Anzahl von Beobachtungen ohne bedeutenden Fehler die Differenzen der durch die einzelnen Beobachtungen gegebenen Werthe von den aus der Gesammtheit der Beobachtungen nach der vortheilhaftesten Methode durch Rechnung abgeleiteten den wahren Beobachtungsfehlern gleich setzen können.

Die Beobachtungen, deren Fehler ε, ε₁, . . .
 ε_n, . . . ε_{s-1} bekannt sind, seyen von verschiedener Art, so daß die Function φx, und daher auch K, nicht für alle dieselbe sey. Es sey aber das Verhältniß der Zeitschr. f. Phys. u. Mathem. VII. 3.

Genauigkeit dieser verschiedenen Arten von Beobachtungen gegeben; wenn zum Beispiel bei Beobachtungen von der Art, zu welcher die erste jener Beobachtungen gehört, die Wahrscheinlichkeit, dass der Fehler einer Beobachtung zwischen o und x liege, = W ist, so sey bei Beobachtungen von der Art, zu welcher die zweite, dritte, . . . $(n+1)^{to}$, . . . s^{to} jener Beobachtungen gehört, die Wahrscheinlichkeit, dass der Fehler einer Beobachtung zwischen o und $\mu_1 x$, $\mu_2 x$, . . . $\mu_n x$, . . . $\mu_{s-1} x$ liege, ebenfalls = W, und μ_1 , μ_2 , . . . μ_n , . . . μ_{s-1} seyen bekannt; so ist

$$W = \int \varphi x \cdot dx = \int \varphi_1(\mu_1 x) d \cdot (\mu_1 x) = \int \varphi_1(\mu_2 x) d \cdot (\mu_1 x) \dots$$
$$= \int \varphi_n(\mu_n x) d \cdot (\mu_n x) \dots$$

also

$$\varphi x = \mu_1 \varphi_1(\mu_1 x) = \mu_2 \varphi_2(\mu_2 x) \dots = \mu_n \varphi_n(\mu_n x) \dots$$

Multiplicirt man nun K, K_1 , K_2 , ... K_n , ... resp. mit den Factoren 1, γ_1 , γ_2 , ... γ_n , ..., so ist nach dem Satze (1) der genäherte VVerth von

$$K + \gamma_1 K_1 + \gamma_2 K_2 + \dots + \gamma_n K_n + \dots$$

= $F \epsilon + \gamma_1 F \epsilon_1 + \gamma_2 F \epsilon_2 + \dots + \gamma_n F \epsilon_n + \dots$

und die Wahrscheinlichkeit, dass der in Beziehung auf diesen Werth zu befürchtende Fehler zwischen der

Grenzen
$$\pm r\sqrt{2N}$$
 liege, $=\frac{2}{\sqrt{\pi}}\int e^{-r^2}dr$, wo

$$N = K' - K^{2} + \gamma_{1}^{2} (K'_{1} - K_{2}^{2}) + \gamma_{1}^{2} (K'_{2} - K_{2}^{2}) + \cdots + \gamma_{n}^{2} (K'_{n} - K_{n}^{2}) + \cdots$$

und
$$K'_n = \int_{-a}^{+a} (Fx)^2 \cdot g_n x \cdot dx$$
 ist.

Verhalten sich nun K, K_1 , ... K_n , ... resp. wie 1, m_1 , ... m_n , ..., wo m_1 , ... m_n , ... Functionen von μ_1 , ... μ_n , ... sind, und setzt man der Kürze wegen

$$1 + \gamma_1 m_1 + \ldots + \gamma_n m_n + \ldots = M,$$

erhält man einen genäherten Werth von K:

$$= \frac{1}{M}(F\epsilon + \gamma_1 F\epsilon_1 + \ldots + \gamma_n F\epsilon_n + \ldots),$$

d die Grenzen des in Beziehung auf diesen Werth befürchtenden Fehlers mit der Wahrscheinlichkeit - fe^{-r²} dr werden seyn

$$\pm u = \pm r \sqrt{2} \cdot \frac{\sqrt{N}}{M}.$$

Das vortheilhafteste System von Factoren $\gamma_1, \gamma_2, \ldots$, ... zur Bestimmung von K wird dasjenige seyn, ir welches $\frac{\sqrt{N}}{M}$ ein *Minimum* ist, d. h. für welches an hat

$$[\gamma_1 d \gamma_1 (K'_n - K^*_n) + \ldots + \gamma_n d \gamma_n (K'_n - K^*_n) + \ldots]$$

$$= N(m_1 d \gamma_1 + \ldots + m_n d \gamma_n + \ldots).$$

Dieser Gleichung geschieht Genüge, wenn man setzt

$$= \frac{K' - K^2}{K'_1 - K_1^2} m_1, \dots \gamma_n = \frac{K' - K^2}{K'_n - K_n^2} m_n, u. s. w.$$

Ist nun die Function Fx so beschaffen, daß K', \dots , K'_n , \dots resp. den K^2 , K^n_1 , \dots K^n_n , \dots ler den 1, m^n_1 , \dots m^n_n , \dots proportional sind, so ad die vortheilhaftesten Werthe von γ_1 , γ_2 , \dots

,... resp. $=\frac{1}{m_1}, \frac{1}{m_2}, \ldots, \frac{1}{m_n}, \ldots$, also M = s and $N = s(K' - K^2)$, mithin der genäherte Werth in K

$$: \frac{1}{s} \left(F \varepsilon + \frac{1}{m_1} F \varepsilon_1 + \ldots + \frac{1}{m_n} F \varepsilon_n + \ldots \right), \quad (2)$$

ıd die Grenzen ± u

$$= \pm r \sqrt{\frac{2(K'-K^2)}{s}},$$

o man für K' auf ähnliche Art einen genäherten Werth iden kann, wie für K. Aus dem genäherten Werthe

von K findet man auch genäherte Werthe von

 $K_1 = m_1 K_1 \ldots K_n = m_n K_1$, u. s. w.

Nimmt man dann in Betreff der Form der Function φx eine Hypothese an, so daß für jedes System gleichartiger Beobachtungen nur eine Constante in dem Ausdrucke von φx zu bestimmen ist, so wird man aus dem gefundenen genäherten Werthe von $K = \int_{-a}^{+a} Fx.\varphi x dx$ einen genäherten Werth dieser Constanten finden können, wodurch man in den Stand gesetzt wird, die Wahrscheinlichkeit, daß der Fehler einer Beobachtung von dieser Art zwischen gegebenen Grenzen liege, oder umgekehrt diese Grenzen, wenn die Wahrscheinlichkeit gegeben ist, näherungsweise zu bestimmen. Setzt man diese Wahrscheinlichkeit $= \frac{1}{a}$, so erhält man den sogenannten wahrscheinlichen Beobachtungsfehler.

2) Es sey $Fx = x^p$, wo p irgend eine positive ganze Zahl ist. 1st p eine ungerade Zahl, so ist zu bemerken, dass das Integral $\int_{-\infty}^{+\infty} x^p \varphi x \cdot dx$ verschwindet, wenn $\varphi x = \varphi(-x)$ ist, d. h. wenn nicht bei den Beobachtungen eine constante Ursache vorhanden ist, welche entweder den positiven oder den negativen Feblern das Übergewicht gibt. Daher werden die ungeraden Potenzen der Beobachtungsfehler, wenn man jeden mit Rücksicht auf sein Zeichen nimmt, dazu dienen können, zu bestimmen, ob die vorliegenden Beobachtungen mit einem solchen constanten Fehler behaftet seven; hierüber hat Poisson in einem der Academie am 20. April 1829 vorgelesenen Mémoire nähere Untersuchungen angestellt (siche Bulletin des Sciences math. etc., Mai 1829, p. 335 - 341). Will man aber die Genauigkeit der Bebbachtungen überhaupt durch ungerade Potenzen der Fehler bestimmen, so muss man die Fehler ohne Rücksicht auf das Zeichen nehmen. Mag nun p eine gerade oder eine ungerade Zahl seyn, wenn man nur in dem letztern Falle die so eben angegebene Bedingung erfüllt, so ist

$$K = \int_0^\infty x^p \left[\varphi x + \varphi \left(-x \right) \right] dx,$$

$$K_i = \int_0^\infty (\mu_i x)^p \left[\varphi_i \left(\mu_i x \right) + \varphi_i \left(-\mu_i x \right) \right] d \cdot (\mu_i x),$$
oder, da $\mu_i \varphi_i (\mu_i x) = \varphi x$ ist,

$$K_1 = \mu P K$$

und eben so

$$K_n = m_n^p K \text{ u. s. w.; } . . . (3)$$

ferner $K' = \int_{-\infty}^{+\infty} x^{2p} \varphi x . dx$ und $K'_n = \mu_n^{2p} K'$, u. s. w.; also sind die K', K'_1 , ... K'_n , ... den K^2 , K^2 , ... K^2 , ... proportional. Folglich ist nach (2) der genäherte Werth von K

$$=\frac{1}{s}\left(e^{p}+\frac{\epsilon_{1}^{p}}{\epsilon_{1}^{p}}+\cdots+\frac{\epsilon_{n}^{p}}{\epsilon_{n}^{p}}+\cdots\right),\quad (4)$$

wofür ich der Kürze wegen schreiben will $\frac{1}{s} \geq \frac{\epsilon_n^p}{\mu_n^p}$; und

die Wahrscheinlichkeit, dass der in Beziehung auf diesen Werth von K zu befürchtende Fehler zwischen den Grenzen

$$\pm r \sqrt{\frac{2(K'-K^2)}{s}}$$

liege, ist

Diese Wahrscheinlichkeit wird = $\frac{1}{2}$ für r=0.4769363 oder für $r \vee 2$ = 0.6744897, also ist der wahrscheinliche Fehler jenes Werthes von K

= 0.6744897 K
$$\sqrt{\frac{1}{s} \left(\frac{K'}{K^2} - 1\right)}$$
, . . (6)

wo man für K' seinen genäherten Werth

$$= \frac{1}{s} \left(e^{sp} + \frac{\varepsilon_1^{sp}}{\mu_1^{sp}} + \dots + \frac{\varepsilon_n^{sp}}{\mu_n^{sp}} + \dots \right)$$

setzen kann.

Nimmt man an, wie Gauss in der Theoria mot. corp. coel. L. II. Sect. III. und in der Zeitschrift für Astr. u. s. w. Bd. I. Nro. XII., dass die Function φx die Form habe $\frac{h}{\sqrt{\pi}} e^{-h^2 x^2}$, so lässt sich für jedes p der Werth von $\frac{K'}{K^2}$ numerisch angeben. Es ist nämlich allgemein

$$\int_{0}^{\infty} e^{-t^{m+1}} t^{p} dt =$$

$$= (p-m) (p-2m-1) (p-3m-2) ... (p-rm-r+1) \times \frac{1}{(m+1)^{r}} \int_{0}^{\infty} e^{-t^{m+1}} t^{p} - r(m+1) dt,$$

wenn man p durch m+1 dividirt. Ist nun p eine gerade Zahl, so ist, wenn man m=1

1st nun p eine gerade Zahl, so ist, wenn man m=1 setzt,

$$\int_0^\infty e^{-t^2} \, t^p \, dt = 1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot (p-1) \cdot 2^{-\frac{p}{4}} \cdot \frac{\sqrt{\pi}}{2},$$

also
$$K = 1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot ... (p-1) \cdot 2^{-\frac{p}{3}} \cdot h^{-p}$$
 (7)
und $K' = 1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot ... (2p-1) \cdot 2^{-p} \cdot h^{-2p}$

. folglich
$$\frac{K'}{K^2} = \frac{(p+1)(p+3) \cdot \cdot \cdot (2p-1)}{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \cdot \cdot (p-1)}$$
 . (8)

Ist aber p eine ungerade Zahl, so ist

$$\int_0^\infty e^{-t^2} t^p dt = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 4 \cdot 6 \cdot \dots \cdot (p-1) \cdot 2^{\frac{p-1}{2}}$$
$$= \frac{1}{2} \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot \frac{p-1}{2}$$

und
$$K = 1, 2, 3 \dots \frac{p-1}{2} \cdot \frac{1}{h^p \sqrt{\pi}}, \dots (9)$$

also

$$\frac{K'}{K^2} = \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots (2p-1) \cdot \pi}{2^p \cdot \left(1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \frac{p-1}{2}\right)^2} \\
= \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots (2p-1) \cdot \pi}{2 \cdot \left(2 \cdot 4 \cdot 6 \cdot \dots (p-1)\right)^2} \quad . \quad (10)$$

Unter derselben Voraussetzung, daß $\varphi x = \frac{h}{\sqrt{\pi}} e^{-h^2 x^2}$ iey, läßt sich aus dem gefundenen genäherten Werthe von K ein genäherter Werth von h finden.

Nämlich für ein gerades p ist nach (7)

$$h = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot (1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots (p-1))^{\frac{1}{p}} \cdot K^{-\frac{1}{p}} \cdot (11)$$

Es sind aber vermöge der Gleichungen (4), (6) und [8), wenn man

$$\frac{1}{s} \left[\frac{(p+1)(p+3) \dots (2p-1)}{1 \cdot 3 \cdot 5 \dots (p-1)} - 1 \right] = P$$

setzt, die wahrscheinlichen Grenzen des wahren Werthes von K nahe

$$= \frac{1}{s} \mathcal{Z} \frac{\epsilon_n^P}{\mu_n^P} (1 \pm 0.6745 \sqrt{P}), \dots (12)$$

also, wenn man die höhern Potenzen des zweiten Theils dieses Ausdruckes vernachlässiget, die wahrscheinlichen Grenzen des wahren Werthes von h

$$= \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \left(1 \cdot 3 \cdot 5 \dots (p-1) s\right)^{\frac{1}{p}} \cdot \left(\mathcal{Z} \frac{\varepsilon_n^p}{\mu_n^p}\right)^{-\frac{1}{p}} \times \left(1 \pm 0.6745 \cdot \frac{1}{p} \sqrt{P}\right) \cdot (13)$$

Kennt man h, so ist der sogenannte wahrscheinliche Beobachtungsfehler

$$w = 0.4769363 \cdot \frac{1}{h}$$

$$= 0.6744897 (1 \cdot 3 \cdot 5 \dots (p-1))^{-\frac{1}{p}} \cdot k^{\frac{1}{p}}, \quad (14)$$

also sind die wahrscheinlichen Grenzen des wahren Werthes von ω

$$= 0.6744897 (1 \cdot 3 \cdot 5 \dots (p-1) s)^{-\frac{1}{p}} \cdot \left(\mathcal{Z} \frac{\epsilon_n^p}{\mu_n^p} \right)^{\frac{1}{p}} \times \left(1 + 0.6744897 \cdot \frac{1}{p} \sqrt{P} \right) . \quad (15)$$

Für ein ungerades p ist nach (9)

$$h = \left(1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \cdot \cdot \frac{p-1}{2} \cdot \frac{1}{K\sqrt{\pi}}\right)^{\frac{1}{p}} \quad (6)$$

und

$$w = 0.4769363 \left(1.2.3...\frac{p-1}{2}\right)^{-\frac{1}{p}}.(K \sqrt{\pi})^{\frac{1}{p}}.(17)$$

Es sind aber vermöge der Gleichungen (4), (6) und (10), wenn man

$$\frac{1}{s} \left[\frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \cdot \cdot (2p-1)\pi}{(2 \cdot 4 \cdot 6 \cdot \cdot \cdot (p-1))^2} - 2 \right] = \Pi$$

setzt, die wahrscheinlichen Grenzen des wahren Werthes von K nahe

$$=\frac{1}{s} \geq \frac{\epsilon_n^p}{\mu_p^p} (1 \pm 0.4769363 \sqrt{\pi}), ... (18)$$

also die wahrscheinlichen Grenzen des wahren Werthes von h

$$= \left(\mathbf{1} \cdot \mathbf{2} \cdot 3 \dots \frac{p-1}{2} \cdot \mathbf{s}\right)^{\frac{1}{p}} \cdot \left(\sqrt{\pi} \cdot \mathbf{z} \frac{\mathfrak{t}_{n}^{p}}{\mu_{n}^{p}}\right)^{-\frac{1}{p}} \times \left(\mathbf{1} \mp 0.4769 \cdot \frac{1}{p} \sqrt{\Pi}\right), \quad (19)$$

und die wahrscheinlichen Grenzen des wahren Werthes von w

$$0.4769363 \left(1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \cdot \cdot \frac{p-1}{2} \cdot s\right)^{-\frac{1}{p}} \times \left(\mathcal{Z} \frac{\epsilon_n^p}{\mu_n^p} \sqrt{\pi} \right)^{\frac{1}{p}} \cdot \left(1 + 0.4769363 \cdot \frac{1}{p} \sqrt{H} \right) \cdot (20)$$

3) Setzt man zum Beispiel a)

so ist
$$K = \int_0^\infty x \left[\varphi x + \varphi(-x) \right] dx$$
,

er, wenn $\varphi x = \varphi(-x)$ ist,

) einen genäherten Werth von K

$$K = 2 \int_0^\infty x \, g \, x \cdot dx,$$

 $\int_0^\infty x \varphi x \cdot dx \text{ das ist, was } Laplace \text{ den mittlern}$ befürchtenden Fehler nennt; und man erhält nach

$$=\frac{1}{s}\left(\varepsilon+\frac{\varepsilon_1}{\mu_1}+\cdots+\frac{\varepsilon_n}{\mu_n}+\cdots\right),$$

die Fehler ϵ , ϵ_1 , ... ϵ_n , ... alle positiv zu nehm sind; und nach (6) die wahrscheinliche Unsicherit dieses Werthes von K

$$= \pm 0.6745 \sqrt{\frac{K' - K^2}{s}},$$

$$K' = \int_{-\infty}^{+\infty} x^2 \varphi x \cdot dx \text{ ist.}$$
Setzt man $\varphi x = \frac{h}{\sqrt{\pi}} e^{-h^2 x^2}$, so ist nach (10)
$$\frac{K'}{K^2} = \frac{\pi}{2},$$

o jene wahrscheinliche Unsicherheit

$$= 0.4769363 K \sqrt{\frac{\pi - 2}{s}} = 0.5095841 \cdot \frac{K}{\sqrt{s}};$$
ier nach (16)

$$h=\frac{1}{K\sqrt{\pi}},$$

und nach (19) die wahrscheinlichen Grenzen des wahren Werthes von h

$$= s \cdot \left(\sum_{\mu_n}^{\frac{\epsilon_n}{\mu_n}} \cdot \sqrt{\pi} \right)^{-1} \left(1 \mp 0.5096 \cdot \frac{1}{\sqrt{s}} \right).$$

Der wahrscheinliche Beobachtungsfehler w ist nach (17)

= 0.4769 $K\sqrt{\pi}$, and die wahrscheinlichen Grenzen des w

und die wahrscheinlichen Grenzen des wahren Werthes von w sind nach (20)

$$= 0.4769363 \frac{\sqrt{\pi}}{s} \cdot \mathcal{Z}_{\frac{\ln}{\mu_n}}^{\frac{\epsilon_n}{n}} \cdot \left(1 \pm 0.5095841 \cdot \frac{1}{\sqrt{s}}\right)$$

=
$$0.8453473 \cdot \frac{1}{s} \cdot \ge \frac{\epsilon_n}{\mu_n} \cdot \left(1 \pm 0.5095841 \cdot \frac{1}{\sqrt{s}}\right) \cdot (21)$$

Welches auch die Form der Function φx seyn mag, wenn man nur der Natur der Sache gemäß annimmt, daß φx innerhalb der Grenzen $\pm a$ der möglichen Beobachtungsfehler immer positiv sey, und von x=0 bis $x=\pm a$, indem der absolute Werth von x wächst, immer ab-, wenigstens nicht zunehme, endlich daß

$$\int_{-a}^{+a} \varphi x \cdot dx = 1 \text{ sey, und wenn man}$$

$$\int_{0}^{a} x [\varphi x + \varphi (-x)] dx \text{ durch } K^{(1)},$$

$$\text{und } \int_{0}^{a} x^{p} [\varphi x + \varphi (-x)] dx \text{ durch } K^{(p)}$$

bezeichnet, so gilt allgemein der Satz, dass

$$\frac{K^{(p)}}{(K^{(1)})^p}$$
 nicht kleiner als $\frac{2^p}{p+1}$ seyn kann, . . (23)

wo p irgend eine positive ganze Zahl ist.

Dieser Satz lässt sich so beweisen:

Man setze das Integral
$$\int_{-x}^{+x} \varphi z \cdot dz = \gamma$$
, und $x = \psi \gamma$, $\frac{d \cdot \psi \gamma}{d \gamma} = \psi' \gamma$, $\frac{d^2 \cdot \psi \gamma}{d \gamma^2} = \psi'' \gamma$ u. s. w.; so

y = 0 für x = 0, und y = 1 für x = a, ferner

$$\frac{dy}{dx} = \varphi x + \varphi(-x),$$
also $K^{(1)} = \int_0^1 \psi y \cdot dy$
und $K^{(p)} = \int_0^1 (\psi y)^p \cdot dy.$
Nun ist allgemein

$$y = \psi \circ + y \psi' \circ + \frac{y^2}{2} \psi'' \circ + \frac{y^3}{2 \cdot 3} \psi''' \circ + \dots;$$

er ist aber $\psi \circ = 0$ und $\psi' \gamma = \frac{1}{\varphi x + \varphi(-x)}$, also verige der angenommenen Voraussetzungen by innerlb der Grenzen $\gamma = 0$ und $\gamma = 1$ immer eine endliche sitive Größe, die, indem y zunimmt, immer zu-, westens nicht abnimmt, folglich wuy innerhalb derseln Grenzen immer endlich und positiv, wenigstens tht negativ; daher kann man für Werthe von y innerlb dieser Grenzen setzen

$$\psi y = y \psi' \circ + \frac{y^2}{2} \psi'' \eta,$$

n eine Größe zwischen o und γ ist, oder

$$\psi y = y \psi' \circ + y^2 \cdot l,$$

l eine positive Größe = $\frac{1}{2} \psi'' \eta$ ist; wenn φx , also ch $\psi'\gamma$, constant ist, in welchem Falle $\psi''\gamma$, $\psi'''\gamma$ u. w. verschwinden, so ist l=0.

Demnach ist

$$K^{(1)} = \int_{0}^{1} (y \psi' \circ + y^{2} \cdot l) dy = \frac{1}{3} \psi' \circ + \frac{1}{3} l,$$
glich
$$(1)^{p} = \frac{1}{2^{p}} (\psi' \circ)^{p} + \frac{p}{2^{p-1} \times 3} (\psi' \circ)^{p-1} l$$

$$+ \frac{p (p-1)}{2^{p-2} \times 1 \cdot 2 \cdot 3^{2}} (\psi' \circ)^{p-2} l^{2} + \cdots$$

$$+ \frac{p (p-1) \cdot \cdot \cdot (p - (r-1))}{2^{p-r} \times 1 \cdot 2 \cdot \cdots r \times 3^{r}} (\psi' \circ)^{p-r} l^{r} + \cdots$$

$$+ \frac{1}{3^{p}} l^{p} .$$

Ferner
$$K^{(p)}$$
 oder $\int_{0}^{1} (y \psi' \circ + y^{2} l)^{p} dy$

$$= \frac{1}{p+1} (\psi' \circ)^{p} + \frac{p}{p+2} (\psi' \circ)^{p-1} l$$

$$+ \frac{p(p-1)}{1 \cdot 2 \cdot (p+3)} (\psi' \circ)^{p-1} l^{2} + \cdots$$

$$+ \frac{p(p-1) \cdot \cdots (p-(r-1))}{1 \cdot 2 \cdot \cdots r(p+r+1)} (\psi' \circ)^{p-r} l^{r} + \cdots$$

$$+ \frac{1}{2p+1} l^{p}.$$

Ist φx constant, also l=0, so ist

$$\frac{K^{(p)}}{(K^{(1)})^p}=\frac{2^p}{p+1}.$$

Sonst aber hat man

$$\frac{(p+1)K^{(p)}}{2^p(K^{(1)})^p}=\frac{A}{B}, \quad \ldots \quad (3)$$

wo
$$A = 1 + \frac{(p+1)p}{p+2} \cdot \frac{l}{\psi' \circ} + \cdots + \frac{(p+1)p(p-1)...(p-(r-1))}{1 \cdot 2 \cdot \cdots r(p+r+1)} \cdot \left(\frac{l}{\psi' \circ}\right)^r + \cdots + \frac{p+1}{2p+1} \cdot \left(\frac{l}{\psi' \circ}\right)^p$$

and
$$B = 1 + \frac{2p}{3} \cdot \frac{l}{\psi'o} + \cdots + \frac{2^r \cdot p \cdot (p-1) \dots (p-(r-1))}{1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot r \cdot 3^r} \cdot \left(\frac{l}{\psi'o}\right)^r + \cdots + \frac{2^p}{2p} \cdot \left(\frac{l}{\psi'o}\right)^p$$

ist, in welchen Ausdrücken jedes Glied positiv ist. Es ist aber, wenn p irgend eine positive ganze Zahl und >1 ist (für p = 1 bedarf der Satz (22) keines Beweises),

$$3p > 2p + 1$$
, also $3(p+1) > 2(p+2)$,
mithin $\frac{(p+1)p}{p+2} > \frac{2p}{3}$.

Ferner ist, wenn r irgend eine positive ganze Zahl d > 1 ist, $3 > 2^{1+\frac{1}{r}}$ (denn es ist 9 > 8, also $3 > 2\sqrt{2}$ er $> 2^{1+\frac{1}{2}}$, und noch mehr, wenn r > 2 ist, $3 > 2^{1+\frac{1}{r}}$), o $> 2^{r+1}$ oder $> (2^r + 2^r)$, folglich $3^r - 2^r > 2^r$; nun überdieß r , so ist

$$(3^{r}-2^{r}) (p+1) > 2^{r} \cdot r,$$
also $3^{r} (p+1) > 2^{r} (p+r+1)$

thin

$$\frac{+1)p(p-1)\dots(p-(r-1))}{1\cdot 2\cdot \dots r(p+r+1)} > \frac{2^r \cdot p(p-1)\dots(p-(r-1))}{1\cdot 2\cdot \dots r\times 3^r}$$

Hieraus erhellt, dass in dem Zähler des Bruches (23) e Factoren von $\frac{l}{\psi'o}$, ... $\left(\frac{l}{\psi'o}\right)^r$, ... $\left(\frac{l}{\psi'o}\right)^p$ resp. ößer sind, als die correspondirenden im Nenner, dass so dieser Bruch größer als die Einheit ist. Demnach t $\frac{K^{(p)}}{(K^{(1)})^p}$ nicht kleiner als $\frac{2^p}{p+1}$, wie zu beweisen war.

Setzt man p = 2, so ist $\frac{K^{(1)}}{(K^{(1)})^2}$ (dasselbe, was oben urch $\frac{K^1}{K^2}$ bezeichnet wurde), nicht $< \frac{4}{3}$, also $K^{(2)} - (K^{(1)})^2$, icht $< \frac{1}{3}(K^{(1)})^2$ und nicht $> \frac{1}{4}K^{(2)}$, mithin die wahrcheinliche Unsicherheit des obigen genäherten Werthes on $K^{(1)} = \frac{1}{3} \ge \frac{\epsilon n}{\mu n}$, ohne Rücksicht auf das Zeichen enommen,

nicht
$$< 0.6745 K^{(1)} \sqrt{\frac{1}{3 \cdot s}}$$
,
und nicht $> 0.6745 \times \frac{1}{4} \sqrt{\frac{K^{(2)}}{s}}$.
Setzt man b)

so ist
$$K^{(2)} = \int_{-\infty}^{+\infty} x^2 \varphi x \cdot dx$$

das, was Gauss das Quadrat des mittlern Beobachtungsfehlers nennt. Vermöge der Gleichung (4) erhält man einen genäherten Werth von K(*)

$$= \frac{1}{s} \left(\epsilon^2 + \frac{\epsilon_1^3}{\mu_1^6} + \ldots + \frac{\epsilon_n^3}{\mu_n^3} + \cdots \right)$$

Der wahrscheinliche Fehler dieses Werthes ist nach (6)

$$= 0.6745 \sqrt{\frac{K^{(4)}-(K^{(5)})^2}{4}}.$$

Drückt überhaupt $\psi u \cdot du$ die Wahrscheinlichkeit aus, dass der Fehler dieses Werthes von $K^{(2)}$ zwischen u und u + du liege, so ist nach (5)

$$fu\psi u . du = \frac{1}{\sqrt{\pi}} e^{-r^2} . \frac{dr}{du}, \text{ wo } u = r\sqrt{\frac{2[K^{(4)} - (K^{(2)})^2]}{s}}$$
ist, also
$$\int_{-\infty}^{+\infty} u^2 \psi u . du = \frac{2}{s\sqrt{\pi}} . [K^{(4)} - (K^{(5)})^2] . \int_{-\infty}^{+\infty} r^2 e^{-r^2} dr$$

$$= \frac{1}{2} [K^{(4)} - (K^{(5)})^2],$$

d. h. der mittlere zu befürchtende Fehler jenes Werthes von $K^{(s)}$ ist $= \sqrt{\frac{K^{(4)} - (K^{(s)})^2}{s}}$, was Gauss in der Thoria comb. obs. art. 16 auf eine andere Art bewiesen hat.

Es kann aber $\frac{K^{(4)}}{(K^{(4)})^2}$ nicht kleiner seyn als $\frac{s}{t}$, was sich eben so beweisen läßt, wie der Satz (22); folglich ist $\sqrt{\frac{K^{(4)}-(K^{(2)})^2}{s}}$ nicht $< 2K^{(s)}\sqrt{\frac{1}{5 \cdot s}}$, und nicht $> \frac{1}{2}\sqrt{\frac{K^{(4)}}{s}}$.

Der wahrscheinliche Fehler w kann nicht größer seyn, als $\sqrt{\frac{3}{4}K^{(2)}}$ oder als 0.8660254 $\sqrt{K^{(2)}}$, wie Gauß in der Theoria comb. obs. art. 10 gezeigt hat.

Setzt man
$$\varphi x = \frac{h}{\sqrt{\pi}} e^{-h^2 x^2}$$
, so ist nach (8)

$$\frac{K^{(4)}}{(K^{(4)})^2} = 3, \text{ also } \sqrt{\frac{K^{(4)} - (K^{(4)})^2}{s}} = K^{(4)} \sqrt{\frac{2}{s}},$$

und nach (12) die wahrscheinlichen Grenzen des wahren Werthes von $K^{(2)}$

$$= \frac{1}{s} \mathcal{Z}_{\frac{\mu_{n}^{2}}{s}}^{\frac{s^{2}}{n}} \left(1 \pm 0.6745 \sqrt{\frac{2}{s}}\right).$$

Ferner ist nach (11)

$$h = \sqrt{\frac{1}{2 K^{(s)}}},$$

und nach (13) die wahrscheinlichen Grenzen des wahren Werthes von h

$$= \sqrt{\frac{s}{\frac{\epsilon_n^2}{\mu_n^2}}} \left(1 \pm 0.4769 \sqrt{\frac{1}{s}}\right);$$

nach (14)

$$w = 0.6744897 \sqrt{K^{(2)}}$$

und nach (15) die wahrscheinlichen Grenzen des wahren Werthes von w

$$= 0.6744897 \sqrt{\frac{1}{s}} \mathcal{Z} \frac{\epsilon_n^2}{\mu_n^3} \left(1 \pm 0.4769363 \sqrt{\frac{1}{s}}\right). (24)$$

4) Sind die Beobachtungen alle von einerlei Art, so dass die Function φx für alle dieselbe ist, so darf man nur in den vorhergehenden Formeln μ_1 , μ_2 , ... μ_n , ... = 1 setzen. Dann gehen die obigen Ausdrücke (15), (20), (21), (24) für den wahrscheinlichen

Beobachtungsfehler in diejenigen über, welche Gaust in dem schon öfters angeführten Aufsatze in der Zeitschrift für Astr. Bd. I. Nro. XII. gegeben hat.

Eine von jeder Hypothese über die Form der Function ϕx unabhängige Methode, den wahrscheinlichen Beobachtungsfehler bei einem System gleichartiger Beobachtungen zu bestimmen, hat Gaussebest Seite 195 angegeben, wo er sagt:

» Man ordne die sämmtlichen Beobachtungssehler » (absolut genommen) nach ihrer Größe, und nenne den » mittelsten, wenn ihre Zahl ungerade ist, oder das » arithmetische Mittel der zwei mittelsten bei gerader » Anzahl, M. Es läßst sich zeigen, was aber hier nicht » weiter ausgeführt werden kann, daß bei einer großen » Anzahl von Beobachtungen w der wahrscheinlichste » Werth von M ist, « u. s. w.

Es seyen nämlich die Fehler einer großen Anzahl von Beobachtungen, ohne Rücksicht auf das Zeichen, nach ihrer Größe geordnet,

a) für eine ungerade Zahl

$$\epsilon_1, \epsilon_2, \ldots \epsilon_{v-1}, \epsilon_v, \epsilon_{v+1}, \ldots \epsilon_{sv-1},$$
 also $\epsilon_v = M$ der mittelste,

b) für eine gerade Zahl

$$\epsilon_1, \epsilon_2, \ldots \epsilon_{\nu-1}, \epsilon_{\nu}, \epsilon_{\nu+1}, \ldots \epsilon_{1\nu-1}, \epsilon_{1\nu},$$
also $\frac{\epsilon_{\nu} + \epsilon_{\nu+1}}{2} = M$ das arithmetische Mittel der zwei

mittelsten.

In beiden Fällen ist von den o erstern Beobachtungsfehlern jeder nicht größer als M, und von den o letztern jeder nicht kleiner als M. Die Wahrscheinlichkeit, daß die Größe M irgend einen bestimmten Werth a habe, ist desto größer, je größer für diesen Werth a die Wahrscheinlichkeit ist, daß von o Beobachtungsfeh-

lern jeder nicht größer als a, und von eben so vielen jeder nicht kleiner als a sey, d. h. je größer

$$\left[\int_{-\alpha}^{+\alpha} \varphi x \cdot dx\right]^{\nu} \left[1 - \int_{-\alpha}^{+\alpha} \varphi x \cdot dx\right]^{\nu}$$

ist. Diese Function erhält aber den größten möglichen Werth, wenn $\int_{-\alpha}^{+\alpha} 9 x \cdot dx = \frac{1}{2}$, oder wenn α dem wahrscheinlichen Beobachtungsfehler ω gleich ist. Folglich ist der wahrscheinlichste VVerth von $M = \omega$.

Setzt man das Integral $\int \varphi x \cdot dx$, zwischen den Grenzen $-\psi(1+\lambda)$ und $+\psi(1+\lambda)$ genommen, $=\frac{1}{3}+L$ (da $\int_{-w}^{+w} \varphi x \cdot dx = \frac{1}{3}$ ist), so verhält sich die Wahrscheinlichkeit, dass der wahre Werth von M=w sey, zu der Wahrscheinlichkeit, dass der wahre Werth $=\psi(1+\lambda)$ sey, wie

$$\frac{1}{4^{\nu}}: (\frac{1}{3}+L)^{\nu} (\frac{1}{3}-L)^{\nu} = 1: (1-4L^{2})^{\nu}.$$

Daher ist die Wahrscheinlichkeit, dass der wahre Werth von M zwischen w(1-l) und w(1+l) liege,

$$= H \int_{-l}^{+l} (1-4L^2)^{\nu} d\lambda,$$

wo H eine Constante ist, die so bestimmt werden muß, daß das Integral $\int_{-\infty}^{+\infty} H(1-4L^2)^{\nu} d\lambda = 1$ werde.

Nimmt man an, dass $\varphi x = \frac{h}{\sqrt{\pi}} e^{-k^2 x^2}$ sey, so ist $w = \frac{\rho}{h}$, wenn $\rho = 0.47694$ gesetzt wird, und L lässt sich durch folgende Reihe ausdrücken:

$$\frac{2\lambda \cdot \rho}{\sqrt{\pi}} e^{-\beta^2} \left(1 - \lambda \rho^2 - \frac{\lambda^2}{3} \rho^2 (1 - 2 \rho^2) \dots \right)$$
oder $0.42867 \lambda (1 - 0.22747 \lambda - 0.041328 \lambda^2 \dots)$.

Ist nun & ein kleiner Bruch, so ist nahe

$$1 - 4L^2 = e^{-\lambda^2 c^2},$$

Zeitschr. f. Phys. u. Mathem. VII. 3.

wenn man $\frac{4\rho}{\sqrt{\pi}} e^{-\rho^2}$ oder 0.85735 = c setzt; also $W = H \int_{-l}^{+l} e^{-v \lambda^2 c^2} d\lambda.$

W wird = $\frac{1}{s}$ für $l = \frac{\rho}{c\sqrt{\nu}} = \frac{e\rho^2\sqrt{\pi}}{4\sqrt{\nu}}$, oder, da die Anzahl s der Beobachtungen wenigstens nahe = 2ν ist, für $l = e\rho^2\sqrt{\frac{\pi}{8s}}$, also sind die wahrscheinlichen Grenzen des wahren Werthes von M

$$= \nu \left(\mathbf{1} \ \mp \ e^{\rho^2} \sqrt{\frac{\pi}{8s}} \right),$$

oder auch die wahrscheinlichen Grenzen des wahren Werthes von w nahe

$$= M\left(1 \pm e^{\beta^2} \sqrt{\frac{\pi}{8s}}\right) = M\left(1 \pm \frac{0.78671}{\sqrt{s}}\right).$$

5) Bisher wurde eine bedeutende Anzahl wirklich vorgekommener Beobachtungsfehler als bekannt vorausgesetzt. Ich will nun noch Einiges für den Fall hinzufügen, wenn die Differenzen der durch die einzelnen Beobachtungen gegebenen Werthe einer Größe von dem, nöthigenfalls mit Rücksicht auf die verschiedene Genauigkeit der Beobachtungen genommenen, Mittelwerthe bekannt sind, und man sich nicht erlauben will, diese Differenzen als die Beobachtungsfehler selbst anzusehen.

Es seyen δ , δ_1 , ... δ_n , ... δ_{n-1} die durch die erste, zweite, ... $(n+1)^{10}$, ... s^{10} Beobachtung gegebenen Werthe einer gesuchten Größe q; so ist, wenn $\mu_1, \ldots, \mu_n, \ldots, \mu_{n-1}$ dieselbe Bedeutung haben, wie oben, der mit Rücksicht auf die verschiedene Genauigkeit der Beobachtungen genommene Mittelwerth

$$A = \frac{\delta + \frac{\delta_1}{\mu_1^2} + \dots + \frac{\delta_n}{\mu_n^2} + \dots}{1 + \frac{1}{\mu_1^2} + \dots + \frac{1}{\mu_n^2} + \dots} = \frac{\mathcal{Z}\frac{\delta_n}{\mu_n^2}}{\mathcal{Z}\frac{1}{\mu_n^2}}.$$

Es sey ferner

$$\lambda_n = \frac{A - \delta_n}{\mu_n},$$

und der in Beziehung auf den Werth A von q zu befürchtende Fehler sey =u, also A+u der wahre Werth von q; so ist der Fehler der $(n+1)^{ten}$ Beobachtung

$$\epsilon_n = A + u - \delta_n,$$
also
$$\frac{\epsilon_n}{\mu_n} = \lambda_n + \frac{u}{\mu_n} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot (25)$$
und
$$\mathcal{Z} \frac{\epsilon_n}{\mu_n^2} = \mathcal{Z} \frac{\lambda_n}{\mu_n} + u \mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^2};$$
es ist aber
$$\mathcal{Z} \frac{\lambda_n}{\mu_n} = A \mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^2} - \mathcal{Z} \frac{\delta_n}{\mu_n^2} = 0,$$
folglich
$$\mathcal{Z} \frac{\epsilon_n}{\mu_n^2} = u \mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^2}.$$

Setzt man in dem Satze (1) $F \varepsilon_n = \varepsilon_n$, $\gamma = 1$, $\gamma_1 = \frac{1}{\mu_1^2}$, ...; so ist, vorausgesetzt, daß gleiche positive und negative Fehler gleich wahrscheinlich seyen,

$$L_n^* = \int_{-\infty}^{+\infty} x^2 \, \varphi_n \, x \, dx = K_n^{(*)} = \mu_n^* \, K^{(*)} \, (\text{nach 3}),$$

$$\sqrt{2 \, \mathcal{Z} \, \gamma_n^* \, L_n^*} = \sqrt{2 \, K^{(*)} \, \mathcal{Z} \, \frac{1}{\mu_n^2}},$$

also die Wahrscheinlichkeit, daß $\mathbb{Z} \frac{\varepsilon_n}{\mu_n^2}$ oder $u \mathbb{Z} \frac{1}{\mu_n^2}$ zwischen $\pm r \sqrt{2 K^{(*)}} \mathbb{Z} \frac{1}{\mu_n^2}$ liege, oder daß u zwischen $\pm r \sqrt{\frac{2 K^{(*)}}{\mathbb{Z} \frac{1}{\mu_n^2}}}$ liege,

$$= \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int e^{-r^2} dr, \quad . \quad . \quad . \quad (26)$$

das Integral von r = 0 an genommen. Bezeichnet nun ψu die Wahrscheinlichkeit irgend eines Werthes von u, so ist

$$\psi u = \frac{1}{\sqrt{\pi}} e^{-r^2} \frac{dr}{du} \text{ für } u = r \sqrt{\frac{2 K^{(2)}}{Z_{u^2}^{-1}}}, (27)$$

also der mittlere Werth irgend einer Potenz von u mit einem geraden Exponenten m

$$= \int_{-\infty}^{+\infty} u^m \psi u \cdot du = \frac{2^{\frac{m}{2}} (K^{(1)})^{\frac{m}{2}}}{\left(\sum_{\mu_n^1}^{\frac{1}{2}}\right)^{\frac{m}{2}}} \int_{-\infty}^{+\infty} r^m e^{-r^2} dr$$

$$= \frac{(K^{(1)})^{\frac{m}{2}}}{\left(\sum_{\mu_{n}}^{1}\right)^{\frac{m}{2}}} \cdot 1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots (m-1) \cdot \dots \cdot (28)$$

Der mittlere Werth jeder ungeraden Potenz ist = 0.

Es sey nun p irgend eine gerade Zahl; so ist vermöge der Gleichung (25)

$$\mathcal{Z}\frac{\iota_{n}^{p}}{\mu_{n}^{p}} = \mathcal{Z}\lambda_{n}^{p} + p \cdot u \mathcal{Z}\frac{\lambda_{n}^{p-1}}{\mu_{n}} + \frac{p(p-1)}{1 \cdot 2} u^{2} \mathcal{Z}\frac{\lambda_{n}^{p-0}}{\mu_{n}^{2}} + \dots + u^{p} \mathcal{Z}\frac{1}{\mu_{n}^{p}},$$

wofür ich der Kürze wegen schreiben will

$$\Sigma \lambda_n^p + U$$

Es ist aber nach (4) der mittlere Werth von $\mathcal{Z}_{\mu_n}^{\frac{\epsilon_n^p}{\mu_n}} = s K^{(p)}$, und nach (28) der mittlere Werth von U, den ich durch M bezeichnen will,

$$= \frac{p(p-1)}{1 \cdot 2} \times \frac{\lambda_{n}^{p-1}}{\mu_{n}^{2}} \times \frac{K^{(3)}}{\frac{1}{\mu_{n}^{2}}} + \frac{1}{\mu_{n}^{2}} \times \frac{1$$

Wenn man nun schon einen genäherten Werth von $K^{(s)}$ kennt, so findet man einen genäherten Werth von $K^{(p)}$ oder von $\int_{-\infty}^{+\infty} x^p \varphi x \cdot dx$, wenn p eine gerade Zahl ist,

$$=\frac{\sum \lambda_n^p}{s}+\frac{M}{s} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot (30)$$

In der Reihe, wodurch $\frac{M}{s}$ ausgedrückt wird, ist das erste Glied von der Ordnung $\frac{1}{s}$, das zweite von der Ordnung $\frac{1}{s^2}$, u. s. w., . . . das letzte von der Ordnung $\frac{1}{s^2}$. Wenn also s sehr groß ist, so wird man ohne merk- $\frac{1}{s^2}$.

liehen Fehler den genäherten Werth von $K^{(p)} = \frac{\sum \lambda_n^p}{s}$ setzen können. Kennt man $K^{(p)}$, so findet man den wahrscheinlichen Fehler wie oben.

Übrigens ist der Ausdruck (27) für ψu , und daher auch der Ausdruck (28) für den mittlern Werth von u^m und der Ausdruck (29) für M, wie der Satz (1), nicht ganz streng, und gilt nur für eine große Anzahl von Beobachtungen. Den genauen Ausdruck für den mitt-

lern Werth von u^m oder von $\left(\frac{\sum \frac{\epsilon_n}{\mu_n^2}}{\sum \frac{1}{\mu_n^2}}\right)^m$ wird man er-

halten, wenn man $\left(\mathcal{Z}\frac{\epsilon_n}{\mu_n^2}\right)^m$ nach dem polynomischen

Lehrsatze entwickelt, und von jedem Gliede, welches keine ungeraden Potenzen von ϵ , $\epsilon_1, \ldots \epsilon_n, \ldots$ enthält, den mittlern Werth nimmt, indem man für ϵ^2 ,

$$\frac{\epsilon_1^2}{\mu_1^2}$$
, \dots $\frac{\epsilon_n^4}{\mu_n^4}$, \dots setzt $K^{(2)}$, für ϵ^4 , $\frac{\epsilon_1^4}{\mu_1^4}$, \dots $\frac{\epsilon_n^4}{\mu_n^4}$, \dots

 $K^{(4)}$ u. s. w. Nur für m = 2 erhält man auf beiden Wegen einerlei Ausdruck für den mittlern Werth von u^m ,

nämlich
$$\frac{K^{(2)}}{\sum_{\mu_n^2}^2}$$
. Setzt man aber $\varphi x = \frac{h}{\sqrt{\pi}} e^{-h^2 x^2}$, so

müssen überhaupt die beiden Ausdrücke für den mittlern Werth von u^m einander gleich seyn, wenn man für $K^{(s)}$, $K^{(4)}$ u. s. w. ihre Werthe aus der Gleichung (7) substituirt. Denn bei dieser Hypothese ist ganz streng, ohne daß man eine große Anzahl von Beobachtuugen vorauszusetzen braucht, die Wahrscheinlichkeit, daß der in Beziehung auf den Werth A von q zu befürch-

tende Fehler u zwischen $\pm \frac{r}{h \sqrt{z_{u}^{2}}}$, oder, da hier

$$h^{2} = \frac{1}{2K^{(2)}} \text{ ist, zwischen } \pm r \sqrt{\frac{2K^{(2)}}{2K^{(2)}}} \text{ liege,}$$
$$= \frac{1}{\sqrt{n}} \int e^{-r^{2}} dr$$

(vergl. die obige Gleichung 26), wie aus dem folgt, was Gauss in der Theoria motus corp. coel. p. 216 bewiesen hat.

So ist zum Beispiel der mittlere Werth von u^4 oder $\left(\mathcal{Z}\frac{4n}{\mu_n^2}\right)^4$ $\frac{\left(\mathcal{Z}\frac{1}{\mu_n^2}\right)^4}{\left(\mathcal{Z}\frac{1}{\mu_n^2}\right)^4}$ nach der Formel (28) $=\frac{3\left(K^{(2)}\right)^2}{\left(\mathcal{Z}\frac{1}{\mu_n^2}\right)^2} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot (31)$

Der genauere Ausdruck ist

$$\frac{K^{(4)} \mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^4}}{\left(\mathcal{Z} \frac{1}{\mu^2}\right)^4} + \frac{3 \left(K^{(*)}\right)^2}{\left(\mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^2}\right)^4} \left[\left(\mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^2}\right)^2 - \mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^4}\right]. \quad (32)$$

Nun ist die Größe $\frac{3(K^{(*)})^2}{\left(\sum_{\mu_n^2}\right)^2}$ von der Ordnung

$$\frac{1}{s^2}; \text{ hingegen } \frac{K^{(4)} \mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^4}}{\left(\mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^4}\right)^4} \text{ und } \frac{3(K^{(4)})^2 \mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^4}}{\left(\mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^4}\right)^4} \text{ sind von der}$$

Ordnung $\frac{1}{s^3}$; daher wird man bei einer großen Anzahl von Beobachtungen ohne bedeutenden Fehler beide Ausdrücke einander gleich setzen können. Nimmt man aber an, daß $\varphi x = \frac{h}{\sqrt{\pi}} e^{-h^2 x^2}$ sey, so ist $K^{(4)} = 3K^{(2)}$, und der Ausdruck (32) verwandelt sich genau in den Ausdruck (31).

Setzt man p = 2, so wird $M = K^{(2)}$, und daher vermöge der Gleichung (30) nahe

$$K^{(s)} = \frac{\sum \lambda_n^s}{s} + \frac{K^{(s)}}{s};$$

daraus erhält man einen genäherten Werth von K⁽¹⁾, oder von dem Quadrate des mittlern Beobachtungssehlers (im Gauss'schen Sinne)

Bei dieser Bestimmung von $K^{(2)}$ setzt man den mittlern Werth von $\geq \frac{\epsilon_n^2}{\mu_n^2} - u^2 \geq \frac{1}{\mu_n^2}$ dem wahren zufälligen Werthe gleich, d. h. man setzt

$$(s-1) K^{(s)} = \mathcal{Z} \frac{\epsilon_n^3}{\mu_n^3} - u^2 \mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^3}$$

demnach ist das Quadrat des bei dieser Bestimmung von K(1) zu befürchtenden Fehlers

$$= \frac{1}{(s-1)^2} \left[\mathcal{Z} \frac{\epsilon_n^3}{\mu_n^2} - u^2 \mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^2} - (s-1) K^{(s)} \right]^2$$

$$= \frac{1}{(s-1)^2} \left[\left(\mathcal{Z} \frac{\epsilon_n^3}{\mu_n^3} \right)^2 - 2 u^2 \mathcal{Z} \frac{\epsilon_n^3}{\mu_n^2} \mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^2} + \right]$$

$$-u^{4}\left(2\frac{1}{\mu_{n}^{2}}\right)^{2}-2(s-1)K^{(s)}\left(2\frac{\epsilon_{n}^{2}}{\mu_{n}^{3}}-u^{2}2\frac{1}{\mu_{n}^{2}}\right) + (s-1)^{2}(K^{(s)})^{2}.$$

Nun ist der mittlere Werth von $\left(\mathcal{F}\frac{\epsilon_n^2}{\mu_n^2}\right)^2$ = $sK^{(4)} + s(s-1)(K^{(2)})^2$;

er mittlere Werth von — $2u^2 \ge \frac{\epsilon_n^2}{\mu_n^2} \ge \frac{1}{\mu_n^2}$ oder von

$$\frac{2\left(\mathcal{Z}\frac{\epsilon_n}{\mu_n^4}\right)^2 \mathcal{Z}\frac{\epsilon_n^2}{\mu_n^2}}{\mathcal{Z}\frac{1}{\mu_n^2}}$$

$$= - 2 K^{(4)} - 2 (K^{(2)})^2 (s-1);$$

r mittlere Werth von $u^4 \left(\sum_{\mu_1^2} \frac{1}{\mu_2^2} \right)^2$

$$= K^{(4)} \frac{\mathcal{Z}_{\frac{1}{\mu_{n}^{4}}}^{\frac{1}{4}}}{\left(\mathcal{Z}_{\frac{1}{\mu_{n}^{2}}}^{\frac{1}{4}}\right)^{2}} + 3 \left(K^{(4)}\right)^{2} \left[1 - \frac{\mathcal{Z}_{\frac{1}{\mu_{n}^{4}}}^{\frac{1}{4}}}{\left(\mathcal{Z}_{\frac{1}{\mu_{n}^{2}}}^{\frac{1}{4}}\right)^{2}}\right];$$

dlich der mittlere Werth von

$$\begin{array}{l} \cdot 2 \left(s-1 \right) \, K^{(s)} \left(\mathcal{Z} \frac{s_n^2}{\mu_n^2} - \, u^2 \, \mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^2} \right) + \, (s-s)^2 \left(K^{(s)} \right)^2 \\ = - \, (s-1)^2 \, \left(K^{(s)} \right)^2 . \end{array}$$

Nimmt man alles diess zusammen, so erhält man in mittlern bei jener Bestimmung von K(*) zu befürchaden Fehler

$$= \frac{1}{s-1} \bigvee \left\{ K^{(4)} \left(s - 2 + \frac{\mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^4}}{\left(\mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^2} \right)^2} \right) - (K^{(s)})^2 \left(s - 4 + \frac{3\mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^4}}{\left(\mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^4} \right)^2} \right) \right\}$$

$$= \bigvee \left\{ \frac{K^{(4)} - (K^{(s)})^2}{s-1} - \frac{K^{(4)} - 3(K^{(s)})^2}{(s-1)^2} \left(1 - \frac{\mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^4}}{\left(\mathcal{Z} \frac{1}{\mu_n^4} \right)^2} \right) \right\} (34)$$

Setzt man $\varphi x = \frac{h}{\sqrt{\pi}} e^{-h^2 x^2}$, so wird dieser Autdruck $= K^{(*)} \sqrt{\frac{2}{s-1}}$.

Legt man allen Beobachtungen gleichen Werth beiso ist $\mu_1 = 1$, ... $\mu_n = 1$ u. s. w.; $\geq \lambda_n^*$ die Summe der Quadrate der Abweichungen der durch die einzelnen Beobachtungen gegebenen Werthe vom arithmetischen Mittel aus denselben; der genäherte Werth von $K^{(*)}$ ist nach (33)

$$=\frac{\sum \lambda_n^2}{s-1},$$

und der mittlere in Beziehung auf diesen Werth zu befürchtende Fehler nach (34)

$$= \sqrt{\frac{1}{s-1} \left[K^{(4)} - (K^{(2)})^2 - \frac{K^{(4)} - 3(K^{(3)})^2}{s} \right]}$$

VI.

Der hydraulische Balancier in seinem Princip;

dargestellt von

Dr. Lackerbauer.

1. Unter den vielen Maschinen, durch welche Wasr zu verschiedenen Zwecken in die Höhe gefördert ird, stellet der hydraulische Balancier eine neue, biser nicht bekannte Art vor, wie nämlich fließendes und ehendes Wasser sowohl in geringer als größerer Quantät durch eine oscillirende Bewegung auf eine gewisse öhe geschafft, und allda, vorzüglich für Bewässerungsastalten, zum Absuß gebracht werden kann.

Der Grund, dem die Erfindung dieses Balancier ihr ntstehen zu verdanken hat, bietet sich dem Beobachr bei dem Anblicke des fliessenden Wassers dar.

Das Wasser fliesst nämlich, wenn es sich selbst berlassen ist (Fig. 9), von A nach B, wenn B niedriger s A liegt; es würde von B nach A fliessen, wenn A ledriger als B läge; eine allgemein bekannte Sache, es ag nun AB das Bett eines Canales, eines Flusses oder ner Rinne etc. vorstellen.

- 2. Stellet nun AB (Fig. 10) eine an beiden Enden stene, für einen Augenblick mit Wasser gefüllte, etas weitere horizontale Röhre vor, so wird das Wasser wohl bei A als bei B aussließen. Es wird nur allein ei A' oder bei B'' aussließen können, wenn diese Röhre gen die Horizontalebene geneigt wird, sich nur AC ler BC senket, und bei B' oder A'' der Abslus des assers verhindert wird.
- 3. Eine Röhre kann gegen die Horizontalebene geigt werden, wenn sich dieselbenicht nur, wie Fig. 10,

um einen Unterstützungspunct C beweget, sondern auch, wie Fig. 11, wenn dieselbe an einer unbiegsamen Stange CD befestiget wird, und diese sammt der an ihr unter einem Winkel ψ befestigten Röhre um einen Aufhängepunct C schwinget. Oder, wie Fig. 12, wenn dieser Aufhängepunct C in der Linie CD gegen E sinket, während der andere Punct D der unbiegsamen Linie CD in der Horizontalen fortgehet, und dadurch entweder in D oder in D'' zu stehen kommt, während C bis C' oder bis C'' gesunken ist.

- 4. Ist die Röhre AB (Fig. 13) an einer Stange CD befestiget, und in der verticalen Lage dieser unter einem Winkel $BDO = \varphi$ gegen die Horizontalebene HO geneigt, bei A aber mit einem Behälter G versehen, welcher den Absluss des Wassers von der Öffnung a verhindert, und in welchen Behälter durch eine am ohen Theil desselben angebrachte Öffnung wr sich Wasser gesammelt hat, sey es aus dem Flusse, dessen Nivest HO ist, oder aus einer andern Röhre, so wird sich die im Behälter G enthaltene Wasser aus B' nur ergießes können, nachdem AB in die Lage A'B' gekommen, und somit CD den Elongationswinkel D'CD = e beschrieben hat; worauf sich dann das Wasser aus der Öffnung B' ergießet, die höher als A liegt, indem A in A' noch höher als B' zu stehen gekommen ist.
- 5. Es kann nach Nro. 11 dieselbe Neigung erhalten werden, ob (Fig. 13) der Punct D sich durch den Bogen DD' bewegt, und CD in CD' zu stehen kommt, oder ob (Fig. 14) der Punct D nach der Horizontalen HO fortgehet, dabei C bis C' sinket, und CD in die Lage C'D' kommt; in beiden Fällen wird sich, weil D' tiefer als A' liegt, das Wasser aus D' ergiefsen; dock wird im zweiten Falle wegen der Vertiefung

CC' = DP = quersin. e

'etwas niedriger als im ersten, aber doch noch immer öher als A zu stehen kommen, sobald der Verschieungswinkel DC D' in diesem nicht größer als der Elonationswinkel DC D' im ersten Falle ist, und AD = DB enommen wird.

- 6. Je größer (Fig. 13 und 14) der Inclinationswinel BDO = 9 ist, welchen die Röhre mit der Wasserbene HO macht, desto größer muß auch (Fig. 13) der longationswinkel DCD' oder der Verschiebungswinkel DC'D' (Fig. 14) genommen werden, um die Röhre AB die geneigte Lage A'B' zu bringen, und das Wasser us B' zu schütten.
- 7. Es ist offenbar, dass eine Röhre AB (Fig. 15), velche am niedrigsten Puncte bei A mit einem Behälter ersehen ist, nicht erst in die horizontale Lage HO zu ommen braucht, bis die darin enthaltene Menge Waser an die Öffnung B reiche, und auszusließen beginne, venn dasselbe in der Röhre AB oder dem gleichweiten lehälter G schon unter der Inclination φ der Röhre zu er Höhe ab stehet, und daher schon um einen n^{tes} heil der Röhre, nämlich um AE von A gegen B reicht. urch Berechnung findet man (welche mit den Versuhen übereinstimmt), dass, wenn die Länge der Röhre B=l, und daher $AE=\frac{l}{n}$ die Wasserhöhe in derilben, vom tiefsten Puncte an gerechnet, nämlich ab=a, ad a jenen Neigungswinkel bedeutet, unter welchem Wasser bis zur Ausgussmündung B' kommen wird,

$$\sin x = \frac{\alpha \sqrt{l^2 - n^2 \alpha^2}}{n l \sqrt{l^2 - \alpha^2}}. \sin tot.$$

'y. Das ist, sobald der Neigungswinkel φ auf den Neigungswinkel x reducirt seyn wird, wird das Wasser bei seyn, und bei der geringsten weitern Verkleinerung eses Winkels bei B' auszusließen beginnen.

8. In dem Puncte, in welchem der Elongations- oder Verschiebungswinkel DCD' (Fig. 16) gleich dem Neigungswinkel BDO ist, wird die Röhre A'B' mit der Wasserebene HO parallel seyn, und das im Behälter G enthaltene VVasser schon durch A'B' auszufließen angesagen haben (7.), doch der Ausfluß nicht gänzlich vollendet seyn; daher muß der Elongations- oder Verschiebungswinkel e immer um etwas größer als der Neigungwinkel φ genommen werden, und diesen Überschuß, nämlich $e - \varphi$, nenne ich das größte Gefäll, und went dieses gleich H ist, so wird

$$H = e - \varphi$$
 und $e = H + \varphi$,

worin ich einstweilen alles in Graden eines Kreisboges ausgedrückt verstehe.

Es muss nämlich der Elongations- oder Verschiebungswinkel gleich der Summe des Inclinationswinkels und dem Winkel des größten Gefälles, welches mat dem Wasserabslus in den Röhren geben will, genommen werden.

- 9. Wenn der Mittelpunct der Schwingung D, Fig. 17, anstatt den Bogen DD' zu beschreiben, auf der Wasserebene HO bis q fortgehet, und dabei C in C'' sinket, so wird an der Vergrößserung des Elongationswinkels, und somit nach Nro 8 an der Neigung der Röhre gegen die Wasserebene oder dem größsten Gefälle H gewonnen, denn es kommt sodann die Röhre AB in die Richtung TS zu stehen; dabei ist der neue Elongations- oder Verschiebungswinkel E als äußserer Winkel des Dreieckes qCC''=e+h, und das neue Gefäll oder der Neigungswinkel X=H+m oder $=H+\gamma$.
- 10. Da aber hier die Kraft in derselben Zeit, ab der Punct D durch den Bogen DD' nach D' gebracht werden soll, denselben auch von D nach q verschieben

oll, so verhält sich, wenn noch vorausgesetzt wird, als die gesammte Last auch durch den Bogen hindurch ben so wie auf der Horizontalen HO unterstützt weren könnte, die Kraft der Verschiebung durch den Bogen zu der durch die Tangente, wie die Länge des recificirten Bogens zur Länge der Tangente.

Da aber die Tangente eines Winkels desto schneller zunimmt, je größer dieser Winkel wird, die Tangente von 45 Graden gleich dem Halbmesser, und die 70n 90° = ∞ wird, so hat der Elongations - oder Verschiebungswinkel E seine Grenzen, die hier nicht überchritten werden können. Ist nun nicht E, sondern e elbst diese Grenze, und darf nun einmal das bestimmte defäll H nicht mehr vergrößert, und zwar nicht größer ls es dem Elongationswinkel e im Vergleich mit der Inlination o der Röhre zukommt, genommen werden; so arf sich erstlich nur C bis C' vertiefen, D nur is D' gehen, und zwar in derselben Zeit, als sonst er Bogen DD' beschrieben würde; dadurch darf die traft, welche den Punct D verschiebt, nicht nur allein icht vermehrt, sondern kann sogar vermindert weren, und zwar im Verhältnis des rectificirten Bogens zum Sinus e.

Denn wenn (Fig. 18) E = e und C'D'' = CD' = CD enommen wird, so ist wegen des Parallelismus zwichen D'D'' und CD, CD' und C'D''

$$\psi = \psi$$
,

Vinkel, unter welchen die Röhren an der Stange befetiget sind,

erstlich $DD'' = D'P = \sin e$,

zweitens A''B'' parallel mit A'B',

lso auch die Neigung H der Röhren gegen die Horizonalebene dieselbe. Die Größe, um welche dabei B'' niedriger als A'' zu stehen kommt, ist, wenn l = der Länge der Röhre A''B'', der Winkel B''D''A = H = dem größten Gefälle, und φ die anfängliche Inclination der Röhre AB gegen die Horizontale HO bedeutet, $=\frac{l \sin H}{\sin \cot}$, und die Größe, um welche für eine Röhre B'' im tießten Puncte höher als A zu stehen kommt, ist

$$= \frac{1}{2} l \frac{(\sin \varphi - \sin H)}{\sin \cot},$$

worin H immer kleiner als φ genommen werden muß. Denn wenn für die zweite Art der Maschine D in der Horizontalen HO fortschwimmt oder fortgehet, und AB in D halbirt wird, so bleibt immer die eine Hälfte AB, so lange e und φ sich ungleich sind, unter der Horizontalen, und wegen $H < \varphi$ muß auch $mB^{II} < nA$ seyn.

Aus diesem ergibt sich schon, dass das größteße fäll H auch seine Grenzen hat, und zwar immer kleiner als die Inclination 9 der Röhren genommen werden müsse, wenn B" höher als A zu stehen kommen soll.

Kommt AB in die Lage A"B", so fliesst das durch A geschöpfte, nun in A" enthaltene, Wasser nach B"; wird hierauf A"B" durch Verschiebung des Punctes D" nach D" in die Lage A" B" geführt, so strömt des nun in B" enthaltene Wasser durch die Öffnung F, die höher als B", und folglich noch um vieles höher als A ist.

Was von einer Röhre gilt, gilt auch von mehreres Röhren, die auf eine gleiche und ähnliche Art an einer unbiegsamen Stange CD über einander unter demselhen Winkel ψ befestiget, und auf eine ähnliche und gleiche Art geschwungen oder verschoben werden.

11. Verbindet man nämlich (Fig. 19) mehrere Röhren A' B', E' F', G' H', I' K', L' M' durch die Wasserbehälter

E, G, I, L so mit einander, wie die Fig. 20 angt, so wird, wenn die Centrallinie CD senkrecht auf horizontalen oder Wasserebene WR, und der Beter A, der im obern Theile ab eine Öffnung hat, undem Wasserspiegel stehet, dieser sich mit Wasser en. Nimmt nun CD, sey es, dass D sich durch den gen oder auf der Horizontalen WR bewegt, und auf e oder andere Art durch die Wirkung einer äußern ift den Elongationswinkel e beschrieben hat, die Lage D' (Fig. 19) an, so ergiesst sich das im Behälter A' enttene Wasser durch die Röhre A'B' in den Behälter (10). Kehret nun C'D' wieder nach CD zurück, und ımt andererseits die Lage C"D" (Fig. 21) an, so ergiesst 1 das im Behälter E" enthaltene VV asser durch die E" F" den Behälter G", ohne etwas von demselben durch Röhre B" A" (da deren Öffnung B" höher als die flussmündung E" stehet) in den Behälter A" zurücksen zu lassen. Kehret nun hierauf C' D" wieder in die ge C' D' (Fig. 19) zurück, so fliesst das Wasser während sen aus dem Behälter A', der sich mittlerweile wiemit Wasser gefüllet hat, in den Behälter E', und aus n Behälter G' in den Behälter I' über, ohne davon etwas ch die Öffnungen ab und F' zurück zu geben. Nimmt rauf C' D' wieder die Lage C' D' (Fig. 21) an, so fliesst Wasser aus den Behältern E" und I" in die Behäl-G" und L" über, und der Behälter A" füllet sich erdings. Kehret nach diesem das Ganze wieder in die e C'D' (Fig. 19) zurück, so leeren sich die Behälter A' . G', es füllen sich die Behälter E' und I', und das in L' haltene Wasser strömet durch die Öffnung Maus, die er als der Wasserspiegel liegt, und gibt nun fer-, so oft die Vorrichtung in diese Lage kommt, so viel sser, als in dem Behälter L (Fig. 20) enthalten ist, oder :itschr. f. Phys. u. Mathem. VIL 3. 21

so viel, als jedes Mal der Schöpfer A in der Lage CD oder C'D' aufnimmt.

Es versteht sich nun von selbst, das, je mehr Röhren und Behälter über einander angebracht werden, desto höher das Wasser geleitet werden könne, und je größer diese Behälter sind, desto mehr Wasser sie auch aufnehmen und abgeben werden, zugleich aber auch, das in der wirklichen Ausführung gewisse Grenzen auch für benannte Rücksicht obwalten müssen.

12. Nach dem bisher Gesagten kann das VVasser auf zwei Arten gehoben werden, und zwar auf die erste Art durch Schwung, auf die zweite durch Verschiebung. Auf die erste Art ist die Maschine im Grunde und Aufris gezeichnet, es stellet allda Fig. 22 die Seitenansicht, Fig. 23 und 24 den Grundris vor.

Die Ausmessungen der einzelnen Theile der Maschine richten sich nach der Aufgabe, die durch selbe gelöset werden soll, nämlich nach der Höhe, zu welcher das Wasser gehoben werden soll, nach der Menge des Wassers, die in einer bestimmten Zeit zur gegebenen Höhe zu erheben ist, und nach der vorhandenen oder hierzu zu verwendenden Kraft, welche die Möglichkeit oder Unmöglichkeit der Lösung der Aufgabe bedingt.

Die Maschine selbst kann durch Menschenhände, durch fließendes Wasser oder andere Kräfte in Bewegung gesetzt werden. In der Abbildung derselben, Taf. 4, hatte ich mir die willkürliche Aufgabe gesetzt, bei jeder Kurbelumdrehung zwei Kubikfuß Wasser auf eine Höhe von 60 Fuß zu fördern, und für den Betrieb derselben bei hinreichendem Aufschlagwasser und Gefällein unterschlächtiges Wasserrad von erforderlichem Durchmesser und Schaufelfläche angenommen.

13. Die Erhebung des Wassers durch diese Maschine, und das endliche Aussliefsen desselben aus den

obersten Röhrenmundungen Pund O erkläret sich schou aus Nro. 11. Man darf nämlich auch hier nur die Centrallinie HD der Maschine in die Elongationswinkel, welche durch die Umdrehung der Kurbel ab dies - und jenseits der Verticalen CD beschrieben werden, versetzen, und nach der erhaltenen Neigung der Röhren den Lauf des Wassers verfolgen, welches bei jedesmaliger Neigung abwechselnd in die Schöpfer A und B dringet, und so auch abwechselnd aus den untersten Röhren om, om in die Behälter g und h sich ergiesst; so wird man sinden, dass dasselbe nach zomaliger Kurbelumdrehung, also schon bei der 21sten, 22sten, 23sten u. s. w. bei jeder fernern Umdrehung der Kurbel aus den obersten Mündungen der Röhren P und O, und zwar bei der Schwingung von D gegen x zu, aus P, und bei der Schwingung von D gegen γ hin, aus O sich ergiessen wird.

14. Während die Maschine in der mit Figur 22 angezeigten Lage sich befindet, stehen die Ausgußmündungen P und O am höchsten, und schütten von diesem Stande aus rechts und links durch einen Bogen von $\varphi - x$ Graden kein Wasser, sobald aber in der Bewegung der Maschine von e = 0 Graden angefangen $e = (\varphi - x)^0$ wird, fängt das Wasser auszusließen an, und der Ausfluß desselben dauert sowohl rechts als links der Centrallinie HD aus den Mündungen P und O für jede einzelne Schwingung oder Verschiebung durch die Zeit, welche der Punct H verwendet, um einen Bogen zu beschreiben, der gleich $2(e-\varphi) + x$ Graden ist, worin nebst der für e und φ in Nro. 4 angenommenen Bedeutung aus Nro. 7

$$x = \text{arc. sin. } x = \frac{a\sqrt{l^2 - n a^2}}{n l \sqrt{l^2 - a^2}} \text{ sin. tot.}$$

ist, die dort angeführten Bezeichnungen beibehalten. In der Ansicht von vorne, Fig. 26, stellet A einen Schöpfer vor; h, h sind die Behälter, in welche die Abfluss- oder Leitungsröhren von unten und die Einflussröhren von oben eingelassen sind; P ist eine der Abflussmündungen, welche die andere O verdeckt. Im Grundriss, Fig. 24, sind A und B die beiden Schöpfer, h und g die über einander liegenden Behälter, und om stellen die Röhren vor, welche die Behälter mit den Schöpfern, und Behälter mit Behältern verbinden, und das Wasser aus einem Behälter in den gegenüberstehenden leiten, sobald dieser unter jenen durch die Schwingung vertieft worden ist.

15. Wie angenommen, haben die Röhren in ihrer Länge l Fuss, und sind, wenn der Körper in k, Fig. 22, vertical stehet, unter einem Winkel $\varphi = e - H$ gegen die Horizontale oder Wasserebene geneigt, daher wird die Basis der schiefen Ebene $b = l \cos \varphi$, und die Höhe derselben $a = l \sin \varphi$.

Soll nun allgemein das Wasser auf A Fuss gehoben werden, so ist die Anzahl der Röhren

$$\mathfrak{N} = \frac{2A}{a} = \frac{2A\sin. tot.}{l\sin. \varphi},$$

und für $\varphi=12^\circ$, wenn die Maschine mit einer einzigen Röhrenleitung versehen seyn soll, $A=\Re b$. 0,10627. Soll die Maschine m Röhrenleitungen haben, also mfach wirken, so wird $A=\frac{\Re b}{m}$. 0,10627, und daher die gesammte Anzahl der Röhren $\Re=\frac{mA}{0,10627\,b}$, die auch gleich der Anzahl der Behälter \Re ist, von denen immer die eine Hälfte mit der andern Hälfte durch die besagten Röhren, wie in der Maschine Fig. 22 angezeigt, verbunden ist.

Die Anzahl dieser Röhren und Behälter wird jedoch bei einerlei Höhe des Wasserhubes um so kleiner, je größer der Neigungswinkel φ , nnd je länger die Röhren genommen werden. Es muß aber sodann, sobald φ größer ist, auch der Elongationswinkel e größer genommen werden, indem $e = \varphi + H$ ist. Würde hingegen H kleiner genommen, so muß hinwieder die Bewegung desto langsamer geschehen, damit das Wasser die nöthige Abflußzeit aus den Röhren erhalten könne, welche Zeit sich wieder nach der Länge und Weite der Röhren, und nach dem größten Gefälle H richtet, um daraus das Maximum des Effectes, der bei einerlei Kraft und Geschwindigkeit derselben erzweckt werden kann, zu erhalten.

16. Die Erfahrung hat gelehret, dass der Querschnitt eines durch eine Öffnung O strömenden Wasserstrahles kleiner sey als die Öffnungssläche, und dass sich der Querschnitt des zusammengezogenen Wasserstrahles zur Öffnungssläche wie 64 zu 100 verhalte; es wird daher, wenn Q die Menge Wasser bedeutet, die sich auf einmal in einem Behälter befindet, T die Absluszeit, und V die Geschwindigkeit ist, mit welcher das Wasser aus den Leitungsröhren strömet,

$$O = \frac{\Omega}{0,64 \cdot VT}, \text{ daraus}$$

$$T = \frac{\Omega}{0,64 \cdot OV},$$

so auch gleich der Zeit der Schwankung vom einen Sack zum andern ist, und

$$V = \frac{\mathfrak{Q}}{0,64 \cdot O T}.$$

Die Geschwindigkeit V hängt aber auch von der Druckhöhe i ab, welche dem größten Gefälle H zukommt, und es ist, wenn noch σ den freien Fallraum in der ersten Secunde = 16,803 bair. Fuß bedeutet, $V = 2\sqrt{i\sigma}$, und wegen i = l sin. H auch $V = 2\sqrt{l\sigma}$ sin. H, worin

H veränderlich ist, dergestalt, dass H successive alle Werthe von o angesangen bis zu einer für H bestimmten Größe annimmt. Dem zu Folge ergibt sich, wenn man H nach und nach $=\frac{1}{3}$ °, 1°, $\frac{3}{4}$ °, 2°, $3\frac{1}{5}$ ° etc. bis zu 6° setzet, und l=18,4 Fuß nimmt, das Gefäll oder die mittlere Druckhöhe i=1,0218 Fuß, und sonach V=8,6 Fuß per Secunde.

17. In Betreff des cubischen Inhaltes der Behälter oder Wassersäcke verstehet es sich von selbst, dass derselbe mit der Menge Wasser, welche die Behälter aufnehmen und wieder abgeben sollen, im Verhältnisse stehen muss, es darf wenigstens ihr Raum im Lichten nicht kleiner als die Wassermenge Q seyn, welche die Maschine bei jeder einfachen Oscillation fördern soll. sondern gleich Q selbst; daher, wenn M die ganze Anzahl der Behälter, und ρ das Gewicht eines bair. Kubikfulses Regenwassers = 44,4 Pf. bedeutet, wird die ganze Last des Hubwassers (welches sich, wenn die Maschine beharrlich ihre Dienste thut, auf einmal in dem Körper k befindet) = $\frac{1}{2} \mathfrak{M} \mathfrak{Q} \rho$, und dessen größte Entfernung von der Centrallinie HD gleich der halben Basis der schiefen Ebene der Röhren (b), mehr der halben Dicke der Behälter $(\frac{1}{2}\beta)$, nämlich sie ist $=\frac{1}{2}b+\frac{1}{2}\beta$, oder, weil in Nro. 15 $\frac{1}{2}b = \frac{1}{2}l \cos \varphi$ ist, so ist die größte Entfernung der Last von ihrem Drehungspuncte

 $=\frac{1}{2}l\cos\varphi+\frac{1}{2}\beta$

zu setzen. Bei jeder einfachen Oscillirung der Hebmsschine treten zwei bemerkbare Umstände ein, einer in der angezeigten verticalen Lage des Kastens, wo sich alles Hubwasser gleich dem Gewichte $\frac{1}{2}\mathfrak{M} \mathfrak{Q} \rho$ auf einer Seite der Lothlinie HD befindet, und einer außer dieser Lage, in welcher das gesammte Hubwasser an beiden Seiten der Lothlinie zu gleichen Theilen vertheilet ist. Im ersten Falle ist die Last $\frac{1}{2}\mathfrak{M} \mathfrak{Q} \rho$ in einer Entfer-

nung der Centrallinie CD oder dem Unterstützungspuncte C, Fig. 22, die gleich der obigen Größse $\frac{1}{1}l\cos\theta+\frac{1}{1}\beta$ ist. Im zweiten Falle, wo diese Last an beiden Seiten der Centrallinie zu gleichen Theilen vertheilet ist, stehet sie mit sich selbst im Gleichgewichte, und der gesammte Widerstand reducirt sich für diesen einzelnen Moment auf die einzige Nebenlast, auf die Reibung, und einige andere Hindernisse von geringerer Bedeutung, als veränderlicher Widerstand der Luft, Einfluß der Witterung auf das Material, Trägheit der Materie etc., welche letztern ich vereiniget insgesammt $=\gamma$ nenne.

18. Es sey ferner, mit Beibehaltung:der Bedeutung der schon einmal angeführten Buchstaben, in der Lothlinie der Hebmaschine die Entfernung des Kraftpunctes von der Drehungsaxe $C_1 = D$ (Fig. 22), die Reibung in den Zapfenlagern der Drehungsaxe = F, die Kraft, die im Puncte K applicirt mit der Last des Hubwassers $\stackrel{!}{=}\mathfrak{M} \mathfrak{Q}_{\rho}$ im Gleichgewichte stehet, = K, das Gewicht der Hebmaschine oder des Körpers in K, nebst der halben Verbindungsstange = M, die gleichzeitigen Wege, welche Kraft und Last in einer Schwingung durchwandern, = S und s, die Länge des Schwingungsbogens = 23, und das Verhältnis des Durchmessers zum Umfang oder die Ludolph. Zahl 3,14159 = π , \Re die gesammte Reibung; so ist einmal der Weg S, welchen die Kraft K in einer Schwingung durchwandert, gleich der Länge des Schwingungsbogens, $\mathfrak{B} = \frac{e}{90^{\circ}} D \pi$, indem während einer Schwingung der Elongationswinkel e diesund jenseits der durch C gehenden Lothlinie CD beschrieben wird. Während nun die Kraft K diesen Weg zurücklegt, wird die Last † M Ωρ durch den Bogen

$$\frac{2e - x - H}{180} \left(\frac{1}{2} l \cos \theta + \frac{1}{2} \beta \right) \pi + \frac{H + x}{180} \left(\frac{1}{2} l \cos \theta + \frac{1}{2} \beta \right) \pi =$$

$$= \frac{e}{90^{\circ}} \left(\frac{1}{2} l \cos \theta + \frac{1}{2} \beta \right) \pi$$

geführt, worin nebst den schon angeführten Bedeutungen der Buchstaben

$$x = \operatorname{arc. sin.} x = \frac{a\sqrt{l^2 - n a^2}}{n l \sqrt{l^2 - a^2}} \operatorname{sin. tot. ist.}$$

19. Da die ganze Menge Wasser ÷ M Q ρ Pf. in dem Momente, sobald der Bogen $\frac{2e-x-H}{180^{\circ}}(\frac{1}{2}l\cos\theta+\frac{1}{2}\beta)x$ beschrieben ist, von einer Reihe der Behälter durch die Leitungsröhren in die Behälter der andern Seite abströmet, somit unter der Zeit, als von dem Endpuncte des Hebelarmes ‡ l cos. 9 + † β der Ergänzungs - oder Gefällsbogen $\frac{H+x}{180}$ (1 cos. $\varphi + \frac{1}{1}\beta$) π abwärts beschrieben wird, auch mitunter, aber nur für ein Zeittheilchen, der in Nro. 17 angemerkte Umstand eintritt, wo das ganze Hubwasser zu gleichen Theilen an heiden Seiten der Centrallinie vertheilt ist, so kann auch der Weg, den die Kraft während einer Schwingung macht, in zwei Theile getheilt werden, und zwar in den ersten $=\frac{2e-x-H}{180^{\circ}}D\pi$, in welchem sie die ganze Last durch einen Bogen = $\frac{2e-x-H}{180}(\frac{1}{2}t\cos\varphi+\frac{1}{2}\beta)\pi$ ziehet oder schiebt, als Maximum, und in einen zweiten $r=\frac{H+x}{180}D\pi$, auf welchem durch sie die Last durch einen Weg = $\frac{H+x}{180}$ ($\frac{1}{2}l\cos\varphi + \frac{1}{2}\beta$) π geführet wird, und auf welchem diese Last, von der Grenze o angefangen, successive wieder bis auf ÷ M Ωρ, und mit Verzicht auf \Re und γ , im Mittel = $\frac{1}{2}\Re \Omega \rho \cos e$ zu setzen Daher ergeben sich für diese Maschine zwei Gleichungen, eine für das Maximum des Widerstandes, und die andere für das Medium desselben.

Auch könnte man noch eine dritte festsetzen, die für das Minimum nur in Bezug auf R und y Statt fände. Wird nun die Maschine nach der ersten dieser Gleichungen construirt, so wird sie auch sicher nach dem aus derselben resultirenden Kraftaufwande ihre Dienste thun.

20. Ist nun vorerst die Gleichung der Maschine für das Maximum des Widerstandes zu entwickeln, so ist, ohne Inbegriff ihrer Nebenlast $\Re + \gamma$, das Moment der Kraft $KS = \frac{K(2e - x - H)}{180} D\pi$, und das Moment der Last

$$\frac{1}{2}\mathfrak{M} \Omega \rho s = \frac{1}{2}\mathfrak{M} \Omega \rho \left(\frac{2e - x - H}{180}\right) \left(\frac{1}{2}l\cos \varphi + \frac{1}{2}\beta\right) \pi;$$

und da beide einander gleich sind, so ist

$$K\left(\frac{2e-x-H}{180}\right)D\pi = \frac{1}{2}\mathfrak{M}\Omega\rho\left(\frac{2e-x-H}{180}\right)\left(\frac{1}{2}l\cos\varphi+\frac{1}{2}\beta\right)\pi$$
oder

$$DK = (\frac{1}{2} l \cos \varphi + \frac{1}{2} \beta) (\frac{1}{2} \Re \Omega \rho),$$

$$\text{daraus } K = \frac{\frac{1}{2} \Re \Omega \rho (\frac{1}{2} l \cos \varphi + \frac{1}{2} \beta)}{D}.$$

Bezeichnet k die Kraft, die an der Stelle der bewegenden Kraft die Reibung der Hebmaschine in den Zapfenlagern der Drehungsaxe überwuchtet, d den Durchmesser der Wellzapfen, und $\frac{n}{\mu}$ den Reibungscoefficienten, so ist

$$Dk = \frac{1}{2} dF$$
, daraus $k = \frac{\frac{1}{2} dF}{D}$,

and somit, wenn man $K + k = \Re$ setzet, mit Verzicht auf γ ,

$$\mathfrak{K} = \frac{\frac{1}{2} \mathfrak{M} \Omega \rho \left(\frac{1}{2} l \cos \varphi + \frac{1}{2} \beta\right) + \frac{1}{2} dF}{D}$$

die Kraft, welche diese Maschine nach horizontaler Richtung in Bewegung setzet, sie mag nun durch Menschenhande, oder sonst durch eine mechanische Vorrichtung in Bewegung gesetzt werden.

21. Um nun auch die Reibung F der Drehungsaxe zu bestimmen, denke man sich durch den Schwerpunct des Körpers in K senkrecht auf die Drehungsaxe eine verticale Ebene, und in dieser die Richtungen der Kräfte und der Last, also den gesammten Druck auf die Zepfenlager vereiniget, so lassen sich F und k, und auch \Re genau bestimmen.

Es stehet aber die Reibung F an der Drehungsere C auch mit den Winkeln in Verbindung, welche die Hebelarme, an denen die Kräfte applicirt sind, mit der Horizontallinie machen; diese Winkel aber, da die Hebmaschine in Oscillation versetzt wird, ändern sich stetig, und zwar wie folget. In der verticalen Lage der Maschine, oder wenn Loth und Centrallinie übereinkommen, vertieft sich der Hebelarm der Last + M Q p zu der durch den Punct C gehenden Horizontallinie um den Winkel φ ; wird nun der Elongationswinkel e beschrieben, so wird sich der Hebelarm der Last entweder einerseits noch um ganz e unter die Horizontallinie vertiefen, oder andererseits vom genannten Puncte aus um ganz e erheben, so dass die Grenze des Spielraums des Hebelarmes der Last + M Q p abwärts unter die Horizontallinie $=e+\varphi$, und über dieselbe $e-\varphi=H$, also im Ganzen = 2e ist, während seine größte Entfernung von der Horizontallinie, und zwar in Medio des Widerstandes, nur = e + \varphi seyn kann, welchen veränderlichen Winkel ich = 9' nenne. Der Winkel, welchen

der Hebelarm D, an dem die Krässe K und k applicirt sind, mit der Horizontallinie macht, ist immer gleich der Ergänzung des Elongationswinkels e zu 90°. Es sey dieser veränderliche Elongationswinkel =e', so ist die Reibung an der Drehungsaxe

$$F = \frac{n}{\mu} \sqrt{\left[\left(\frac{1}{2} \mathfrak{M} \mathfrak{Q} \rho \cos, \varphi' + (K+k) \sin, e' + M\right)^2 + \left(\frac{1}{2} \mathfrak{M} \mathfrak{Q} \rho \sin, \varphi' - (K+k) \cos, e\right)^2\right]},$$

worin M gleich dem Gewichte des Körpers in K nebst jenem der halben Zugstange ist; und da $k = \frac{1}{D} \frac{dF}{D}$ ist, so ist auch die Kraft, welche für sich am Hebelarme D die Reibung an der Drehungsaxe C überwuchtet,

$$K = \frac{d^n}{2 \mu D} \sqrt{\left[\left(\frac{1}{2} \mathfrak{M} \Omega \rho \cos \varphi' + (K+k) \sin \varphi' + M\right)^2 + \left(\frac{1}{2} \mathfrak{M} \Omega \rho \sin \varphi' - (K+k) \cos \varphi'\right)^2\right]},$$

indem man bei der wirklichen Berechnung des K, da k gegen $\frac{1}{2}\mathfrak{M}\mathfrak{Q}_{\rho}$ und K nicht sehr groß ist, die Größe k unter dem Wurzelzeichen für das erste Mal hinweg lassen, sodann den für k gefundenen Werth in die Formel substituiren, und mit dieser Substitution so lange fortfahren kann, bis k sich um keine merkliche Größe mehr ändert, wornach denn auch F und $K+k=\mathfrak{R}$ durch Substitution vollkommen hinreichend bestimmt sind, und es ist nämlich durch

$$\mathfrak{S} = \frac{\frac{1}{2} \mathfrak{M} \mathfrak{Q} \rho \left(\frac{1}{2} l \cos \varphi + \frac{1}{2} \beta\right)}{D} + \frac{\frac{d n}{2 \mu} \sqrt{\left[\left(\frac{1}{2} \mathfrak{M} \mathfrak{Q} \rho \cos \varphi' + (K+k) \sin \varphi' + M\right)^{2}}{D} + \frac{\left(\frac{1}{2} \mathfrak{M} \mathfrak{Q} \rho \sin \varphi' - (K+k) \cos \varphi'\right)^{2}\right]}{D}}$$

die Kraft, welche, unmittelbar am Hebelarme D appli-

cirt, die Hebmaschine hin und wieder schiebt und ziehet, ohne merklichen Fehler bestimmt.

22. Es werde nun die Maschine durch ein Rad in Bewegung gesetzt, in dessen Grindel eine Kurbel vom Halbmesser r steckt, die durch ihre Lenkstange die Hebmaschine fast, so muss sich offenbar die Warze der Kurbel mit einer Kraft $\mathcal R$ drehen, die gleich K+k ist, wenn sie durch ihre Verbindungsstange die Hebmaschine hin und wieder schiehen und ziehen sollte, auch muss der Durchmesser des Kreises, den die Warze der Kurbel beschreibt, gleich der Sehne des ganzen Schwingungsbogens, also $2r = 2D \sin \epsilon$ seyn, und folglich ist $r = D \sin \epsilon$.

Setzt man nun den Halbmesser des unterschlächtigen Rades bis zu dem Stoßpuncte der Schaufelsläche =R, die Durchmesser seiner Wellzapsen $=\delta$, die Reibung in den Zapsenlagern desselben =f, die Kraft, welche, am Stoßpuncte des Hebelarmes R applicirt, mit $\mathfrak R$ an der Warze der Kurbel im Gleichgewichte stehet, =p, die Kraft, welche im angegriffenen Puncte die Zapserreibung f überwuchtet, =f, und die Kraft, welche das Rad im Ganzen bewegt, $=\Pi$, so ist vorerst $\Pi=p+f$. Ferner, wenn noch \geq den veränderlichen Winkel bedeutet, welchen die Lenkstange mit der Kurbel ab in ihrer Bewegung in dem Puncte b macht, und die Kräfte p und f auf R als senkrecht wirkend vorausgesetzt werden, so hat man

1)
$$\Re r \sin \beta = pR$$
, daraus
$$p = \frac{\Re r \sin \beta}{R};$$
2) $\frac{1}{2} \delta f = fR$, daraus
$$f = \frac{\frac{1}{2} \delta f}{R}, \text{ und somit}$$

$$p + f$$
 oder $\pi = \frac{\Re r \sin 2 + \frac{1}{2} \delta f}{R}$;

lie Kraft, welche, am Rande vom Halbmesser R nach ler Richtung der Tangente angebracht, die Maschine in Bewegung setzet.

23. Setzt man ferner, um die Reibung f auch hier zu bestimmen, das Gewicht des Rades der Welle und der halben Lenkstange =m, und sind noch ϵ der Winkel, unter welchem der Hebelarm R, und 9 jener, unter welchem die Kurbel in den verschiedenen Lagen ihrer Umdrehung gegen die Horizontallinie geneigt sind, so ergibt sich dieselbe

$$f = \frac{n}{\mu} \sqrt{\left[(\Re \cos \theta + (p+f) \cos \theta + m)^2 + (\Re \sin \theta - (p+f) \sin \theta)^2 \right]}.$$

Da man in Anwendung eines unterschlächtigen Wasserrades bei dem Baue des Grundwerkes und der übrigen Einrichtung desselben dahin zu sehen hat, dass die nachfolgende Schaufel mit dem untern Ende die Oberfläche des Wassers erst dann berühre, wenn die vorangehende Schaufel ihren senkrechten Stand zu verlassen anfängt; so kann man ohne merklichen Fehler den Winkel eals sich immer gleich und =90 Graden setzen. In diesem Falle ist sin $\epsilon=1$ und $\cos \epsilon=0$, demnach

$$f = \frac{n}{\mu} \sqrt{\left[(\Re \cos \theta + m)^2 + (\Re \sin \theta - p - f)^2 \right]},$$
und wegen $f = \frac{1}{2} \frac{\delta f}{R}$

$$f = \frac{\delta n}{2 \mu R} \sqrt{[(\Re \cos 9 + m)^2 + (\Re \sin 9 - p - f)^2]},$$

wo man bei der wirklichen Berechnung des f, da f gegen R und p sehr klein ist, wie in Nro. 21 für die Berechnung des k gesagt worden ist, verfahren kann, worauf durch Substitution mit Verzicht auf γ die Kraft, welche das Rad in Bewegung setzet,

$$H = \Re r \sin^2 + \frac{\delta n}{2 \mu} \sqrt{(\Re \cos 9 + m)} + (\Re \sin 9 - p + f)^2$$

ist, in welche Gleichung nach schon vorangegangenen Bestimmungen statt $\mathfrak{K} = K + k$ der in Nro. 20 für \mathfrak{K} gefundene VVerth zu substituiren ist, wornach dem gleichfalls

$$\Pi R D = \frac{1}{2} \Re \Omega \rho \left(\frac{1}{2} l \cos \theta + \frac{1}{2} \beta\right) r \sin \theta
+ \frac{1}{2} \delta f D + \frac{1}{2} d F r \sin \theta
\Pi = \frac{\frac{1}{2} \Re \Omega \rho \left(\frac{1}{2} l \cos \theta + \frac{1}{2} \beta\right) r \sin \theta + \frac{1}{2} \delta f D + \frac{1}{2} d F r \sin \theta}{R D}$$

ist, in welche Gleichungen die für f und F vorhis in Nro. 21 und 23 gefundenen Werthe zu substituiren sind

24. Würde bei Verkürzung der Kurbel (r), wie Fig. 22 zeigt, zwischen dem Rade und der Hebmaschine noch ein Mittelstück MN nöthig, und nennet man bei diesem die Weite MN = W, die Weite MO = w, den Durchmesser der Zapfen = 0, und die Reibung = 0, so würde eben diese Gleichung

$$\Pi R w D = \frac{1}{2} \mathfrak{M} \mathfrak{Q} \rho \left(\frac{1}{2} l \cos \varphi + \frac{1}{2} \beta \right) W r \sin 2
+ \frac{1}{2} \delta f w D + \frac{1}{2} \delta f D r \sin 2 + \frac{1}{2} d F W r \sin 2,$$
und darnach

$$II = \frac{\frac{1}{3} \mathfrak{M} \mathfrak{Q} \rho (\frac{1}{3} l \cos \varphi + \frac{1}{3} \beta) Wr \sin z}{RwD} + \frac{\frac{1}{3} \delta f w D + \frac{1}{3} \delta f Dr \sin z + \frac{1}{3} d F Wr \sin z}{RwD},$$

in welchen, wenn die Kräfte an MO als horizontal wirkend vorausgesetzt werden, und χ das Gewicht der bewegten Theile des Mittelstückes bedeutet, die Reibung

$$f = \frac{n}{\mu} \sqrt{\chi^2 + \left[\frac{R(W+w)(W-w)}{Ww}\right]^2}$$

setzen ist.

25. Gehet nun die Kraft II von einem unterschlächen Wasserrade aus, zu dessen Erzeugung hinreichen- Aufschlagwasser und Gefäll vorhanden ist, um nebst auch jene Kraft zu geben, welche die unter dem Namen angeführten Hindernisse überwuchtet, so ist die Gewindigkeit der Maschine anfangs einem stäten Wachstmunterworfen; dieser Wachsthum aber nimmt in m Mase, wie die Überwucht der Kraft sich vermintt, nach und nach ab, und verschwindet endlich ganz, inn Kraft und der gesammte Widerstand ins Gleichwicht treten; die Schaufel des Rades, deren Ebenerch die Umdrehungsaxe gehet, mit einer bestimmten ischwindigkeit e ausweichen, und die Maschine durch n relativen Wasserstoß II im Beharrungszustande sich rtbeweget.

Der Nutzen, den die Maschine dabei leistet, richt sich theils nach der Quantität des Wassers, welches rch dieselbe gehoben wird, theils aber auch nach der öhe, zu der sie das Wasser fördert, oder den Raum, rch den sie den Widerstand schiebt oder ziehet, und ehet also mit beiden Größen, Last und Raum, im geden Verhältnisse, also der absolute Effect der Mahine verhältnißmäßig mit ihrem Producte.

Je weniger Zeit die Maschine braucht, um diesen fect hervorzubringen, desto wirksamer ist sie, also re Wirksamkeit verhältnissmässig mit dem Producte r Last in ihre Geschwindigkeit, und somit nach dem undsatze der virtuellen Geschwindigkeiten im Beharngszustande der Bewegung auch verhältnissmässig t. II.C.

Soll nun II am vortheilhaftesten wirken, so muss die

Maschine so construirt werden, dass der Beharrungszustand erst dann eintritt, wenn II c ein Maximum ist. Übrigens ist die Breite der Schauseln des unterschlächtigen Rades gewöhnlich gegeben, weil man sich damit nach der Tiese des Wassers richten muß, in welches sie sich eintauchen sollen; ihre Länge hängt sodann von der Menge Wasser ab, die erfordert wird, um auf die Schauseln einen hinlänglichen Druck hervorzubringen; der Halbmesser des Rades hängt von der Größe des Widerstandes ab, der überwunden werden soll; die Länge der Kurbel von der Sehne des Schwingungsbogens, u. s. w.

Es sey nun V die Wassermenge, welche der Canal in einer Secunde schüttet, B ihr Querschnitt, C ihre Geschwindigkeit, und h das Gefäll. Ferner P der absolute Wasserstoß, T die Umlaufszeit des Wasserrades, c ihre Geschwindigkeit, N die Anzahl ihrer Umläufe in einer Minute; und leisten nach hydrodynamischem Princip bei einer geneigten Ebene die auf einander folgenden Wassertheilchen durch Druck das, was in einem Gerinne das bewegte Wasser durch seine Geschwindigkeit leistet, so wird die Wirkung des Wassers auf eine noch ruhende Schaufel, oder der absolute Wasserstoß $P = Bh\rho \cdot x$, worin x einen Coefficienten bedeutet, der von der guten oder bessern Construction des Grundbaues und des unterschlächtigen Rades abhängt.

Ferner wegen
$$h = \frac{C^2}{4\sigma}$$

$$P = \frac{*BC^2\rho}{4\sigma},$$

und weil die Schaufeln mit der Geschwindigkeit c astrweichen.

$$\pi = \frac{*B\rho[C-c]^2}{4\sigma},$$

somit das Bewegungsmoment

$$\pi c = \frac{*B\rho [C-c]^2.c}{4\sigma},$$

elches, wenn C-c=x und c=C-x gesetzt wird,

$$\pi c = \frac{xB\rho x^2[C-x]}{4\sigma}$$

ird; und dieses wird ein Maximum seyn, wenn

$$x^{2} \begin{bmatrix} C-x \end{bmatrix} = z \quad \text{ein Maximum ist.}$$

$$z = Cx^{2} - x^{3},$$

$$dz = 2Cx dx - 3x^{2} dx,$$

$$\frac{dz}{dx} = 2Cx - 3x^{2},$$

$$0 = 2Cx - 3x^{2},$$

$$x = \frac{1}{1}C,$$

so πc ein Maximum, wenn die Maschine so construirt ird, dass der Beharrungszustand erst dann eintritt, wenn ie Geschwindigkeit des Rades $c = C - x = \frac{\pi}{3}C$ ist.

VII.

ortschritte der Physik in der neuesten Zeit.

A. Electricität.

Über die Unabhängigkeit mehrerer elecischer Ströme von einander. Von Stephan Marianini.

(Annal. de Chim. etc. Tome 42, p. 131.)

Unter allen Eigenschaften des Lichtes stehet die serordentliche Schnelligkeit, mit der sich dasselbe ch allen Seiten hin verbreitet, oben an; eine Eigentaft, welche bei der äußersten Feinheit seiner Theilseitschr. f. Phys. u. Mathem. VII. 3.

chen sehr wahrscheinlich die nicht minder erstaunungswürdige Fähigkeit erzeugt, mittelst welcher sich die Lichtstrahlen auf ihrem Wege durchkreuzen können, ohne die geringste Veränderung in ihren Eigenschaften zu erleiden. Aus Erfahrung wissen wir nämlich, dass, wenn man durch eine kleine Öffnung sieht, vor welcher eine Menge verschiedenfarbiger Gegenstände zerstreut liegen, man sie alle deutlich mit ihren Naturfarben erblicken kann, ohne dass die Vermischung der Lichtstrahlen, welche hier zu gleicher Zeit durch die kleine Öffnung dringen und sich, da nach verschiedenen Richtmgen kreuzen, durch ihr Zusammenstoßen eine bemerkbare Abanderung ihrer Natur oder ihrer Richtung er leiden; eine Erscheinung, welche sich selbst mittelst zweier oder mehrerer Hohlspiegel künstlich darstellen läst. - Man stelle nämlich zwei Hohlspiegel so, di ihre Axen sich durchkreuzen, stelle vor den einen derselben was immer für einen Gegenstand, eine rothe Kugel z. B., in einer solchen Entfernung, dass der Spiegel ihr Bild in dem gemeinen Durchschnitte der beiden Axen entwerfe. Man stelle ferner einen zweiten Gegenstand, z. B. eine grüne Kugel, dem zweiten Spiegel w gegenüber, dass deren Bild ebenfalls in demselben Durch schnitte der beiden Axen entworfen werde.

Folget nun das Auge des Beobachters der Axe des ersten Spiegels, so wird er das Bild der rothen Kugelschen, er wird jenes der grünen genau an demselhen Orte erblicken, wenn sein Auge in der Richtung der Axe des zweiten Spiegels dahin sieht.

Diese Erfahrung beweiset offenbar, das die 10n zwei verschiedenen Gegenständen kommenden Lichtstrahlen sich durchkreuzeu können, ohne die mindeste Veränderung zu erleiden.

Da das electrische Fluidum in der Schnelligkeit sich

Det

verbreiten der des Lichtes in nichts nachstehet, so gt es sich, ob dasselbe uns nicht auch analoge Erieinungen darbiete, als wir eben im Lichte bemerket ben.

Wirklich ist diess der Fall. — Folgende Versuche len uns zeigen, dass die electrischen Ströme unverdert bleiben, wenn sie auch Räume durchlausen, durch elche schon andere electrische Ströme gehen.

Der einfachste Fall ist der, wo zwei electrische röme sich unter rechten Winkeln durchkreuzen. Maınini nahm, um diesen Versuch anzustellen, einen hölrnen Würfel, dessen Seite 3 Centimeter maß, versah er von den Seitenflächen dieses Würfels, von denen zwei und zwei unter sich parallele waren, jede in ihr Mitte mit einer Schraube, und befestigte durch diese jeder der vier Flächen einen rechtwinkeligen Me-Ilstreifen von 8 Centimetern in der Länge, und etwas niger als 2 Centimetern in der Breite. Seine Absicht i diesem Versuche war, zwei durch einfache und gleie Electromotoren erregte electrische Strömungen in position zu setzen; dem zu Folge brachte er an einer r Seitenflächen eine Zinkplatte an, und auf der ann ihr entgegengesetzten gleichlaufenden Fläche eine iche Kupferplatte, welche er dadurch mit einander Verbindung setzte, dass er unter die Schrauben, welsie hielten, die Drahtende eines Multiplicators betigte, während er den Platten selbst über die eine tenfläche des Würfels einen Vorsprung von 6 Centitern liefs.

Nachdem dieses Plattenpaar bis zur Tiefe von 5 Cenetern in leicht gesalzenes Wasser getaucht wurde, ih die Nadel des Multiplicators um 12° ab.

Nun befestigte er an die zwei andern Flächen des irfels, welche ebenfalls mit Schrauben versehen wa-

3

ren, zwei andere ähnliche Platten, die eine von Zink, die andere von Kupfer, und brachte sie dadurch mit einander in Verbindung, dass er unter den Schrauben, welche sie hielten, die Enden eines Ladungsdrahtes bescstigte. Alle vier Platten, welche über dieselbe Fläche des Würfels den gleichen Vorsprung hatten, wurden nun in dieselbe obengenannte Flüssigkeit versenkt, und die Abweichung der Nadel betrug auch nicht mehr als 12°.

Diese Erfahrung zeigt, dass die Wirkung eines Paares Electromotoren auf die Magnetnadel nicht verändert werde, wenn auch das durch sie erregte electrische Fluidum, als die Ursache ihrer Abweichung, gezwungen werde, ein Flüssiges zu durchströmen, welches schon durch einen andern von einem dem ersten gleichen Electromotor erzeigten electrischen Strom in einer auf dasselbe senkreckten Richtung durchlaufen wird.

Nun substituirte Marianini statt des Electromotors, der mit dem Multiplicator in Verbindung stand, einen schwächern, der wie der erste aus zwei gleich großen Platten, die eine aus Zinn, die andere aus Messing, bestand, nahm den Ladungsdraht, welcher die zwei andern Platten verband, hinweg, und erhielt bei Beobactung der electromagnetischen Wirkung eine Abweichung von beinahe 3°; verband hierauf wieder die Zink- und Kupferplatte durch den Ladungsdraht, und die electromagnetische Wirkung blieb unverändert dieselbe.

Auch die Resultate, welche sich durch andere diesen ähnliche Versuche ergaben, bei denen zwei entgegengesetzte electrische Strömungen durch zwei Vollasche Elementar-Apparate von gleicher, und auch von verschiedener Stärke hervorgebracht wurden, verblieben selbst unter Anwendung verschiedener Flüssigkeiten, sie mochten eine kleinere oder größere Leitungsfähigkeit besitzen, immer dieselben.

Er wollte nun zwei Strömungen sich durchkreuzen lassen, von denen die eine durch einen einfachen, die andere durch einen zusammengesetzten Apparat hervorgebracht wurde. Zu dem Ende nahm er von dem Würfel die Kupfer- und Zinkplatte, welche mit einander durch den Ladungsdraht verbunden waren, hinweg, substituirte statt derselben zwei gleiche Messingplatten, und verband die eine mit dem positiven, die andere mit dem negativen Pole eines Becherapparates von 20 Plattenpaaren, deren wirkende Oberslächen beinahe 6 Quadrat-Centimeter hatten; der einfache Electromotor, der mit dem Multiplicator in Verbindung stand, verblieb in derselben Einfachheit von zwei Platten, nämlich die eine von Zink, die andere von Blei, welche auf die schon angezeigte Art an zwei sich gegenüberstehende Seitenflächen des Würfels befestiget waren. Nachdem die Extremitäten der vier Platten in Salzwasser getaucht, und die electrischen Strömungen angefangen hatten, wich die Nadel des Multiplicators um 10° ab; er hob nun die Verbindung zwischen den Messingplatten und den Polen des Apparates auf, stellte wie gewöhnlich die Verbindung des Plattenpaares von Blei und Zink mit dem Flüssigen her, und die Abweichung verblieb dieselbe.

Für den obigen Becherapparat substituirte nun Marianini einen anderen von gleichfalls 20 Plattenpaaren, deren Flächen fast vier Mal größer als jene der ersten waren, und erhielt bei Wiederholung des Experimentes, in welchem der einfache Electromotor, der mit dem Multiplicator in Verbindung stand, nicht verändert wurde, dasselbe Resultat; ja er konnte selbst bei Anwendung eines Electromotors von 100 und selbst von 200 Plattenpaaren durch dessen kräftige Strömungen die Wirkung des schwachen electrischen Stromes auf die Ma-

gnetnadel, der durch die Blei- und Zinkplatte erzeugt, und von jenen durchkreuzt wurde, nicht verändern.

Um nun auch die electrischen Strömungen zweier zusammengesetzten Electromotore sich entgegen zu setzen, nahm Marianini statt der Blei- und Zinkplatte zwei Messingplatten, die an Größe denjenigen gleich kamen, mit denen schon die zwei anderen Flächen des Würsels versehen waren, verband sie mit den Polen eines Electromotors von 10 Plattenpaaren, und zugleich mit den Drahtenden eines Multiplicators, ließ die Strömungen ihren gewöhnlichen Kreis beschreiben, und erhielt eine Abweichung von 14°; diese verblieb sich gleich, nachdem er bei Erneuerung des Experimentes die Messingplatten der zwei andern Flächen des Würsels mit des Polen anderer Becherapparate von 10 bis 200 Platterpaaren in Verbindung gesetzt hatte.

Bis daher liefs Marianini die zwei electrischen Strömungen, welche sich wechselseitig durchschnitten, zu gleicher Zeit vor sich gehen; diese Gleichzeitigkeit mochte vielleicht Ursache gewesen seyn, dass es unmöglich war, den Einfluss darzuthun, welche die eine der Strömungen auf die andere in Vermehrung oder Verminderung der Wirkung auf die Magnetnadel ausübte.

Aus dieser Ursache wiederholte er das zuletzt beschriebene Experiment, und liess den Apparat von 200 Plattenpaaren erst dann in Wirksamkeit treten, nachdem der Zeiger des Multiplicators, welcher durch den Apparat von 10 Plattenpaaren in Bewegung gesetzt wurde, eine Abweichung von 10° anzeigte, und nun ganz unbeweglich war. Aber auch hier, nachdem der zweite Apparat in Wirksamkeit trat, zeigte sich in dem Stande der Magnetnadel nicht die geringste Veränderung.

Er wiederholte mehrmals diese Experimente, indem er auf angezeigte Weise Strömungen von zwei Electromotoren sich durchkreuzen liefs, welche entweder an der Oberfläche der Platten, oder in der Anzahl der Plattenpaare verschieden waren, aber die Resultate verblieben dieselben, so dass er durch dieselben die Überzeugung erhielt, dass die Wirkung eines electrischen Stromes sich keinesweges ändere, wenn derselbe durch ein Flüssiges gehet, welches ein anderer verschiedener electrischer Strom in einer auf ihn senkrechten Richtung durchkreuzet.

Er wollte nun sehen, ob es sich auch also verhalte, wenn drei electrische Strömungen sich unter Winkeln durchschneiden; zu dieser Absicht nahm er einen hohlen gläsernen VVürfel von 3 Centimetern-Seite, machte in die Mitte jeder seiner Seitenflächen ein Loch, passte in eines dieser Löcher einen Messingstöpsel so ein, dass er wieder heraus genommen werden konnte, um den innern Raum des Würfels mit den nöthigen Flüssigkeiten ausfüllen zu können, verschloss sonach jedes der übrigen Löcher mit einem kleinen Messingstreisen, welcher mit Siegellack befestigt wurde, und verband mit diesen Messingstreifen, den kleinen Stöpsel ausgenommen, mittelst kleiner Messingdrähte eben so viele Bleistreifen; war nun der Würfel mit der Flüssigkeit gefüllet, yerband er einen der Bleistreifen mit dem positiven Pol eines Becherapparats von 5 Plattenpaaren, und den Streisen der entgegengesetzten Seite mit einem Drahtende des Multiplicators, dessen anderes Ende mit dem negativen Pol des nämlichen Apparates verbunden war, und die Abweichung der Nadel betrug 15°. - Nun unterdrückte er diesen Kreis, verband die zwei Bleistreifen zweier entgegengesetzten Flächen des Würfels mit den äußersten Bechern eines andern Volta'schen Apparats von 50 Paaren, in welchem er gleichfalls die Strömung des electrischen Fluidums noch nicht vor sich gehen liefs. Nachdem die Sache also angeordnet war, stellte er die Verbindung des Apparates von 5 Plattenpaaren mit dem Multiplicator wieder her, liefs auch zu gleicher Zeit die electrischen Strömungen der zwei andern Apparate vor sich gehen, aber die Nadel wich auch hier, wie vorhin, um nicht mehr und nicht weniger als um 15° ab.

In einem andern Versuche liess Marianini, anstatt die drei Strömungen auf ein Mal hervorzubringen, zuerst allein jenen vor sich gehen, der mit den Drahtenden des Multiplicators in Verbindung stand, wartete, ohne den Kreis zu unterbrechen, bis die Magnetnadel zu schwingen aufhörte, und als sie in Ruhe war, betreg ihre Abweichung 5°.

Er stellte nun den electrischen Kreislauf in der zwei andern Electromotoren her, aber die Nadel behielt, ohne die geringste Bewegung zu machen, noch ihre erste Lage hei. Eben so wenig ergab sich ein Unterschied in den Resultaten anderer Experimente, bei welchen der electrische Strom eines Apparates von 5 bis 25 Plattenpaaren in einem Flüssigen, von andera electrischen Strömungen, die durch Apparate von 100 Plattenpaaren hervorgebracht unter rechten Winkeln durch kreuzet wurde.

Um endlich auch die electrischen Ströme zu zwirgen, sich bei ihrem Durchgange durch das Flüssige unter größern oder kleinern spitzen Winkeln zu schneiden, nahm er eine Glasröhre von 11 Centim. Länge und 1 Centim. innern Durchmesser, verschloß die eine ihrer Extremitäten mit einer Messingplatte, und versch die andere mit einem Stöpsel von demselben Motall. An die Seitenwand dieser Röhre, und in einer mit der Are derselben parallelen Richtung, brachte er drei Löcher an, deren Entfernung eine von der andern 2,7 C. be-

ig, und auf der andern Seite, dieser gerade gegener, drei andere Löcher; verschloss alle diese Löcher t kleinen Messingplatten, und besestigte an sie, so e an den Stöpsel und an der Grundsläche der Röhre, nine Bleistreisen, um nöthigenfalls die ersorderlichen rbindungen mit den Polen der Electromotoren herzuillen.

Nachdem der Apparat also ordinirt war, füllte er e Röhre mit Salzwasser, verband den Streifen des rdern Loches, welches dem Stöpsel am nächsten war, it dem positiven Pol eines Electromotors von 20 Paan, und den Streifen des hintern Loches auf der entgengesetzten Seite, der sich zunächst der Basis der 5hre befand, mit einem Drahtende des Multiplicators, d das andere Drahtende mit dem negativen Pole deslben Electromotors, liess die electrischen Strömungen r sich gehen, und die Abweichung der Nadel betrug Nachdem der Kreislauf unterbrochen wurde, und Nadel zu oscilliren aufhörte, verband er den Streides hintern Loches, welches dem Stöpsel am nächn war, mit dem positiven Pole eines Apparates von Plattenpaaren, und jenen des vordern Loches an der gegengesetzten Seite, welcher der Basis der Röhre nächsten war, mit dem negativen Pole, und die ctromagnetische Wirkung war dieselbe. Er liess nun 1 Strom, der durch den Multiplicatordraht geleitet rde, die in der Röhre enthaltene Flüssigkeit ihrer zen Länge nach durchlaufen, und zwar gleichzeitig zwei andern electrischen Strömungen, die sich in selben Flüssigkeit wie im vorhergehenden Experite unter spitzen Winkeln durchschnitten, und das ultat der Abweichung war 120. Sie verblieb auch Wiederholung des Experimentes, in welchen die

zwei sich durchschneidenden electrischen Ströme abgeschnitten wurden, eben dieselbe.

Aus diesen Experimenten, welche übrigens Marisnini auf verschiedene Art abgeändert hatte, schließen wir, dass zwei electrische Ströme, welche sich in einer Flüssigkeit unter sehr spitzen Winkeln schneiden, sich nicht schwächen, auch die Wirkung eines dritten Stromes, der sie gleichfalls durchkreuzet, nicht abändern.

Marianini leitete neuerdings die Electricität, welche das Flüssige von einem Ende der Röhre bis zum a dern durchströmte, über den Multiplicatordraht, und richtete zu gleicher Zeit die drei electrischen Ströme # durch das Flüssige, dass alle auf die Richtung desjenigen, welcher auf die Magnetnadel wirken sollte, perpendiculär waren; auch für diesen Fall verblieb dieselbe Abweichung von 12°. Er wollte auch untersuchen, ob die electrische Wirkung auf die Magnetnadel sich schwichen würde, wenn das electrische Fluidum durch ein Flüssiges gehet, in welchem sich parallel mit demselben ein oder zwei electrische Ströme bewegten; aber in Hissicht des kleinen Volumens des Flüssigen, das sie durch strömen, und der geringen Entfernung von 2,7 C., durch die sie von einander getrennt waren, hielt er diese Versuche nicht für hinlänglich entscheidend, er verschafte sich daher einen hohlen gläsernen Würfel, dessen Seite 5 Centimeter mass, versah eine der Flächen desselben mit drei Löchern, und jedes Loch mit einer gewöhnlichen Metallbelegung, eines von dem andern 1 Centime ter entfernt. Drei andere Löcher wurden in derselben Ordnung an der entgegengesetzten Fläche angebrach, und der Würfel mit Wasser angefüllt.

Er liess nun dieses Wasser durch drei electrische Strömungen durchstreichen, von denen nur einer auf n Multiplicator wirkte; es mochten aber die Strömunn nach derselben Richtung vor sich geken, oder im tgegengesetzten Sinne, so war dennoch die Abweiang der Magnetnadel unverändert dieselbe, als wenn s Flüssige nur allein durch das electrische Fluidum, Iches auf die Nadel wirkte, durchströmt würde.

In diesen Versuchen dürsen aber die electrischen somungen der Volta'schen Apparate, welche nicht auf n Multiplicator wirken, in dem nassen Leiter, den sie durchlaufen haben, keine größeren Hindernisse sinn, als ihnen der Electromotor, der auf den Multiplitor zu wirken hat, darbieten würde, weil sich sonst Theil ihrer Electricität einen Weg durch den Electrotor selbst bahnen, und folglich die Wirkung desseln verändern würde.

Bisher konnte man noch ungewiss seyn, ob die elecschen Ströme, welche durch denselben Leiter gehen, h ändern oder nicht, oder vielmehr, ob die einen f die andern so einwirken, dass dadurch ihre Effecte r in dem Theile, wo sie einander parallel einen Conictor durchlaufen, modificirt würden, und nicht in dern Theilen dieses Conductors; desswegen machte den Versuch, mehrere electrische Ströme über einen d denselben Multiplicatordraht zu leiten. Zu dem Ende festigte er an eine der Extremitäten des Drahtes einen iglichen Bleistreifen, der in eine Tasse Wasser ge-10ht war, und versenkte in eine andere Tasse einen zwei-1, dem ersten ähnlichen Bleistreifen, der mit der anrn Extremität des Drahtes in Verbindung stand. Dann rde ein Bleistreifen, welcher einerseits mit dem poven Pole eines Volta'sohen Apparats von 25 Plattenren verbunden war, in die eine dieser Tassen, und die andere Tasse ein zweiter, dem ersten ähnlicher istreifen, der mit dem negativen Pole des Electromotors in Verbindung stand, versenkt. Unter diesen Unständen betrug die Abweichung der Nadel 20°. Nun unterbrach er den Strom, ohne dieserwegen die Bleistrefen zu verrücken, untersuchte auf ähnliche Art die Winkung eines zweiten Electromotors von 50 Plattenparen, und erhielt eine Abweichung von 25°. Er unterbreisodann den Strom nicht, und nachdem die Nadel ihr Schwingungen aufgehört hatte, betrug die Abweichung 6.

Um sich zu versichern, ob der Electromotor von 25 Plattenpaaren noch dieselbe Wirkung thue, obwohl die Electricität des Apparats von 50 Paaren schon des Draht des Multiplicators durchlief, wandte er das Gehäuse des Multiplicators dergestalt, dass die Nadel des Nullpuncte der Scala entsprach, stellte den Strom des Apparats von 25 Plattenpaaren her, und die Nadel web genau um dieselben 20° wie vorhin ab.

In diesem Experimente folgten die zwei Strömmegen dem Multiplicatordraht in derselben Richtung, wiefs ihn aber auch durch sie im entgegengesetzten Sime durchlaufen, und das Resultat der Abweichung war der selbe, nur statt östlich war sie westlich; so mochte war sie der den Draht des Multiplicators die electrisches Strömungen von 4 Electromotoren (von 50 Plattenparen jeder) leiten, so brachte doch jener von 25 Plattenparen immer eine und dieselbe Wirkung hervor.

In allen hisher beschriebenen Experimenten bediente sich Marianini des Multiplicators, als ein Instrument, durch welches am leichtesten die kleinen Unterschiede der electrischen Wirkungen zu erkennen sind, ohne jedoch die übrigen Wirkungen der Electromotoren, als den Geschmack, die Erschütterungen, die electrischen Spannungen etc. zu vernachlässigen, aber niemals gewahrte er einen Unterschied zwischen den Wirkungen eines electrischen Stromes, der durch ein

issiges ging, wodurch schon andere electrische Ströngen ihren Kreislauf machten, und jenen, die durch ıselben Strom erzeugt wurden, wenn keine andern etricitäten denselben nassen Conductor durchliefen. hin bleibt es durch die vorhergehenden Erfahrungen riesen, dass die Leitungsfähigkeit der Flüssigen durch Einleiten eines oder mehrerer electrischen Ströme ht verändert wird. Diese Thatsache *) wird man vieltht der Franklin'schen Theorie mehr angemessen fin-1, als jener, welche die Electricität als ein zusamngesetztes Fluidum betrachtet; denn es bleibt ausgecht, dass, wenn zwei oder mehrere electrische Ströme gleicher Zeit durch einen Leiter gehen, in welchem sich auf irgend eine Art durchkreuzen, sie mögen a alle nach einerlei Seite gerichtet seyn, oder die eimit den andern in einer entgegengesetzten Richtung en, sie mögen durch gleiche oder ungleiche Electrotoren erregt werden, die eine der Strömungen durch Action der übrigen keine wahrnehmbare Verändeig erleide. Wir haben in dieser Thatsache, sagt Manini, wenn ich nicht irre, eine neue und merkwür- . e Analogie zwischen der Fortpflanzung der Electricität d des Lichtes.

Eine andere Thatsache, welche gleichfalls die Theoder Annahme eines einzigen Fluidums unterstützet, folgende: Man nehme ein Blatt von Zinn oder einem

^{*)} Eine Thatsache, welche sich viel leichter nach der Franklin'schen Theorie erklären läst, ist die: dass, wennman in einem nach Novellani's oder Wollaston's Methode versertigten Electromotor, die kräftiger als die übrigen wirken, die electro-negative Platte mehr in das Flüssige versenkt, die Wirkung größer ist, als wenn die electro-positive Platte einer größern nassen Oberfläche ausgesetzt wird.

andern Metalle, das 18 oder 20 Quadrat - Centim. Oberfläche hat, und an einer Seite in einen schmalen Streifen ausläuft, versenke dieses Blatt in ein Glas Wasser. und den Streifen in ein anderes, thue in das Glas, in welches der Streifen versenkt ist, eine electro-positive Platte. z. B. von Zink, und in das andere Glas eine ährliche, aber electro-negative Platte, z. B. von Kupfer, doch so, dass weder die eine noch die andere dieser Platten das Blatt berühre. Vereiniget man sodann mit telst eines Multiplicatordrahtes die Zinkplatte mit der Kupferplatte, so wird man eine Abweichung von 20 erhalten. Versenket man hierauf die Kupferplatte in das Glas, in welches der Streifen getaucht ist, und die Zinkplatte in das andere Glas, so wird der Effect um viele größer seyn. Diess ist eine Erscheinung, die sich meh Marianini's Meinung durch die Annahme zweier electrischen Flüssigen wohl nicht erklären lässt, weil einerseits, wenn die Zinkplatte sich in dem Glase befindet, worin der Streisen versenkt ist, die Passage für die Glaselectricität erschweret, für die Harzelectricität aber er leichtert wird, andererseits aber, wenn Kupfer an die Stelle von Zink, und dieses letzte an die Stelle von Il pfer gesetzt wird, die Passage der Harzelectricität er schweret, jene der Glaselectricität aber erleichtert wird, und so mithin keine Ursache vorhanden ist, warum die Wirkungen verschieden seyen. Nimmt man aber nur ein einziges Fluidum an, so begreift man wohl, wie im ersten Falle das electrische Fluidum, das sich im Flüssigen strahlenartig ausbreitet, einen schwereren Durchgang findet als im zweiten, woraus denn auch folget, dass der electro-magnetische Effect, der vorzüglich von der Schnelligkeit des electrischen Fluidums abhängt, im ersten Falle schwächer, und im zweiten beträchtlicher seyn müsse.

. Entgegengesetzte electrische Ströme neutralisiren sich nicht. Von Kemp. (Edinb. journ. of nat. and geog. sc. N. II., p. 91.)

Mit dem vorhergehenden Aufsatze steht der folgende n nächster Verbindung, nur berücksichtiget er vorzügich die chemische Wirkung der electrischen Ströme, während jener auf ihre electro-magnetische Wirkung besondere Rücksicht nahm. Darum sollen auch hier beide unmittelbar auf einander folgen.

Man stelle eine Kupfer- und Zinkplatte jede von 4"
ns Gevierte in ein gläsernes Gefäs mit Salzwasser, verinde die beiden Platten durch eine ununterbrochene meallische Leitung mit einem Multiplicator, so wird der
lectrische Strom, der durch die einfache Kupfer- und
inkplatte erregt wird, von der Kupferplatte aus zur
inkplatte übergehen, und dabei die natürliche Lage
er Nadel des Multiplicators verändern.

Leitet man nun auch über den Theil der metallischen eitung des einfachen Plattenpaares, welcher mit dem Iultiplicator in Verbindung ist, und sich zunächst der adel befindet, den electrischen Strom eines Becheraparates von 60 Plattenpaaren, jede Platte von 2" ins evierte, so wird dieser, wenn er mit dem ersten in atgegengesetzter Richtung gehet, in dem Stande der adel keine weitere Veränderung mehr bewirken; erfolet der electrische Strom des zusammengesetzten Appaats mit jenem, der durch das einfache Plattenpaar eregt wird, in einerlei Richtung, so wird der Effect des infachen nur um etwas weniges vergrößert. Um sich u überzeugen, dass aus dem zusammengesetzten Elecromotor wirklich Electricität erregt werde, darf man ur die metallische Leitung entzwei schneiden, und die Drahtende in Wasser stecken, welches sich alsogleich

und so lange zersetzen wird, als das Experiment dauert.

Wurde ferner der electrische Strom einer starken Electrisirmaschine in einer mit dem Strome, der durch das einfache Plattenpaar erregt wird, entgegengesetzten Richtung über den Draht des Multiplicators geleitet, so veränderte auch dieser die Wirkung des einfachen Electromotors nicht, es trat auch dann noch keine Veränderung ein, wenn dieser Strom mit jenem des einfachen Electromotors über den Draht in einerlei Richtung geleitet wurde.

In der Versammlung am 20. Jänner 1829 der k. physikalischen Gesellschaft zu Edinburg wurde eine Batterie über den Draht, welcher das electrische Fluidum eines einzelnen Plattenpaares leitete, entladen, und nicht die mindeste Wirkung wurde dadurch auf die Magnetnadel hervorgebracht, sowohl wenn der electrische Strom in derselben Richtung wie jener des einfachen Plattenpaares, als in einer ihm entgegengesetzten Richtung geführt wurde.

Durch folgendes Experiment wird gezeigt, daß ein Draht, welcher eine ununterbrochene metallische Kette zwischen den entgegengesetzten Polen einer Volta'schen Batterie bildet, auf jeden zeiner Theile, der zu gleicher Zeit in dem Kreis einer andern galvanischen Batterie sich befindet, sowohl positiv als negativ electrisch seyn könne.

Man stelle dem zu Folge zwei Becherapparate, jeden von 40 Plattenpaaren, die Platte von 2" ins Gevierte, in einer kleinen Entfernung von einander sich
parallel, verbinde die Pole des einen durch eine stetige
Leitung von Platindraht mit einander. Es ist aber dieser Draht zugleich auch zunächst an den Polen der Batterie auszubiegen, und die Buge, jeder abgesondert, in

den rechts befindlichen Schenkel zweier zur Seite atehender Uförmiger communicirender gläserner Gefäße resenkt, und die Gefässe mit Blaukohl-Tinctur, zu welcher etwas Glaubersalz gefügt ist, gefüllet. Die links befindlichen Schenkel derselben communicirenden Gefäße sind durch zwei Platindrähte mit den Polen einer zweiten Volta'schen Batterie in Verbindung gesetzt, welche Drähte aber nicht metallisch mit einander zusammen hangen, sondern die Electricität in die Flüssigkeit, und von da in den Polardraht der ersten Batterie übergeben. der sie in das zweite Gefäss führt, der darin besindlichen Flüssigkeit übergibt, und endlich dem zweiten Polardrahte derselben Batterie überliefert. Bei dieser Anordnung wird, sobald die electrischen Strömungen der beiden Batterien vor sich gehen, die Flüssigkeit durch die Veränderung ihrer Farbe die verschiedenen electrischen Zustände der Drähte anzeigen, die mit ihr in Verbindung stehen, indem der positive Draht die Infusion roth, der negative aber sie grun färbet.

War die erste Batterie (A) geladen, und der Kreis hergestellt, so ging die Electricität von dem positiven Pol zu dem negativen über, und hierdurch wurde, so lange der Kreis nicht unterbrochen ward, die Farbe der infusion in nichts verändert. Sobald aber eine zweite Batterie (B) darneben gestellt, und ihre Pole durch Platindrähte mit der Flüssigkeit auf die genannte Weise verbunden wurden, so dass in dem Drahtstücke, durch welches beide electrische Ströme gehen mussten, um zu ihrer Batterie gelangen zu können, diese beiden Ströme dieselbe Richtung hatten, so wurde die Tinctur in dem Schenkel, wohin der negative Draht der zweiten Batterie ging, grün, in dem andern desselben Gefäses hingegen roth. Auf dieselbe Art brachte der Draht, welcher vom negativen Pole der Batterie (B) kam, und in

den Schenkel eines Gefässes reichte, in dem gebogenen Theile des Platindrahtes im andern Schenkel desselben Gefässes den positiven Zustand hervor, obschon er zu gleicher Zeit die negative Electricität der Batterie (1) leitete.

Wurde nun die ununterbrochene metallische Leitung abgeschnitten, und deren Extremitäten in die Röhren eines dritten Heberglases versenkt, so behielten die Enden den respectiven electrischen Zustand der Pole ihrer Batterie (A) bei', was immer für ein electrischer Zustand in den gebogenen Theilen derselben die Batterie (B) hervorgebracht haben mochte, welche Thatsche sich durch die Farbe der Infusion im dritten Communicationsgefäse bestätigte.

Wurden hierauf die Pole der Batterie (B) ungekehrt, so entsprachen diesem auch die Veränderungen,
die dadurch in dem electrischen Zustande der in die zeerst angeführten Hebergläser versenkten gebogenen
Theile der metallischen Leitung hervorgebracht wurden, während die abgeschnittenen Enden derselben in
dem dritten Heberglase die ursprüngliche Electricit
der Pole der Batterie behielten.

Folgender Versuch zeigt, dass die Drähte, welche von den Polen einer galvanischen Batterie kommen, we wohl in den positiven als negativen Zustand versetzt werden können, sobald mit ihnen die Electricität einer andern Batterie combinirt wird.

Zwei Batterien wurden geladen, und die Drähte, welche von ihren Polen kamen, endigten sich in zwei Hebergläsern, welche mit derselben Infusion wie vorhis gefüllt, und auf dieselbe Art gestellt waren; an die Stelle des mittlern Heberglases wurde ein aus drei Röhren bestehendes communicirendes Glasgefäß substituirt, und mit derselben Infusion gefüllt.

Die Extremitäten der Drähte, welche von den Pon der Batterie (A) kamen, wurden in die äußersten
5hren des mittlern Glasgefäßes gestellt, und in so weit
ard das Resultat des Experimentes dasselbe wie im
rhergehenden Falle, es behielten nämlich die Drahtden der Batterie (A) dieselben electrischen Zustände
i, wie ihre Pole, ungeachtet die Electricität der Batrie (B) zu gleicher Zeit durch diese Drähte ging.

Es wurde hierauf eine dritte Batterie (C) hergeellt, ihr negativer Pol durch einen Draht mit dem poiven Pol der Batterie (A), und ihr positiver Pol durch nen andern Draht mit der mittlern Röhre des dritten mmunicirenden Gefässes verbunden. Die beiden Drahtiden der Batterie (A) zeigten negative Electricität, inm die Flüssigkeit in den Röhren des mittleren Comunicationsgefässes grün gefärbt wurde, in der mittren Röhre aber die rothe Farbe annahm.

Bei dieser Anordnung gingen die negativen Electritäten der zwei letzten Batterien, vereint mit der potiven Electricität der Batterie (A), durch den Draht, elcher von einem Schenkel des mittlern Gefässes in eien des letztern reichte. Wahrscheinlich üben die zwei egativen Electricitäten auf den Draht einen stärkern influss aus, als die positive, und ändern so die rothe arbe der Infusion in eine grüne. Der Draht, welcher ch in demselben electrischen Zustande wie der Pol der atterie, mit welcher er in Verbindung stehet, nämlich dem negativ-electrischen Zustande befindet, ändert B Flüssigkeit in dem andern Schenkel des Gefässes Grüne. Der andere Draht, welcher in die mittlere hre des Gefässes übergehet, und nur allein mit dem sitiven Pole der Batterie (C) verbunden ist, gibt poive Electricität, indem die Flüssigkeit in der Röhre, rin er versenkt ist, die rothe Farbe annimmt.

Es ist jedoch zu bemerken, das bei diesem Experimente die Drähte in die drei Schenkel des mittleren communicirenden Gefäses zu gleicher Zeit versenkt, und sich so nahe als möglich gestellt werden sollen.

3. Electricitätserregung bei hohen Temperaturen. Von Kemp.

(Edinb. journ. of nat. and geog. sc. N. III., p. 183.)

Kemp stellte zur näheren Begründung einer der beiden Ansichten über die eigentliche Quelle der sogenanten Berührungselectricität, nämlich der chemischen und der Volta'schen, einige Versuche bei hohen Temperaturen an, die selbst, wenn man sie zur Auflösung des eigentlich von ihm beabsichtigten Fragepunctes nicht für zulänglich halten sollte, doch gewis an und für sich wiel Interesse erregen müssen, das sie die Aufnahme in diese Blätter rechtsertigen.

In den Boden eines kleinen Graphittiegels wurde ein Loch gemacht, und durch dasselbe ein Kupferdraht so gesteckt, dass er ins Innere des Tiegels hineinreicht, hierauf aber in diesem Loche verkittet; ferner wurde eine Kupferscheibe, an welcher ein anderer Draht angelöthet war, so zugerichtet, dass sie leicht in den Tiegel Nun wurde in den Tiegel Blei gegeben hineinging. derselbe in einen Ofen gestellt und erhitzt. So wie das Blei schmolz, wurde immer wieder eine neue Quantität zugegeben, und bis auf einen Zoll vom Rande damit atgefüllt. Während dieser Operation stieg die Tempertur bis zur Rothglühhitze. Als diese erreicht war, wurde roth glühender Salpeter über das geschmolzene Blei gebracht, und sowohl der Draht, welcher durch den Beden des Tiegels ging, als derjenige, welcher an der Deckelplatte angebracht war, mit einem Leitungsdraht verbunden, welcher unter einer Magnetnadel vorbeiging, die obige kupferne Platte aber als Deckel auf den geschmolzenen Salpeter gelegt, so das hiemit die Kette geschlossen war. In dem Augenblicke, wo dieses geschah, erfolgte eine starke Ablenkung der Magnetnadel, zum Beweise, das Electricität im Umlause begriffen sey. Darauf wurde der Tiegel aus dem Ofen genommen, aber der Schluss der Kette beibehalten. So wie die Temperatur des Apparates abnahm, wurde auch die Wirkung auf die Magnetnadel geringer, und ward ganz unmerklich, als die Temperatur unter die Rothglühhitze herabgesunken war, wiewohl der Salpeter noch slüssig war. Bei diesem ganzen Hergange ging die (positive) Electricität vom Kupfer zum Blei.

Darauf wurde der Salpeter durch kohlensaures Kaliersetzt, aber die vorigen Metalle beibehalten. Da war die VVirkung auf die Magnetnadel viel geringer als vorher. Kohlensaure Soda wirkte aber stärker als kohlensaures Kali.

Kräftiger als bei einem dieser Salze war aber die Wirkung, wenn man Borax anwandte. Die größere Wirkung des Salpeters in Vergleich mit der des kohlensauren Hali könnte man sich vielleicht aus der größeren Leichtigkeit erklären, womit das Metall den Sauerstoff aus dem Salze aufnimmt, aber beim Borax mußte die oxydirende Wirkung offenbar kleiner seyn, als bei den anderen Salzen, und doch war die electromotorische Kraft größer. Kemp meint, es könnte dieses davon herrühsen, daß der Borax bei der Rothglühhitze flüssiger ist, als Salpeter etc., und daher die Electricität besser leitet.

Derselbe Apparat wurde auch mit anderen Metallen zusammen gesetzt, und zwar wurde statt des Kupfers, Zinn, Zink, Messing (brass), Hupfer und Eisen angewendet. Bei geschmolzen Zinn, Zink und Messing wurde die vorhin gebrauchte Kupferplatte beibehalten, bei Anwendung des geschmolzenen Kupfers hingegen wurde statt ihrer eine Eisenplatte gebraucht. Die erregende Flüssigkeit war salpetersaures und kohlensaures Kali, Soda und Borax.

Geschmolzenes Zinn gab eine geringere Wirkung als Blei, sonst verhielt es sich mit den verschiedenen flüssigen Salzen wie das Blei. Mit Zink und Salpeter war die Wirkung viel größer, jedoch nicht so groß, als man aus der größeren Menge Oxyd, das sich an der Obersläche des Metalls gebildet, hätte erwarten sollen; mit den übrigen Salzen verhielt es sich, wie die anderen Metalle.

Messing verhielt sich wie Zink. Mit flüssigem Rupfer und einer Eisenplatte erschien der Effect verstärkt. Selbst als man geschmolzenes Eisen, und statt eines Salzes geschmolzenes Flintglas anwendete, zeigte sich eine Ablenkung der Magnetnadel, zum Beweise, das selbst solche Körper, die im festen Zustande als Nachleiter der Electricität erscheinen, im flüssigen eine große Leitungsfähigkeit besitzen *).

Nach der in England herrschenden Vorstellungsweise über die Erregung der Volla'schen Electricität, kann diese, sagt der Verfasser, nur bei Anwendung zusammengesetzter flüssiger Substanzen erregt werden, deren Bestandtheile im entgegengesetzten electrischen Zustande sich befinden. Kommt eine solche Flüssigkeit mit Metall in Berührung, so wird der negative Bestandtheil vom positiven Metall, der positive Bestandtheil vom negativen Metall angezogen, und so stellt sich das

^{*)} Dieses stimmt mit La Rive's Versuchen überein, der gefrornes Quecksilber weniger leitend fand, als flüssiges.

durch die Berührung der Metalle aufgehobene electrische Gleichgewicht wieder her. Darum machte er auch mit chemisch-einfachen und im festen Zustande nicht leitenden Substanzen Versuche. Es wurde nämlich in den vorhin gebrauchten Schmelztiegel wieder Blei gegeben, und als derselbe die Rothglühhitze erreicht hatte, mit flüssigem Schwefel ganz angefüllt. Die zuerst gebrauchte Kupferplatte wurde auch rothglühend gemacht, und dann mit dem Schwefel in Berührung gebracht. Der mit dieser Platte sowohl, als der aus dem Boden des .Tiegels hervorragende Draht wurde nun mit dem Leitungsdrahte verbunden, welcher unter der Nadel vorbeiging. Als die Kette geschlossen wurde, zeigte sich eine kräftige Wirkung auf die Nadel, weil sich der Schwefel sehr schnell mit dem Kupfer verband. Zugleich bildete sich schweseligsaures Gas.

Bei dem folgenden Versuche wurde der Tiegel wie vorhin zugerichtet, und die Kupferplatte hineingeschoben, ohne das Metall zu berühren; hierauf mit Thon belegt, aber zwei Porzellanröhren durch denselben gesteckt, so dass man durch sie etwas von aussen in den zwischen dem geschmolzenen Blei und der Kupferplatte leer gelassenen Raum bringen konnte. Sobald der Tiegel die Rothglühhitze erreicht hatte, warf man durch eine dieser Röhren ein Stück Schwesel auf das Metall. Sobald es dasselbe berührte, und die chemische Wirkung eintrat, wurde die Magnetnadel stark afficirt, und doch war kein Oxygen zu sehen, um sich mit dem Schwefel zu verbinden. [Vertrat hier nicht der Schwefel selbst die Stelle des Sauerstoffs, wie es so oft bei chemischen Verbindungen geschieht? (B)]. Demnach braucht man zur Erzeugung von Berührungselectricität keine zusammengesetzte Flüssigkeit.

4. Über den Einfluss der atmosphärischen Phänomene auf die Kraft trockener electrischer Säulen. Von Donné.

(Ann. de Chim. et de Phys. T. 42, p. 71.)

Wer die Kraft electrischer trockener Säulen nur einige Zeit hindurch beobachtet hat, wird die Erfahrung gemacht haben, dass atmosphärische Phänomene darauf einen großen Einstuß nehmen, Donné hat es sich zur Aufgabe gemacht, diesen Einstuß näher zu untersuchen. Er legte das Resultat seiner Beobachtungen der französischen Academie vor, und Becquerel erstattete darüber Bericht, Aus diesem Berichte ist das Folgende entnommen, welches zwar zur vollen Erörterung des eigentlichen Fragepunctes noch vieles zu wünschen übrig läßt, aber dessen ungeachtet einer Erwähnung werth ist.

Donné hat seine Aufmerksamkeit vorzüglich auf der Einfluss der Luftseuchtigkeit, des Luftdruckes, der Temperatur, der Electricität und des Lichtes gerichtet.

Die Luftfeuchtigkeit wirkt auf trockene electrische Säulen durch ihr Leitungsvermögen; es mag nun seyn, dass dadurch dieser Säule ein Theil Electricität entzogen wird, oder indem sie die Ränder der einzelnen Scheiben mit einander in leitende Verhindung setzt, und so die Spannung der Pole vermindert,

Als eine trockene Säule in verdünnte Luft gebracht, und einer ihrer Pole mit der Erde, der andere mit einem Electroskop leitend verbunden war, zeigte sich dieselbe electrische Spannung, wie in der Luft. Dieses kann von zwei Ursachen herrühren, und zwar davon, dass die Schnelligkeit der Ladung der Säule in verdünster Luft in einem größeren Verhältnisse wächst, als der Electricitätsverlust, oder dass wegen der geringen Expansivkraft der im Recipienten zurückgebliebenen Luft

die Electricität am Electrometer nur eine geringe Spannung hat. Eigentliche Vergleichungen der Kraft einer Säule bei verschiedenen Barometerständen in der Luft hat *Donné* nicht angestellt.

Die Temperatur schien am meisten unmittelbar und sehr mannigfaltig auf trockene Säulen zu wirken, ihre Wirkung ist aber sehr complicirt. Fast immer steht die Spannung einer Säule mit der Lufttemperatur im geraden Verhältnisse, wie Donné aus zweijährigen sehr zahlreichen Beobachtungen deutlich entnehmen konnte; doch steigt die Spannung der Säule nicht alsogleich, wenn die äussere Temperatur steigt, manchmal beginnt die Zunahme der Kraft erst dann, wenn die Luftwärme wieder abzunehmen anfängt. Doch hängt diese Wirkung der Wärme auch vom vorhergehenden Wärmezustand Schnelle und langsame Änderungen der Lufttemperatur wirken keineswegs auf gleiche Weise, jene können die electrische Spannung auf Null bringen, diese vermögen sie nur zu schwächen. Steigert man die Temperatur innerhalb einiger Stunden um 200 - 240, so wächst dadurch die Stärke einer Säule nicht merklich. Lässt man sie langsam abkühlen, so verliert die Säule an Kraft, bis sie die Temperatur der Umgebung angenommen hat; nach 24 Stunden hat sie aber ihre alte Kraft wieder er-Bei einer Temperaturerhöhung wird anfangs die Säule und die zusammenhaltenden Seidenfäden nicht gleichmäßig ausgedehnt, sondern erstere stärker als letztere, und die Platten werden stärker an einander gedrückt, und dadurch ihre Ladung verstärkt. Die Wärme scheint überhaupt mehr die Schnelligkeit der Ladung zu befördern, als die Electricitätsmenge zu vermehren.

Bei der Untersuchung des Einflusses der Electricität auf die Stärke einer trockenen Säule setzt Donné voraus, dass die Spannung an den beiden Polen dersel-

ben im isolirten Zustande gleich Null sey, weil zwei an einem Pole dieser Säule angebrachte Goldplättchen keine Divergenz zeigen. Allein der Berichterstatter bemerkt mit Recht, dass man nur schließen könne, die Electricität des Poles sey nur zu gering, als dass sie die Goldplättchen in Bewegung setzen könnte, und dass man aus einer Analogie mit einer Säule mit flüssigen Leitern auf das Daseyn einer electrischen Spannung schließen könne. Übrigens hätte sich Donné leicht vom Gegentheile überzeugen können, wenn er sich statt der Goldplättchen eines mit einem Multiplicator versehenen Bohnenbergerschen Electrometers bedient hätte.

Wurde dem negativen Pole einer trockenen Säule mittelst einer Electrisirmaschine positive Electricität zugeleitet, so stieg, wie natürlich, die Spannung des positiven Poles, weil hier die Säule wie jeder andere Leiter wirkte; aus demselben Grunde musste die Electricität des negativen Poles geschwächt oder ganz aufgehoben werden, wenn positive Electricität dem positiven Pole zugeleitet wurde. Donné wollte diesen Umstand dazu benützen, um die in der Luft befindliche, oder in der Erde durch eine nahe Gewitterwolke erregte Electricität zu erkennen. Ein zu einem vorläufigen Verstche auf gehörige Weise eingerichtetes, sehr empfindliches Electrometer, das mit der Erde in leitender Verbindung stand, gab nicht zweideutige Zeichen von Elec-Es könnte demnach wohl seyn, dass ein Theil. der Variationen der Stärke einer trockenen Säule von der Electricität der Erde herrühre, jedoch bedarf dieses noch einer weiteren genauen Prüfung.

Das Licht fand Donne ohne Wirkung auf eine trockene Säule. Eine Kette aus 50 an einander hängender Säulen, deren jede aus 1000 Scheiben bestand, war nicht im Stande, eine chemische Wirkung hervorzubringen.

5. Zersetzung des Schwefelalkohols mittelst Electricität. Von Becquerel.

(A. a. O. p. 76.)

Man gehe auf Schweselalkohol in einem Glase eine Auslösung von salpetersaurem Kupser, die leichter ist als jener und darauf schwimmt, tauche hierauf ein Kupserplättchen in beide Flüssigkeiten, so dass dadurch eine geschlossene Kette entsteht. Da zersetzt sich Schweselalkohol und ein Theil des salpetersauren Salzes, es bilden sich viel Krystalle aus Kupserprotoxyd am Metallplättchen, und der Kohlenstoff erscheint an den Wänden des Gefässes in Form kleiner, metallisch glänzender Blätter.

B. Magnetismus.

Einfluss des Sonnenlichtes auf Erzeugung electrischer und magnetischer Erscheinungen. Von Barlocci.

(Bibl. univ. Sept. 1829, p. 11)

Die Bibliothèque universelle enthält einen Auszug aus einer Arbeit des Professors der Physik in Rom, M. Barlocci, der im Giornale Arcadico, T. 41 vorkommt, und folgende merkwürdige Thatsachen enthält:

Ein natürlicher armirter Magnet, der so schwach war, dass er kaum ein Gewicht von einem Pfund und 6 Unzen römisch (das römische Pfund enthält 339.179 Gramme oder 20 Loth W. G.) tragen konnte, wurde dem directen Sonnenlichte ausgesetzt. Nach 3 Stunden konnte er schon um 2 Unzen mehr, und nach 24 Stunden das Doppelte des vorigen Gewichtes tragen. Ein Magnet von nahe gleicher Kraft erhielt in einem dunklen Locale, dessen Temperatur jener gleich war, welche die Sonnenstrahlen hervorbrachte, keine merkliche Verstärkung.

Ein anderer Magnet, der 5 Pfund, 2 Unzen und 6 Denier tragen konnte, wurde dem Sonnenlichte an einem Tage ausgesetzt, wo der Himmel bewölkt, und die Luft mit Dunst und Schnee erfüllt war; er wurde nicht merklich stärker, während er doch nach zwei darauf folgenden Tagen, wo ihn directe Sonnenstrahlen trafen, auf das doppelte seiner Kraft stieg. Eine längere Dauer der Einwirkung der Sonnenstrahlen konnte seine Kraft nicht mehr weiter steigern.

Der Zuwachs an Kraft, welcher einem Magnete durch den Einfluss des Sonnenlichtes zu Theil wird, nimmt an feuchten und nebligen Tagen ab, und bei trockenem und heiterem Wetter zu.

Barlocci führt weiter an, dass er mit einem Apprat, der dem von Watt (Zeitschr. Bd. IV., S. 229) gebrauchten, und von ihm Sonnencompass genannten lastrumente ähnlich war, bemerkt habe, es werde der Nordpol einer Magnetnadel vom violetten Theil des Farbenbildes abgestossen, vom rothen hingegen angezogen

In Betreff der electrischen Einwirkung des Sonnerlichtes hat Barlocci Folgendes bemerkt: Nachdem er vergebens mit den besten Condensatoren und den empfindlichsten Multiplicatoren unzweideutige Zeichen der Electricität mittelst des Lichtes hervorzubringen bemüht gewesen, nahm er seine Zuflucht zu den Froschschenkeln. Zwei mittelst einer Glasröhre isolirte Kupferdrähte wurden so zugerichtet, dass einer mit dem Rumpfe, der andere mit dem Schenkel des Frosches communicirte. Beide Drähte ragten zu beiden Seiten über den Frosch hinaus, und jeder hatte am anderen Ende eine geschwärzte kupferne Scheibe. Eine dieser Scheiben wurde vom violetten, die andere vom rothen Lichte des Farbenbildes beleuchtet. Da zeigten sich Spuren von Contraction am Frosche, so oft man die anderen zwei

Enden der Drähte vereinigte. Die Stärke dieser Contractionen schien von der größeren oder geringeren Lebhaftigkeit des Thieres und von der Luftfeuchtigkeit abzuhängen. Im Dunkeln und außerhalb des Farbenbildes fand dieses Phänomen nie Statt, auch durch Erwärmen einer der zwei Scheiben oder eines Theiles des Verbindungsdrahtes zwischen dem Nerv und dem Muskel des Frosches ließ sich dieses Phänomen nicht kervorbringen.

2. Über die Einwirkung des Sonnenlichtes auf Magnete. Von Zantedeschi.

(Bibl. univ. Nov. 1829, p. 193.)

Ähnliche Erfahrungen, wie jene sind, die der vorhergehende Aufsatz enthält, machte auch Zantedeschi, der sich schon seit mehreren Jahren mit den photo-magnetischen Phänomenen abgibt, und mehrere interessante, wenn auch noch einer weiteren Bestätigung bedürfende Versuche über diesen Gegenstand angestellt hat. (Zeitschrift, Bd. VI., S. 321.)

Zantedeschi hat Barlocci's Versuche wiederholt, und sie vollkommen bestätiget gefunden. Ein künstlicher Magnet von Hufeisenform, der 13½ Unzen trug, erhielt, als er drei Stunden dem directen Sonnenlichte ausgesetzt war, eine Kraft, durch die er um 3½ Unzen mehr zu tragen vermochte, ja bei längerer Dauer dieser Einwirkung wuchs seine Kraft so sehr, daß man ihm mit Erfolg 31 Unzen anhängen konnte. Beim Gebrauche künstlicher Magnete machte er ähnliche Erfahrungen; er bemerkte keine Unterschiede im Erfolge, es mochte der Himmel heiter oder bewölkt seyn. Merkwürdiges erfuhr er über den Einfluß der Oxydation auf die magnetische Kraft des Lichtes. Während ein oxydirter Magnet im Sonnenlichte eine bedeutende Steige-

rung seiner Kraft erleidet, wird ein nicht oxydirter durch dasselbe Mittel geschwächt; jedoch ist diese Schwächung kaum merklich, sobald der Magnet polirt ist, und das Licht wie ein Spiegel zu reflectiren vermag. So z. B. Ein nicht oxydirter Magnet, der 8 Unzen trug, verlor, als er drei Stunden dem Sonnenlichte ausgesetzt war, eine Kraft, die 2 ½ Unzen entsprach, während ein anderer oxydirter unter denselben Umständen mehr als noch ein Mal so stark wurde; als aber der erstere spiegelnd gemacht wurde, ließ sich keine Veränderung in seiner Kraft wahrnehmen.

Zantedeschi machte auch einige Versuche über den Einfluss der Beleuchtung eines einzigen Poles eines Magnetes mittelst des concentrirten Sonnenlichtes, und erfuhr bald, dass es nicht gleichgültig sey, welchen von beiden Polen man den Sonnenstrahlen Preis gibt. Ein Magnet, dessen Nordpol dem Sonnenlichte ausgesetzt ist, wird stärker, er mag oxydirt seyn oder nicht; wird aber sein Südpol ins Licht gebracht, so wird er schwicher, jedoch ist die Schwächung, welche er in diesem Falle erleidet, größer als die Verstärkung, welche is jenem zu Theil wird. Bei mehr als 60 Versuchen dieser Art belief sich die Steigerung der magnetischen Kraft auf 1, 2, 33/4 Unzen, während die Verminderung derselben im entsprechenden Falle sich auf 3¹/₂, 5, 5¹/₃ Unzen belauft.

Erkältung unterstützt die Vermehrung des Magnetismus. Das merkwürdigste Factum, das sich Zantedeschi bei seinen Versuchen darbot, und von dessen Richtigkeit sich mehrere seiner Freunde überzeugten, ist folgendes:

An Tagen, wo der Himmel leicht und ungleich bewölkt ist, gewinnt der Südpol eines Magnetes, der dem Sonnenlichte ausgesetzt ist, an Kraft, während der Nordpol verliert. Am 3. Juni stellte er diesen Versuch zuerst an, und zwar mit dem Südpole, und wiederholte ihn am folgenden Tage um 2 Uhr Nachmittag. Bis um 4½ Uhr war die Sonne nicht durch Wolken verdunkelt, und alle Versuche, die mit verschiedenen Magneten vorgenommen wurden, bestätigten das, was aus dem Vorhergehenden über den Einflus des Sonnenlichtes auf Magnete bekannt ist. Nach 4½ Uhr war die Sonne mit einem seinen Wolkenschleier bedeckt, und nun trat von allen Phänomenen das Gegentheil ein.

Übrigens gesteht Zantedeschi frei, dass sich auch einige Anomalien gezeigt haben, die er unter keine Regel zu bringen weiss. Indessen ist es doch nicht ohne Nutzen, das zu erfahren, was sich ihm bei seinen Versuchen Allgemeines darbot, um es, wenn es an der Zeit seyn wird, zum Behuse einer vollkommen begründeten photo-magnetischen Theorie benützen zu können. Für jetzt scheint es, ungeachtet des Widerspruches Einiger, keinem Zweisel unterworsen zu seyn, dass es eine photomagnetische Wirkung gebe, deren Gesetze kennen zu lernen als eine der interessantesten und für die gegenwärtige Zeit wichtigsteu Ausgaben der Physik angesehen werden muss.

3. Über magnetische Figuren. Von Haldat.
(Ann. de Chim. et de Phys. Tome 42, p. 33.)

Es ist eine alte Erfahrung, dass ein Magnet feine Eisenfeilspäne, die auf einem über demselben liegenden Papier ausgebreitet sind, zu besondern Figuren anordnet, aus denen sich ein ziemlich treues Bild der Vertheilung der magnetischen Kraft im magnetischen Körper entwerfen läst.

Diese Figuren sind bis jetzt unter dem Namen magnetischer Figuren bekannt gewesen. Diejenigen aber, yon denen hier die Rede seyn soll, unterscheiden sich von jenen nicht wesentlich; sie haben aber auch ihrer Entstehung und Gestalt nach Ähnlichkeit mit den Figuren auf gewässertem Blech (moiré métallique). Gleichwie diese erzeugt werden, indem man einen heißen Kolben auf der Rückseite des Bleches in jenen Umrissen herumführt, die dann zum Vorschein kommen sollen eben so wird auf einem des Magnetismus fähigen Bleche ein Magnetstab herumgeführt, um bestimmte Stellen zu magnetisiren, während andere im natürlichen Zustande verbleiben. So wie in jenem Falle die Figuren durch ein Ätzmittel sichtbar gemacht werden, das die nicht krystallisirten Zinntheile schnell auflöset, ohne die kry stallisirten zu afficiren, eben so werden in diesem de magnetischen Stellen durch aufgestreute Eisenfeile sich bar gemacht.

Um nun solche magnetische Figuren rein hervorstbringen, sind mehrere Rücksichten in Betreff des m magnetisirenden Körpers, des zum Magnetisiren ver wendeten Magnetes etc. nothwendig, und diese leht Haldat ausführlich, wie folgt:

Nur auf Eisen oder Stahl lassen sich solche Figure hervorbringen, doch halten sie auf ersterem nicht set genug, und man ist darum, wenn man sie dauernd mit rein erhalten will, auf Stahl beschränkt. Haldat brucht gewöhnlich Stahlbleche der Art, wie man sie zu Künsten verwendet, mit einer Fläche von 2—3 Q. Decimeter und 1—3 Mill. Dicke. Diese Bleche müssen gut de gescheuert und geschliffen seyn. Man braucht sie nicht zu härten, weil ihre Coincitivkrast ohnehin schon start genug ist.

Das zu ihrer Erzeugung nöthige Verfahren unter scheidet sich nur wenig von dem beim gewöhnlichen Magnetisiren üblichen. Damit sie recht rein werden, ist starker Magnet nothwendig. Man kann einen aus hreren Stücken bestehenden, oder einen einfachen gnetstab wählen, doch ist es nöthig, dass er am Ende vas abgerundet sey, wenn die Figuren besonders rein sfallen sollen, denn nur dann legt sich ein solcher ab gut an das zu magnetisirende Blech an. Man kann ien oder zwei solche Stäbe zugleich anwenden, und nn es sich um Erzeugung geradliniger und einfacher guren handelt, mehrere Arten der Magnetisirung in iwendung bringen. Sollen aber die Figuren krummig und complicirt seyn, so darf man nur einen Stab auchen, und mit demselben wie mit einer Feder die rlangten Figuren auf das Blech zeichnen. Auf solche feise zeichnet man z. B. den Namen einer Person auf as Blech. Streuet man hierauf feine Eisenfeile darauf.) wird dieser Name sichtbar.

Die Anwendung der Eisenfeile auf einem solchen leche bietet mehrere Merkwürdigkeiten dar. Die auf m Plättchen gleichförmig ausgestreuten Eisenstücken häusen sich an den Grenzen der Schriftzüge so an, Is sie einen unbedeckten Zwischenraum lassen, und e magnetisirten Stellen des Bleches von den nicht maetischen trennen. Die Ähnlichkeit zwischen diesen guren, unter jenen, von welchen am Eingange die ede war, und die sich in Eisenfeile auf nicht magnetibaren Körpern zeigen, unter welchen ein Magnet gt, geht ins kleinste Detail. Die Eisenfeile ordnet :h an den Stellen, welche der stärksten magnetischen 'aft entsprechen, strahlenförmig an, und die von den 'ei entgegengesetzten Polen ausgehenden unterschein sich nicht von einander. Dadurch aber unterheiden sie sich von den Lichtenberg'schen electrischen guren, die an ihrer Gestalt die Art der Electricität ernnen lassen, durch welche sie hervorgebracht wurden. Zeitschr. f. Phys. u. Mathem. VII. 3. 24.

Die magnetischen Figuren kann man auch mittelbar erzeugen, indem man nämlich zwischen dem Magnetstabe und dem Stahlplättchen feste, nicht magnetisirbare Körper anbringt. Dieses ändert an den Figuren nichts, als dass sie wegen der größeren Entfernung des Magnetes vom Blech schwächer erscheinen. Defshalb muss man auch den Magnetstab auf derselben Stelle öfters hin und her schieben, um hinreichenden Magnetismus zu entwickeln. Für geradlinige Figuren braucht Haldat ein Lineal, um sie wieder auf dieselbe Stelle zu bringen, wem der Zug wiederholt wird. Für krummlinige Züge bedient man sich dünner, gleichförmig dicker Plättchen. Eine Abänderung in der Entfernung des Magnetes vom Blecht bringt nur eine Modification in der Reinheit der Figren zu Stande.

Wiewohl man solche Figuren leicht mit einem Zuge eines starken Magnetes hervorbringt, ja sogar durch eine blofse Annäherung desselben an das Stahlblecher zeugt, so gelingt ihre Erzeugung doch nicht, wenn ma auf das noch nicht magnetische Blech ein schon magnetisirtes legt, und auf diesem selbst mit dem stärksten begnet die Zeichnung macht. Daraus darf man aber, nach Haldat, nicht den Schluss ziehen, dass das schon megnetische Blech den Magnetismus nicht durchläst; dem er erzeugte auf diesem Wege kleine Magnetnadeln.

Wenn man die Eisenfeile mittelst eines Metallsiebes dünn auf das Blech ausbreitet, und mit einigen Oscillationen zu Hülfe kommt, so zeigen sich die magnetisches Figuren alsogleich. Diese Oscillationen erregt man in besten durch Schlagen an den Rand des Plättchens. De bei hat man sich aber wohl in Acht zu nehmen, daß micht zugleich regelmäßige Schwingungen erregt, mid durch dieselben Chladnische Klangfiguren erzeugt. Mie einiger Vorsicht lassen sich allerdings beide zugleich ber vorbringen, besonders wenn man eine sehr einfache mit

etische und eine sehr complicirte Klangfigur zu eragen sucht. Doch ist dieses blos ein Gegenstand der terhaltung.

Der durch Reiben oder blosses Annähern eines Maetes erregte Magnetismus haftet sehr sest. Haldat sand Figuren nach sechs Monaten noch sehr merklich, ewohl er keines jener Mittel anwendete, wodurch man n Magnetismus starker Stäbe zu erhalten sucht, und in weiss, dass starke Magnetstäbe sehr bald viel von er Kraft verlieren. Der Magnetismus würde sich wahrheinlich mit der Zeit in das ganze Plättchen vertheia, allein dazu braucht es mehr Zeit, als Haldat abwarn konnte, der zur Abänderung seiner Versuche immer ieder das Blech in natürlichen Zustand zurückführen alste.

Man sollte glauben, dass sich die magnetischen Firen vertilgen ließen, wenn man sie mit dem entgeagesetzten Pole eines Magnetes nachzeichnete. Allein ses gelingt nicht, und begründet einen anderen merkhen Unterschied zwischen diesem theilweise angeichten Magnetismus und dem an unseren Magnetnan vorhandenen. Um diese Figuren zu vertilgen, muß n Temperaturerhöhung anwenden. Soll dadurch ein Stabe der Magnetismus entzogen werden, so muss n seine Temperatur bis zur Dunkelrothglühhitze erhen; allein zur Vertilgung der magnetischen Figuren rucht man das Stahlblech nur über Kohlen strohgelb aufen zu lassen. In siedendem Wasser werden sie ht schwächer, wiewohl man das Blech eine Stunde 3 darin lassen mag. Damit sich beim Erhitzen das ch nicht oxydirt, thut man gut, es zu verzinnen. I man dann den Magnetismus verschwinden machen, lat man an dem Schmelzen des Zinnes das Zeichen rechten Hitzgrades. Um aber dann dem Oxydiren

vorzubeugen, muss man Zinnstückehen darauf geben, es erhitzen, bis diese schmelzen, und es dann durch Reiben mittelst eines in Öhl getrankten, mit Salmiak bestreuten Werges gleichsam poliren.

Merkwürdig ist ein anderes Verfahren, das Haldat anwendet, um den stellenweise erregten Magnetismus wieder aufzuheben, und das in wiederholten und hestigen Vibrationen besteht.

Legt man ein magnetisirtes Blech auf eine Bohle, und schlägt es schnell hinter einander mit einem kleinen hölzernen Hammer, so werden schon nach zwei Minuten, und oft schon früher, die Figuren schwächer, verlieren ihre Regelmässigkeit, und verschwinden ganz, wenn man jenes Versahren 3 — 4 Minuten lang fortsetzt Schwingungen, wie jene, die einen Schall erregen, sind zu diesem Ende nicht tauglich.

Die Wirksamkeit dieses Mittels zum Behufe der Tilgung des Magnetismus brachte Haldat auf den Gedanken, die Reibung überhaupt, wodurch, wie im vorhergehenden Falle, die Theile der Körper verschoben werden, zur Erregung des Magnetismus anzuwenden Mit einem Magnet geschieht dieses ohnehin, aber der reibende Körper braucht gar nicht magnetisch zu seyn, und man kann durch Reiben mit jedem harten Körper Magnetismus erregen, wie z. B. mit Messing, Kupfer, Zink, Glas, und selbst mit hartem Holz, jedoch gelingt dieses nur in weichem Eisen. Drähte von 1 Decimeter Länge und 1 Mill. Durchmesser werden magnetisch, wenn man sie in horizontaler Richtung zwischen zwei entgegengesetzte Pole zweier Magnetstäbe so legt, dass diese Pole wegen der zu großen Entsernung keinen Magnetismus erregen können, und sie der Lange nach mit einem harten Körper reibt. Durch Winden kann man dem Drahte vorläufig den Magnetismus nehmen, wenn er davon behaftet seyn sollte.

Alle diese Thatsachen sind wohl früher im Einzelnen bekannt gewesen. Dass Stahl immer an der Berührungsstelle Magnetismus annimmt, und demnach den Grund zu einer partiellen Magnetisirung in sich enthält, worauf die magnetischen Figuren beruhen, ist lange bekannt; dass man diesen Magnetismus durch Temperaturerhöhung vertilgen könne, eben so wenig neu, und dass durch eine Erschütterung sowohl der schon vorhandene Magnetismus geschwächt oder ausgehoben, als im entgegengesetzten Falle der Körper für die Einwirkung eines nahen magnetischen Körpers empfänglich gemacht wird, steht sast in allen Lehrbüchern der Naturlehre.

Das Interessanteste an dieser Arbeit ist offenbar die Ausmittelung des Umstandes, dass die Stellen des Bleches, welche zwischen den Theilen einer magnetischen Figur liegen, vollkommen unmagnetisch sind, und gleichsam die Armaturen der magnetischen Stellen abgeben. Daher erklärt sich auch die Dauer dieser Figuren ohne Anwendung eines besonderen Mittels zur Fixirung des Magnetismus. Überdiess hat gewiss für einzelne Leser diese Arbeit Haldat's doch einen Werth, indem sie ausser jener neuen Thatsache alles im Zusammenhange darstellt, und durfte nicht übergangen werden, weil es der Zweck dieser Zeitschrift ist, die Arbeiten des Auslandes über physikalische Gegenstände möglichst vollständig aufzunehmen.

C. Physikalische Chemie.

1. Über Erzeugung von Verbindungen der Metalle mit Schwefel, Jod, Brom etc. auf electro-chemischem Wege. Von Becquerel.

(Ebend. p. 225.)

In einer früheren Arbeit Becquerel's, welche der Leser im sechsten Bande dieser Zeitschrift findet, ist gezeigt worden, wie man schwache electrische Kräfte zur Erzeugung von krystallisirten Metalloxyden und anderen chemischen Verbindungen anwenden kann. Hier geht derselbe Verfasser darauf aus, auf demselben Wege solche Verbindungen zu Stande zu bringen, welche den im Schoofse der Erde vorhandenen ähnlich sind, und deshalb über die Art des Entstehens dieser Stoffe einigen Aufschlus geben dürften.

Der Apparat, welchen er brauchte, bestand aus zwei beiderseits offenen Glasröhren, die am untern Ende sehr feinen Thon enthielten, welcher schwach mit einer die Electricität leitenden Flüssigkeit befeuchtet war, über diesem aber jene Flüssigkeiten, aus deren Wirkung auf einander oder auf ein oder zwei darein getauchte Metalle die Electricität hervorgehen sollte. Der electrische Strom wurde dadurch hergestellt, dass beide Röhren in eine dritte weitere getaucht wurden, welche eine Flüssigkeit enthielt, mit welcher sich erst die in den kleineren Röhren enthaltenen mischen mussten, bevor eine mit der anderen in Berührung kam. Die Mischung konnte wegen des Thons nur langsam vor sich gehen, und es ward daher der Bildung des beabsichtigten chemischen Productes hinreichende Zeit gelassen.

Die Schweselmetalle, welche Becquerel auf diesen Wege im krystallisirten Zustande zu erhalten suchte, sind die mit Silber, Kupser, Antimon, Zinn und Eisen gebildeten.

Gibt man in eine der zwei Glasröhren (a) eine gesättigte Auflösung von salpetersaurem Silber, in die andere (b) eine Schwefelkalihydrat-Auflösung, welche zum Theil schon in der Luft eine Zersetzung erlitten hat, und taucht in jede derselben das Ende eines Drahtes oder Bleches aus reinem Silber, so beginnt bald die Zersetzung des salpetersauren Silbers; das in dasselbe getauchte Silberende, welches der negative Pol der Kette geworden ist, überzieht sich mit metallinischem Silber;

am anderen Ende des Metalles bildet sich Wasser und Schwefelsilber mit einer geringen Menge Schwefelkalium, das sich mit dem vorigen vereiniget. Dieses Doppelsulphurid wird bald, mit Beihülfe des Sauerstoffes der atmosphärischen Luft, durch die Salpetersäure zersetzt, welche zuletzt am positiven Pole erscheint; es entsteht schwefelsaures Kali, und das Schwefelsilber bleibt unversehrt, weil die geringe Menge von Salpetersäure, welche da erscheint, nicht hinreicht, es anzugreifen. Während diesem verdünstet ein Theil der Flüssigkeit, und es bleibt über dem Thone nur eine teigartige Masse zurück, in deren Mitte Schwefelsilberkrystalle als Octaëder erscheinen, und sich nicht bloss an das Silberplättchen, sondern auch an die Wände der Glasröhre anlegen. Diese Krystalle sehen den von Natur gebildeten so ähnlich, dass man sie von denselben nicht unterscheiden kann.

Ersetzt man die salpetersaure Silberauflösung in der Röhre (a) durch eine Lösung von salpetersaurem Kupfer, und das Silberplättchen durch ein Kupferplättchen, so erzeugt sich in der Röhre (b) ein Doppelschwefelmetall aus Kupfer und Kalium, das in sehr feinen Nadeln krystallisirt, nach und nach aber zersetzt wird, und am Kupferplättchen zwei Millimeter lange Krystalle mit dreickigen Flächen liefert.

Setzt man die zwei in den Röhren (a) und (b) enthaltenen Flüssigkeiten mittelst eines Doppelplättchens aus Kupfer und Antimon in leitende Verbindung, so zieht das in der salpetersauren Salzlösung befindliche Kupferende, als der negative Pol der Kette, das metallinische Kupfer an, das Antimonende hingegen und die VVände der Röhre überziehen sich mit einem braunen Niederschlag. Bald darauf bilden sich am Antimon octaëdrische rothe Krystalle und krystallinische Plättchen von derselben Natur, wie jener Niederschlag. Die Krystalle sind im neutralen Schwefelkalihydrat löslich, und

verursachen bei ihrer Auflösung in der Salzsäure eine Entwickelung von Schwefelwasserstoffgas, kurz sie charakterisiren sich als Mineralkermes.

Durch ein ähnliches Verfahren erhält man auch Schwefelzinn in kubischen, metallisch glänzenden Krystallen. Wenn man aber Schwefeleisen erzeugen will, so muß man, weil dieses durch die vereinte Einwirkung von Luft und Wasser zersetzt wird, die Glasröhre (b), welche die Schwefelkalilösung enthält, luftdicht schliesen; aber auch da soll man nicht immer zum Ziele gelangen. Nur zwei Mal gelang es Becquerel, an einem Eisenbleche, das sich in der Schwefelkalilösung befand, eine Menge kleiner kubischer Krystalle aus Schwefelesen zu erhalten, die dem in der Natur vorhandenen Schwefeleisen völlig glichen.

Aus diesem Hergange scheint zu folgen, dass man, um unlösliche Substanzen in Krystallform zu erhalten, sie nur mit einer löslichen Substanz in Verbindung zu setzen, und hierauf eine sehr langsame Zersetzung einzuleiten brauche. Folgender Versuch wird zur näheren Begründung dieser Behauptung angeführt: Gibt man in eine Glasröhre, die sehr fein zertheilten, und mit einer arseniksauren Kalilösung befeuchteten Thon enthält, eine Auflösung von salpetersaurem Kupfer, so wirken anfänglich nur die zwei Auflösungen an der Fläche auf einarder ein, wo sich der Thon und die Silbersalzlösung berühren; nach und nach dringt diese aber in die Thonmasse ein, die Reaction erfolgt hinreichend und daher der Krystallbildung förderlich, und man bemerkt an einem Zwischenraume der Thonkörner Krystalle, die denen von arseniksaurem Kupfer ähnlich sind. aber, wenn sich jene Doppelsulphuride bilden sollen, nicht zu große Glasröhren, und keine, die Electricität zu gut leitende Flüssigkeit anwenden; denn sonst entsteht bei einer zu großen Röhre zu viel von jener Doppelverbindung, kann nicht durch die Salpetersäure zersetzt werden, und der ganze Verlauf erfolgt unvollkommen; leitet aber die Flüssigkeit zu gut, so langen der Sauerstoff und die Salpetersäure zugleich am positiven Pole an, und es fehlt an der zur Bildung des beabsichtigten Productes nöthigen Reaction. Aus diesen Gründen kann man manchmal bloß unvollkommene, verworrene Krystalle, oder gar nur unkrystallisirte Massen erhalten.

Da die Verbindungen des Jod mit Metallen nach denselben Gesetzen erfolgen, wie die des Schwefels mit denselben Körpern, so ist es einleuchtend, wie man erstere im krystallisirten Zustande erhalten kann. Man wählt nämlich statt des vorhin gebrauchten Schwefelwasserstoffkali, Jodwasserstoffkali. Mittelst Blei erhält man dann ein Doppeljodid aus Blei und Kalium, das in weissen, sehr feinen Nadeln krystallisirt. Dieses Product erleidet nach und nach eine Zersetzung, welche an der dem Thone nächsten Stelle anfängt; bald zeigen sich octaëdrische Krystalle von goldgelber Farbe und glänzendem Aussehen, welche Bleijodid sind.

Kupfer gibt durch dasselbe Verfahren zuerst ein Doppeljodid in weißen, nadelförmigen Krystallen, endlich gehen aus der Zersetzung desselben schöne octaëdrische Kupferjodidkrystalle hervor.

Andere Metalle, meint Becquerel, werden zu ähnlichen Resultaten führen, und man werde auf diesem Wege auch Brom- und Selenverbindungen hervorbringen können.

Verbrennungsversuche mit Kohlengas.
 Von Lowry.

(Phil. Mag. Mai 1829, p. 375)

Diese Versuche wurden nach des Verfassers Äusterung angestellt zur Ausmittelung der hesten Form der

Argand'schen Brenner. Bei jedem derselben gestattete man der Flamme jene Länge, welche nothwendig ist, un das vollkommene Verbrennen des Gases zu bewirken, und die bei jedem Versuche sich entwickelnde Lichtmenge wurde mit dem Lichte verglichen, das ein Brenner von der gewöhnlichen Construction mit einer gewissen Gatmenge und einer bestimmten Flammenhöhe gab.

stel

Coas

terc

Das erste Resultat, welches sich dabei zeigte, wur folgendes: Je größer die Anzahl der ringförmigen Luftzugöffnungen war, desto kleiner war die Gasconsumption; man bemerkte aber hierin keine Änderung, went diese Öffnungen einander so nahe standen, daß die Flammen in einander flossen. Die Versuche wurden mit 5 — 15 ringförmigen Öffnungen angestellt.

Wenn man die Centralöffnung ganz oder theilweis schlos, so stieg die Flamme bedeutend in die Höbe, nahm aber eine conische Gestalt an, und wurde dunkler; wurde aber diese Öffnung und zugleich die ringförmiges verhältnismässig verkleinert, so wurde die Flamme liebt und cylindrisch.

Durch Verkürzung der gläsernen Zugröhre erhielt man bei demselben Gasquantum mehr Licht, wurde sie aber ganz weggenommen, so nahm die Lichtmenge is dem Verhältniss der geringeren Gasconsumption ab.

Deckte man die Zugröhre mit einer durchlöchertes Platte, so wuchs die Lichtstärke; und dasselbe war der Fall, wenn man statt dieser Platte eine Röhre nahm, deren Durchmesser dem der Öffnung gleich war. Wurde die Höhe der Zugröhre verdoppelt, so wurde die Flamme um mehr als die Hälfte niederer.

Aus diesen Versuchen folgert der Verfasser, daßein bestimmtes Verhältnis zwischen der Gasmenge und dem Qauntum der ihr zugeführten Luft nothwendig sey. Wird dieses Verhältnis überschritten, so entwickelt sich nicht alles Licht, welches das Gas liefern kann. An der auf

sten Grenze dieses Verhältnisses liegt das Gemenge, ches Knallluft ist, bei welcher eine große Gasmenge inem Augenblick ohne merkliche Lichtentwickelung brennt. Wird zu wenig Luft zugeführt, so wird die mme wieder hell, indem ein Theil des Gases unvernnt entweicht. Aus mehreren vom Verfasser angelten Versuchen scheint hervorzugehen, dass der sste Lichteffect erzielt wird, wenn die Ausströmungsungen recht zahlreich sind, und mehr groß als klein,* Centralöffnung hingegen eng ist, und das Glas hinhend nahe an der Flamme steht. Beide sollen zu inder in dem Verhältnisse stehen, welches der Flamme cylindrische Gestalt gestattet. Indess gewährt diese struction nur da Vortheil, wo die Flamme ruhig vernnen kann. Geräth sie in Bewegung, so schlägt sie las Glas an, und dieses kommt leicht in Gefahr, zu springen. Darum macht der Verfasser diese Röhren er weiter und zugleich kürzer, und vergrößert dach die Luftöffnung.

VIII.

tiz über das Verhalten der ersten Stahltenbrücke über die Donau bei Wien (Carlsbrücke) während des Winters 1838;

von

Ign. Edlem von Mitis.

Als die neue Benützung des ungehärteten Stahls zu ten für Hängebrücken ins Leben trat, so war mituneine der mehreren Einwendungen auch die Besorgüber das Verhalten des Stahles bei strenger und anender Kälte. Es wurden von Einigen die oft gchten Erfahrungen, das in der großen Källe Wagenaxen, Federn und andere aus Stahl angesertigte Instrumente oder Maschinenbestandtheile gesprungen sind, als Beweis angezogen, um die Bedenken zu rechtsertigen, die sich gegen die Verwendung des Stahls zu Kettenbrücken erhoben haben.

Schon als ich meine Beschreibung der ersten Stahlkettenbrücke im verflossenen Jahre 1829 durch den Drud bekannt gemacht habe, war ich bemüht zu zeigen, du erstlich diese Gefahr des Springens beim Stahl wesent lich dadurch befördert wird, wenn es gehärteter Stall ist, der der Kälte ausgesetzt wird, und ferner, dis auch vorzüglich davon viel abhängt, wie die Kraftaußerung, welche das Springen des Stahls durch ihre Einwirkung auf den daraus gebildeten Körper veranlaßt hat, beschaffen ist, das heisst, ob sich diese Kraft durch einen plötzlichen Stofs, Druck, Schlag, oder durch eine ähnliche heftige Bewegung gegen den Stahlstab oder Körper äußert? - Beide diese in dem Falle einer bedeutenden Kälte allerdings gefährlichen Bedingungen sind aber bei der Kette einer Brücke in der Re gel nicht vorhanden, der Stahl ist dabei nicht gehärtet, und Kraftäusserungen der erstgedachten Art müßten w aus Muthwillen oder in böser Absicht veranlasst werden da die eigentliche Bestimmung der Kette blos allen darin besteht, einem größten Theils gleichförmigen, ruhigen, immerhin durch eine nur nach und nach eintre tende Gewichtsvermehrung größer werdenden Zuge der auf selbe wirkenden Kräfte zu widerstehen.

Alles dieses habe ich zwar schon in meiner obgedachten Beschreibung des Kettenbrückenbaues gesset, dem ungeachtet glaube ich aber, dürfte ein Erfahrungbeweis für den Stahl noch mehr zur Widerlegung der gemachten Einwendungen dienen, als jede noch sorichtige theoretische Rechtfertigung der gemachten Stahlverwendung.

Bekanntlich ist dieser Winter durch eine so anhaltende als bedeutende Kälte in ganz Europa nur zu ausgezeichnet, also gewiß geeignet zu beweisen, daß Stahketten wegen großen Kältengraden nicht unanwendbar sind. Die Carlsbrücke über die Donau hat in diesem Winter mehrmal eine Kälte von 18 — 20° R., besonder

chts, ausgestanden, und kein Nagel, viel weniger ein

ttenbestandtheil ist gesprungen.

Die Wirkungen der Zusammenziehung oder Verrzung der Länge der Ketten sind allerdings eingetrei, und Jenen, welche sich nur dem Augenschein nach von haben durch Beobachtung überzeugen wollen, sind gewis nicht entgangen, weil sie keineswegs so geg seyn konnten, um sich nicht bemerkbar zu machen.

Nach Versuchen der Herren La Place, Lavoisier, tlong, Petit und einiger anderer Physiker, erleiden rre Substanzen durch Erwärmung vom Eispuncte bis r Siedhitze, also nach Cels. in 100° des Thermometers, tht unbeträchtliche Ausdehnungen, und im umgekehrafalle der Abkühlung auch eine eben so große Zummenziehung; bei ungehärtetem Stahl insbesonders Il nach beiden ersten Obgenannten die lineare Aushnung ¹/₂₁₃^{tel} der Länge für 100° Cels. betragen.

Hat nun die Kette an der Carlsbrücke in der ummen, über der Brückenbahn schwebenden Länge °,83 W. M., und rechnet man die Veränderung von r mittleren Temperatur + 12° R. bis zu - 20° R., die uer an der Donau im Freien gewiss oft Statt gefunden t, an, so macht das eine Summe von 40° Cels. Temratursveränderung. Nimmt man nun an, dass 100° Cels., e oben gesagt, um ¹/₂₂₃^{tel} die Länge verkürzen, so müsn diese 40° eine Verkürzung um ¹/₂₃₀₆^{tel} der ganzen ttenlänge hervorgebracht haben.

Dieser Theil ist aber, wie man durch Rechnung cht finden wird, bei der Kette der Carlsbrücke bei-

ifig 1" 7" W. M.

Erwäget man nun ferner, dass jede Verlängerung er Verkürzung der krummen Kettenlinie gleich 1, den nkungspfeil oder den Kettenbusen circa um 10/30 tel rmehrt oder vermindert, so hat sich die ebene Bahn r Brücke in der Mitte um 5"8" aufwärts biegen oder ilben müssen. Dieses ist doch leicht mit freiem Auge bemerken, und beweiset die Wirkung des Frostes zusich mit der Unschädlichkeit desselben, da sich an der instruction durchaus nichts Nachtheiliges ereignet hat.

.1

IX.

Berichtigung eines Irrthums;

mitgethcilt von

Paul Partsch,

Instructor des kais. Mineralien - Cahinettes.

In dem letzten Hefte der Zeitschrift für Physik und Mathematik (dem zweiten Hefte des siebenten Bandes) theilte Doctor Lhotsky eine Nachricht über den Fall eines angeblichen Meteorsteines am Bord eines auf hoher See segelnden Schiffes mit. Ich wurde aufgefordert, Aufklärung darüber zu geben, damit das Factum nicht falsch beurtheilt, und ein Irrthum weiter verbreitet werde.

Ich will den Umstand, dass ein Stein während des Vorüberziehens einer Regenwolke auf das Verdeck des Schiffes fiel, oder mit Heftigkeit über dasselbe rollte, # dass er in mehrere Stücke zersprang, nicht in Abrede stellen, obwohl Herr Ritter, der Überbringer der Nachricht, sich während des starken Platzregens wohl schwerlich auf dem Verdecke befunden haben mag. Stein auf einem Schiffe bei hochgehender See in Bewe gung und zum Falle, auch ohne Mitwirkung eines mutb willigen Menschen, zu bringen sey, wird wohl leichter zu erklären seyn, als der Fall der wirklichen Meteor Die Nebenumstände, die den Fall begleiteten und die alle negativer Art sind, nämlich das Nichtbemerken einer feurigen Erscheinung und einer Detonation in Augenblicke des Fallens, die Kälte und Nässe des herabgefallenen Steines u. s. w. wollen wir nicht berücksichtigen, und uns zur Betrachtung des herabgefallenes Steines wenden, den Herr Lhotsky nicht in Augenscheit nahm.

Der Herr Director des k. k. Naturalien - Cabinettes, Regierungsrath von Schreibers, verwahrt davon einige Fragmente, welche er vom Herrn Ritter erhielt, und die Jedermann, der nur ein Mal einen Meteorstein sah, und die große Analogie kennt, welche diese merkwürdigen Körper bei mancher Verschiedenheit in ihrer Zusam.

nsetzung und Structur im Allgemeinen doch zeigen, den ersten Anblick für nicht meteorischen Ursprungs lären muß. Ich nahm schon damals, als Hr. Ritter se Fragmente nach Wien brachte (im Jahre 1821), n Herrn von Schreibers dazu aufgefordert, eine nähere tersuchung mit ihnen vor. Das Mineral zeigt blättees Gefüge, großkörnige Zusammensetzung, dunkelune Farbe, wenig Glanz, und höchst geringe Durcheinenheit an den Kanten; es spaltet sich nach einem omboëder von 105°, hat eine Härte, die gleich 3 ist, d ein specifisches Gewicht von 2,67. In Säuren löst sich mit heftigem Brausen leicht auf. Es ist daher lkspath, der seine Färbung einer geringen Beimenng von Eisenoxyd verdankt.

Zuvor wir also nicht mit Bestimmtheit erfahren, dass Anzahl der Mineral-Species, die als Gemengtheile in n uns von oben zugeworfenen, meteorischen Steind Eisenmassen enthalten sind *), vermehrt werden isse, wollen wir den auf dem Verdecke des Schiffes cher von Liverpool, Capitan Smart, im Jahre 1820,

n 5. April, auf offener See, in gleicher Breite mit der sel Cuba gefallenen Kalkspath noch zu den tellurischen zeugnissen rechnen, und demselben seinen Platz in r von dem Hrn. Regierungsrathe von Schreibers angesten Sammlung von Pseudo-Meteorolithen nicht streimachen. Diess ist auch Ursache, das zur Zeit von m Vorfalle keine weitere Notiz genommen wurde.

^{*)} Diese sind: Gediegenes Eisen, hexaëdrischer oder prismatischer Eisenkies, Magnetkies, Feldspath oder eigentlich Labrador, Augit und Chysolith.

30000		_				26 2		24 2		_	22	20 3	19 2	18	17 2	16 3	15	14 2	13 2	12 4	111	10 3	9 2	8	7	6	01	4 2	3	2	1 2	Pa		Tag.
	27.480	27,692	27.704	27.656	27.759	28.008	27.983	27.936	27.835	27.645	17.389	27.510	27.571	27.523	27.690	37.658	27.536	27.616	27.436	17.210	37.110	37.347	27.557	37.409	27.698	37.766	27.863	\$8.015	28.063	38.016	28.023	Paris. Z.	ter oo R.	2
63.	-16.5	-15.0	-11.0	-16.0	-14.6	-13.3	1 9.3	- 8.0	1 5 5	1.8	- 3.0	1 4.0	1 3.0	- 3.0	1 2.5	- 2.8	- 5.0	9.5	- 8.5	- 8.0	- 6.5	- 8.5	- 5.0	- 4.0.	1 8.0	9.0	- 7.8	-13.5	- 7.6	- 6.6	- 6.5	Grad R.	meter.	Om o Chr früh.
	NW. schw.	NNW. schw.	NW. sehw.	N. schwach.	SO. schwach.	S. mittelm.	SO. still.	OSO. still.	SO. still.	SSO. schw.	SO. schwach.	S. still.	NW schw.	WNW. schw.	OSO. schw,	SO. schwach.	NW. schw.	W. schwach.	NW. schw.	SO. schwach.	WNW. schw.	WNW. mitt.	NW. mitt.	S. still	WNW. schw.	WNW. mitt.	OSO. schw.	S. schwach,	SO. schwach.	O. schwach.	WNW. schw.		Wind.	r fruh.
37.647	37.419	27.623	27.697	27.643	27.704	27.954	27.988	27.928	27.876	27.671	27.483	27.402	27.583	27.544	27.462	27.663	37.540	27.589	27.495	37.320	27.037	27.239	27-576	27.4.6	27.530	27.772	27.813	27-975	28.o56	28.023	28.043	Paris. Z.	ter oo R.	Um 3
5.08	-14.0	-14.0	1 9.0	-111.0	- 9.5	-10.0	- 6.5	- 5.0	- 8.0	+ 1.5	1 1.0	1 3.0	1 5	1 1.0	0.0	0.0	1 3.0	- 6.0	1 5.0	- 6.5	- 8.0	- 5.0	- 5.0	1 3.5	+ 3.0	- 5.0	1 6,0	- 7.5	1 7.0	- 5.0	- 6.0	Grad R.	Thermo-	Uhr Na
	NW. stark.	NNW. schw.	NWN, schw.	N. still.	080. schw.	OSO. schw.	OSO, mitt.	SO. s. stark.	SO. mittelm,	OSO. stark.	SSW. still.	SO, stark.	SO. schwach.	NW. schw.	SO. schwach.	SO. schwach.	W. schwach,	W. schwach.	NW. schw.	SO. schwach.	WNW. schw.	WNW. mitt.	WNW. schw.	SO. still.	SO. still.	WNW. stark.	OSO, mitt.	080, stark.	SO. schwach.	O. schwach.	NW. schw.		Wind.	Um 3 Uhr Nachmittag.
37.130	27.403	27.528	27.692	27.684	27.699	27.894	18.008	27.935	27.916	27.734	27.570	27.375	17.578	27.544	27.496	27.498	27.604	27.561	17.596	27.374	17.139	27.178	27.543	17.443	27.422	27.786	27.778	17.961	28.049	18.019	18.070	Paris. Z.	Barome- ter oo H.	Um
- 6.87	-14.8	-17.0	111.5	111.5	-15.0	-14.0	-10 5	- 6.8	- 5.3	1.5	- 3.0	1 4.0	- 4.3	1.6	0,0	1 1.3	1 2.5	- 8.0	- 9.0	- 7.5	1 8 8	1 8.0	1 7.5	1 4.0	0.0	- 35	- 9.3	- 8.0	-11.5	- 5.8	- 5.5	Grad R.	Thermo-	10 Uhr
	NW. stark.	NNW. still.	NW. still.	NW. still.	SO. still.	SO. schwach.	OSO. mitt.	SO. still.	SO. still.	SO, mitteim.	S. still.	SO. schwach.	SW. still.	NW. schw.	SO. schwach.	S. still.	N. still.	W. schwach.	NW. schw.	SO. schwach.	SO. schwach.	NW. schw.	WNW. mitt.	SO. still.	W. still.	WNW. mitt.	NW. still.	080. schw.	80 still.	O. schwach.	NW. still.		Wind	Um 10 Uhr Abends.
	Trub, Schnee.	Trub, Schnee, heiter,	Trub , Schnee.	Nebel , trüb.	Heiter.	Nebel, heiter,	Heiter, trub.	Trub.	Heiter, Wolken.	Nebel , trub.	Trüb.	Nebel, Schnee, trub.	Wolken, heiter, trüb	Schnee, trub, Schnee.	Trub, Schnee.	Trub , Schnce.	Schnee, trüb.	Nebel, trub, heiter.	Heiter, trub.	Trub, Schnee.	Trab , Wolken, heiter.	.Wolken , heiter.	Trub.	Nebel, trüb.	Trub.	Schnee, trub.	Trab.	Schnee, heiter.	Trub, Schnee, Nebel.	Nebel.	Trub.		Witterung.	

1 5 M

Tig I

ZEITSCHRIFT

FÜR

PHYSIK UND MATHEMATIK.

T.

Ver hydraulische Balancier in seinem Princip;

Dr. Lackerbauer.
(Beschlufs.)

26. Ist die Maschine diesem gemäß eingerichtet, wird der relative Wasserstoß gegen die mit der Gehwindigkeit c ausweichende Schaufel oder die bewende Kraft

$$\pi = \frac{\times B \rho C^2}{9 \sigma} = \frac{4}{9} P.$$

em Minimum 1 und Maximum 2, also $x=\frac{3}{4}$ angemmen werden kann; so ergibt sich auch wegen =4h die bewegende Kraft $H=\frac{2}{3}Bh\rho$. Diesen erth von H in die schon vorhin gefundenen Gleichunstatt des dortigen H substituirt, verbindet die Data t einander, wie die Maschine am vortheilhaftesten ustruirt wird, auch werden dadurch die Theile der aschine, da $h=\frac{C^2}{4\sigma}$ und $B=\frac{V}{C}$ ist, mit der Menge asser, welche der Canal in einer Secunde schüttet, Verbindung gebracht.

Übrigens ist die Umlaufzeit des Wasserrades $= \frac{2 R \pi}{c}$, die Geschwindigkeit des von Π angegriffenen

Punctes $c = \frac{2R\pi}{2}$, die Anzahl der Umläufe des Rades in einer Minute $N = \frac{60^{\circ\prime\prime}}{2} = \frac{30 c}{R\pi}$, und die Geschwindigkeit des leidenden Punctes $= (\frac{1}{2}l\cos\varphi + \frac{1}{2}\beta)\frac{c\pi}{452}$.

27. Während der leidende Punct mit der Ge schwindigkeit $(\frac{1}{2} l \cos 9 + \frac{1}{2} \beta) \frac{e^{\pi}}{45 T}$ seinen Boga $(\frac{1}{2}l\cos\theta+\frac{1}{2}\beta)\frac{e\pi}{90}$ durchwandert, strömet die Last War ser $\frac{1}{2}\mathfrak{M} \mathfrak{Q}_{\rho}$ in der Zeit $T = \frac{\mathfrak{Q}}{0.64 \cdot OV}$ von einer Reihe der Säcke in die entgegengesetzte über, und der Widerstand wandert so von seinem Maximum, wo er gleich ÷ MΩρ mehr der gesammten Reibung = R mehr y is, durch sein Minimum über, in welchem er für Einen Moment nur mehr $= \Re + \gamma$ ist. In diesem Zeitmoment, in welchem während der Oscillation des Körpers in die Last ½ M Ωρ zu gleichen Theilen auf beiden Seites der Lothlinie der Maschine vertheilet ist, verschwir det aus allen vorhin aufgestellten Gleichungen der Thel $\frac{1}{2} \mathfrak{M} \mathfrak{Q} \rho \left(\frac{1}{2} l \cos \varphi + \frac{1}{2} \beta \right)$ als gleich Null von der Seite des Widerstandes, und es verbleiben auf derselben, setzt in der Gleichung Nro. 23, nur mehr die zwei ihr gen Theilmomente ½ δ f' D + ½ d F' r sin. 2, worüber ™ das entgegengesetzte Kraftmoment II R D eine merkliche Überwucht äußern würde.

Sobald aber der Widerstand aus dem Puncte (Zeibtheilchen) dieses Minimums tritt, nimmt er stettig wieder zu, bis er sein Maximum erreicht hat; nimmt von da wieder ab, und dann wieder zu, u. s. w., so des der VViderstand während einer Kurbelumdrehung zwei Mal sein Maximum und zwei Mal sein Minimum durchwandert, und die Curve des Widerstandes als eine in sich zurückkehrende Linie anzunehmen ist, welcht

e Axe, die Zeitdauer einer Schwingung in den Puncı des Minimum des Widerstandes, schneidet, und de-1 Semiordinaten den Widerstand angeben, welcher n relativen Abscissen entspricht. Das Maximum des derstandes gibt die durch den Mittelpunct der Hauptgehende halbe Queraxe, an die sich die rechts und ss derselben zunächst stehenden Semiordinaten rei-Das Minimum liegt an beiden Enden der Axe in 1 Durchschnitten mit der Curve, das Medium in den miordinaten zwischen beiden. Durch dieses Medium l Minimum des Widerstandes dauert der Ausfluss Wassers aus den Leitungsröhren durch jene Zeit $=\frac{\Omega}{0.64 \cdot VO}$, welche in der Beschreibung des Elonionswinkels die durch die Drehungsaxe C gehende erlinie verwendet, um einen Winkel abwärts, der ich x+H, und einen Winkel zurück aufwärts, der ich H ist, zu beschreiben, also durch einen Bogen, gleich $\frac{2H+x}{180} \left(\frac{1}{2}l \cos \varphi + \frac{1}{2}\beta\right) \pi$ ist.

28. Während in dieser Bewegung die Hauptlast $2\Omega\rho$, wenn man \mathfrak{R} und \mathfrak{p} bei Seite setzet, für die vegende Kraft stufenweise bis auf Null ab-, und dann der zunimmt, theilet sich dieselbe in ihrer Ab- und tahme in zwei Theile, von denen der erste von der erlage der Drehungsaxe in C getragen wird, wählder andere am Ende des Hebelarmes $(\frac{1}{2}l\cos\varphi+\frac{1}{3}\beta)$ Last verbleibt. Beide Theile stehen jedoch mit dem is und Cosinus des Winkels, den die Centrallinie in ihrer Schwungbewegung beschreibt, im Verhälte, so zwar, dass immer der Theil $\frac{1}{2}\mathfrak{M}\Omega\rho$ sin. e von Unterstützungspuncte getragen, der andere Theil $\Omega\rho$ cos. e aber von der Kraft zu überwuchten bleibt. Igens ist das Moment $\frac{1}{2}\mathfrak{M}\Omega\rho$ $(\frac{1}{2}l\cos\varphi+\frac{1}{2}\beta)$ ein

Minimum, sobald $\cos e = \sqrt{1 - \sin^2(\phi - x)}$, ein Maximum hingegen, wenn $\cos e = 1$ ist.

Demuach sind, mit Verzicht auf y, für das Medium des Widerstandes die Gleichungen:

$$\Pi' R D = \frac{1}{2} \Re \Omega \rho \cos \theta \left(\frac{1}{2} l \cos \theta + \frac{1}{2} \beta \right) r \sin \theta$$

$$+ \frac{1}{2} \delta f' D + \frac{1}{2} d F' r \sin \theta,$$

$$\Pi' = \frac{\frac{1}{2} \Re \Omega \rho \cos \theta \left(\frac{1}{2} l \cos \theta + \frac{1}{2} \beta \right) r \sin \theta + \frac{1}{2} \delta f' D + \frac{1}{2} d F'}{R D},$$

in welchen zwar die Reibungen f' und F' von jenen in Nro. 21 und 23 bestimmten in etwas divergiren, aber de einerseits bei geringerer Last auch geringere Kräfte mit in die Bestimmung der Reibung verslochten werden, andererseits aber für eben dieselbe der Theil der Last $\frac{1}{2} \mathfrak{M} \mathfrak{Q} \rho$ sin. e zu den Gewichten der bewegten Theile M und m zu addiren ist, so kann man die daraus resultirende Reibung so ziemlich gleich der erstern seizen, und also f' = f und F' = F annehmen.

29. Würde man nach dieser Voraussetzung II nach der obigen Gleichung des Mediums berechnen, so würde es offenbar zu klein aussallen, sobald cos. e kleiner als i genommen würde; die Hebmaschine würde bei einer Schwingung nicht die ganze geforderte Wassermenge Asondern nur O cos. e in die Höhe Afördern können; der gibt aber auch diese letzte Gleichung zu erkennen, das im Vergleich mit der Gleichung Nro. 24 für das Meximum des Widerstandes die Überwucht, welche aus dem Unterschiede der beiden Kräfte II — II hervorge het, nämlich

$$\frac{(r \sin 2) (1 - \cos e) (\frac{1}{2} l \cos \varphi + \frac{1}{2} \beta) \frac{1}{2} \mathfrak{M} \mathfrak{Q} \rho}{RD} = p'$$

die disponible Kraft sey, welche die Hindernisse y über wuchte. Dass sie es seyn müsse, darf der Theoretiker,

hdem nun andererseits schon aller Widerstand und Reibung der Maschine durch die respectiven Kräfte oben sind, nur bemerken, dass die noch übrige vererliche Kraft p', wenn man alle übrigen Nebenhinnisse außer der Reibung gleich Null ansehen wollte, und ohne Widerstand zu finden, auf den Stosspunct unterschlächtigen Rades wirken würde, dass folgt dieses p', welches zwar in dem Maximum des Wistandes der Maschine = 0, von da an aber im Vertnisse von (1 — cos. e) = sin. vers. e zunimmt, in iht Medio

$$= \frac{r \sin 2 (1 - \cos 6) (\frac{1}{2} l \cos 9 + \frac{1}{2} \beta) \frac{1}{2} \mathfrak{M} \Omega \rho}{RD}$$

, und in ihrem Maximo, welches in dem Minimo des derstandes eintrifft, für ein Zeittheilchen bis auf

$$\frac{\frac{1}{2}\mathfrak{M}\mathfrak{Q}\rho\left(\frac{1}{2}l\cos\varphi+\frac{1}{2}\beta\right)r\sin\mathcal{Z}}{RD}$$

vächst, eine Kraft sey, welche in dem unterschlächen Rade ein nicht unbedeutendes Drehungsmoment duciren, und dessen Geschwindigkeit stettig vermehwürde (wenn sie selbst auch während jeder halben belumdrehung von ihrem Maximo wieder bis auf o immt), wenn man von allen Nebenhindernissen y abhiren wollte.

30. Um sich dessen zu überzeugen, darf man nur Drehungsmoment des unterschlächtigen Rades, das ch der Summe der Producte aus den Elementartheiln, aus denen das Rad bestehet, multiplicirt mit den adraten ihrer Abstände von der Drehungsaxe $=mY^2$ ist, timmen, und darnach die Resultate entwickeln, wel-

sich für die Umdrehungsbeschleunigung $=\frac{\sigma p' R'}{m Y^2}$, I nach den Fundamentalgleichungen

$$-390 - dS' = c' dT',$$

$$dc' = \frac{{}^{2} \sigma p' R' dT'}{m Y^{2}},$$

$$c' dc' = \frac{{}^{2} \sigma p' R' dS'}{m Y^{2}},$$

$$d(dS) = \frac{{}^{2} \sigma p R' dT'^{2}}{m Y^{2}},$$

ergeben.

Diese Resultate fallen zwar bei der verschiedenen Vertheilung der Massen und der Zwischenräume, und den verschiedenen Winkelgeschwindigkeiten, die sich aus der Veränderung oder abwechselnden Zu- und Abnahme des p' ergeben, so verwickelt aus, dass sie von keinem practischen Nutzen mehr sind. Indessen geben sie doch zu erkennen, dass zur Erzweckung einer durchaus ganz gleichförmigen Geschwindigkeit des angegriffenen Punctes (wenn eben diese, da sie nicht wesentlich ist, verlangt würde) mit der Maschine ein Regulator in Verbindung gebracht werden müsste, welcher, wenn die Maschine zu geschwinde gehet, den Widerstand vermehrt oder das Schutzbret niedergehen macht, bei zu langsamer Bewegung aber das Schutzbret in die Höhe hebt, oder den vermehrten Widerstand aufhebt, wodurch denn auch den zufälligen Hindernissen der gleichförmigen Bewegung, als da sind: Einfluss der Witterung auf die Materie, plötzliche Anschwellung des Aufschlagwassers, zufällige mehr oder wenige Aufnahme des Hubwassers, gesteuert wird, und die Hebmaschine in ihrer einmal Nro. 25 erlangten Geschwindigkeit regulirt im Gleichgewichte mit : M Q p + R + y durckaus sich gleichförmig fortbewegt.

Bei einer Hebmaschine aber, die nur für eine Bewässerungsanstalt construirt wird, halte ich dafür, daß die Herstellung einer so sich durchaus ganz gleichförmigen Bewegung mit unnöthigen Kosten verbunden ist, und dass die in Nro. 25 resultirende, wo die gleichzeitigen Geschwindigkeiten während einer Kurbelumdrehung immer jenen während einer anderen Umdrehung der Kurbel völlig gleich sind, wohl genügend und ohne Nachtheil sey. — Sollte jedoch bei dieser Maschine eine ganz gleichförmig geregelte Bewegung anderer Entzwecke willig erfordert werden, so befinden sich in Nicholson's practischem Mechaniker und Manufacturisten einige solcher Regulatoren, die mit geringer Abänderung auch dieser Maschine so angepasst werden können, dass der angegriffene Punct auch während einer Umdrehung des Rades in gleichen auf einander folgenden Zeittheilchen auch ganz gleiche Räume durchlause.

31. Man kann diese Maschine auch auf eine andere Weise, die sich von der vorhergehenden dadurch unterscheidet, dass sie auf dem Wasser schwimmt, und der Elongationswinkel, statt durch Schwingung, durch Verschiebung beschrieben wird, einrichten.

Die Leitungsröhren, welche die Behälter mit einander verbinden, sind krumm, und verhältnismässig weiter und höher, damit das Wasser, so wie es aus den Röhren in die Behälter überströmet, sogleich wieder aus diesen zum Theil bis in die Mitte der andern Leitungsröhren gegen die Centrallinie vordringen kann. Das Hypomochlium ist bis auf eine gewisse Weite in jedem Sinne beweglich, und es sind der Maschine wasserdichte lange Kesseln, die in einer bemessenen Entfernung von der Centrallinie angebracht sind, beigegeben, deren Bestimmung ist, durch ihre Versenkung ins Wasser, während der Gefällswinkel beschrieben wird, mittelst Ausdrängung einer verhältnissmässigen Menge Wassers der zunehmenden Überwucht des abwechselnd in den Behältern angehäuften Wassers, und dem Aufschwunge der Versenkung das Gleichgewicht zu halten. Sie können nach Erforderniss auch höher und tiefer gestellt werden, um das Eintreten dieses Zeitpunctes auf früher oder später reguliren zu können.

Die Versenkung kann selbst von ihrem Innern heraus, um das in dieselbe allenfalls gesinterte VVasser hinweg zu schaffen, mit einer kleinen darin befestigten Röhrenleitung versehen werden, welche, ohne ihr eine abgesonderte Oscillation zu ertheilen, ihre Dienste thun wird, da ohnediess durch die Verschiebungen der ganzen Maschine die Röhren und Behälter derselben abwechselnd in die vorgeschriebene geneigte Lage versetzt werden. Ihre Ausgusmündung befindet sich innerhalb der Hebmaschine, und damit auch von außen kein VVasser durch die Ansgusmündung in dasselbe dringen kann, über die Versenkung erhoben.

Um bei der getroffenen Vorrichtung das Wasser auf diese zweite Art in die Höhe zu fördern, darf nur Nro. 5 die schwimmende Versenkung abwechselnd von W gegen S, und von S gegen W zurückgeführt werden, welches ich auf stillstehendem Wasser ohne fernere Berechnung durch eine Kurbelvorrichtung vortheilhaft zu bewirken glaube. Kann aber auch auf mancherlei andere Arten geschehen, von denen ich die Auffindung der besten, nachdem ich auch den Grund zur Maschine auf die zweite Art also gelegt habe, dem Nachdenken und der Practik Anderer überlasse.

II.

ersicht der meteorologischen Beobachtungen in Wien im Jahre 1829.

Das Barometer befindet sich 19.946 Wiener Klafter über dem mittleren Spiegel der Donau.)

rometerstand in P. Z. bei o° R. in jedem
Monate.

8 2 9.	Mittlerer.	Höchster,	Tiefster.	Mittlere monatliche Variation.
1er	27.461	27.802	27.060	0.742
ruar	27.676	27.990	27.153	a,837,:
z	27.496	27.810	26.833	1.077
il	27.299	27.616	26.638	0.978
	27.550	27.840	27.253	0.587
. • • • •	27.531	27.780	27.181	0.599
	27.540	27.814	27.214	0.600
ust	27.569	27.822	27.159	o.663
ember .	27.502	27.821	27.048	0.773
ober	27.623	27.987	26.788	1,199
ember	27.638	27.958	27.229	0.729
ember	27.808	28.254	27.409	o.84 5
ährlicher chschnitt	27.558	27.874	2 7.0 75	0.802

— 394 **—**

Mittlerer Barometerstand nach den verschiedenen Beobachtungsstunden.

1829.	Um 8 Uhr früh.	Um 3 Uhr Nachmittag.	Um 10 Uhr Abends.
Jänner	27.457	27.454	27.471
Februar	27.674	27.662	27.689
März	27.503	27.491	27.496
April	27.294	27.300	27.304
Mai	27.5 5 9	27.543	27.549
Juni	27.534	27.519	27.533
Juli	27.55o	27.538	27.534
August	2 7.573	27.566	27.567
September	27.505	27.488	27.512
October	27.639	27.604	27.625
November	27.643	27.629	27.644
December	27.812	27.798	27.808
Jährlicher Durch- schnitt	27.562	27.549	27.561

Barometerstand bei verschiedenen Winden

Windesrichtung.	Barometerstand,	Anzahl der Beobachtu gen, aus denen das Mittel entsprang.			
s.	27.547	37			
SO.	27.573	184			
0.	27.539	59 `			
NO.	27.545	13			
N.	27.651	100			
NW.	27.609	184			
W.	27.531	407			
SW.	27.547	37			

— 395 —

Temperatur der Luft nach Réaumur.

1829.	Mittlere.	Größte.	Kleinste.
ner	— 2°.87	4°.5	—16°.0
bruar	— 3º.16	6°.4	—10°.5
rz	1°.97	130.0	4°.0
ril	8°.43	200.0	+ 1°.0
i	11°.05	200.5	9.5
i	13°.03	23°.2	6∘.0
i	16°.82	25°.0	9°.5
gust	140.15	24°.0	8 ⁰.7
tember	120.93	210.0	7°.2
tober	6º.Śq	17%0	o°.0
vember	oº.oŚ	90.0	— 7°.3
cember	— 5°.72	— óº.5	—13°.0
rlicher Durch-	•		
chnitt	60.09	150.3	1°.3

mperatur nach den verschiedenen Beobachtungsstunden.

1829.	Um 8 Uhr	Um 3 Uhr	Um 10 Uhr
	früh.	Nachmittag.	Abends.
ner	- 3°.56	- 1°.77	- 3°.30
	- 4°.29	- 1°.35	- 3°.84
	+ 0°.26	+ 4°.53	+ 1°.14
	+ 6°.56	+ 1°.52	+ 7°.20
	+ 9°.44	+ 14°.29	+ 9°.43
	11°.68	+ 15°.76	11°.66
	15°.35	+ 20°.01	15°.09
	12°.52	+ 17°.29	12°.64
	11°.31	15°.72	11°.78
	5°.06	8°.93	5°.18
	- 0°.68	1°.69	- 0°.86
	- 6°.42	- 4°.67	- 6°.08
	+ 4°.77	8°.50	+ 5°.34

— 396 —

Beschaffenheit der Atmosphäre.

1829.	Heiter.	Wolken mit Sonnensch.	Trüb.	Nebel.	Regen.	Schnee.	Gewitter.	Herrschender Wind.
Jänner	1	.8.	22	5	1	14	-	W.
Februar .	4	12	12	7	3	10	-	NW. u. WNW
März	3	24	4	11	4	3	-	·W: und NW.
April	-	23		5	12	-	-	.W.
Mai	4	25	7 2 5	2	17	-	2	NW.
Juni	2	23	5	3	14	-	-	W. u. WNW.
Juli	4	27.	-	-	18	-	5	W.
August	3	20	8	1	16	-	1	W.
September	-	25	5	10	15	-	3	W. und 80.
October .	6	19	6	11	9	-	-	W. und \$0.
November .	-	20	10	13	6	6		W.
December . Jährl. Durch-	6	11	4	11	-	12	-	80.
schnitt .	33	237	95	79	115	45	11	W. und 80.

Wenn man diese Ergebnisse mit denen vergleicht, welche sich aus achtjährigen Beobachtungen (Bd. VI., S. 293) im Durchschnitt ergeben, so lernt man den meteorologischen Charakter des Jahres 1829 genauer kennen.

Der mittlere Luftdruck dieses Jahres weicht nur wenig von dem mehrjährigen Mittel ab, jener entspricht nämlich einer Quecksilbersäule von 27.558 P. Z., dieser einer Quecksilbersäule von 27.594 Höhe. Der Unterschied beläuft sich nur auf 0.036 P. Zolle.

Unter den zwölf Monaten gibt der April den kleinsten mittleren Druck, und derselbe Monat hat auch nach dem mehrjährigen Durchschnitte die kleinste mittlere Barometerhöhe; der größte mittlere Luftdruck kommt auch in diesem Jahre dem December zu, während nach einem größeren Durchschnitte der Februar den größten Luftdruck hat; doch nimmt auch für dieses Jahr der dem Monat Februar entsprechende Luftdruck der Größe

nach den zweiten Platz ein. Sonst kommt der Luftdruck des Monats August dem mittleren Luftdrucke am nächsten; im Jahre 1829 fand dieses mit dem Drucke im Momet Mai Statt, jedoch weicht der Druck für August auch nicht stark vom allgemeinen Mittel ab.

Die mittlere monatliche Variation des Luftdruckes ist für das hier in Rede stehende Jahr größer, als für einen Durchschnitt aus mehreren Jahren; denn erstere beträgt 0.802 Z., während sich letztere nur auf 0.758 Z. erhebt. Im Allgemeinen ist diese Variation in Wien am größen im März, am kleinsten im Juli. In diesem Jahre hatte der October die größte, und der Juli die kleinste monatliche Variation; jedoch gehört auch da dem Monat Mai eine der größten Variationen.

Man sieht hieraus, dass dieses Jahr in Betreff der Änderungen und der Größe des Luftdruckes nichts Ausgezeichnetes enthält. Anders verhält es sich mit den Wärmeverhältnissen.

Aus dem achtjährigen Durchschnitte, den wir im Vorhergehenden zum Vergleichungspunct genommen haben, ergibt sich eine mittlere Temperatur von 8°.70 R. Das Jahr 1829 hat aber nur eine mittlere Temperatur von 6°.09, blieb also um 2°.61 R. unter dem allgemeinen Mittel zurück.

Im Allgemeinen gilt die Regel, dass die Temperatur des Octobers der mittleren des ganzen Jahres am nächsten kommt, und an diese Regel schließt sich auch die mittlere Temperatur dieses Jahres an. Die mittlere Temperatur des Aprils, die nach v. Humboldt mit der mittleren Jahreswärme nahe zusammenfallen soll, weicht nach dem mehrjährigen Durchschnitte für Wien ziemlich stark von derselben ab, und auch in diesem Jahre ist dieser Unterschied bedeutend.

Aus dem mehrjährigen Durchschnitte habe ich ge-

funden, dass für Wien sieben Monate des Jahres eine höhere, fünf eine niedere Temperatur haben, als die mittlere Jahrestemperatur beträgt, und dass daher die Temperatur über dem jährlichen Mittel länger anhält, aber minder von demselben abweicht, als die Temperatur unter dem jährlichen Mittel. In diesem Jahre hat sich diese Regel wieder vollkommen bewährt.

Im Allgemeinen hat in Wien nur der Jänner eine negative mittlere Temperatur, die mittlere Temperatur aller übrigen Monate ist positiv. Das Jahr 1829 macht aber von dieser Regel eine gewaltige Ausnahme, indem drei Monate, nämlich Jänner, Februar und December, eine unter dem Eispuncte stehende mittlere Temperatur hatten.

Die höchste Temperatur des wärmsten Monates (Juli) ist im Allgemeinen gleich 26°.92 R., die niederste des kältesten (Jänner) beträgt — 8°.61. In unserem Jahre hat der wärmste Monat nur die Temperatur 25°, der kälteste die Temperatur — 16° erreicht.

Das Mittel aus den höchsten Temperaturen der einzelnen Monate belauft sich im Allgemeinen in Wien auf 17°.38, das Mittel aus den niedrigsten auf 1°.52. Für das Jahr 1829 ist das Mittel aus den höchsten Temperaturen der einzelnen Monate gleich 15°.3, das Mittel aus den niedrigsten — 1°.3.

Demnach ist das hier in Rede stehende Jahr durch seine besondern Wärmeverhältnisse höchst ausgezeichnet.

III.

Über den optischen Interferenzversuch;

von

A. Baumgartner.

Dass zwei Lichtstrahlen unter den gehörigen Umständen auf einander einwirken, sich gegenseitig verstärken, schwächen oder gar aufheben können, hat schon Grimaldi gekannt, und Hoock hat in seiner Micrographia, London 1667, die Farben dünner Plättchen aus dieser Einwirkung erklärt. In der neueren Zeit hat diese Modification neuerdings Th. Young aus seiner Ansicht über die Natur des Lichtes angenommen. Als es ihm nämlich geglückt war, aus der Zusammensetzung der Bewegung der schwingenden Theile der Schallwellen einige wichtige akustische Phänomene zu erklären (Phil. transact, 1800, p. 130), versuchte er es, in der Voraussetzung, dass das Licht in ähnlichen Schwingungen beatche, wie der Schall, diese Zusammensetzung auch auf Erklärung der Farben dünner oder gestreifter Plättchen anzuwenden.

Das Resultat dieser Arbeit legte er der königlichen Societät der Wissenschaften am 12. November 1801 vor. Sie ist in den Phil. transact. für 1802 enthalten, und in Gilbert's Annalen, Bd. 39, von Professor Ludicke übersetzt. Erst im Jahre 1804 wurde in den Transactions für dieses Jahr ein von demselben Gelehrten ausgegangener Beweis des Interferenzprincipes bekannt gemacht. Nach diesem Beweise und den mit den genauesten Erfahrungen übereinstimmenden Folgerungen aus diesem Principe sah Young dasselbe nicht mehr als Hypothese an, und erkannte die Statthaftigkeit desselben unabhän-

gig von der Voraussetzung, durch welche er darauf geleitet wurde. Dieses beweiset eine Stelle in seinem Cours of lectures on natural philosophy, dessen erster Band im Jahre 1807 in London herauskam, worin es p. 471 heisst: » Die Genauigkeit, mit welcher sich das allgemeine Princip der Interferenz des Lichtes auf so viele und so verschiedene Erscheinungen in den mannigfaltigsten Umständen anwenden läfst, beweiset dessen Richtigkeit himreichend (in the most satisfactory manner). che Bestätigung oder Widerlegung der Theorie, aus der es folgt, kann man nur von der Zeit und von Versuchen erwarten, etc.« Der Versuch, durch welchen Young das Princip der Interferenz zuerst beweiset, ist heut sa Tage fast allgemein bekannt, und besteht darin, dass er in einen divergirenden Lichtbüschel, der durch eine kleine Öffnung in ein verfinstertes Zimmer drang, einen Kartenstreisen von 1/30 Z. Breite stellte, und die Wirkung betrachtete, welche ein Schirm, den er inner den Grenzen des Schattens jenes Streifens aufstellte, in des Farbensäumen, die dieser Schatten mit sich führte, hervorbrachte.

Das Verschwinden aller Farbensäume, ungeachtet das an der anderen Grenze des Kartenstreisens vor beigehende Licht in seinem Fortgange durchaus nicht gehindert war, bewies das Entstehen der Farbensäume aus der Interserenz der Lichtstrahlen, die am Rande des Streisens, nach Young's Ausdruck, inslectirt oder vielmehr diffrangirt werden. Es beruht also dieser Beweis auf der Interserenz des gebeugten Lichtes. Die Beugung bewirkte hier nur das Zusammentressen von Strahlen, die von ihrer Quelle an ungleiche Wege zurückgelegt haben. Es blieb aber noch übrig, dasselbe für Licht zu beweisen, das ohne vorläusige Veränderung sich interserien konnte, oder das durch Restexion und Bre

hung in dieselben Umstände versetzt ward, in welche s im vorhergehenden Falle durch Beugung kam; beonders wird es wichtig seyn, dieses mit weißem reflecrtem Lichte zu bewirken, weil man weiss, dass durch ie Reflexion dieses Lichtes allein für sich keine Farenphänomene erzeugt werden, und daher jede Spur on Färbung in den Strahlen, welche sich nach ihrer eflexion interferiren, als Whatung der Interferenz anesehen werden muss. Young hat selbst dieses Phanoien bei Licht hervorgebracht, das durch zwei kleine, inander nahe Öffnungen in ein verfinstertes Zimmer eleitet wurde. Die zwei Öffnungen konnten so weit on einander abstehen, und auch so groß seyn, daß as Licht als ungeheugt angesehen werden durfte. Doch rar es schwer, die Farbenstreifen rein und deutlich zu rhalten, weil die kleinste Ungleichheit in der Größe nd Gestalt der zwei Öffnungen einen störenden Einus ausübte. Man muste daher suchen, das Licht von eier Öffnung zur Interferenz zu bringen. Dieses leistete resnel, und sein Versuch verdient als vorzüglichste tütze des Interferenz-Principes angesehen zu werdeh. r besteht bekanntlich darin, dass er einen von einem hysischen Puncte aus divergirenden Strahlenbüschel if zwei ebene, nur wenig gegen einander geneigte Spie-Il fallen lässt. In diesen werden die Strahlen so reetirt, als kämen sie von zwei vollkommen gleichen, lander sehr nahen, hinter den Spiegeln befindlichen encten, und interferiren sich demnach vor den Spie-In. Dieser Versuch gehört aber zu den delicatesten der ganzen Optik, und selbst der geübteste Experintator wird ihn nicht ohne vielfaches Tâtonnement. t Erfolg anzustellen im Stande seyn, wenn er sich tht einer besonders zu diesem Versuche bestimmten Prichtung bedient, welche alle Adjustirungen, die die Zeitsehr. f. Phys. u. Mathem. VII. 4. 26

Natur des Versuches fordert, schnell und sicher zu vollziehen gestattet. Ich habe den Fresnel'schen Versuch unzählige Male vorgenommen, und dabei alle Vorsichtmaßregeln angewendet, welche dieser ausgezeichnete Gelehrte empfiehlt, war auch so glücklich, das Phinomen, um das es sich handelt, so rein als es die Natur des Verfahrens erlaubt, darzustellen, sah aber zugleich bald ein, daß es höchst nothwendig sey, zu diesem Behufe ein eigenes Instrument einzurichten, und das Verfahren in etwas abzuändern.

Fresnel lässt das Licht durch einen Fensterladen in ein versinstertes Zimmer eindringen, nachdem er demselben durch einen Planspiegel, der mit einem Heliostat in Verbindung stehen kann, eine horizontale Richtung gegeben hat, fängt den Lichtbüschel mittelst einer Convexlinse mit kurzer Brennweite auf, damit derselbe im Brennpuncte der Linse zu einem leuchtenden physischen Puncte vereiniget werde, von welchem nun die Strakten auf die Spiegel fallen.

Nach dieser Massregel können die aus der Interserenz der Strahlen hervorgehenden Farbenstreisen nur die Höhe des Bildes im Brennpuncte der Linse erhalten und werden weder zum Wahrnehmen, noch weniger aber zum Messen die nöthige Höhe bekommen. Um nur die Farbenstreisen so hoch zu erhalten, dass sie deutlich gesehen werden können, bringe ich am Fensterlades eine etwa 1 Z. hohe, ½ Z. breite Öffnung an, und decke sie mit einem cylindrischen Glase, welches das eindringende Licht in horizontalem Sinne zu einer leuchtenden physischen Linie vereiniget, ohne es in verticalem Sinne abzulenken. Fig. 26 stellt dieses Glas im Längen-und Querdurchschnitte vor.

Die Spiegel, auf welche das von der genannten Lichtlinie her divergirende Licht fällt, und die Frend

olos mittelst Wachs auf einen verticalen Träger befestiget, sind mit einer besondern Fassung und mit mehreren Stellschrauben versehen, durch welche sie leicht in die erforderliche Lage gegen einander gebracht werden können. Die Figuren 27, 28 und 29 stellen sie mmt dem Zugehör in halber Größe nach drei auf einander senkrechten Durchschnitten dar. Sie bestehen sus schwarzem Glase, sind vollkommen plan, und stossen in MN unter einem Winkel zusammen, der wenig von 180° verschieden ist. Die ebene Metallplatte AB dient ihnen zur Rückwand. Vier hervorstehende Stifte. wovon in Fig. 27 nur drei, i, k, l, sichtbar sind, haen die Bestimmung zu verhindern, dass die Spiegel sich nicht längs der Rückwand verschieben können. ei werden sie noch durch die hakenförmigen Ansätze , e, f, gh unterstützt, die aber außer diesem Nebenlienste hauptsächlich das zu leisten haben, einen Spiegel n die an der Rückplatte befindliche Feder r (Fig. 29), en anderen an die Stifte t und s anzudrücken. er beiden Spiegel erhält einen völlig unveränderlichen tand, der andere lässt sich nach zwei auf einander ^{en}krechten Richtungen gegen den ersten bewegen. Dazu ienen die Schrauben d und m (Fig. 27, 29). Die letzre gestattet den beweglichen Spiegel so zu stellen, dass ie Spiegelslächen beider sich in einer bestimmten Linie hneiden; der erste dient zur Vergrößerung oder Vereinerung des Winkels, unter welchem beide Spiegelichen gegen einander geneigt sind.

Fresnel sieht auf die Interferenzstellen mittelst einer convexen Linse hin. Ich bediene mich aber dazu des guten achromatischen Fernrohres, das in einiger atfernung von dem Spiegelapparate aufgestellt wird. In habe mich überzeugt, dass Interferenz-Phänonan Reinheit und Deutlichkeit ausnehmend gewinnt,

wenn man die Öffnung des Objectives dieses Fernrohres in verticaler Richtung durch zwei geradlinige Schirme so verengt, dass etwa nur der Breite nach die Hälste der ganzen Öffnung übrig bleibt, während dieselbe der Höhe nach unverändert geblieben ist.

Beim Gebrauche dieses Apparates kommt es nun hauptsächlich darauf an, dass man den Spiegeln die rechte Lage gegen einander und gegen das Fernrohr gibt, und die Entfernungen des Spiegels von der Fensteröffnung und des Fernrohres von den Spiegeln richtig bestimmt.

Die Entfernung der Spiegel vom Fenster mag 4—6 Fus betragen, die des Fernrohres von den Spiegeln eben so viel; überhaupt mus die letztere Entfernung so beschaffen seyn, dass man im Fernrohre das doppelte Bild der Lichtlinie deutlich sieht. Ist daher die Ocularröhre des Fernrohres lang, und es daher möglich, einen ziemlich nahe gelegenen Punct durch dasselbe deutlich sehen zu können, so kann man diese Entfernung vermindern; bei den gewöhnlichen Fernröhren wird man diese Distanz meistens über 4 F. vergrößern müssen, weil ihr Ocular nicht so weit vom Objective entfernt werden kann, um das Bild eines nur 8 F. vom Objective abstehenden Körpers in die deutliche Sehweite bringen zu können.

Die Spiegel müssen gegen das an der Fensteröffnung befindliche Glas so gestellt werden, dass die gerade Linie, in welcher sich ihre spiegelnden Flächen schneiden, mit der Axe des cylindrischen Glases parallel ist; die Stellung der Spiegel gegen das Fernrohr ist dem Zwecke angemessen, wenn man beide Bilder der Lichtlinie im Gesichtsfelde hat.

Stehen diese zwei Bilder zu weit von einander ab, so vermindert man mittelst der Schraube d die Neigung der Spiegel gegen einander, bis die rechte Entfernung der Bilder eingetreten ist. Ist dieses der Fall, so sieht man von jedem Bilde rechts und links einen Lichtstreifen von der Höhe der Lichtlinie ausgehen. Fallen diese Streifen von beiden Öffnungen zwischen zwei parallele Linien, so dass sie gleichsam einen continuirlichen Streifen bilden, so haben die Spiegel die gehörige Lage gegen einander, widrigenfalls muß man diese Lage mittelst der Schraube m dahin abändern, dass die Lichtstreifen die genannte Lage erhalten.

Der Apparat ist so, wie er hier beschrieben wurde, von Herrn Plössl ausgeführt; die Genauigkeit und Reinheit der Arbeit ist dieses ausgezeichneten Künstlers vollkommen würdig. Ein Fernrohr von seiner Hand mit einer Öffnung von einem Zoll, besonders wenn es mit einem astronomischen Aufsatze versehen ist, leistet zur Beobachtung der Wirkung dieses Apparates alles, was man erwarten kann.

IV.

Verallgemeinerung der Poisson'schen Untersuchungen über die Wahrscheinlichkeit der mittlern Resultate der Beobachtungen in den Additions à la Connaiss. des tems de 1827;

von

Dr. C. Fr. Hauber.

In dem Mémoire sur la Probabilité des résultats moyens des Observations in der Conn. des tems de 1827, p. 273-302, hat Poisson seine Untersuchungen über das vortheilhafteste Resultat aus einer großen Anzahl von Beobachtungen und über die Genauigkeit dieses Resultats auf den Fall beschränkt, wo nur eine Größe gesucht wird. Da man aber hiemit in den Anwendungen nicht ausreicht, so möchte es interessant seyn, diese Untersuchnigen auch auf mehrere zu bestimmende Grösen ausgedehnt zu sehen. Die Fortsetzung jenes Mimoire, welche in die Connoiss. des tems de 1832 eingerückt ist, enthält die Verallgemeinerung, von der ich hier spreche, nicht. Der früher von Laplace in der Theorie analyt. des Probabilités, Livre II. Chap. IV., gegebene Beweis für die Methode der kleinsten Quadrate ist schon bei zwei gesuchten Größen ziemlich weitläufig, statt dass Gauss in der Theoria combinationis observationum erroribus minimis obnoxiae, von andern Principien ausgehend, den Beweis ganz allgemein für irgend eine Anzahl zu bestimmender Größen auf eine kurze und einfache Art geführt hat. Es lässt sich aber durch ein dem Gauss'schen ähnliches Verfahren auch auf den von Poisson in dem angeführten Mém. (Nro. 9) bewiesenen Satz, welchen ich im Folgenden der Kürze wegen den

atz A) nennen will, ein allgemeiner Beweis für die ethode der kleinsten Quadrate nebst Bestimmung der enauigkeit der Resultate gründen, welches auch die nzahl der gesuchten Größen seyn mag. Übrigens setzt eser Beweis voraus, was Laplace und Poisson bei diem Untersuchungen überall voraussetzen, daß die Anahl der Beobachtungen sehr groß sey.

1) Zur Bestimmung irgend einer Anzahl von geichten Größen oder von Correctionen schon nahe beinnter Elemente habe man aus den Beobachtungen die
neären Bedingungsgleichungen erhalten:

$$\varepsilon = ax + by + cz + \dots - \delta,$$

$$\varepsilon_1 = a_1x + b_1y + c_1z + \dots - \delta_1,$$

$$\varepsilon_n = a_nx + b_ny + c_nz + \dots - \delta_n,$$

$$u. s. w.,$$

 ϵ , ϵ , ϵ , . . . resp. die Fehler der ersten, reiten, . . . $(n+1)^{\text{ten}}$, . . . Beobachtung bezeichm, und wo x, y, z, . . . die gesuchten Größen sinde Wahrscheinlichkeit eines Fehlers Δ bei Beobachngen von der Art, zu welcher die erste, zweite, . . . $+1)^{\text{to}}$, . . . dieser Beobachtungen gehört, werde sp. durch $\varphi \Delta$, $\varphi_1 \Delta$, . . . $\varphi_n \Delta$, . . . ausgedrückt, id es sey

Multiplicirt man die Gleichungen (1) resp. mit den actoren g, g_1 , ..., g_n , ..., und addirt sie, so erilt man

$$g_n \, \epsilon_n = x \, \mathcal{Z} g_n \, a_n + y \, \mathcal{Z} g_n \, b_n + z \, \mathcal{Z} g_n \, c_n + \dots$$

$$\dots - \mathcal{Z} g_n \, \delta_n \, , \quad (2)$$

ad nach dem Satze A) ist bei einer großen Anzahl von

Beobachtungen die Wahrscheinlichkeit, dass der wahre Werth von Z_{g_n} ϵ_n zwischen den Grenzen

 $\mathbb{Z}_{g_n} K_n \longrightarrow 2r\sqrt{\mathbb{Z}_{g_n^*} h_n^*}$ und $\mathbb{Z}_{g_n} K_n + 2r\sqrt{\mathbb{Z}_{g_n^*} h_n^*}$ liege,

 $=\frac{3}{\sqrt{\pi}}\int e^{-r^2}dr,$

wo e die Basis der natürlichen Logarithmen, π die Ludolph'sche Zahl, und wo das Integral von r = 0 an zu nehmen ist,

Um nun z. B. x zu bestimmen, muß man die Factoren g, g_1 , ... g_n , ... so wählen, daß in der Gleichung (2) x den Factor t erhalte, und y, z, ... eliminist werden, oder daß man habe

$$Z_{g_n} a_n = 1$$
, $Z_{g_n} b_n = 0$, $Z_{g_n} c_n = 0$, u. s. w. (3)

Ist die Anzahl der Beobachtungen der Anzahl der gesuchten Größen gleich, so werden durch die Gleichungen (3) die Factoren $g, g_1, \ldots g_n, \ldots$ völlig bestimmt; ist aber, was wir hier voraussetzen, die Anzahl der Beobachtungen größer, als die Anzahl der zu bestimmenden Größen $x, y, z \ldots$, so leisten unzählige Systeme von Factoren den Gleichungen (3) Genüge. Nimmt man irgend ein solches System, so ist nach (2)

$$x = \sum g_n \, \epsilon_n \, + \, \sum g_n \, \delta_n \, ,$$

und man erhält einen genäherten Werth von x

$$= \sum g_n K_n + \sum g_n \delta_n,$$

und die Wahrscheinlichkeit, dass der in Beziehung auf diesen Werth von z zu befürchtende Fehler zwischen den Grenzen

$$\pm u = \pm 2r\sqrt{z_{g_n^*}h_n^*}$$

liege, ist = $\frac{2}{\sqrt{\pi}} \int e^{-r^2} dr$.

Die vortheilhafteste Bestimmung von x wird dieje-

e seyn, für welche die Grenzen $\pm u$ des zu befürchden Fehlers bei derselben Wahrscheinlichkeit am zsten werden, d. h. bei welcher der Coefficient von dem Ausdrucke für u am kleinsten ist. Unter allen itemen von Factoren g, g_1 , ..., g_n , ..., welche Gleichungen (3) Genüge leisten, muß man also dasige wählen, für welches $\geq g_n^2 h_n^2$ den kleinsten mögien Werth erhält. Dieses System findet man auf folide Art:

Es sey μ ein beliebiger constanter Factor, und man

$$X = \mu \mathcal{Z} \frac{a_n}{h_n^2} (\epsilon_n + \delta_n) =$$

$$x \cdot \mu \mathcal{Z} \frac{a_n^3}{h_n^3} + y \cdot \mu \mathcal{Z} \frac{a_n b_n}{h_n^2} + z \cdot \mu \mathcal{Z} \frac{a_n c_n}{h_n^3} + \dots$$

$$Y = \mu \mathcal{Z} \frac{b_n}{h_n^3} (\epsilon_n + \delta_n) =$$

$$z \cdot \mu \mathcal{Z} \frac{b_n a_n}{h_n^3} + y \cdot \mu \mathcal{Z} \frac{b_n^3}{h_n^3} + z \cdot \mu \mathcal{Z} \frac{b_n c_n}{h_n^3} + \dots$$

$$Z = \mu \mathcal{Z} \frac{c_n}{h_n^3} (\epsilon_n + \delta_n) =$$

$$z \cdot \mu \mathcal{Z} \frac{c_n a_n}{h_n^3} + y \cdot \mu \mathcal{Z} \frac{c_n b_n}{h_n^3} + z \cdot \mu \mathcal{Z} \frac{c_n^3}{h_n^3} + \dots$$

$$u. \quad s. \quad w.$$

Aus diesen Gleichungen suche man durch Elimion x, y, z... unbestimmt durch X, Y, Z... zedrückt, so dass man Gleichungen erhalte von der m:

$$= \begin{bmatrix} \alpha^2 \end{bmatrix} X + \begin{bmatrix} \alpha \beta \end{bmatrix} Y + \begin{bmatrix} \alpha \gamma \end{bmatrix} Z + \dots$$

$$= \begin{bmatrix} \beta \alpha \end{bmatrix} X + \begin{bmatrix} \beta^2 \end{bmatrix} Y + \begin{bmatrix} \beta \gamma \end{bmatrix} Z + \dots$$

$$= \begin{bmatrix} \gamma \alpha \end{bmatrix} X + \begin{bmatrix} \gamma \beta \end{bmatrix} Y + \begin{bmatrix} \gamma^2 \end{bmatrix} Z + \dots$$
u. s. w.,

und man setze

$$\alpha_{n} = \mu \frac{a_{n}}{h_{n}^{2}} \left[\alpha^{2} \right] + \mu \frac{b_{n}}{h_{n}^{2}} \left[\alpha \beta \right] + \mu \frac{c_{n}}{h_{n}^{2}} \left[\alpha \gamma \right] + \cdots$$

$$\beta_{n} = \mu \frac{a_{n}}{h_{n}^{2}} \left[\beta \alpha \right] + \mu \frac{b_{n}}{h_{n}^{2}} \left[\beta^{2} \right] + \mu \frac{c_{n}}{h_{n}^{2}} \left[\beta \gamma \right] + \cdots$$

$$\gamma_{n} = \mu \frac{a_{n}}{h_{n}^{2}} \left[\gamma \alpha \right] + \mu \frac{b_{n}}{h_{n}^{2}} \left[\gamma \beta \right] + \mu \frac{c_{n}}{h_{n}^{2}} \left[\gamma^{2} \right] + \cdots$$

$$u. \quad s. \quad w.;$$

so ist vermöge der Gleichungen (4), (5) und (6) unbestimmt

$$x = \sum a_n (\epsilon_n + \delta_n), \quad \ldots \quad (7)$$

wo $\epsilon_n + \delta_n = a_n x + b_n y + c_n s + \dots$ ist; daraus folgt

$$\sum a_n a_n = 1$$
, $\sum a_n b_n = 0$, $\sum a_n c_n = 0$, u. s. w. (8)

Setzt man also $g = \alpha$, $g_1 = \alpha_1, \dots g_n = \alpha_n, \dots$ so leistet dieses Factorensystem den Gleichungen (3) Genüge. Für irgend ein anderes System von Factoren, welche diesen Gleichungen ebenfalls Genüge leisten, ist

$$\mathcal{Z}(g_n - a_n) a_n = 0, \quad \mathcal{Z}(g_n - a_n) b_n = 0,$$

$$\mathcal{Z}(g_n - a_n) c_n = 0, \quad \text{u. 6. W.}$$

Wenn man diese Gleichungen resp. mit $[a^2]$, $[a\beta]$, $[a\gamma]$, ... multiplicirt und addirt, so erhält man nach (b)

$$\mathcal{Z}(g_n - a_n) \frac{a_n h_n^2}{\mu} = 0$$

oder $\mathcal{Z}(2g_n a_n - 2a_n^2) h_n^2 = 0$,

oder, da
$$2g_n a_n = g_n^2 + a_n^2 - (a_n - g_n)^2$$
 ist,
 $\sum g_n^2 h_n^2 = \sum a_n^2 h_n^2 + \sum (a_n - g_n)^2 h_n^2$.

Da nun $\mathcal{Z}(\alpha_n - g_n)^2 h_n^2$ immer positiv ist, wenn nicht $g = \alpha$, $g_1 = \alpha_1$, ... $g_n = \alpha_n$, ... ist, so erhält offenbar $\mathcal{Z}g_n^2 h_n^2$ seinen kleinsten Werth für g = 4, $g_1 = \alpha_1$, ... $g_n = \alpha_n$, ...; dies ist also das vor

eilhafteste Factorensystem zur Bestimmung von x. Demich ist der plausibelste Werth von x

$$= \mathcal{Z}\alpha_n K_n + \mathcal{Z}\alpha_n \delta_n;$$

nd die Wahrscheinlichkeit, dass der bei dieser Beimmung von x zu befürchtende Fehler zwischen den renzen

$$\frac{\pm}{\sqrt{u}} = \pm \frac{2}{2} r \sqrt{\sum a_n^2 h_n^2}$$
Fige, ist = $\frac{2}{\sqrt{\pi}} \int e^{-r^2} dr$.

Eben so sind die plausibelsten Werthe von y, z...

$$= \mathcal{Z}\beta_n K_n + \mathcal{Z}\beta_n \delta_n$$
, $\mathcal{Z}\gamma_n K_n + \mathcal{Z}\gamma_n \delta_n$, . . . , ad die Grenzen der bei diesen Bestimmungen zu berchtenden Fehler mit der Wahrscheinlichkeit

$$\frac{2}{\sqrt{\pi}} \int e^{-r^2} dr$$

spective

$$\frac{+}{+} u' = \frac{+}{+} 2 r \sqrt{\mathcal{Z} \beta_n^1 h_n^2},$$

$$\frac{+}{+} u'' = \frac{+}{+} 2 r \sqrt{\mathcal{Z} \gamma_n^1 h_n^2},$$
u. s. w.

Man sieht, dass $\mathbb{Z}a_n \delta_n$, $\mathbb{Z}\beta_n \delta_n$, $\mathbb{Z}\gamma_n \delta_n$, ... ejenigen Werthe von x, y, z . . . sind, die man aus n Gleichungen (5) erhält, wenn man setzt

$$\Sigma \frac{a_n}{h_n^2} \epsilon_n = 0, \quad \mu \ge \frac{b_n}{h_n^2} \epsilon_n = 0, \quad \mu \ge \frac{c_n}{h_n^2} \epsilon_n = 0, \quad \text{u. s. w.},$$

er

$$\frac{\mathcal{Z}\frac{\epsilon_n^2}{h_n^2}}{dx} = 0, \quad \frac{d \cdot \mathcal{Z}\frac{\epsilon_n^2}{h_n^2}}{d\gamma} = 0, \quad \frac{d \cdot \mathcal{Z}\frac{\epsilon_n^2}{h_n^2}}{dz} = 0, \quad \text{u. s. w.},$$

er wenn man $\geq \frac{\epsilon_n^2}{h_n^2}$ zu einem *Minimum* macht.

Übrigens ist klar, dass man, um die plausibelsten

(

Weithe von x, γ, \ldots vermittelst der Gleichungen (4) u. s. w. zu berechnen, nicht die absoluten Werte von h^2 , h_1^2 , ..., sondern nur ihr Verhältnis zu kennen braucht. Dieses wird aber bekannt seyn, wenn man das Verhältniss der Genauigkeit der Beobachtungen kennt. Ist nämlich die Wahrscheinlichkeit, daß bei Beobachtungen von der Art, zu welcher die erste der vorliegenden Beobachtungen gehört, der Fehler nicht größer als A sey, eben so groß, als die Wahr scheinlichkeit, dass bei Beobachtungen von der Art, zu welcher die zweite, dritte, ... $(n+1)^{t_0}$, ... jener Beobachtungen gehört, der Fehler resp. nicht größer als $l_1 \Delta$, $l_2 \Delta$, ... $l_n \Delta$, ... sey (d. h. ist die Genauig keit der Beobachtungen von der ersten, zweiten, drit ten, ... $(n+1)^{ton}$, ... Art resp. den Zahlen i, l_{ij} $l_2, \ldots l_n, \ldots$ umgekehrt proportional), so ist $\int \varphi \Delta . d\Delta = \int \varphi_1(l_1 \Delta) d.(l_1 \Delta) = \int \varphi_2(l_2 \Delta) d.(l_1 \Delta) ...$ $\ldots = \int \varphi_n (l_n \Delta) d \cdot (l_n \Delta) \ldots$ also $\varphi \Delta = l_1 \varphi_1(l_1 \Delta) = l_2 \varphi_2(l_2 \Delta) \ldots = l_n \varphi_n(l_n \Delta) \ldots$ folglich $K'_{i} = \int_{-\infty}^{+\infty} (l_{i} \Delta)^{2} \varphi_{i}(l_{i} \Delta) d.(l_{i} \Delta)$ $= l_i^* \int_{-\infty}^{+\infty} \Delta^2 \varphi \Delta \cdot d\Delta = l_i^* K'$ und $K_i = \int_{-\infty}^{+\infty} (l_i \Delta) \varphi_i(l_i \Delta) d \cdot (l_i \Delta)$ $= l_1 \int_{-\infty}^{+\infty} \Delta \varphi \Delta \cdot d\Delta = l_1 K,$

mithin

$$h_1^2 = \frac{1}{2}(K_1' - K_1^2) = \frac{1}{2}l_1^2(K_1' - K_2') = l_1^2h^2,$$

und eben so $h_1^2 = l_1^2h^2, \ldots h_n^2 = l_n^2h^2,$ u. s. w.

2) Sind die Beobachtungen alle von gleichem Werthe, so ist

$$K = K_1 \ldots = K_n \ldots$$
 und $h^2 = h_1^2 \ldots = h_n^2 \ldots$

Da μ willkürlich ist, so kann man setzen $\mu = h^2$ oder $\frac{\mu}{h^2} = 1$. Dann ist nach (6)

$$a_n = a_n [\alpha^2] + b_n [\alpha \beta] + c_n [\alpha \gamma] + \cdots;$$

es ist aber nach (8)

$$aa + a_1a_1 + a_2a_2 + \dots = 1,$$

 $ab + a_1b_1 + a_2b_2 + \dots = 0,$
 $ac + a_2c_1 + a_2c_2 + \dots = 0,$
 $u. s. w.;$

wenn man diese Gleichungen resp. mit $[\alpha^2]$, $[\alpha\beta]$, $[\alpha\gamma]$, n. s. w. multiplicirt und addirt, so erhält man

$$\mathbf{Z}a_n^2=[a^2].$$

Eben so läst sich beweisen, dass $\Sigma \beta_n^* = [\beta^2]$, $\Sigma \gamma_n^* = [\gamma^2]$ ist, u. s. w.

Hier gehen also die obigen Ausdrücke für x, y, z... und u, u', u''... in folgende über:

$$x = K \ge \alpha_n + \ge \alpha_n \delta_n, \quad u = 2 r h \sqrt{\left[\alpha^2\right]},$$

$$y = K \ge \beta_n + \ge \beta_n \delta_n, \quad u' = 2 r h \sqrt{\left[\beta^2\right]},$$

$$z = K \ge \gamma_n + \ge \gamma_n \delta_n, \quad u'' = 2 r h \sqrt{\left[\gamma^2\right]},$$

$$u. \quad s. \quad w.$$

Gewöhnlich setzt man K=0, d. h. man setzt vorus, dass gleiche positive und negative Fehler der Bebachtungen gleich wahrscheinlich seyen. Unter dieser
Voraussetzung erhält man die plausibelsten Werthe von $x, y, z \ldots$, wenn man z_n zu einem Minimum macht,
d. h. wenn man setzt

$$\sum a_n \delta_n = x \sum a_n^2 + y \sum a_n b_n + z \sum a_n c_n + \dots,$$

$$\sum b_n \delta_n = x \sum b_n a_n + y \sum b_n^2 + z \sum b_n c_n + \dots,$$

$$\sum c_n \delta_n = x \sum c_n a_n + y \sum c_n b_n + z \sum c_n^2 + \dots,$$
u. s. w.

Sucht man aus diesen Gleichungen durch Elimination für $x, y, z \dots$ Ausdrücke von der Form:

$$x = \begin{bmatrix} a^2 \end{bmatrix} \mathcal{Z} a_n \, \delta_n + \begin{bmatrix} a\beta \end{bmatrix} \mathcal{Z} b_n \, \delta_n + \begin{bmatrix} a\gamma \end{bmatrix} \mathcal{Z} c_n \, \delta_n + \ldots,$$

$$y = \begin{bmatrix} \beta a \end{bmatrix} \mathcal{Z} a_n \, \delta_n + \begin{bmatrix} \beta^2 \end{bmatrix} \mathcal{Z} b_n \, \delta_n + \begin{bmatrix} \beta\gamma \end{bmatrix} \mathcal{Z} c_n \, \delta_n + \ldots,$$

$$z = \begin{bmatrix} \gamma a \end{bmatrix} \mathcal{Z} a_n \, \delta_n + \begin{bmatrix} \gamma\beta \end{bmatrix} \mathcal{Z} b_n \, \delta_n + \begin{bmatrix} \gamma^2 \end{bmatrix} \mathcal{Z} c_n \, \delta_n + \ldots,$$

$$u. \quad s. \quad w.,$$

so sind diess die plausibelsten Werthe von x, y, z..., und die Grenzen der in Beziehung auf diese Werthezu befürchtenden Fehler mit der Wahrscheinlichkeit

$$\frac{2}{\sqrt{\pi}} \int e^{-r^2} dr$$

sind resp.

Die Wahrscheinlichkeit, dass der bei dieser Bestimmung von x zu befürchtende Fehler zwischen den Grenzen $\pm u$ liege, ist

$$=\frac{1}{h\sqrt{(\alpha^2)\pi}}\int e^{-\frac{u^2}{4h^2(\alpha^2)}}du,$$

das Integral von u = 0 an genommen.

Der Factor, mit welchem in diesem Ausdrucke n' in dem negativen Exponenten von e multiplicirt ist, ist das, was Laplace das Gewicht P des Resultats nenns; demnach ist P

für
$$x = \frac{1}{4h^2[\alpha^2]}$$
;
eben so für $y = \frac{1}{4h^2[\beta^2]}$,
u. s. w.

Die Wahrscheinlichkeit $\frac{2}{\sqrt{\pi}} \int e^{-r^2} dr$ wird $=\frac{1}{2}$ für r = 0.4769363, also ist der sogenannte wahrscheinliche Fehler der Bestimmung von x

=
$$0.47694 \times 2hV[a^2] = \frac{0.47694}{\sqrt{P}}$$
.

Drückt $\psi u \cdot du$ die Wahrscheinlichkeit aus, daß der Fehler der Bestimmung von x zwischen u ued u + du liege, so ist

$$\int \psi u \cdot du = \frac{1}{\sqrt{\pi}} \int e^{-r^2} dr \quad \text{für} \quad u = 2 r h \sqrt{[a^2]},$$
also $\psi u = \frac{1}{\sqrt{\pi}} e^{-r^2} \cdot \frac{dr}{du} = \frac{e^{-r^2}}{2h\sqrt{[a^2]\pi}};$

und der mittlere zu befürchtende Fehler jener Bestimnung in dem Sinne, in welchem Laplace diesen Auslruck gebraucht, ist

$$= \pm \int_0^\infty u \psi u \cdot du = \pm \frac{2 h \sqrt{[\alpha^2]}}{\sqrt{\pi}} \int_0^\infty r e^{-r^2} dr$$

$$= \pm \frac{h \sqrt{[\alpha^2]}}{\sqrt{\pi}} = \pm \frac{1}{2\sqrt{P\pi}}.$$

Iingegen das Quadrat des mittlern zu befürchtenden Sehlers jener Bestimmung in dem Sinne, in welchem Sauss in der Theoria combinationis observationum diesen Ausdruck gebraucht, ist

$$= \int_{-\infty}^{+\infty} u^2 \psi u \cdot du = \frac{4h^2[\alpha^2]}{\sqrt{\pi}} \int_{-\infty}^{+\infty} r^2 e^{-r^2} dr = 2h^2[\alpha^2],$$
wo $2h^2 = \int_{-\infty}^{+\infty} \Delta^2 \varphi \Delta \cdot d\Delta$ das Quadrat des mittlern to befürchtenden Fehlers einer Beobachtung ist. Da Gau/s das Gewicht dem Quadrate des mittlern Fehlers umgekehrt proportional setzt, so ist das Gewicht der Bestimmung von x nach Gau/s , das Gewicht einer Beobachtung zur Einheit genommen, $=\frac{1}{[\alpha^2]}$. Gau/s hat diess bewiesen, ohne dazu einen Ausdruck für die Wahrscheinlichkeit eines Fehlers des Resultats zu gebrauchen.

3) Sowohl Laplace als Gauss haben als Grundsatz angenommen, dass die vortheilhafteste Combination der Beobachtungen diejenige sey, bei welcher der mittlere zu befürchtende Fehler des Resultats ein Minimum werde; aber in dem Begriffe dieses mittlern Fehlers weichen

sie von einander ab. Will man auf den Laplace'schen Begriff des mittlern zu befürchtenden Fehlers einen allgemeinen Beweis für die Methode der kleinsten Quadrate bei einer beliebigen Anzahl zu bestimmender Elemente gründen, so kann man so verfahren: drückt bei irgend einem Systeme von Factoren $g, g_1, \ldots g_n, \ldots$ welche den Gleichungen (3) Genüge leisten, $\psi u.du$ die Wahrscheinlichkeit aus, dass der in Beziehung auf den Werth von $x = \mathbb{Z}_{g_n} K_n + \mathbb{Z}_{g_n} \delta_n$ zu befürchtende Fehler zwischen u und u + du liege, so ist die Wahrscheinlichkeit, dass der Fehler zwischen den Grenzen u und u liege,

$$= \int u \left[\psi u + \psi \left(-u \right) \right] du,$$

das Integral von u = 0 an genommen. Aber nach dem Satze A) ist diese Wahrscheinlichkeit $\implies \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int e^{-r^2} dr$, wenn man $u = 2r\sqrt{Zg_n^2h_n^2}$ setzt; folglich ist

$$\psi u + \psi(-u) = \frac{2}{\sqrt{\pi}} e^{-r^2} \cdot \frac{dr}{du},$$

und daher $\int_0^\infty u \left[\psi u + \psi(-u) \right] du$, oder der mittlere Werth jenes Fehlers, die Fehler ohne Rücksicht auf das Zeichen genommen,

$$= \frac{4}{\sqrt{\pi}} \sqrt{2g_n^2 h_n^2} \int_0^\infty r e^{-r^2} dr = 2 \sqrt{\frac{2g_n^2 h_n^2}{\pi}}$$

Damit dieser ein Minimum werde, muß man designige Factorensystem wählen, für welches $\sum g_n^* h_n^*$ des kleinsten möglichen Werth erhält, wie oben.

Überhaupt würde man zu denselben Resultaten gelangen, wenn man als Grundsatz annähme, dass der mitlere Werth irgend einer Potenz mit einem positives ganzen Exponenten p (für ein ungerades p die Fehler ohne Rücksicht auf das Zeichen genommen) von den bei der Bestimmung jeder der gesuchten Größen zu befürchtenden Fehler zu einem Minimum gemacht werden solle. Es ist nämlich, wenn wieder ψu . du die Wahrscheinlichkeit ausdrückt, daß der in Beziehung auf den VVerth von $x = \sum g_n K_n + \sum g_n \delta_n$ zu befürchtende Fehler zwischen u und u + du liege,

$$\int_0^\infty u^p \left[\psi u + \psi(-u)\right] du = \frac{2^{p+1}}{\sqrt{\pi}} \left(\sum g_n^4 h_n^4\right)^2 \int_0^\infty r^p e^{-r^2} dr,$$

wo für ein gerades p

$$\int_0^\infty r^p e^{-r^2} dr = 1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots (p-1) \cdot 2^{-\frac{p}{2}} \cdot \frac{\sqrt{\pi}}{2},$$

und für ein ungerades p

$$\int_0^\infty r^p e^{-r^2} dr = \frac{1}{2} \times 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \cdot \cdot \left(\frac{p-1}{2}\right) \text{ ist.}$$

In beiden Fällen ist klar, dass $\int_0^\infty u^p \left[\psi u + \psi(-u) \right] du$ den kleinsten Werth erhält, wenn man die Factoren \mathcal{B} , g_1, \ldots, g_n , \ldots so wählt, dass $\sum g_n^2 h_n^2$ ein *Minimum* wird,

4) Ich will nun einen Weg zur Bestimmung der Größe $K = \int_{-\infty}^{+\infty} \Delta \varphi \Delta \cdot d\Delta$, welche Gauss den constanten Theil des Fehlers nennt, zu zeigen suchen, vorausgesetzt, daß die Function $\varphi \Delta$ für alle Beobachtungen, deren Anzahl durch s bezeichnet werden soll, dieselbe sey.

Substituirt man in den ursprünglichen Bedingungsgleichungen (1) für x den Ausdruck $\sum \alpha_n (\epsilon_n + \delta_n)$ aus (7), für y den analogen Ausdruck $\sum \beta_n (\epsilon_n + \delta_n)$, u. s. w., so erhält man

$$\epsilon_n = a_n \sum a_n (\epsilon_n + \delta_n) + b_n \sum \beta_n (\epsilon_n + \delta_n) + \dots - \delta_n,$$
Zeitschr. f. Phys. u. Mathem. VII. 4.

oder, wenn λ_n den Werth bezeichnet, den die Function $a_n x + b_n \gamma + \dots - \delta_n$ erhält, wenn man darin für $x, \gamma \dots$ die VVerthe $\sum a_n \delta_n, \sum \beta_n \delta_n \dots$ setzt, für welche Σε ein Minimum wird,

$$\epsilon_n = \lambda_n + a_n \sum a_n \epsilon_n + b_n \sum \beta_n \epsilon_n + \dots, (9)$$
also
$$\sum \epsilon_n - \sum a_n \sum a_n \epsilon_n - \sum b_n \sum \beta_n \epsilon_n - \dots = \sum \lambda_n$$
oder
$$\sum (1 - a_n \sum a_n - \beta_n \sum b_n - \dots) \epsilon_n = \sum \lambda_n.$$

Aber nach dem Satze A) ist die Wahrscheinlichkeit, dass der Werth von $\Sigma (1 \longrightarrow a_n \Sigma a_n - \beta_n \Sigma b_n - ...) \epsilon_n$ zwischen

$$K (s - \sum a_n \sum a_n - \sum b_n \sum \beta_n - \ldots) \pm \frac{1}{2} r h \sqrt{\sum (1 - a_n \sum a_n - \beta_n \sum b_n - \ldots)^2}$$
liege,
$$= \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int e^{-r^2} dr.$$

Demnach erhält man einen genäherten VVerth von K

oder =
$$\frac{\sum \lambda_n}{s - \sum a_n \sum a_n - \sum b_n \sum \beta_n - \dots}$$

$$= \frac{\sum \lambda_n}{s - \sum a_n \sum a_n \delta_n + \sum b_n \sum \beta_n \delta_n + \dots - \sum \delta_n}$$

$$= \frac{\sum a_n \sum a_n \delta_n + \sum b_n \sum \beta_n \delta_n + \dots - \sum \delta_n}{s - \sum a_n \sum a_n - \sum b_n \sum \beta_n - \dots}$$

und die Grenzen des in Beziehung auf diesen Werth von K zu befürchtenden Fehlers mit der Wahrscheinlichkeit $\frac{1}{\sqrt{s}} \int e^{-r^2} dr \text{ sind}$

$$= \pm \rho = \pm \frac{2 r h \sqrt{\Sigma (1 - \alpha_n \Sigma \alpha_n - \beta_n \Sigma b_n - \ldots)^2}}{s - \Sigma \alpha_n \Sigma \alpha_n - \Sigma b_n \Sigma \beta_n - \ldots}.$$
 (11)

Wendet man diese Ausdrücke auf den Fall an, wo nur eine Größe x gesucht wird, wo also b_n u. s. w. = 0, und $a_n = \frac{a_n}{\sum a^2}$ ist, so erhält man nach (10)

$$K = \frac{\sum \lambda_n \sum a_n^2}{s \sum a_n^2 - (\sum a_n)^2} = \frac{\sum a_n \sum a_n \delta_n - \sum a_n^2 \sum \delta_n}{s \sum a_n^2 - (\sum a_n)^2}, \quad (13)$$
und nach (11)

$$\frac{\pm v}{s \sum a_n^3 - (\sum a_n)^2}$$

$$= \pm \frac{2 r h \sqrt{\sum (\sum a_n^3 - a_n \sum a_n)^2}}{s \sum a_n^3 - (\sum a_n)^2 - (\sum a_n)^2 \sum a_n^3}$$

$$= \pm \frac{2 r h \sqrt{\sum a_n^3 - (\sum a_n)^2}}{\sqrt{s \sum a_n^3 - (\sum a_n)^2}}.$$

Es ist aber

$$(\Sigma a_n)^2 =$$

 $= \sum a_n^2 + 2$ ($a a_1 + a a_2 + ... + a a_{s-1} + a_1 a_2 + ...$ etc.), und wenn man die Summe der Quadrate der Differenzen je zweier der Factoren $a_1, a_2, ..., a_{s-1}$ durch D^2 bezeichnet, so ist

$$D^{2} = (s-1) \sum a_{n}^{2} - 2(a a_{1} + a a_{2} + \dots + a a_{s-1} + a_{1} a_{2} + \dots \text{ etc.}),$$
also
$$D^{2} = s \sum a_{n}^{2} - (\sum a_{n})^{2}.$$

Demnach lassen sich die Werthe von K und $\pm v$ auch so ausdrücken:

$$K = \frac{\sum \lambda_n \sum a_n^2}{D^2} \text{ oder } = \frac{\sum a_n \sum a_n \delta_n - \sum a_n^2 \sum \delta_n}{D^2},$$

und $\pm \rho = \pm \frac{2rh\sqrt{\sum a_n^2}}{D},$

welche Ausdrücke mit denjenigen übereinstimmen, die Poisson in der Conn. des tems pour 1827, p. 298, auf eine andere Art abgeleitet hat.

Man sieht, dass diese Bestimmung von K in denjenigen Fällen unbrauchbar ist, wo die Factoren $a, a_1, \ldots a_n, \ldots$ einander gleich oder nur wenig von einander verschieden sind.

Substituirt man in dem Ausdrucke für den plausibelsten Werth von x

$$= K \sum a_n + \sum a_n \, \delta_n = K \frac{\sum a_n}{\sum a_n^2} + \frac{\sum a_n \, \delta_n}{\sum a_n^2}$$

für K seinen Werth aus der Gleichung (12), so er-

hält man

$$x = \frac{s \sum a_n \, \delta_n - \sum a_n \, \sum \delta_n}{s \, \sum a_n^2 - (\sum a_n)^2}.$$

Man kann auch in den ursprünglichen Bedingungsgleichungen zu den gesuchten Größen $x, y, z \ldots$ noch die K als eine unbestimmte Größe hinzufügen, die in jeder Bedingungsgleichung eben so, wie δ , δ_1 , ... δ_n , ... den Factor — 1 hat, und z. B. in dem Ausdrucke für x die K eben so, wie y, z ... eliminiren (vergl. das erste Suppl. zu Lapl. Théorie anal. des Prob., p. 20). Die Gleichungen, aus denen die plausibelsten Werthe von K, x, y, u. s. w. durch Elimination abgeleitet werden müssen, sind dann folgende:

$$\Sigma \epsilon_n = 0, \text{ oder } x \Sigma a_n + y \Sigma b_n + \dots$$

$$\dots - s K - \Sigma \delta_n = 0,$$

$$\Sigma a_n \epsilon_n = 0, \text{ oder } x \Sigma a_n^2 + y \Sigma a_n b_n + \dots$$

$$\dots - K \Sigma a_n - \Sigma a_n \delta_n = 0,$$

$$\Sigma b_n \epsilon_n = 0, \text{ u. s. w.}$$

Hat außer K noch eine von den gesuchten Größen x, y... in jeder Bedingungsgleichung den Factor 1, so kann diese nicht von K abgesondert bestimmt werden

Wendet man dieses Verfahren auf den Fall an, wo aufser K nur eine Größe x gesucht wird, so findet man den plausibelsten Werth von x

$$= \frac{s \sum a_n \delta_n - \sum a_n \sum \delta_n}{s \sum a_n^2 - (\sum a_n)^2},$$

wie oben, und die Grenzen des in Beziehung auf diesen Werth von x zu befürchtenden Fehlers mit der Wahrscheinlichkeit $\frac{2}{1/\pi} \int e^{-r^2} dr$

$$= \pm 2 rh \sqrt{\frac{s}{s \sum a_n^2 - (\sum a_n)^2}};$$

ferner den plausibelsten Werth von K

$$=\frac{\sum a_n \sum a_n \delta_n - \sum a_n^2 \sum \delta_n}{s \sum a_n^2 - (\sum a_n)^2},$$

wie oben, und die Grenzen

$$\pm v = \pm 2rh \sqrt{\frac{\sum a_n^2}{s \sum a_n^2 - (\sum a_n)^2}},$$

wie oben.

5) Wie die Größe $K' = \int_{-\infty}^{+\infty} \Delta^2 \varphi \Delta . d\Delta$ zu bestimmen sey, darüber hat Gau/s in der Theoria comb. obs. art 37 seqq. Untersuchungen angestellt, ohne dabei, wie sonst gewöhnlich geschah, die Fehler der Beobachtungen selbst als bekannt vorauszusetzen; er hat aber angenommen, daß K oder $\int_{-\infty}^{+\infty} \Delta \varphi \Delta . d\Delta = 0$ sey. Ich will nun zeigen, wie man einen genäherten Werth von K' oder von $h^2 = \frac{1}{2}(K' - K^2)$ finden könne, wenn man von K schon einen genäherten Werth kennt.

Vermöge der Gleichung (9) hat man

$$\lambda = \epsilon - a \sum a_n \epsilon_n - b \sum \beta_n \epsilon_n - \dots,
\lambda_1 = \epsilon_1 - a_1 \sum a_n \epsilon_n - b_1 \sum \beta_n \epsilon_n - \dots,
\dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots
\lambda_n = \epsilon_n - a_n \sum a_n \epsilon_n - b_n \sum \beta_n \epsilon_n - \dots,
u. s. w.$$
(13)

Wenn man diese Gleichungen resp. mit λ , λ_1 , ... λ_n , ... multiplicirt und addirt, so erhält man $\sum \lambda_n^2 = \sum \lambda_n \epsilon_n - \sum a_n \lambda_n \sum a_n \epsilon_n - \sum b_n \lambda_n \sum \beta_n \epsilon_n - \cdots$ aber aus der Art, wie λ_n bestimmt worden ist, erhellt, dass man hat

Die Gleichungen (13) resp. mit ϵ , ϵ_1 , . . . ϵ_n , . . . multiplicirt und addirt, geben

$$\sum \varepsilon_n \lambda_n = \sum \varepsilon_n^2 - \sum \alpha_n \varepsilon_n \sum \alpha_n \varepsilon_n - \sum b_n \varepsilon_n \sum \beta_n \varepsilon_n - \dots,$$

woraus vermittelst der Gleichung (14) folgt:

$$\sum \lambda_n^2 = \sum \varepsilon_n^2 - \sum a_n \ \varepsilon_n \sum \alpha_n \ \varepsilon_n - \sum b_n \ \varepsilon_n \sum \beta_n \ \varepsilon_n - \dots$$
 (15)

Je größer die Anzahl der Beobachtungen ist, desto eher ist zu erwarten, dass der wahre zufällige Werth der Function

 $\Sigma \epsilon_n^2 - \Sigma a_n \epsilon_n \Sigma a_n \epsilon_n - \Sigma b_n \epsilon_n \Sigma \beta_n \epsilon_n - \ldots$ (16) von ihrem mittleren Werthe wenig verschieden seyn werde. Es ist aber der mittlere Werth von $\Sigma \epsilon_n^2 = sK'$. Den mittleren Werth des Products $\Sigma a_n \epsilon_n \Sigma a_n \epsilon_n$ erhält man, wenn man in der Entwicklung dieses Products für jedes Quadrat wie ϵ^2 , ϵ_n^2 , ... seinen mittlern Werth = K', und für jedes Product wie $\epsilon \epsilon_i$, $\epsilon \epsilon_2$, $\epsilon_1 \epsilon_2$, ... seinen mittlern Werth $= K^2$ setzt. So findet sich der mittlere Werth von $\Sigma a_n \epsilon_n \Sigma a_n \epsilon_n$

 $= K' \sum a_n \alpha_n + K^2 (\sum a_n \sum \alpha_n - \sum a_n \alpha_n),$ oder nach (8)

$$= K' + K^2 (\Sigma a_n \Sigma a_n - 1).$$

Auf ähnliche Art lassen sich die mittlern Werthe der übrigen Producte in der Function (16) ausdrücken; demnach ist der mittlere Werth der Summe dieser Producte, deren Anzahl der Zahl ρ der gesuchten Größen $x, y, z \ldots$ gleich ist,

=
$$\rho K' + K^2 (\sum a_n \sum a_n + \sum b_n \sum \beta_n + \dots - \rho)$$
, und daher der mittlere Werth der Function (16)

$$= (s-\rho) K' - K^2 (\Sigma a_n \Sigma a_n + \Sigma b_n \Sigma \beta_n + \ldots - \rho)$$

Die Gleichung (15) gibt also einen genäherten Werth von K'

$$= \frac{1}{s-\rho} \left[\sum \lambda_n^2 + K^2 \left(\sum a_n \sum a_n + \sum b_n \sum \beta_n + \dots - \rho \right) \right], \quad (17)$$
oder einen genäherten Werth von 2 h^2 oder $K' - K^2$

$$= \frac{1}{s-\rho} \left[\sum \lambda_n^2 - K^2 \left(s - \sum a_n \sum a_n - \sum b_n \sum \beta_n - \ldots \right) \right].$$
 (18)

Für den Fall, wo nur eine Größe x gesucht wird, gibt die Gleichung (17)

$$K' = \frac{\sum \lambda_n^1 \sum a_n^2 + K^2 \left[(\sum a_n)^2 - \sum a_n^2 \right]}{(s-1) \sum a_n^2},$$

und die Gleichung (18)

•

=

$$2 h^{2} = \frac{\sum \lambda_{n}^{2} \sum a_{n}^{2} - K^{2} [s \sum a_{n}^{2} - (\sum a_{n})^{2}]}{(s-1) \sum a_{n}^{2}}$$

$$= \frac{\sum \lambda_{n}^{2} \sum a_{n}^{2} - K^{2} D^{2}}{(s-1) \sum a_{n}^{2}},$$

wo $\sum \lambda_n^2 \sum a_n^2 = \sum a_n^2 \sum \delta_n^2 - (\sum a_n \delta_n)^2$ ist.

Setzt man K = 0, so verwandeln sich die Gleichungen (17) und (18) in folgende:

$$K' = 2 h^2 = \frac{\sum \lambda_n^2}{s-\rho},$$

welches der von Gauss gegebene Ausdruck für den genäherten Werth des Quadrats des mittlern Fehlers einer Beobachtung ist.

6) Laplace hat im dritten Supplément à la Théoris analytique des Probab., p. 29—36, eine Méthode générale du calcul des probabilités, lorsqu'il y a plusieurs sources d'erreurs, gegeben. Er zeigt nämlich, wie die plausibelsten Werthe der gesuchten Größen $x, y, z \dots$ zu bestimmen seyen, wenn jede von den aus den Beobachtungen abgeleiteten Bedingungsgleichungen, wie $a_n x + b_n y + c_n z + \dots - \delta_n = 0$, mehreren zufälligen Fehlern ausgesetzt ist, die aus verschiedenen von einander unabhängigen Quellen entspringen, für welche das Gesetz der Wahrscheinlichkeit der Fehler nicht dasselbe ist, und wenn die von jeder Quelle herrührenden Fehler in den Bedingungsgleichungen mit Factoren multiplicirt sind, welche für die verschiedenen Fehlerquellen und für die verschiedenen Gleichungen

verschieden sind. So ist zum Beispiel jede gemessene und wegen der terrestrischen Refraction verbesserte Zenithdistanz eines terrestrischen Objects aus zwei Ursachen fehlerhaft, nämlich wegen der Unsicherheit der Messung selbst, und wegen der Veränderlichkeit der terrestrischen Refraction; der Fehler des angenommenen Refractionscoefficienten wird mit einem Factor multiplicirt, der von der Entfernung des Objects abhängt, Jede Beobachtung am Passageinstrument ist wenigstens zwei zufälligen Fehlern ausgesetzt, weil das Ohr die Schläge der Uhr nicht richtig theilt, und weil das Auge den Durchgang durch den Faden nicht scharf sieht; der letztere Fehler wird mit der Secante der Declination des Sterns multiplicirt. Überhaupt würde diese Méthods générale ohne Zweifel in sehr vielen Fällen brauchbar seyn, wenn nicht ihre Anwendung zu mühsam wäre oder es an den erforderlichen Datis dazu fehlte: die Factoren, mit denen die Fehler multiplicirt sind, in allen Gleichungen dieselben, so reducirt sich das Verfahren auf die gewöhnliche Methode der kleinsten Quadrate. Ich will nun diesen Gegenstand analog mit dem obigen Beweise für die Methode der kleinsten Quadrate behandeln,

Es sey

$$ax + by + cz + \dots - \delta = p\varepsilon + p'\varepsilon'$$

$$a_1x + b_1y + c_1z + \dots - \delta_1 = p_1\varepsilon_1 + p'_1\varepsilon'$$

$$\vdots$$

$$a_nx + b_ny + c_nz + \dots - \delta_n = p_n\varepsilon_n + p'_n\varepsilon'_n$$

$$u. \quad s. \quad w.,$$
(19)

wo ϵ , ϵ_1 , ... die aus der ersten, ϵ' , ϵ' , ϵ' , ... die aus der zweiten Quelle entspringenden zufälligen Fehler, und p, p_1 , ... p', p', ... bekannte Factoren sind (Der Kürze wegen beschränke ich mich auf zwei Fehren von der der verschaften der verscha

rquellen, da man von selbst sieht, wie die Untersunung auf mehrere auszudehnen sey.) Die Function, siche das Gesetz der Wahrscheinlichkeit der Fehler sdrückt, sey für die erste Quelle $\varphi \Delta$, für die zweite Δ , und es sey

$$\varphi \Delta = \varphi(-\Delta), \quad \varphi' \Delta = \varphi'(-\Delta), \quad \text{und}$$

$$\begin{array}{c}
+\infty \\
-\infty
\end{array}
\Delta^2 \varphi \Delta \cdot d\Delta = m^2, \quad \int_{-\infty}^{+\infty} \Delta^2 \varphi' \Delta \cdot d\Delta = m'^2,$$

so das, was wir oben durch K_n bezeichnet haben, \Longrightarrow 0, d das, was oben $2h_n^*$ hiefs, in Beziehung auf ε , ... \Longrightarrow m^2 und in Beziehung auf ε' , ε' , ... \Longrightarrow $m^{\prime 2}$.

Multiplicirt man, um x zu bestimmen, die Gleichunn (19) resp. mit Factoren g, g_1 , g_n , . . . , wele den Gleichungen (3) Genüge leisten, so erhält man

$$x - \sum g_n \, \delta_n = \sum g_n \, p_n \, \epsilon_n + \sum g_n \, p_n' \, \epsilon_n'.$$

Da die Fehler ϵ_n und ϵ'_n u. dgl. von einander unabngig sind, so kann man hier den Satz A) eben so anenden, wie wenn diese Fehler verschiedenen Beobachngen oder Gleichungen zugehörten. Nach diesem tze ist die Wahrscheinlichkeit, dass

$$\sum g_n p_n \epsilon_n + \sum g_n p'_n \epsilon'_n$$
,

er der in Beziehung auf den Werth von $x = \sum g_n \delta_n$ befürchtende Fehler zwischen den Grenzen

$$+ r\sqrt{2(m^2\sum g_n^2\rho_n^2 + m'^2\sum g_n^2\rho_n'^2)}$$

ge,

$$=\frac{2}{\sqrt{\pi}}\int e^{-r^2}dr,$$

praus erhellt, dass man, um x auf's vortheilhafteste bestimmen, unter allen Systemen von Factoren, wele den Gleichungen (3) Genüge leisten, dasjenige wähn muss, für welches $m^2 \sum g_n^2 p_n^4 + m'^2 \sum g_n^2 p_n'^2$, oder, mn man

$$p_n^2 + \frac{m'^2}{m^2} p_n'^2 = q_n^2$$

setzt, für welches $\sum g_n^* q_n^*$ den kleinsten möglichen Werk erhält. Die Bestimmung dieses vortheilhaftesten Factorensystems ist offenbar der in Nro. 1) entwickelten ganz analog, wenn man nur q_n^* statt des dortigen h_n^* , und $p_n \, \epsilon_n + p_n' \, \epsilon_n'$ statt des dortigen ϵ_n setzt. Eben so verhält es sich mit den übrigen gesuchten Größen $\mathcal{Y}, z \ldots$ Demnach wird man die plausibelsten Werthelm von $x, y, z \ldots$ erhalten, wenn man $\sum \frac{(p_n \, \epsilon_n + p_n' \, \epsilon_n')!}{q_n^*}$

zu einem Minimum macht, d. h. wenn man setzt

$$\Sigma \frac{a_n}{q_n^2} (p_n \, \epsilon_n + p_n' \, \epsilon_n') = 0, \quad \Sigma \frac{b_n}{q_n^2} (p_n \, \epsilon_n + p_n' \, \epsilon_n') = 0, \text{ u. s. w.}$$

oder
$$\Sigma \frac{a_n (p_n \epsilon_n + p'_n \epsilon'_n)}{m^2 p_n^* + m'^2 p_n^*} = 0$$
, u. s. w.,

oder

$$x \sum \frac{a_n^2}{q_n^2} + y \sum \frac{a_n b_n}{q_n^2} + z \sum \frac{a_n c_n}{q_n^2} + \cdots - \sum \frac{a_n \delta_n}{q_n^2} = 0$$

7) Um diese Methode anwenden zu können, müßte man die Werthe von m^2 und m'^2 oder wenigstens im Verhältniß zu einander kennen. Hat man eine bedertende Anzahl Gleichungen von der Form (19), in welchen die Factoren, mit denen die Fehler multiplicht sind, wie p_n , p'_n , dieselben Werthe, z. B. G, G', haben, so läßt sich nach der in Nro. 5) angeführten Methode (das obige K = 0 gesetzt) der mittlere Werth des Quadrats des Fehlers einer solchen Gleichung, oder der mittlere Werth von $(G \epsilon_n + G' \epsilon'_n)^2$, d. h. (da der mittlere Werth von $\epsilon_n^2 = m^2$, der mittlere Verth von $\epsilon_n^2 = m^2$, der mittlere Verth von $\epsilon_n^2 = m^2$, und da unter der Voraussetzung $\varphi \Delta = \varphi(-\Delta)$.

 $\Delta = \varphi'(-\Delta)$ der mittlere Werth des Products $\epsilon_n \epsilon'_n = 0$ t) der Werth von $G^2 m^2 + G'^2 m'^2$ näherungsweise beimmen. Hat man ferner eine bedeutende Anzahl anzer Gleichungen, in welchen jene Factoren dieselben 7erthe H, H' haben, so läßst sich eben so der Werth in $H^2 m^2 + H'^2 m'^2$ näherungsweise bestimmen. Ist an z. B.

$$\begin{cases}
G^2 m^2 + G^{12} m^{12} = A \\
H^2 m^2 + H^{12} m^{12} = B
\end{cases}$$
(20)

funden worden, so erhält man hieraus

$$m^{2} = \frac{AH^{2} - BG^{2}}{G^{2}H^{2} - G^{2}H^{2}},$$

$$m^{2} = \frac{BG^{2} - AH^{2}}{G^{2}H^{2} - G^{2}H^{2}},$$
also
$$\frac{m^{2}}{m^{2}} = \frac{BG^{2} - AH^{2}}{AH^{2} - BG^{2}}.$$

Verstatten die durch die Beobachtungen gegebenen eichungen noch mehrere den Gleichungen (20) analoge eichungen zu bilden, so kann man hieraus m² und m/² ch der Methode der kleinsten Quadrate bestimmen.

Laplace lehrt ohne die Voraussetzung, dass in mehren von den gegebenen Bedingungsgleichungen die hler mit denselben Factoren multiplicirt seyen, durch rläufige Behandlung der Gleichungen nach der gewöhnhen Methode der kleinsten Quadrate (wo man setzt $E a_n^* + \gamma \sum a_n b_n + z \sum a_n c_n + \dots - \sum a_n \delta_n = 0$, u.s. w.), und m'^2 mittelst der Werthe von $\sum p_n^2 \lambda_n^2$ und $\sum p_n'^2 \lambda_n^2$ herungsweise bestimmen, wo λ_n den Werth bezeicht, den die Function $a_n x + b_n y + c_n z + \dots - \delta_n$ nält, wenn man für x, y, z... ihre nach der Mede der kleinsten Quadrate gefundenen Werthe subtuirt. Er setzt dabei $\lambda_n = p_n \epsilon_n + p_n' \epsilon_n'$. Will man nauer versahren, so ist eigentlich nach (13), wenn man die Stelle des obigen ϵ_n setzt $p_n \epsilon_n + p_n' \epsilon_n'$, und wenn

$$a_n$$
, β_n ... dieselbe Bedeutung haben, wie oben,
 $\lambda_n = p_n \epsilon_n + p'_n \epsilon'_n - a_n \sum a_n (p_n \epsilon_n + p'_n \epsilon'_n)$
 $- b_n \sum \beta_n (p_n \epsilon_n + p'_n \epsilon'_n) - \dots$

Hieraus folgt

$$\begin{split} \mathcal{Z}p_n^2 \lambda_n^2 &= \mathcal{Z}p_n^4 \, \epsilon_n^2 + 2 \, \mathcal{Z}p_n^3 \, p_n' \, \epsilon_n \, \epsilon_n' + \mathcal{Z}p_n^2 \, p_n'^2 \, \epsilon_n'^2 \\ &- 2 \, \mathcal{Z}a_n \, (p_n^3 \, \epsilon_n + p_n^2 \, p_n' \, \epsilon_n') \, \mathcal{Z}a_n \, (p_n \, \epsilon_n + p_n' \, \epsilon_n') \\ &+ \mathcal{Z}a_n^2 \, p_n^2 \, \big[\mathcal{Z}a_n \, (p_n \, \epsilon_n + p_n' \, \epsilon_n') \big]^2 \\ &- 2 \, \mathcal{Z}b_n \, (p_n^3 \, \epsilon_n + p_n^2 \, p_n' \, \epsilon_n') \, \mathcal{Z}\beta_n \, (p_n \, \epsilon_n + p_n' \, \epsilon_n') + \dots \end{split}$$

Substituirt man hier für die Größen $\mathcal{Z}p_n^4 \varepsilon_n^2$ u. s. w. ihre mittleren Werthe, was um so eher erlaubt seyn wird, je größer die Anzahl der Beobachtungen ist, so erhält man

$$\begin{split} & \mathcal{Z}p_n^* \, \lambda_n^2 = m^2 \, \mathcal{Z}p_n^4 + m'^2 \, \mathcal{Z}p_n^* p_n'^2 - 2 \, m^2 \, \mathcal{Z}p_n^4 \, a_n \, a_n \\ & - 2 \, m'^2 \, \mathcal{Z}p_n^* \, p_n'^2 \, a_n \, a_n + \mathcal{Z}p_n^* \, a_n^2 \, (m^2 \, \mathcal{Z}p_n^2 \, a_n^2 + m'^2 \, \mathcal{Z}p_n'^2 \, a_n') \\ & - 2 \, m^2 \, \mathcal{Z}p_n^4 \, b_n \, \beta_n - \dots \end{split}$$

Eben so findet man

Aus diesen zwei Gleichungen lassen sich die Werthe von m^2 und $m^{\prime 2}$ durch Elimination bestimmen.

Wenn nur eine Größe x gesucht wird, so ist $a_n = \frac{a_n}{\sum a_n^2}$, also

$$\begin{split} \mathcal{Z}p_{n}^{1}\lambda_{n}^{2} &= m^{2}\,\mathcal{Z}p_{n}^{4} + m'^{2}\,\mathcal{Z}p_{n}^{2}p_{n}'^{2} - 2\,m^{2}\,\frac{\mathcal{Z}p_{n}^{4}\,a_{n}^{2}}{\mathcal{Z}a_{n}^{2}} \\ &- 2\,m'^{2}\,\frac{\mathcal{Z}p_{n}^{2}\,p_{n}'^{2}\,a_{n}^{2}}{\mathcal{Z}a_{n}^{2}} + m^{2}\,\left(\frac{\mathcal{Z}p_{n}^{2}\,a_{n}^{2}}{\mathcal{Z}a_{n}^{2}}\right)^{2} \\ &+ m'^{2}\,\frac{\mathcal{Z}p_{n}^{2}\,a_{n}^{2}\,\mathcal{Z}p_{n}'^{2}\,a_{n}^{2}}{(\mathcal{Z}a_{n}^{2})^{2}}. \end{split}$$

In diesem Ausdrucke für $\Sigma \lambda_n^2 p_n^2$ sind die zwei ersten Glieder von der Ordnung s, hingegen die übrigen

der Ordnung 1. Demnach wird man, wenn die Ander Beobachtungen sehr groß ist, setzen können

$$\begin{split} \mathcal{Z}p_{n}^{2}\lambda_{n}^{3} &= m^{2}\,\mathcal{Z}p_{n}^{4} + m'^{2}\,\mathcal{Z}p_{n}^{3}\,p_{n}'^{2},\\ \text{eben so} \\ &\qquad \mathcal{Z}p_{n}'^{2}\,\lambda_{n}^{3} = m'^{2}\,\mathcal{Z}p_{n}'^{4} + m^{2}\,\mathcal{Z}p_{n}^{3}\,p_{n}'^{2},\\ \text{aus folgt} \\ m^{2} &= \frac{\mathcal{Z}p_{n}^{2}\,\lambda_{n}^{3}\,\mathcal{Z}p_{n}'^{4} - \mathcal{Z}p_{n}'^{2}\,\lambda_{n}^{2}\,\mathcal{Z}p_{n}^{2}\,p_{n}'^{2}}{\mathcal{Z}p_{n}^{4}\,\mathcal{Z}p_{n}'^{4} - (\mathcal{Z}p_{n}^{2}\,p_{n}'^{2})^{2}}\\ \text{ad} \quad m'^{2} &= \frac{\mathcal{Z}p_{n}'^{2}\,\lambda_{n}^{2}\,\mathcal{Z}p_{n}^{4} - \mathcal{Z}p_{n}^{2}\,\lambda_{n}^{2}\,\mathcal{Z}p_{n}^{2}\,p_{n}'^{2}}{\mathcal{Z}p_{n}^{4}\,\mathcal{Z}p_{n}'^{4} - (\mathcal{Z}p_{n}^{2}\,p_{n}'^{2})^{2}},\\ \text{in} \quad \frac{m'^{2}}{m^{2}} &= \frac{\mathcal{Z}p_{n}'^{2}\,\lambda_{n}^{2}\,\mathcal{Z}p_{n}^{4} - \mathcal{Z}p_{n}^{2}\,\lambda_{n}^{2}\,\mathcal{Z}p_{n}^{2}\,p_{n}'^{2}}{\mathcal{Z}p_{n}^{2}\,\lambda_{n}^{2}\,\mathcal{Z}p_{n}'^{4} - \mathcal{Z}p_{n}^{2}\,\lambda_{n}^{2}\,\mathcal{Z}p_{n}^{2}\,p_{n}'^{2}}. \end{split}$$

V.

per Gauss's Methode zur näherungsweisen Berechnung bestimmter Integrale;

von

A. v. Ettingshausen.

1.

In der berühmten Abhandlung: » Methodus nova inralium valores per approximationem inveniendi, « che einen Bestandtheil des dritten Bandes der neue-Göttinger Commentationen ausmacht, hat Gau/s die verischen Gleichungen, von deren Wurzeln die zur wendung seiner näherungsweisen Integrationsmethode vrderlichen Hülfsgrößen abhängen, wie auch die nuischen Formen, welche die Beurtheilung des durch diese Methode erreichten Grades der Genauigkeit vermitteln, durch ein recurrirendes Verfahren, welche die Frucht eines bewunderungswürdigen Kunstgriffe ist, entwickelt; hingegen die independenten Gesetze, welchen die auf diesem Wege zu Stande gebrachten Resultate unterliegen, aus letzteren bloss durch Induction abstrahirt und angedeutet, wie die Allgemeingültigkeit dieser Gesetze gerechtfertigt werden kann, ohne sie mit einer directen Deduction derselben zu befassen, die daher noch zu wünschen übrig blieb.

Obgleich Jacobi's sinnreicher Aufsatz im ersten Bande des Crelle'schen mathematischen Journales diesen Wunsche durch eine, aus einem neuen Gesichtspunct unternommene Betrachtung des Gegenstandes vollkonmen Genüge leistet; so dürfte es doch nicht überslüssig seyn, zu zeigen, dass die erwähnten Gesetze auch auf dem von Gauss im 16ten Artikel der oben angeführten Abhandlung betretenen, aber mit den Worten: » Attamen » hunc modum, qui calculos continuo molestiores adducit, » hic ulterius non persequemur « wieder verlassenen West ohne Schwierigkeit gewonnen werden können, wem man die Auflösung der hier sich darbietenden Gleichur gen des ersten Grades mit mehreren Unbekannten auf die gewöhnliche Weise, jedoch so vornimmt, dass das Bildungsgesetz der durch Elimination dieser Unbekannten entstehenden Gleichungen ohne Zwang in die Augen Ich will daher diesem Zwecke gegenwärtige Blätter widmen.

Ω.

Das von Gauss gelehrte Verfahren, die Werthe bestimmter, d. i. zwischen gegebenen Grenzen zu nehmerder, Integrale näherungsweise zu finden, ist durch eine allgemeine Ansicht der von Newton hiezu vorgeschlage

Len Methode, nach welcher auch die von Cotes berechteten Formeln eingerichtet sind, entstanden. Diese Methode besteht, erwähnter allgemeiner Ansicht gemäß, tarin, an die Stelle der in einem zwischen gegebenen Erenzen darzustellenden Integral $\int F(x) dx$ erscheinenten Function F(x), die niedrigste ganze rationale Function $\varphi(x)$, deren Werthe für gewisse Werthe der Vatablen x mit den correspondirenden Werthen von F(x) bereinstimmen, zu setzen, also das auf die vorgeschrietenen Grenzen sich beziehende Integral $\int \varphi(x) dx$ näterungsweise für $\int F(x) dx$ gelten zu lassen.

Sind die m Zahlen a_1 , a_2 , a_3 , ... a_m die jenigen Werthe der veränderlichen Größe x, in Bezug auf welche die Gleichung $F(x) = \varphi(x)$ bestehen soll, so wird, wenn man

$$(x-a_1)(x-a_2)(x-a_3)...(x-a_m) = \phi(x),$$

$$\frac{d\psi(x)}{dx} = \psi'(x) \text{ und } \frac{\varphi(x)}{(x-a_r)\psi'(a_r)} = X_r$$

wetzt, die niedrigste ganze rationale Function, welche man für g(x) nehmen kann, Lagrange's bekannter Formel gemäß, durch den Ausdruck

$$X_1 F(a_1) + X_2 F(a_2) + X_3 F(a_3) + \ldots + X_m F(a_m)$$
 angegeben.

Es sey nun, mit Rücksicht auf die der Integration vorgeschriebenen Grenzen:

$$fX_1 dx = R_1$$
, $fX_2 dx = R_2$, ... $fX_m dx = R_m$, so hat man

$$f \varphi(x) dx = R_1 F(a_1) + R_2 F(a_2) + \ldots + R_m F(a_m).$$

Die Coefficienten R_1 , R_2 , etc. hängen von der Beschaffenheit der Function F(x) nicht ab, sondern werden blofs durch die Werthe der Größen a_1, a_2, a_3, \ldots em und durch die Integrationsgrenzen bestimmt. Da das

Integral $\int F(x) dx$ von x=a bis x=b genommen desember Werth erhält, welchen das Integral

$$\frac{b-a}{\beta-a}\int F\left(a+\frac{b-a}{\beta-a}(x-a)\right)dx$$

zwischen den Grenzen x = a und $x \Rightarrow \beta$ annimmt, so kam man die Integrationsgrenzen für alle Fälle nach Belieben festsetzen, und daher, sobald über die Werthe vor $a_1, a_2, a_3, \ldots a_m$ verfügt worden ist, die Coefficierten R_1, R_2 , etc. ein für alle Mal berechnen und zu kämtigem Gebrauche in Tabellen bringen.

Cotes liefs die Zahlen $a_1, a_2, a_3, \ldots a_m$ eine arithmetische Progression bilden, deren erstes Glied mit der einen und deren letztes Glied mit der anderen der beiden Integrationsgrenzen zusammenfällt. Es ist him, dass bei dieser Annahme, die übrigens die einsachte ist. welche man zu erdenken vermag, der zwischen den Integralen $\int F(x) dx$ und $\int \varphi(x) dx$ bestehende Unterschied durch Steigerung der Anzahl m oben angeführtet Zahlen, wie auch immer die Function F(x) beschaffte seyn mag, so klein gemacht werden kann, als man will Da aber bei derselben Anzahl der Größen a_1, a_1 $a_2, \ldots a_m$ der Betrag des Unterschiedes

$$\int F(x) dx - \int \varphi(x) dx$$

sich ändert, wenn die Werthe, welchen man diesen Größen beigelegt hat, verändert werden, so dringt sich die Frage auf, ob nicht, wenigstens in so ferne die Ford der Function F(x) gewissen Bedingungen entspricht, die Werthe von a_1 , a_2 , a_{31} ... a_m so vortheilhaft gewählt werden können, als es, ohne in die specielle Beschaffenheit der Function F(x) einzudringen, nur immer möglich ist. Dieß leistete Gaufs in der oben angeführten Abhandlung durch Betrachtungen, welche im Wesentlichen mit den hier nachfolgenden übereinstimmen

3.

Es sey die Function F(x) von der Art, dass weder ie selbst, noch einer ihrer Differenzialquotienten

$$\frac{dF(x)}{dx}$$
, $\frac{d^2F(x)}{dx^2}$, $\frac{d^3F(x)}{dx^3}$, . . .

ür x=0 unendlich groß ausfällt. Diese Function wird ich bei dieser Beschaffenheit nach den steigenden Ponzen der Variablen x mit ganzen positiven Exponenn entwickeln lassen, so, daß man

$$K_0 = K_0 + K_1 x + K_2 x^2 + K_3 x^3 + \cdots$$

 $\dots + K_r x^r + F_r(x)$

it, wobei $F_r(x)$ die auf das Glied $K_r x^r$ folgende Erinzung der Reihe $K_0 + K_1 x + K_2 x^2 + \text{etc.}$ zu dem Terthe von F(x) vorstellt.

Bezeichnet man die niedrigsten ganzen rationalen unctionen von x, deren Werthe für $x=a_1$, a_2 , ... a_m mit jenen der Functionen x^r und $F_r(x)$ ereinstimmen, durch $\omega_r(x)$ und $\varphi_r(x)$, so ist offenbar $x^r = K_0 + K_1 \omega_1(x) + K_2 \omega_2(x) + K_3 \omega_3(x) + \cdots + K_r \omega_r(x) + \varphi_r(x)$.

Aber $\omega_r(x)$ ist nothwendig der Rest, welchen man hält, wenn man x^r durch das Product

$$(x-a_1)(x-a_2)\ldots(x-a_m)$$

ch dem gewöhnlichen Divisionsversahren so lange eilt, als es angeht, ohne im Quotienten Potenzen von mit negativen Exponenten zu erzeugen, daher muss (x), sobald die ganze positive Zahl r kleiner ist als m, t xr einerlei seyn, und man findet

$$F(x) - \varphi(x) = \\ : K_m [x^m - \omega_m(x)] + K_{m+1} [x^{m+1} - \omega_{m+1}(x)] + \dots \\ ... + K_r [x^r - \omega_r(x)] + F_r(x) - \varphi_r(x).$$
Zeitschr. f. Phys. u. Mathem. VII. 4.

Es sey, der Einfachheit der künftigen Untersuchungen wegen, das Integral $\int F(x) dx$ zwischen den Grenzen x = 0 und x = 1 zu nehmen, denn andere Grenzen werden, wie bereits oben bemerkt worden ist, leicht auf diese zurückgeführt, so haben wir, wenn wir alle Integrationen auf genannte Grenzen beziehen, und alle gemein $\frac{1}{r+1} = \int \omega_r(x) dx = L_r$ setzen:

 $\int F(x) dx - \int \varphi(x) dx = K_m L_m + K_{m+1} L_{m+1} + \dots + K_r L_r + \int (F_r(x) - \varphi_r(x)) dx$

۵.

Es ist der in 2. gegebenen Formel gemäßs $f\omega_r(x) dx = R_1 a_1^r + R_2 a_1^r + R_3 a_3^r + \ldots + R_n d_n^r$ mithin

$$L_r = \frac{1}{r+1} - R_1 a_1^r - R_2 a_2^r - R_3 a_3^r - \dots - R_m a_n^r$$

$$L_{r+1} = \frac{1}{r+2} - R_1 a_1^{r+1} - R_2 a_2^{r+1} - R_3 a_3^{r+1} - \cdots$$

$$L_{r+1} = \frac{1}{r+3} - R_1 a_1^{r+2} - R_2 a_3^{r+2} - R_3 a_3^{r+2} - \dots$$

 $\ldots - R_m a_m^{ris}$

$$L_{r+m} = \frac{1}{r+m+1} - R_1 a_1^{r+m} - R_2 a_2^{r+m} - R_3 a_3^{r+m} - \dots$$

Man setze

$$\psi(x) = (x-a_1)(x-a_2)(x-a_3)\dots(x-a_m)$$

$$= x^m + A_1 x^{m-1} + A_2 x^{m-2} + A_3 x^{m-3} + \dots + A_m$$
so findet man, wenn man die so eben aufgestellten Glechungen der Reihe nach mit A_m , A_{m-1} , A_{m-2} , ... A_{11} is multiplicit und sodann addirt, die Gleichung

$$= \frac{1}{r+m+1} + \frac{A_1}{r+m} + \frac{A_2}{r+m-1} + \cdots + \frac{A_m}{r+1} = \frac{1}{r+m+1} + \frac{A_1}{r+m} + \frac{A_2}{r+m-1} + \cdots + \frac{A_m}{r+1}.$$

Diese dient, wenn man erwägt, das die Werthe ron L_0 , L_1 , L_2 , ... L_{m-1} jederzeit der Nulle gleich ind, zur stufenweisen Berechnung von L_m , L_{m+1} , L_{m+2} , etc., sobald die Werthe von a_1 , a_2 , a_3 , ... a_m , and durch diese die Werthe von A_1 , A_2 , A_3 , ... A_m estgesetzt sind.

5.

Man kann die Werthe von a_1 , a_2 , a_3 , ... a_m derestalt einrichten, dass die Größen L_m , L_{m+1} , L_{m+1} , ... verschwinden. Hiezu wird, wie man aus 4. ereht, erfordert, dass die m Gleichungen

$$\frac{1}{+1} + \frac{A_1}{m} + \frac{A_2}{m-1} + \dots + \frac{A_{m-1}}{2} + A_m = 0$$

$$\frac{1}{+2} + \frac{A_1}{m+1} + \frac{A_2}{m} + \dots + \frac{A_{m-1}}{3} + \frac{A_m}{2} = 0$$

$$\frac{1}{+3} + \frac{A_1}{m+2} + \frac{A_2}{m+1} + \dots + \frac{A_{m-1}}{4} + \frac{A_m}{3} = 0$$

$$\frac{1}{m} + \frac{A_1}{2m-1} + \frac{A_2}{2m-2} + \cdots + \frac{A_{m-1}}{m+1} + \frac{A_m}{m} = 0$$

att finden. Dieselben geben unmittelbar die Werthe in A_1 , A_2 , A_3 , . . . A_m , und aus denselben folgen irch Auflösung der Gleichung

$$(x) = x^{m} + A_{1} x^{m-1} + A_{2} x^{m-2} + A_{3} \pi^{m-3} + \cdots$$

$$\vdots + A_{m} = 0$$

e Werthe von $a_1, a_2, a_3, \ldots a_m$.

Um die Auslösung der obigen m Gleichungen mit eichtigkeit zu Stande zu bringen, schreiben wir B_1 att A_m , B_2 statt A_{m-1} , B_3 statt A_{m-2} , und allgemein statt A_{m-r+1} , so dass diese Gleichungen die Foren

$$B_1 + \frac{1}{5}B_2 + \frac{1}{5}B_3 + \frac{1}{4}B_4 + \cdots$$

$$\frac{1}{4}B_4 + \cdots + \frac{1}{m}B_m + \frac{1}{m+1} = 0,$$

$$\frac{1}{5}B_1 + \frac{1}{5}B_2 + \frac{1}{5}B_3 + \frac{1}{5}B_4 + \cdots$$

$$\ldots + \frac{1}{m+1} B_m + \frac{1}{m+2} = 0,$$

$$\frac{1}{3}B_2 + \frac{1}{4}B_2 + \frac{1}{5}B_3 + \frac{1}{6}B_4 + \dots$$

$$\cdots + \frac{1}{m+2} B_m + \frac{1}{m+3} = 0,$$

$$\frac{1}{m}B_1 + \frac{1}{m+1}B_2 + \frac{1}{m+2}B_3 + \frac{1}{m+3}B_4 + \dots$$

$$\cdots + \frac{1}{2m-1}B_m + \frac{1}{2m} = 0$$

annehmen.

Die Zahlen 1, 2, 3, ... (m-1), m sollen, in so ferne dieselben in einer beliebigen Ordnung gedacht werden, a, b, c, d, e, ... i, k heißen. Es sey nun irgend eine der unbekannten Größen B_1 , B_2 , B_3 , ... B_m , welche wir uns unter dem Zeichen B_a vorstellen wollen, zu bestimmen.

Wird jede der aufzulösenden Gleichungen durch den in ihr erscheinenden Coefficienten einer anderen Unbekannten B_b getheilt, so erhält B_a in der $(r+1)^{\text{ten}}$ Gleichung den Coefficienten $\frac{b+r}{a+r}$, und in der $(r+2)^{\text{ten}}$

Gleichung den Coefficienten $\frac{b+r+1}{a+r+1}$. Zieht man jetzt die 1ste Gleichung von der 2ten, diese von der 3ten; u. s. w, und allgemein die (r+1)te Gleichung von der (r+2)ten ab, so fällt aus allen die Unbekannte B_b weg. In der (r+1)ten unter den neu entstandenen Gleichungen führt B_a den Coefficienten

$$\frac{b+r+1}{a+r+1} - \frac{b+r}{a+r} = \frac{a-b}{(a+r)(a+r+1)}.$$

glich eine andere Unbekannte, wie B_o , den Coeffinten

$$\frac{c-b}{(c+r)(c+r+1)}.$$

Man theile jede der nun vorhandenen Gleichungen rch den in ihr vorhandenen Coefficienten von B_o , so kömmt B_o in der (r+1)^{ten} Gleichung den Coefficienten

$$\frac{a-b}{c-b} \cdot \frac{(c+r)(c+r+1)}{(u+r)(a+r+1)}$$

d in der $(r+2)^{ten}$ den Coefficienten

$$\frac{a-b}{c-b} \cdot \frac{(c+r+1)(c+r+2)}{(a+r+1)(a+r+2)}$$

Wird hier gleichfalls jede Gleichung von der unmitlbar nachfolgenden subtrahirt, so fällt B_c aus sämmtlien Differenzen hinaus, nnd B_c nimmt in der $(r+1)^{ten}$ ter den neu gebildeten Gleichungen den Coefficienten

$$\frac{-b}{-b} \cdot \frac{(c+r+1)(c+r+2)}{(a+r+1)(a+r+2)} - \frac{a-b}{c-b} \cdot \frac{(c+r)(c+r+1)}{(a+r)(a+r+1)} =$$

$$= \frac{2(a-b)(a-c)}{c-b} \cdot \frac{c+r+1}{(a+r+1)(a+r+2)}$$

. Theilt man jede der letzteren Gleichungen durch n in ihr vorhandenen Coefficienten einer von B_a verhiedenen Unbekannten B_d , so ist der Divisor für die +1) to Gleichung offenbar

$$\frac{2(d-b)(d-c)}{c-b} \cdot \frac{c+r+1}{(d+r)(d+r+1)(d+r+2)},$$

ithin erhält Ba hier den Coefficienten

$$\frac{(a-b)(a-c)}{(d-b)(d-c)} \cdot \frac{(d+r)(d+r+1)(d+r+2)}{(a+r)(a+r+1)(a+r+2)},$$

d in der nächsten Gleichung den Coefficienten

$$\frac{(a-b)(a-c)}{(d-b)(d-c)} \cdot \frac{(d+r+1)(d+r+2)(d+r+3)}{(a+r+1)(a+r+2)(a+r+3)},$$

, dass wenn, um B_d wegzubringen, jede Gleichung von

der unmittelbar folgenden abgezogen wird, in der (r+1)tm der dadurch zu Stande gebrachten Gleichungen bei B_a der Coefficient

$$\frac{3(a-b)(a-c)(a-d)}{(d-b)(d-c)} \cdot \frac{(d+r+1)(d+r+2)}{(a+r)(a+r+1)(a+r+2)(a+r+3)}$$
sich zeigt.

Hat man auf diese Weise sämmtliche unbekannte Größen, B_a ausgenommen, eliminirt, so ist, weil sich die Anzahl der Gleichungen bei jedem Schritte um eine Einheit vermindert, am Ende nur noch eine Gleichung vorhanden, nämlich

$$\frac{(m-1)(a-b)(a-c)\dots(a-k)}{(k-b)(k-c)\dots(k-i)} \cdot \frac{(k+1)(k+2)\dots(k+m-2)}{a(a+1)(a+2)\dots(a+m-1)} \cdot B_{a} \\
+ \frac{(m-1)(m+1-b)(m+1-c)\dots(m+1-k)}{(k-b)(k-c)\dots(k-i)} \times \\
\times \frac{(k+1)(k+2)\dots(k+m-2)}{(m+1)(m+2)(m+3)\dots 2m} = 0,$$

deren Bildungsgesetz, da das letzte oder von den Unbekannten freie Glied in jeder der aufzulösenden Gleichungen durch die oben ausgeführten Operationen eben so in Anspruch genommen wird, wie die Coefficienten der Unbekannten B_a , aus den obigen Resultaten für r=0 fließt. Man hat also

$$B_{a} = -\frac{(m+1-b)(m+1-c)\dots(m+1-k)}{(a-b)\dots(a-c)\dots(a+k)} \times \frac{a(a+1)(a+2)\dots(a+m-1)}{(m+1)(m+2)(m+3)\dots 2m}.$$

Aber b, c, d, ... k bedeuten sämmtliche von a verschiedene unter den Zahlen 1, 2, 3, ... m, mithin ist

$$(m+1-b)(m+1-c)...(m+1-k) = m(m-1)...(m-a+2)(m-a)...3.2.1;$$

und, weil unter den Differenzen

$$a-b$$
, $a-c$, . . . $a-k$

n-a negative vorkommen müssen:

$$(a-b) (a-c) \dots (a-k) =$$
= 1 . 2 . 3 . . . (a-1) . (-1)^{m-a} . 1 . 2 . 3 . . . (m-a).

Hiedurch wird

$$B_a = (-1)^{m-a+1} \cdot \frac{m(m-1) \cdot \dots \cdot (m-a+2)}{1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot (a-1)} \times \frac{(m+a-1)(m+a-2) \cdot \dots \cdot (a+1)a}{2m(2m-1) \cdot \dots \cdot (m+2)(m+1)},$$

folglich, wenn man a = m - r + 1 setzt, und belenkt, dass

$$\frac{m(m-1)\ldots(r+1)}{1 \cdot 2 \cdot \ldots \cdot (m-r)} = \frac{m(m-1)\ldots(m-r+1)}{1 \cdot 2 \cdot \ldots \cdot r}$$

$$4_{r} = (-1)^{r} \cdot \frac{m(m-1)(m-2) \cdot \cdot \cdot (m-r+1)}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \cdot \cdot \cdot r} \times \frac{(2m-r)(2m-r-1) \cdot \cdot \cdot (m-r+1)}{2m \cdot (2m-1) \cdot \cdot \cdot \cdot (m+1)} \times = (-1)^{r} \cdot \frac{m(m-1)(m-2) \cdot \cdot \cdot \cdot (m-r+1)}{1 \cdot 2 \cdot \cdot 3 \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot r} \times$$

$$= (-1)^r \cdot \frac{m(m-1)(m-2) \cdot \cdot \cdot (m-r+1)}{1 \cdot \cdot 2 \cdot \cdot 3 \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot r} \times$$

$$\times \frac{m(m-1)(m-2) \dots (m-r+1)}{2m(2m-1)(2m-2) \dots (2m-r+1)}$$

$$= (-1)^r \cdot \frac{m^2 (m-1)^2 (m-2)^2 \cdot \cdot \cdot (m-r+1)^2}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \cdot \cdot r \cdot 2m (2m-1) \cdot \cdot \cdot (8m-r+1)}.$$

Die Gleichung $\psi(x) = 0$ ist dem zu Folge:

$$\frac{m^{2}}{2m} x^{m-1} + \frac{m^{2} (m-1)^{2}}{1 \cdot 2 \cdot 2m (2m-1)} x^{m-2} - \frac{m^{2} (m-1)^{2} (m-2)^{2}}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 2m (2m-1) (2m-2)} x^{m-3} + \dots + (-1)^{m} \cdot \frac{m (m-1) (m-2) \cdot \dots \cdot 2 \cdot 1}{2m (2m-1) (2m-2) \cdot \dots (m+2) (m+1)} = 0.$$

Gibt man der linken Seite derselben, d. i. dem Ausrucke $\psi(x)$ die Form

$$\frac{1}{2m(2m-1)...(m+2)(m+1)} \left[2m(2m-1)...(m+2)(m+1)x^{m} - (2m-1)(2m-2)...(m+1)m \cdot \frac{m}{1}x^{m-1} + (2m-2)(2m-3)...m(m-1) \cdot \frac{m(m-1)}{1 \cdot 2}x^{m-1} - ... + (-1)^{m} \cdot m(m-1)(m-2) \cdot ... \cdot 2 \cdot 1 \right],$$

zu welcher die Betrachtung des ersten der oben für Ar erhaltenen Ausdrücke sogleich führt, so zeigt sich

$$\psi(x) := \frac{1}{2m(2m-1)\dots(m+2)(m+1)} \cdot \frac{d^m[x^m(x-1)^m]}{dx^m},$$

woraus erhellet, dass die Gleichung $\psi(x) = 0$ die muder Gleichungen ist, welche aus der Gleichung

$$x^m (x-1)^m = 0$$

durch successives Differenziren derselben entspringen.

Dieses Resultat, welches wir Hrn. Prof. Jacobi verdanken, und wozu der von diesem Analysten betretene Weg direct führt, ertheilt uns über die Beschaffenheit der Wurzeln der Gleichung $\psi(x) = 0$ Aufschlus. Da nämlich sämmtliche 2 m Wurzeln der Gleichung $x^m(x-1)^m = 0$ reell, und zwar m derselben = 0, die übrigen m aber = 1 sind, so müssen, wie die Theorie der Gleichungen lehrt, nothwendig sämmtliche m Wurzeln der Gleichung $\psi(x) = 0$ reell und unter einander verschieden seyn, und zwischen o und 1 liegen. Da ferner die linke Seite der Gleichung $x^m(x-1)^m = 0$ in Nichts verändert wird, wenn man 1 - x an die Stelle von x setzt, so erleidet auch die linke Seite der Gleichung $\psi(x) = 0$, außer dem bei einem ungeraden m eintretenden Zeichenwechsel sämmtlicher Glieder, keine Änderung, wenn man 1 - x an die Stelle von x bringt Hieraus folgt, dass zu jeder Wurzel der Gleichung $\psi(x) = 0$, nur die ihr, wenn m ungerade ist, zukommende Wurzel ; ausgenommen, stets eine zweite gehört, welche erstere zur Einheit ergänzt.

Eine nothwendige Folge hievon ist die Gleichheit der Werthe von R_1 und R_m ; von R_2 und R_{m-1} ; von R_3 und R_{m-2} ; u. s. w.

6.

Setzt man

$$\frac{1}{r+m+1} + \frac{A_1}{r+m} + \frac{A_2}{r+m-1} + \cdots + \frac{A_m}{r+1} = M_r,$$

so ergibt sich, wenn man beiderseits mit

$$(r+1)(r+2) \cdot \cdot \cdot (r+m)$$

multiplicirt, und bedenkt, dass dieses Product durch r+m+1 getheilt, diejenige Zahl zum Reste läst, in welche es durch die Substitution r=-(m+1) übergeht, die Gleichung

$$= \frac{(r+1)(r+2)(r+3) \cdot \cdot \cdot (r+m) M_r}{r+m+1} + G_0 + G_1 r + G_2 r^2 + \cdot \cdot \cdot + G_{m-1} r^{m-1},$$

worin G_0 , G_1 , G_2 , ... G_{m-1} Constanten sind, deren Werthe von A_1 , A_2 , A_3 , ... A_m abhängen, und in jedem besonderen Falle auch mittelst der Werthe von M_0 , M_1 , M_2 , ... M_{m-1} bestimmt werden können.

Nimmt man auf beiden Seiten dieser Gleichung die $(m-1)^{to}$ Differenz, indem man r als die Veränderliche betrachtet, und $\Delta r = 1$ setzt, so hat man

$$\Delta^{m-1}\left[(r+1)(r+2)(r+3)\dots(r+m)\ M_r\right] = -\frac{1\cdot 2\cdot 3 \cdot \cdot \cdot (m-1)\cdot 1\cdot 2\cdot 3 \cdot \cdot \cdot m}{(r+m+1)(r+m+2)\cdot \cdot \cdot \cdot (r+2m)} + 1\cdot 2\cdot 3\cdot \cdot \cdot (m-1)\ G_{m-1}$$

Bei der in 5. getroffenen Wahl der Werthe von $A_1, A_2, A_3, \ldots A_m$ verschwinden die Ausdrücke $M_0, M_1, M_2, \ldots M_{m-1}$; daher ist hiebei auch $\Delta^{m-1}[(r+1)(r+2)(r+3)\ldots (r+m)M_r]$ für r=0

eine verschwindende Größe. Man erhält mit Hülfe des ser Bemerkung sogleich

$$G_{m-1} = \frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \cdot \cdot m}{(m+1)(m+2) \cdot \cdot \cdot \cdot 2m}.$$

Gibt man nun dem obigen Ausdrucke für

$$(r+1)(r+2)\ldots(r+m)M_r$$

durch Reduction desselben auf den Nenner r+m+1und durch Auflösung des Zählers in seine einfachen Fabtoren die Form

$$= \frac{(r+1)(r+2) \dots (r+m) M_r}{G_{m-1}(r-H_0)(r-H_1)(r-H_2) \dots (r-H_{m-1})}{r+m+1},$$

so muſs man, damit M_r für $r = 0, 1, 2, 3, \ldots m^{-1}$ verschwinde, $H_0 = 0, H_1 = 1, H_2 = 2, \ldots H_{m-1} = m^{-1}$ setzen, mithin ist

$$M_r = \frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots m \cdot r \cdot (r-1) \cdot (r-2) \cdot \dots (r-m+1)}{(m+1)(m+2) \cdot \dots 2m(r+1)(r+2) \cdot \dots (r+m)(r+m+1)},$$

wodurch die rechte Seite der nach 4. zur successiven Berechnung von L_{2m} , L_{2m+1} , L_{2m+2} , . . . zu verwendenden Gleichung vereinfacht wird.

7.

In so ferne die Werthe von a_1 , a_2 , a_3 , ... 4. dergestalt gewählt worden sind, dass die Größen L_n , L_{m+1} , L_{m+2} , ... L_{2m-1} verschwinden, wird der Feller, um welchen das Integral $\int \varphi(x) dx$ von dem zu berechnenden $\int F(x) dx$ abweicht, durch die Formel

$$\int F(x) dx - \int \varphi(x) dx = K_{2m} L_{2m+1} + K_{2m+1} L_{2m+1} + K_{2m+2} L_{2m+2} + \dots + K_{r} L_{r} + \int (F_{r}(x) - \varphi_{r}(x)) dx$$

ausgedrückt. Ist nun die Function F(x) so beschaffen, dafs der Ausdruck $\int (F_r(x) - \varphi_r(x)) dx$, wenigstens wenn die für $a_1, a_2, a_3, \ldots a_m$ angenommenen Wer-

e zwischen den Integrationsgrenzen liegen, bei dem endlichen Wachsen des Zeigers r über m hinaus, undlich abnimmt, so fällt der Betrag der Differenz $f'(x) dx - f\varphi(x) dx$ mittelst jener Werthe von a_1 , $a_3, \ldots a_m,$ durch welche $L_m, L_{m+1}, L_{m+2}, \ldots$ auf Null reducirt werden, nothwendig kleiner s, als wenn mehrere der genannten Größen, wie es i Cotes Formeln der Fall ist, von der Nulle verschien sind, und obige Formel stellt durch ihre Anfangsieder den Werth des Fehlers $\int F(x) dx - \int \varphi(x) dx$ n so genauer dar, je rascher die Coefficienten K,m, 12n+1, K2m+2, etc. abnehmen. Es lässt sich leicht weisen, dass das Integral $f(F_r(x) - \varphi_r(x)) dx$ die en angeführte Eigenschaft besitzt, wenn $F_r(x)$, in so rne x innerhalb der vorgeschriebenen Integrations-'enzen sich befindet, bei dem unendlichen Wachsen es Zeigers r unendlich klein wird, oder mit andern forten, wenn die Reihe $K_0 + K_1 x + K_2 x^2 + \text{etc.}$ welche F(x) entwickelt wurde, bei dem genannten. mfange der Werthe von x, zu einer, mit jeder beliebin Schärfe zu vollziehenden, näherungsweisen Bereching dieser Function taugt. In diesem Falle ist also die er aus einander gesetzte, von Gauss zuerst getroffene, ahl der Werthe von $a_1, a_2, a_3, \ldots a_m$ ein kräftis Beförderungsmittel der Annäherung des Integrals (x) dx an $\int F(x) dx$.

VI.

Sturm's Regel zur Bestimmung der Anzahl der zwischen zwei gegebenen Zahlen liegenden Wurzeln einer von wiederholten Wurzeln freien numerischen Gleichung mit einer unbekannten Größe; nebst einem Beweise derselben

von

A. v. Ettingshausen.

١.

Wenn es sich um die näherungsweise Berechnung sämmtlicher reeller Wurzeln einer numerischen Gleichung f(x) = 0 handelt, worin f(x) eine ganze ratio nale Function der Unbekannten x vorstellt, und welche, da die Auflösung einer mit wiederholten Wurzeln versehenen Gleichung nach dem bekannten Verfahren leicht auf die Auflösung mehrerer niedrigerer Gleichungen mit durchgehends verschiedenen Wurzeln zurückgeführt werden kann, von wiederholten Wurzeln frei gedacht werden darf: so kömmt es, auf welchem Wege man auch immer den Wurzeln, bis zum vorgeschriebenen Grade der Genauigkeit, sich zu nähern gedenkt, stets darauf an, für jede einzelne derselben zwei Zahlen ausfindig zu machen, zwischen welchen diese Wurzel, und ausser ihr keine andere, enthalten ist. Will man diesen Zweck, wie man es bis jetzt zu thun pflegte, blos dadurch erreichen, dass man auf die Zeichen der Resultate achtet, welche f(x) darbietet, während statt x die Glieder einer arithmetischen Progression, zwischen deren erstem und letztem Gliede sämmtliche reelle Wurn der Gleichung f(x) = 0 liegen, gesetzt werden; so Is die Differenz der Progression kleiner seyn, als der inste Unterschied der mit den zugehörigen Zeichen sommenen Wurzeln. Je geringer die Präcision ist, welcher man diesen Unterschied zu schätzen verg, desto mehr Glieder zählt diese Progression, worch die Menge der zu berechnenden Werthe von f(x) demselben Masse vergrößert wird. Die scharse Beheilung des kleinsten Unterschiedes der Wurzeln eigeschlagenen Methoden eine mühsame Rechnung, der Beschwerlichkeit mit dem Grade der Gleichung chst, und auch dabei kann die Menge der zu berechnden Werthe der Function f(x) noch immer sehr ofs bleiben.

Der Grund dieser weitläufigen und beschwerlichen beiten liegt in der Unbestimmtheit des Schlusses, welen die Beschaffenheit der aus f(x), durch die Subtution zweier reeller Zahlen a und b für x, sich erbenden Resultate f(a), f(b) auf das Vorhandenseyn d die Anzahl der zwischen a und b liegenden reellen urzeln der Gleichung f(x) = 0 zu machen gestattet in kann daher die Angabe einer Regel, nach welcher ih hierüber mit Sicherheit entscheiden läßt, als einen so größern Gewinn für die Theorie der näherungsisen Auflösung numerischer Gleichungen betrachten, leichter diese Regel handzuhaben ist.

Nicht ohne Überraschung habe ich die Vorschrift lesen, welche im 271. Artikel des 11. Bandes von russac's Bulletin des sciences mathématiques etc (Juleft 1829) überschrieben: Analyse d'un memoire sur résolution des équations numériques; par M. Ch. Sturm tgetheilt wird, und nehme keinen Anstand, sie sowohl rer Einfachheit und Eleganz wegen, als auch, weil man bisher noch kein Theorem besaß, welches über den angeführten Fragepunct mit gleicher Präcision zu entscheiden vermöchte, für einen der wichtigsten Beiträge zu erklären, die der Theorie der numerischen Gleichungen durch die Bemühungen der Analysten neuerer Zeit zu Theil geworden sind. Ich glaube desshalb im Interesse der Leser dieser Zeitschrift zu handeln wenn ich Ihnen, obgleich das oben angeführte Mémoire welches den Gegenstand aus einem umfassenden Gesichtspuncte betrachtet, noch nicht erschienen ist, vorläufig die darin aufgestellte Regel zur Bestimmung der Anzahl der zwischen zwei gegebenen reellen Zahlen liegenden Wurzeln einer Gleichung, sammt dem Beweise, welcher sich mir für dieselbe dargeboten hat, hier vorlege.

2.

Lehrsatz. Es sey f(x) eine ganze rationale Function, welche mit ihrem Differenzialquotienten

$$\frac{df(x)}{dx} = f_1(x)$$

keinen gemeinschaftlichen von x abhängenden Factor besitzt; ferner seyen $f_2(x)$, $f_3(x)$, $f_4(x)$, ... ganze rationale Functionen, deren erste von niedrigerer Ordnung ist als $f_1(x)$, deren jede folgende von niedrigerer Ordnung ist als die unmittelbar vorhergehende, und welche den, so weit als möglich fortgesetzten, Gleichungen

$$f(x) = f_1(x) \cdot Q_1 - f_2(x),$$

$$f_1(x) = f_2(x) \cdot Q_2 - f_3(x),$$

$$f_2(x) = f_3(x) \cdot Q_3 - f_4(x),$$

u. s. w.,

worin Q_1 , Q_2 , Q_3 , ... gleichfalls ganze rationale Functionen der Veränderlichen x vorstellen, Genüge leisten: so wird die Anzahl der zwischen zwei gegebenen reel-

ten Zahlen a und b liegenden Wurzeln der Gleichung f(x) = 0 durch den Unterschied der Mengen von Zeichenabwechslungen angezeigt, welche in den zwei Reihen

$$f(a), f_1(a), f_2(a), f_3(a), f_4(a), \ldots$$

 $f(b), f_1(b), f_2(b), f_3(b), f_4(b), \ldots$

erscheinen.

Anmerkung. Die Functionen $f_2(x), f_3(x), f_4(x), \dots$ werden leicht gefunden, wenn man die Reste sucht, welche sich durch das bekannte, bei der Bestimmung des größten gemeinschaftlichen Theilers zwischen f(x)und $f_1(x)$, oder bei der Verwandlung des Bruches $\frac{f(x)}{f_1(x)}$ in einen Kettenbruch mit numerischen Zählern und ganzen rationalen Nennern anzuwendende Divisionsverfahren ergeben, und sodann die beiden ersten Reste mit ihren, die zwei darauf folgenden mit entgegengesetzten, die nächsten zwei wieder mit ihren, die darauf folgenden zwei mit entgegengesetzten Zeichen nimmt, u. s. w., oder, Wenn man bei dem Divisionsverfahren selbst das Zeichen der Glieder jedes Finalrestes ändert und mit dem so vor**bereiteten** Reste weiter rechnet. Da zwischen f(x) und f_a(x) kein gemeinschaftlicher von x abhängender Divisor Statt findet, so ist der letzte Rest, auf welchen man hiebei stosst, offenbar eine constante Zahl.

Beweis. 1) Wenn eine ganze rationale Function einer Veränderlichen x, während x von a durch alle Zwischenstusen in b übergeht, ihr Zeichen ändert, so geht dieselbe dabei nothwendig durch den Werth Null. Hieraus folgt, dass bei dem stusenweisen Übergange der Veränderlichen x von a in b in der Reihe der Functionen

$$f(x), f_1(x), f_2(x), f_3(x), f_4(x), \ldots$$

keine Änderung des Zeichenstandes vorfallen kann, ohne dass dabei irgend eine dieser Functionen verschwindet.

- 2) Da f(x) und $f_1(x)$, mithin auch jede zwei benachbarte der genannten Functionen keinen gemeinschaftlichen von x abhängenden Factor besitzen, so können keine zwei Nachbarglieder in der angeführten Reihe zugleich verschwinden.
- 3) Aus den Gleichungen $f(x) = f_1(x) \cdot Q_1 f_2(x)$, $f_1(x) = f_2(x) \cdot Q_2 f_3(x)$ u. s. w. erhellet, daß für jenen Werth von x, bei welchem eine der Functionen $f_1(x), f_1(x), f_3(x)$, u. s. w. verschwindet, die beiden Glieder der Reihe $f(x), f_1(x), f_2(x), f_3(x)$, zwischen welchen sich die verschwindende Function befindet, Werthe annehmen, deren Zeichen entgegengesetzt sind.
- 4) Wenn eine ganze rationale Function von x für einen bestimmten Werth dieser Veränderlichen. z.B. für x=c, nicht verschwindet, so läst sich die Zahl w so klein annehmen, dass die Werthe, welche genannte Function bei dem allmähligen Übergange der Variablen x von $c - \omega$ in $c + \omega$ erhält, stets dasselbe Zeichen m sich tragen. Hieraus folgt, dass unmittelbar vor dem Verschwinden einer der Functionen $f_1(x)$, $f_2(x)$, $f_3(x)$ u. s. w. die beiden Glieder der Reihe $f(x), f_1(x), f_2(x)$ $f_3(x)$, u. s. w., zwischen welchen die verschwindende Function liegt, Resultate mit entgegengesetzten Zeichen darbieten, und während des Nullwerdens genannter Function mit den Zeichen der Resultate ihrer beiden Nachbarn keine Veränderung vorfällt. Was nun auch immer mit dem Zeichen der durch Null gehenden Function geschehen seyn mag, so kann durch ihr Verschwinden in Bezug auf die Anzahl der in den Resultaten sämmtlicher Functionen vor diesem Ereignisse vorhandenen Zeichenwechsel keine Änderung eintreten.
- 5) Da die Reihe f(x), $f_1(x)$, $f_2(x)$, $f_3(x)$, u. s. w. durch eine von x unabhängige Zahl geschlossen wird, so können also Änderungen in der Anzahl der Zeichenweck-

sel, welche die Resultate der Glieder dieser Beihe während des Überganges der Veränderlichen z von a nach b zeigen, nur durch das Verschwinden der Function f(x) herbeigeführt werden.

6) Entwickelt man f(c+ω) nach den steigenden Potenzen von ω , so zeigt sich, dass, wenn f(a) = 0 ist, wobei f, (c) von Null verschieden seyn muss, das Zeichen des Resultates $f(c+\omega)$ für die kleinsten Werthe von ω mit dem Zeichen des Productes ω f, (c), mithin auch, der in 4) gemachten Bemerkung zu Folge, mit dem Zeichen des Productes ωf_i ($c + \omega$) übereinstimmt, woraus sich die Folgerung ergibt, dass, in so ferne ω positiv gedacht wird, die Resultate $f(c-\omega)$, $f_1(c-\omega)$ entgegengesetzte, und $f(c + \omega)$, $f_1(c + \omega)$ gleiche Zeichen besitzen. Es wird also, so oft f(x) während des Überganges der Veränderlichen x von a in b verschwindet, in der Reihe der Resultate von f(x), $f_1(x)$, $f_2(x)$, $f_a(x)$, ... falls a < b ist, eine Zeichenahwechslung in eine Zeichenfolge, oder falls a>b, eine Zeichenfolge in eine Zeichenabwechslung umgeändert, wesswegen die Anzahl der Zeichenwechsel in der Reihe f(a), $f_1(a)$, $f_2(a)$, $f_3(a)$, ... sich von der Anzahl der Zeichenwechsel in der Reihe f(b), $f_1(b)$, $f_2(b)$, $f_3(b)$, ... genau um so viele Einheiten unterscheiden mus, als reelle Wurzeln der Gleichung f(x) = 0 zwischen a und b enthalten sind. W. z. b. w.

Zusatz. Von den interessanten Folgesätzen, welche sich aus dem so eben bewiesenen Lehrsatze ableiten lassen, mag hier nur jener angeführt werden, dass die Ansahl sämmtlicher reeller Wurzeln der Gleichung f(x) = 0der Anzahl der Zeichenwechsel gleich ist, um welche die Reihe der höchsten Glieder der Functionen f(x), $f_1(x), f_2(x), f_3(x), \ldots$ von der Reihe der höchsten Glieder der Functionen f(-x), $f_1(-x)$, $f_2(-x)$, Zeitschr. f. Phys. u. Mathem. VII. 4.

 f_3 (-x), ... übertroffen wird; die Unterschiede der in den höchsten und niedrigsten Gliedern beider Fautionenfolgen vorhandenen Mengen der Zeichenwechsel aber auf die Anzahl sämmtlicher der Gleichung f(x)=0 entsprechender positiver und negativer reeller Wurzeln hinweisen.

VII.

relbe

blect des I

liste

ien,

Ni g

title

linse

kim

elin

deh 1

∗s d

[r[a]

lese

Mg

Win.

blet

Aoc]

Leit

en

Neue und verbesserte physikalische Instrumente.

1. Instrument zur Bestimmung der Luft menge, welche einer Feuerstelle während des Verbrennens zuströmt. Von F. Frey.

(Bull. de la soc. indust. de Mullhausen. N. 9, p. 331)

Dieses Instrument hat viole Ähnlichkeit mit dem Woltmann'sohen Windflügel. Es besteht aus einer in pfernen Röhre, in welcher sich ein verticales Bad mit schief gestellten Windflügeln befindet, wie man sie of an den Fenstern angebracht sieht. An der Welle diese Rades stecht zugleich ein Getriebe mit 5 Stäben, in web ches ein horizontales Rad mit 50 Zähnen eingreift, dessen Axe außerhalb der Röhre sich ein Zeiger beite det, der über einer getheilten Platte spielt. sem Zeiger, und zwar an derselben Axe, befindet sich ein anderes Getriebe, das ebenfalls 5 Zähne hat, und dieses greist in ein Rad mit 50 Zähnen ein, an desset Axe ein zweiter Zeiger stecht. Dieser steht auf ähnliche Weise mit einem dritten Rade in Verbindung, die wieder einen Zeiger an seiner Welle hat. Der gant Apparat besteht demnach aus einem Windslügel und der zum Zählen der Umdrehungen desselben nöthigen Eir

htung. Einer der drei genannten Zeiger macht wähd einer Umdrehung des Flügelrades 10 Umdrehund, der andere 100, der dritte 1000.

Um dieses Instrument zum genannten Zwecke.braun zu können, ist vor allem nothwendig, dass man die ahl der Umdrehungen des Flügels kenne, während, : bestimmte Gasmenge an demselben vorbeigeht, wozu ein Versuch führt. Frey nahm zu diesem Ende eine erne, oben geschlossene, unten offene Kiste, die n halben Kubikmeter fasste. Am oberen Boden deren war eine rechtwinkelig gebogene Röhre aus Weissh angebracht, an deren horizontalen Arm die Röhre Luftstrommessers angebracht werden konnte. Diese e wurde wie ein Gasometer über einer oben offe-, mit Wasser gefüllten größeren aufgehängt, und größerer oder kleinerer Geschwindigkeit in dieselbe elst einer Kurbelvorrichtung eingesenkt. Die beim senken aus dem Gasometer vertriebene Luft musste a Luftstrommesser vorbeigehen, und den Windflün Bewegung setzen. Dabei erfuhr man, wie viele Umlungen der letztere in einer gewissen Zeit durch die lem Gasometer entweichende Luftmenge mache. Die hrung lehrte, dass bei einer mässigen Geschwindigkeit elbe Luftmasse auch immer dieselbe Anzahl Umdrezen zu Wege bringt. Bei einem Apparate, dessen drad 34 gerade, unter 45° geneigte Flügel hatte, eren durch 100 Liter Luft 154.8 Umdrehungen, es te diese Luftmasse in 3" oder in jeder längeren bis auf 30" ausströmen. An einem anderen Instrue mit 8 kürzeren, aber breiteren, und um 50° geen Flügeln bewirkten 100 Liter Luft 107.686 Umangen. Demnach entsprechen 1000 Umdrehungen Vindflügels beim ersteren Instrumente 645.99 Libeim zweiten 928.62 Liter Luft.

Bringt man dieses Instrument am Zugloche eines Windofens an, so erfährt man die einströmende Luftmenge. Wird es am Kamine angebracht, so gibt es die aufsteigende Luft an, und aus beiden meint der Verfasser mit Hülfe einer chemischen Untersuchung der aufsteigenden Luft zur Kenntnifs der verzehrten Sauerstoffmenge zu gelangen.

Als dieser Luftstrommesser an dem Windloche eines Ofens, wo in einem Sandbade eine Evoporation beabsichtiget war, angebracht wurde, machte der Windflügel, gleich nachdem Feuer gemacht war, in 120 M. nahe 55000 Umdrehungen, in den folgenden 150 M. stieg die Zahl der Umdrehungen auf 70000. Nach einer Füntelstunde, wo alles gehörig durchgewärmt ward, betrug diese Zahl für 1 St. 68300 Umdrehungen.

Da man weiß, wie viel Holz in einer Stunde verbrennt, und auch die hierzu nöthige Sauerstoffmenge bekannt ist, so kann man aus den Ergebnissen solcher Versuche sehen, ob der Verbrennungsprozeß vollkommen vor sich gehe oder nicht.

 Thermometer zu Versuchen über die Veränderlichkeit des Siedpunctes der Flüssigkeiten. Von Kemp.

(Edinb. journ. N. 4, p. 262.)

Dass man zu Versuchen über die Veränderlichkeit des Siedpunctes der Flüssigkeiten sehr empfindlicher Thermometer bedürfe, ist für sich klar, und dass die gewöhnlichen Instrumente zu solchen Untersuchungen nicht die nothige Empfindlichkeit besitzen, bedarf eben so wenig eines Beweises. Kemp sucht diese Empfindlichkeit durch zwei Mittel zu erhöhen, wevon das erste keineswegs neu ist, denn er versieht ein gewöhnliches Instrument mit engem Rohre nur mit einer größeren

Rugel und einem cylindrischen weiten Ansatze. Die zweite von ihm empfohlene Einrichtung verdient hingegen nähere Erwähnung. Sie besteht in einer Abändetung des Leslie schen Differenzialthermometers. Die beiden Kugeln A und B befinden sich nicht, wie bei der gewöhnlichen Einrichtung dieses Instrumentes, an der geraden Thermometerröhre, sondern diese ist zwei Mal rechtwinkelig, und zwar zuerst horizontal, dann abwärts gebogen; ferner reicht die Röhre fast bis auf den Boden der Kugel A, und ist stets in die gefärbte Schwefelsäure getaucht, welche einen Theil des inneren Raumes dieser Kugel einnimmt, während sie in der Kugel B heberförmig aufwärts gebogen ist.

Will man mit diesem Instrumente z. B. einen Versuch über den Einfluss der Natur des Gefäses auf den Siedpunct des Wassers machen, so wird jede der zwei Kugeln dieses Instrumentes in ein Gefäs mit siedendem Wasser getaucht. Hat dieses in beiden Gefäsen einerlei Temperatur, so wird man an der flüssigen Säule keine Bewegung wahrnehmen; findet aber ein Temperaturunterschied Statt, so wird sich derselbe aus der Bewegung der Flüssigkeit der Größe nach abnehmen lassen.

VIII.

Fortschritte der Physik in der neuesten Zeit.

A. Optik.

1. Über die Gesichtsweite. Von Lehot. (Bull. drs sc. math et phys. Nov. 1829, p. 417.)

Lehot construirte ein Instrument, mit welchem er einige interessante Versuche über die Sehweite ver-

schiedener Augen anstellte. Dieses Instrument beruht auf der Gestalt, unter welcher eine fast mit der Augenaxe parallele Linie erscheint; es hat viele Ähnlichkeit mit demjenigen, welches Young angegeben hat, und wovon im dritten Bande, S. 457 dieser Zeitschrift die Rede war, und hat im Grunde dasselbe optische Fundament, wird aber von Lehot demselben aus Gründen vorgezogen. Es besteht aus einem Lineale, das mit schwarzem Sammt überzogen ist, auf dem sich der Länge nach ein weißer Seidenfaden befindet. Sieht man läng des Lineals durch eine kreisrunde kleine Öffnung auf den Seidenfaden, so erscheint jener Theil, der inner halb der Sehweite liegt, doppelt, und beide Bilder sind desto weiter von einander entfernt, je weiter der betreffende Punct von der deutlichen Schweite absteht Von da an, wo beide Bilder zusammenfallen, und wohin Lekot die erste Grenze der Sehweite versetzt, sehen ihn einige Personen einfach und rein, in einiger Entfernung von dieser Stelle wird er wieder doppelt, und der Scheitel dieses Winkels ist dem des vorigen zugewendet, aus einem leicht begreiflichen Grunde. Da, wo der zweite Scheitel liegt, befindet sich die zweite Grenz der Sehweite.

Die Resultate, welche Lehot mit diesem Instrumente erhielt, und um die es sich eigentlich handelt, sind folgende:

Ein biconvexes oder planconvexes Glas, das sich zwischen dem Auge und dem Objecte befindet, bringt die beiden Grenzen der Sehweite einander näher, und zwar desto mehr, je kürzer die Brennweite der Linse ist. So z. B. war für ein Auge ohne Glas

die erste Grenze der Sehweite = 27.5 Centimeter,

» ·zweite » » 33 »
mithin der Spielraum 5.5 »

wurde aber eine Linse von 45 Centim. Brennweite gebraucht, so fiel die erste Greuze der Schweite auf 22.1.C.,

» zweite » » » » » 25.7 »

mit einer Linse von 22 C. Brennweite betrug

die erste Grenze der Sehweite 9.9 C.,

der Spielraum 3.2 »

Die Grenzen der Sehweite liegen dem Auge um so näher, und der Spielraum derselben ist desto kleiner, je brechbarer das Licht ist, welches vom Objecte ins Auge gelangt.

Eine beiderseits concave Linse, zwischen das Object und das Auge gestellt, entfernt die Grenzen der Sehweite von einander, und dasselbe leistet auch ein Mittel, welches dichter als die Luft, und mit parallelen Wänden begrenzt ist.

Es gibt Personen, deren zweite Grenze der Sehweite nur 2 Z. beträgt, andere, bei denen sie in einer unbestimmbaren Entfernung liegt. Im Allgemeinen sind diese Grenzen für jedes der zwei Augen einer Person anders. Bei einer derselben lag für das linke Auge die erste Grenze in 51°, die zweite in 57°.5, während für das rechte diese zwei Grenzen 32° und 37°.7 waren.

Diese Grenzen ändern sich mit den Jahren, und zwar entfernt sich die erstere von dem Auge. Der gewöhnliche Gebrauch der Augen und das Tragen von Brillen modificirt diese Grenzen ehenfalls.

Eine Erweiterung der Pupille entfernt die erste Grenze und nähert die zweite, vermindert also den Abstand derselben von einander; eine Verengung der Pupille bringt eine entgegengesetzte Wirkung hervor. Einige Menschen scheinen nach Belieben die Grenzen der Schweite ändern zu können. Ein Druck mit dem Finger auf das Auge verschiebt diese Grenzen ebenfalls.

Von einem Objecte, das sich außerhalb des Spielraums der deutlichen Schweite befindet, erhält man nur ein undeutliches Bild. Diese Undeutlichkeit ist deste größer, je kleiner das Object ist, falls die Entfernung desselben ungeändert bleibt; sie kann so weit gehen, daß das Object ganz verschwindet, welches nach T. Mayer mit einem schwarzen auf weißem Grunde verzeichneten Kreise, den man im Schatten ansieht, bei einem Schwinkel von nahe 34" erfolgt.

Für ein Auge, dessen zweite Grenze der Schweite weiter vom Auge entfernt ist, verschwindet das Bild eines solchen Objectes auch früher, als für ein solchen dessen zweite Grenze demselben näher liegt. Mittelst eines durchstochenen Blattes kann man die Entfernung, bei welcher das Verschwinden eintritt, vergrößern. Beim Gebrauche eines convexen Glases tritt jenes Verschwinden bei einer geringeren Entfernung ein, als mit freiem Auge, beim Gebrauche eines concaven Glases hingegen in einer größeren Entfernung.

Befindet sich das Object diesseits der ersten Grenze der Sehweite, so findet nahe dasselbe Statt, wie vorhin gesagt wurde.

Aus diesen Gründen meint Lehot, dass uns Gegenstände nicht wegen zu kleinem Gesichtswinkel verschwinden, sondern wegen zu großer Undeutlichkeit, etwa so, wie die Bilder auf der Wand eines Zimmers, wohin das Licht durch Fenster gelangt, und welche den Gegenständen angehören, die das Licht ins Zimmer senden, wegen zu großer Undeutlichkeit nicht wahrnehmbar sind.

Diese Bemerkungen benützt Lehot, um für ein kurzoder weitsichtiges Auge die passende Brille zu wählen. Es gibt für jedes Object, das sich in einer bestimmten Entfernung außerhalb der Grenzen der Sehweite befindet, eine Linse, welche diese Grenzen und ihre gegenseitige Entfernung so abändert, daß das Bild am reinsten an der Grenze der Sehweite erscheint. Convexe Linsen ermüden die Augen darum so sehr, weil sie den Abstand der beiden Grenzen der Sehweite vermindern.

2. Der erste Erfinder des achromatischen Teleskopes.

In dem schätzbaren Annuaire présenté au Roi par le bureau des longitudes findet sich seit mehreren Jahren die Angabe in der chronologischen Aufzählung der urprünglichen Erfindung astronomischer Instrumente, dass das erste achromatische Teleskop 1750 von Hrn. Hall Follendet, und erst acht Jahre später, im Jahr 1758, die Entdeckung achromatischer Teleskope von Hrn. Dollond dem Vater) bekannt gemacht worden sey. Wenige engische Schriftsteller über Optik erwähnen nur des Nanens Hall, und sein Verdienst als erster Erfinder des ichromatischen Teleskopes scheint in dem Lande selbst, wo diese wichtige Entdeckung zuerst gemacht worden st, beinahe ganz unbekannt. Nur beiläufig wird in einer Note, in Dr. Young's Vorlesungen über Optik, die, ser Entdeckung erwähnt, und auf das Novemberheft 1708 des Philosophical Journal (Gentleman's Magazin, Dot. 1700) verwiesen. Daselbst findet sich nun zwar eine umständlichere Nachricht über Hrn. Hall's Teleskope, aber auch nur in einer sehr kurzen Note, die aber durch den Umstand wichtig wird, dass der verstorbene berühmte Ramsden die Wahrheit der darin angeführten Thatsachen über die Entdeckung bezeuget.

Die Aufmerksamkeit aller Astronomen lenkt sich

nunmehr auf die Verbesserungen, welche von Optiken auf dem Continente in den achromatischen Objectivgis sern gemacht worden sind, welche nunmehr in himschender Vollkommenheit mit Öffnungen alle, die je mals aus englischem Glase gemacht worden sind, so wit übertreffen, dass dedurch der Gebrauch von resestrenden Teleskopen wohl ganz beseitiget werden wird indem die Spiegel, das leichte Anlaufen derselben ib gerechnet, bei großen Dimensionen über zwei Faßin Durchmesser, die genaue Gestalt der Obersläche durch ihr eigenes Gewicht verlieren. Die in dem erwähnten Journale enthaltenen Thatsachen sind folgende:

» Der erste Erfinder des achromatischen Teleskop » war Hr. Chester More Hall Esqu. von More Halla » Essex. «

Aus seinen Schriften erhellet, dass er seine Arbeiten schon im Jahre 1729 angefangen, und nach vielen Versuchen endlich so glücklich war, zwei Sorten wer Glas zu finden, welche das erforderliche Zerstreuung vermögen für die Lichtstrahlen in entgegengesetzt, der Richtungen hatten, um, zu Linsen zusammengesetzt, der Objecte farbenlos zu zeigen.

» Ungefähr im Jahre 1733 vollendete er mehret achromatische Objective (obgleich er sie noch nicht mid diesem Namen belegte), die eine Öffnung von 2 ½ Zall im Durchmesser hatten, wie wohl ihre Brennweite nicht über 20 Zoll ging. Eines derselben ist noch gegenwirtig im Besitze des wohlehrwürdigen Hrn. Smith in Charlotte-street, Rathbone place (in London), von mehreren ausgezeichneten Kunstverständigen untersucht, mid darin alle jene Eigenschaften gefunden worden, die westerneuern achromatischen Linsen besitzen. Hr. Hall verwendete mehrere arbeitende Optiker, um seine Gliser zu schleifen, denen er die Radien der Oberflächt

, die erforderlich waren, nicht nur das verschie-Brechungsvermögen für die Lichtstrahlen, sondern die von der sphärischen Gestalt der Linsen heriden Abweichungen auszugleichen. Einer dieser er, durch die Hr. Hall seine Erfindung ausführen war Hr. Bass der ältere, welcher zu seiner Zeit Gegend von Bridewell lebte.

In dem Rechtsstreit, der in Westminsterhall wees Patents auf achromatische Teleskope geführt
n, wurde Hr. Hall zwar unbedingt als erster Ererklärt, aber Lord Mansfield bemerkte: dass der
ein Patent zu erlangende Gewinn von einer neuen
ung nicht Demjenigen gebühre, der seine Erfinm Schreibpulte verschlossen behält, sondern Jeder sie zum Nutzen seiner Mitbürger zuerst verDieser Ausspruch war vielleicht um so gerechls Hr. Hall ein sehr wohlhabender Grundbesitzer
ind gar keinen Geldgewinn von seiner Erfindung

Dass Hr. Ayscough, Optiker in Ludgate-Hill, 1754 ein Teleskop von Hrn. Hall besass, ist auch nläugbare Thatsache. «

1 Winter 1789 erinnert sich Freiherr v. Jacquin Bitzung der k. Londoner Societät belgewohnt zu worin Hr. Ramsden und Hr. Dollond der Sohn, igen Streit über diese Angelegenheit geriethen.

ue Beugungsphänomene. Von Herschel. err Herschel hat den Artikel über Optik in der opaedia metropolitana, die leider ins Stocken geseyn soll, bearbeitet, und in demselben nebst vortrefflichen Darstellung des bereits über das Bekannten, manches Neue dargestellt. Aus dieser ist das Folgende über die Beugung des Lichtes it.

٠.j

Wenn wir einen glänzenden Stern durch ein sehr gutes Teleskop, welches nicht sehr vergrößert, aus hen, so erscheint uns derselbe als eine condensirte gliazende Masse Licht, deren Gestalt des Glanzes wegen unmöglich unterschieden werden kann, und welche, w auch das Teleskop noch so gut, selten von kleinen strikligen Anhängen oder Fransen frei ist. Gebrauche wir aber ein Teleskop von 200- bis 300 - oder 400malger Vergrößerung, so erscheint uns der Stern unter günstigen Umständen, dergleichen ruhige Luft, gleich förmige Temperatur etc. sind, vollkommen rund, und wie eine gut begränzte planetarische Scheibe, die ab wechselnd mit zwei, drei oder mehreren dunklen wie glänzenden Ringen umgeben ist, welche bei aufmerkst mer Betrachtung an ihren Rändern etwas gefärbt erscher nen, sich fast in gleichen Zwischenräumen concentrisch auf einander folgen, und gewöhnlich viel besser, regelmässiger und gebildeter durch Refractoren als durch Reflectoren gesehen werden. Auch ist die Centralscheile durch die erstern viel größer als durch die letztern # sehen.

Diese Scheiben wurden zuerst von Wilhelm Herschel (dem Vater) entdeckt, welcher, um sie sichtbar zu machen, sich sehr stark vergrößernder Teleskope bediente. Sie sind nicht die wirklichen Sternkörper, welche zu weit entfernt sind, um sie je durch Vergrößerungen, die wir erzwecken können, sichtbar zu machen, sondern unterschobene oder unreelle Bilder, die aus optischen Ursachen entstehen, welche bisher bis auf einen gewissen Grad immer dunkel blieben. Es ist in der That Jedem klar, der mit den Gesetzen der Interferenz und der Bildung der Brennpuncte nach dem Undulationssysteme wentraut ist (das Objectivglas genau aplanatisch vorausgesetzt), dass der Brennpunct in der

ke durch die in vollkommener Übereinstimmung zusamentreffenden Undulationen bewirkt werde, und natürther Weise intensiv leuchtend erscheinen müsse; und s. sobald wir von dem Focus in einer Richtung, die it der Axe einen rechten Winkel macht, abgehen, diese bereinstimmung nicht mehr Statt finde, sondern die rahlen, die von einer Seite des Objectivglases komen, anfangen, sich mit jenen zu interferiren, die von andern Seite herkommen, so dass in einer gewissen ntfernung von der Axe eine totale Opposition eintritt. ad ein dunkler (kreisförmiger) Ring entstehet, auf welen aus derselben Ursache ein heller folget, und so eiter. Auf diese Art wird die Entstehung der Centralheibe und des Ringes einleuchtend, obwohl die Be-Echnung ihrer Größe aus dem Gegebenen schwierig Pyn mag. Aber dieses belehret uns nicht über eine er merkwürdigsten Eigenheiten dieser Erscheinung, ämlich dass die scheinbare Größe der Scheibe für verphiedene Sterne verschieden a und je heller der Stern. esto größer ist. Dieß kann keine bloße Täuschung eyn, indem, wenn zwei ungleich glänzende Sterne zu leicher Zeit beobachtet werden, wie diess z. B. bei ich nahen Doppelsternen direct geschehen kann, sich ine auffallende Ungleichheit in den Durchmessern iher unreellen Bilder ergibt; noch kann dieses in einem zirklichen Unterschiede der Sterne selbst liegen, da bei em Dazwischentreten einer Wolke, welche ihre Helle erdunkelt, auch ihre scheinbaren Scheiben zu blosen Puncten reducirt werden; noch kann es einer Irraliation oder Fortpflanzung des Eindruckes vom Puncte ler Netzhaut an in die Entfernung seyn, weil in diesem Falle das Licht der Centralscheibe sich den Kreisen näbern, und sie vertilgen würde, es sey denn, dass wir in der That eine Schwingung der Retina voraussetzen,

welche nach denselben Gesetzen wie jene des Äthen erzeugt, und der Interferens fähig wäre, in welchen Falle die Scheibe und die Kreise auf der Retina das Resultat der Interferenz beider Undulationen seyn würden.

Ohne noch weiter in diesen wahrhaft zarten Gegenstand einzudringen, werden wir uns begnügen, sings unserer Beobachtungen, welche durch Blendungen oder Öffnungen von verschiedener Form, die an Objectigläsern applicirt waren, hervorgebracht worden sind, anzuführen, und welche keine unwichtige Ergänzung zu den (schönen) Fraunhofer'schen Beobachtungen über den Effect sehr kleiner Öffnungen, mit denen sie eine ger Massen verwandt sind, liefern.

Wurde die ganze Öffnung des Teleskops durch eine kreisrunde Blendung begrenzt, welche entweder den Objectivglase nahe oder in einiger Entfernung von dem selben applicirt war, so stand die Vergrößerung der Scheibe und der Kreise mit den Öffnungsdurchmessen in einem verkehrten Verhältnisse. Wurde die Öffnung sehr klein (als für ein Teleskop von 7 Fusa Focallänge bis auf einen Zoll reducirt), so vergrößerte sich die unreelle Scheibe bis zur planetarischen Gestalt, in welcher sie wohl begrenzt und nur mit einem Ringe ungeben erschien, der lebhaft genug war, um deutlich gesehen zu werden, und schwach gefärbt, folgten in folgender Ordnung von dem Mittelpunce der Scheibe an gerechnet auf einander: Weise, sehr schwach roth, schwarz, sehr schwach blau, weiß, äußers schwach roth, schwarz. Wurde die Öffnung noch weiter, z. B. bis auf einen halben Zoll verkleinert, so wurden die Kreise zu schwach, um noch weiter gesehen werden zu können, und die Scheibe sehr vergrößert. Die Abstufung des Lichtes vom Centrum an bis an den UmEang war nun sehr merklich, so dass es eine nebelige und cometische Gestalt erzeugte.

Bei ringförmigen Öffnungen war die Erscheinung ausserordentlich auffallend, und sehr regelmässig. Hatte der äußere Durchmesser des Ringes 3 Zoll, und der manere 1 1/4 Zoll, so sah man die Capella, wie Fig. 30 seigt, und den Doppelstern Castor, wie Fig. 31 darstellt. Wird die Breite der ringförmigen Öffnung vermindert, so vermindert sich auch die Größe der Scheibe and die Breite der Kreise. (Im Gegensatze mit dem. was in den Fraunhofer'schen Experimenten mit ausserordentlich engen ringförmigen Öffnungen Statt gefunden hat. Offenbar beruhen die gegenwärtigen Erscheizungen auf anderen Grundgesetzen.) Zu gleicher Zeit vermehret sich die Anzahl der sichtbaren Ringe. Die Figuren 32, 33 und 34 stellen dar, wie die Capella erscheint bei ringförmigen Öffnungen von 5,5 - 5 Zollen (nämlich bei solchen, deren äußerer Durchmesser 5,5, und innerer 5 Zolle misst), von 0,7 - 0,5", und **▼on 2,2** — 2 Zollen.

Bei dieser letzten Erscheinung reducirte sich die Scheibe auf einen kaum bemerkbaren runden Punct, und die Kreise befanden sich so nahe an einander, daß sie kaum gezählt werden konnten. Wurde die Breite der ringförmigen Öffnung noch ferner bis zur Hälfte verbleinert, so konnten die Zwischenräume zwischen den Kreisen nicht länger mehr unterschieden werden. Die Ausmessungen dieser Kreise und der Scheibe scheinen allgemein mit $\frac{r'-r}{r}$ im Verhältnisse zu stehen, wo r', r die Halbmesser der ringförmigen Öffnung bedeuten.

Außer den nahe der Scheibe gelegenen Kreisen werden mit ringförmigen Öffnungen noch andere von viel größerem Durchmesser und schwächerem Lichte

der st

en be

Bigen

n der

m, u

harn

ing (

liher:

Mam

hees

₩!g€

usie.

16n]

arte

the i

Ns :

han

die

Bler

wie Höfe gesehen, die nach Fraunhofer's Sprachen den Spectris einer verschiedenen Classe gehören. Bei einer einzigen ringförmigen Öffnung sind sie zu schwich, um genau untersucht werden zu können. Bei einer su zwei solchen Ringen zusammengesetzten Öffnung sie klar und leuchtend; die Erseheinung ist in Fig. 3 vorgestellt, in welcher das Licht durch Schattmug und die Dunkelheit durch die Helle dargestellt ist.

Bei einer Öffnung in Gestalt eines gleichseitzen Dreieckes ist die Erscheinung äußerst schön; sie bette het in einem vollkommenen regelmäßigen, glinzen sechsstrahligem Stern, den eine wohlbegrenzte runk helle Scheibe umgibt. Die Strahlen vereinigen sich nicht mit der Scheibe, sondern sind von derselben durch men schwarzen Kreis abgesondert, auch sind sie seit enge beisammen, vollkommen gerade, und zeichnen nich besonders durch eine totale Aufhebung des zerstreuten Lichtes aus, welches das Feld erfüllen würde, wem keine Blendungen gebraucht würden. Diese merkwirdige Erscheinung ist in Fig. 36 dargestellt.

Das nämliche Resultat erhält man auch, wenn de Öffnung statt eines gleichseitigen Dreieckes, die Differenz zweier gleichseitigen concentrischen, auf ähnlich Art gestellten Dreiecke ist. Da ein Dreieck nur drei Seiten und drei Winkel hat, so erscheint die Herrerbringung eines sechsstrahligen Sternes sonderhar. In diese vermuthen läst, dass drei Strahlen von den Wirkeln, und drei von den Seiten entstehen, so sollte met erwarten, dass irgend ein bemerkbarer Unterschied in den abwechselnden Strahlen existiren sollte, welcher ihren verschiedenen Ursprung bezeichnet; doch sind, wenn das Ocular im vollkommenen Focus ist, alle Strahlen sich gleich; ist dasselbe aber aus den Focus gezogen, so wird der Unterschied ihres Ursprungs sicht-

Fig. 37 stellt das Bild dieser letzten Erscheinung in dieser erscheinen abwechselnd die drei ersten trahligen Arme als aus ihrer Länge parallelen Fransestehende Reihen, die drei andern als aus kleinen in von ähnlichen Fransen bestehend, deren Enden en Scheiteln der Hyperbeln, zu welchen sie gehöunmittelbar anliegen, und welche folglich die Strahme in einer zu ihrer Länge perpendiculären Richdurchkreuzen.

Wird das Teleskop besser in den Focus gestellt, so en sich die Hyperbeln ihren Assymptoten, vermischen mit denselben in einer nicht zu unterscheidenden , und so entstehen drei aus stetigen Lichtlinien mmengesetzte Strahlen, und unmittelbar drei an-Strahlen, die aus einer unendlichen Anzahl von sonderten, nahe an einander gestellten Puncten herehen.

Um analytisch die Intensität des Lichtes in diesen stigen Strahlen darzustellen, wird die Anwendung Functionen einer besondern Natur, und eine sehr Behandlung erfordert. Die eben beschriebene Ernung gibt in besondern Fällen ein vollkomme-Mikrometer ab, dienlich zu astronomischem Geche. Wird die Blendung gedreht, so drehen sich Strahlen mit ihr, und hat ein heller Stern, als uilae, in seiner Nähe einen kleinen, so kann die lung so gestellt werden, dass einer der sechs Strahurch den kleinen Stern geht, welcher sodann wie Perle an einem Bande verweilt, und gemächlich achtet werden kann. Lässt sich hierbei auch die an einer wohl angebrachten Gradabtheilung ableso gibt sich dadurch auch die relative Lage der Sterne zu erkennen. Hiervon hat Herschel selbst igenen Zufriedenheit die Anwendung gemacht, und schr. f. Phys. u. Mathem. VII. 4. 30

dieser Kunstgriff mag in vielen Fällen, die bei ihrem ersten Anblicke uns beträchtliche Schwierigkeiten darzubieten scheinen, nützlich seyn.

auc

We

Sche

tra]

len

Werden drei runde Öffnungen, welche ihre Mittelpuncte in den Winkeln eines gleichseitigen Dreiedes haben, angewendet, so bestehet das Bild ein Mal au einer hellen runden Scheibe, dann aus sechs schwichen Scheiben, welche mit der erstern in Berührung stehen, und aus einem System von sehr schwachen Höfen, die wie in Fig. 38, als Kreise das Ganze umgeben. Werden jedoch drei gleiche ringförmige Öffnungen eben som stellt, so zeigt sich die Erscheinung im Focus, wie !! Fig. 30, mithin eben so, als wenn zwei dieser Of nungen geschlossen wären. Doch außer dem Focus ph sich der Unterschied zu erkennen, und zwar ist für die sen Fall die Erscheinung in Fig. 30 dargestellt, wo jele der Öffnungen ihre eigene Centralscheibe und ein Sp stem von Kreisen hervorbringt, deren Durchschnitt dem Systeme den in selber dargestellten Fransen die Eststehung geben. Wird das Teleskop besser in den Focus gestellt, so verschwinden diese wieder, und die Er scheinung ist wie Fig. 40. Die Mittelpuncte nähern sich stufenweise, die Kreise vereinigen sich, bis endlich der Punct des vollkommenen Übereinandertreffens erreick ist.

Eine Öffnung in Gestalt des Unterschiedes zweist Quadrate bringt nicht einen acht-, sondern vierstraßigen Stern hervor; die Strahlen sind aber nicht wie bei einer triangulären Öffnung ununterbrochene feine Einien, die vom Centrum an bis an die Extremitäten im mer schmäler zulaufen, sondern sie sind aus abweckselnd dunklen und lichten Theilen zusammengesetzt. Die Theile, welche der runden Centralscheibe am nächstelliegen, sind aus auf die Richtung der Radien transver-

en Streisen zusammengesetzt, und mit den prismatien Farben gefärbt. Ähnliche Streisen besinden sich ch ohne Zweisel in den entsernten, sich auf eine große eite erstreckenden Theilen.

Eine Öffnung, welche aus 50 Quadraten von unger 1/2 Zoll Seite bestand, und die so gestellet waren, s sie zwischen ihnen nach den Richtungen der beil Seiten gleiche Zwischenräume ließen, brachten ein hervor, welches ganz von jenem von Fraunhofer chriebenen, wenn zwei sehr feine gleiche Gitter uzweise über einander gelegt werden, verschieden obwohl die Eintheilung und Figur der Öffnungen eiden Fällen dieselben sind. Diese Erscheinung ist, sie Fig. 41 darstellet, eine weiße runde Centralbibe von 8 lebhaften Spectris umgeben, die nach Umfange eines Viereckes gestellet sind; außer dieerstrecken sich in derselben Figur in Gestalt eines uzes dreifache Reihen von sehr schwachen Spectris eine große Weite hinweg.

Bestand die Öffnung aus sehr vielen gleichseitiDreiecken, welche so wie in Fig. 42 gestellt sind,
ergab sich die sehr überraschende Erscheinung.
se bestand nämlich aus einer Reihe von runden
eiben, welche von der Centralscheibe an in sechshlige divergirende Streifen geordnet, und von dejede mit einem Ringe umgeben waren; die Censcheibe war hell und etwas gefärbt, die übrigen immehr und mehr gefärbt, und nach Verhältnis ihEntfernung vom Centrum in Spectra verlängert.
se sind nur wenige von den neuern und schönen Erinungen, welche von der Form der Öffnungen in
skopen abhängen, und die uns ein weites Feld zu
ern Untersuchungen darbieten, wenigstens eines,

welches sowohl den Künstler als den theoretischen For scher interessiren muss.

B. Allgemeine Physik.

1. Über artesische Salz-Soolen und Gas brunnen in China.

(Mitgetheilt von Dr. Johann Lhotsky.)

Wenn aus nachfolgendem Berichte die große Ver breitung artesischer Brunnen in China hervorgeht, so wir Dieses vielleicht auch ein näheres Licht über die Ge schichte ihrer Einführung in Europa, verbreiten. Dem es ist bekannt, dass diese Art der Brunnengräbereizuer im Jahre 1671 von Dominicus Cassini in Frankreich geregt wurde 1). Da dieses nun auch jene Epoche ist wo durch Ludwig des XIV. Unterstützung, die Verbie dung jenes Landes mit China durch Missionen, und ihr Berichte vorzüglich lebhaft war, so könnte es woh seyn, dass vorgenanntem großen Mathematiker diese lde durch einen Anklang von dorther suggerirt worde wäre. Doch blieb es erst der neuesten Zeit vorbehalter diese so glückliche Idee vollständig ins Leben einzusit ren, denn vor wenig Jahren war man selbst in Fran reich noch der Meinung, dass nur die Gegend um Arn in der ehemaligen Provinz Artois (woher sie auch ihr Namen haben) zur Bohrung der artesischen Brunn geeignet sey 2). Wenn nun aus nachfolgendem B

¹⁾ Recueil industriel. Paris 1827.

²⁾ Quelquefois ces nappes (d'eau) s'établissent sur un de roche, même entre deux lits de roche; et dans dernier cas il peut arriver que, descendant d'un l beaucoup plus élevé, et se trouvant remplir compliment l'intervalle des roches, il ne fuille que percer

hte hervorgeben wird, dass diese in China in großer nge bestehen, so kömmt noch dazu, dass sie dort zur winnung von Salzsoole im Gebrauch sind, und zu ei-Tiese ausgehöhlt seyn sollen, die bisher bei uns nicht hl erreicht wurde. Und wenn es endlich ein (in der ern Zeit) häusiger beachtetes Factum ist, dass in der e von Salzquellen auch verschiedene Gasarten (nantlich kohlensaures und Schweselwasserstoff-) herbrechen 3), so sehen wir in China auch diese letztere tart, und zwar auf eine ausgedehnte und erstaunungsdige Art benützt.

Schon im zweiten Bande der lettres édifiantes befand ein, obgleich sehr kurzer, Bericht des Bischofs von raka, wo er dieser chinesischen Salzbrunnen erwähnt it ausgedehnter ist die Beschreibung, die Hr. Imbert, sionaire apostolique, von diesen Brunnen gibt, und glauben in ihr keine Anzeichen einer Unwahrheit zu

roche supérieure pour le faire sortir en jaillissant et arriver jusqu'à la surface du sol. C'est parceque la plaine d'Arras a une telle disposition de roches, qu'on peut y creuser ces puits si célèbres, appellés puits artésien. Encyclop. method. Paris 1816. Agriculture. Vol. VI. p. 75.

benbürgen, quillt seit dem Jahre 1826 aus einer Spalte des in Steinsalz eingelagerten Thonmergels, in einer Tiese von 45°, ein brennbares Gas hervor, und wird zum Beleuchten der Verhaue benützt. » Hvn: Apotheker Bremer's Bericht in Poggendorff's Annalen der Physik, 1826, p. 131 etc. « — Ähnliche Erscheinungen wurden schon früher in Ungarn beobachtet. Die wichtigste endlich dieser Art existirt in der Saline Gottesgabe in der Grafschast Teklenburg, wo die Gasausströmung alle fünf Minuten einen Kubiksus beträgt, und gleichsalls zur Beleuchtung benützt wird. Vide l. cit. » die Anmerkungen der Redaction.«

finden. Vorgenannter Hr. Imbert meldet in einem Briefe vom Sept. 1826 aus der Stadt Ou-Tong-Kiao bei Kiating in der Provinz Su-Tchuen Folgendes 4):

» Handel und Betriebsamkeit versammeln hier eine Unzahl von Menschen aus allen Theilen des Reiches. In einer Länge von 10, und einer Breite von 4-5 Stunden findet man einige Zehntausend dieser Salzbrunnen. Jederetwa wohlhabende Mann verbindet sich mit irgend einem adern, und gräbt einen oder mehrere Brunnen, wovon einer ungefähr Tausend und einige Hundert Taëls (zu 71/1 Franken) kostet. Diese Nation macht alles im Kleinen, und gelangt mit Zeit, Geduld und weniger Kosten als wir zu ihrem Zwecke. Sie kennen die Kunst, Felsen durch Minen zu sprengen, nicht, und doch sind diese Brunnen in Felsen. Sie haben 1000, 1800, ja manchmal 2000 französische Fuss Tiefe 5), und nicht mehrals 5", höchstens 6" Öffnung. Sie verfahren dabei folgen der Massen: Wenn die Obersläche aus 3 - 4' tiefer Erde besteht, so bringt man eine Röhre von Holz hinein, über welche ein Quaderstein kömmt, der die gewünschte Öffnung von 5 - 6" hat; in der Röhre lässt man eine Ramme oder Keule von Stahl, von 300 - 400 Pf. Schwere

⁴) Annales de l'association de la propagation de Foi. Per ris. Janv. 1829, p. 369 etc.; eine Zeitschrift, die in Hissicht ihrer geographischen und physikalischen Notisen bisher wenig beachtet worden ist.

⁵⁾ Diess wäre eine viel größere Teuse, als man bei uns durch den Bergbau erreicht hat. » Agricola rapporte dans son Bermanus, que les puits de mine les plus prosonds sont à Kuttenberg en Bohême et qu'ils ont 500 Lachter (environ 1000 Mètres). « Traité de Géognosie pur M. d'Aubuisson de Voisins. Paris 1828. Vol. I., p. 386. « Alle Beispiele, die der Versasser aus Tirol, Sachsen, England etc. ansührt, geben alle eine geringere Teuse.

spielen. Diese Ramme ist ringsum eingekerbt, oben etwas concay, unten rund. Ein starker, leicht gekleideter Mann steigt auf ein Gerüste, und tanzt den ganzen Morgen auf einem Schnellbalken, welcher diese Stahlramme auf 2' Höhe erhebt, und sie dann von ihrer eizenen Schwere wieder fallen läst. Man giesst manchmal einige Schaff Wasser in das Loch, um das Steinnehl zu nässen. Diese Stahlkeule ist durch einen tüchigen Rotangstrick befestiget, nur so dick wie ein Finzer, aber stärker als unsere Darmstricke. Dieser Strick st an den Schnellbalken angemacht; man befestiget dort in Triangel von Holz, und ein anderer Mensch sitzt an diesem Stricke. In dem Masse, als der Schnellbalken aufsteigt, nimmt er das Triangel, und lässt es einen halben Zirkel beschreiben, damit die Stahlramme in einer entgegengesetzten Richtung fällt. Zu Mittag lösen sich die zwei Arbeiter ab, und werden Abends von zwei andern ersetzt. Wenn sie 3" gegraben haben, so zieht man diese Stahlramme mit allem Gestein, wovon sie beschwert ist (denn sie ist, wie gesagt, oben concav), durch Hülfe eines Cylinders heraus, worauf der Strick gerollt wird. Oft ist nicht alles bis in die nöthige Tiefe Felsen, sondern Erd- und Kohlenlager etc.; dann wird die Arbeit sehr schwierig und oft nutzlos; denn da diese Steinarten keinen gleichen Widerstand darbieten, so verliert das Loch seine senkrechte Richtung, aber diess geschieht selten. Sonst sind diese Brunnen oder Röhren ganz senkrecht, und geschliffen wie Glas. Bricht der Ring, an welchem die Stahlramme aufgehängt ist, so braucht man 5-6 Monate, um durch Hülfe anderer die erstere zu zermalmen und heraus zu schwemmen. Wenn der Felsen ganz zu dieser Arbeit tauglich ist, so bohrt man alle 24 Stunden gegen 2 Fuss. Es dauert aber wenigstens drei Jahre, bis ein Brunnen fertig wird *). Um Wasser herauf zu bringen, steckt man in das Brunnenloch eine 24' lange Bambusröhre, an deren Ende ein Ventil ist; wenn diese Röhre am Boden des Brunnen angelangt ist, setzt sich ein starker Mann auf den Strick, und bewegt ihn heftig; jede Bewegung öffnet das Vertil, und macht das Wasser steigen. Wenn die Röhre voll ist, so wird ein großer Cylinder in Gestalt einer Rolle von 50' Umfang, auf welchen der Strick läuft, von 2, 3—4 Ochsen oder Büffeln gedreht, und die Röhre steigt; dieser Strick ist auch von Rotang. Das Wasser ist sehr soolig, und gibt bei der Verdunstung 2/5, manchmal 1/4 Thl. Salz. Das Salz ist sehr scharf und ungesund.

» Die Luft, die aus diesen Brunnen kommt, ist entzündlich. Wenn man eine Fackel in dem Augenblicke, als die mit Wasser gefüllte Röhre oben anlangt, an die Mündung des Brunnens brächte, so würde sie sich zu

(Die Red.)

^{*)} Dass man von Tag an in 24 Stunden ein Loch von 1 F. Tiese in einen Fels bohret, ist nichts Ungewöhnliches, aber dass man ohne Rücksicht auf die Tiefe, bis zu welcher man gekommen ist, diese Arbeit mit gleichem Sw cess fortsetzen könne, ist nicht glaublich, ja nach der aus unseren Gegenden entnommenen Erfahrungen un möglich. Wenn es erlaubt ist, diese auf China zu übertragen, so kann ein Menschenleben nicht hinreichen, einen Brunnen zu bohren von der Tiefe, wie hier angege ben wird, und mit unseren Werkzeugen wird selbst chinesische Ausdauer und Geduld weit, sehr weit hinter dieser Größe zurückbleiben, abgesehen von der an das Unmögliche grenzenden Schwierigkeit, das Bohrmehl aus solcher Tiefe herauszuschaffen, sey es nun durch mechanischen Zug oder durch Wasser. Indess ist & nicht die Tiefe und die zur Anlegung solcher Brunnen erforderliche Zeit, sondern nur das Daseyn derselben in China, dessen Beweis hier beabsichtigt wird.

einem Feuerstrahle von 20-30' entzünden, und die ganzen Bauten mit der Schnelligkeit des Blitzes verbrennen. Diess geschieht manchmal aus Nachlässigkeit oder böser Absicht. Es gibt solche Brunnen, die man nicht auf Wasser, sondern auf Feuer benützt, man nennt sie Feuerbrunnen. Ein kleines Bambusrohr (diese Flamme greift es nicht an) sperrt die Mündung der Brunnen. und leitet die brennbare Luft nach Belieben: man entzündet sie mit einer Kerze, und sie brennt immer so fort. Die Flamme ist bläulich, 3 - 4" hoch und 1" breit. Sie verlischt nur, wenn man ein Stück Thon auf die Öffnung gibt, oder durch ein starkes Blasen. Will man Wasser aus so einem Brunnen ziehen, so verlöscht man die Flamme, weil sonst das mit dem Wasser häufig aufsteigende Gas, wie gesagt, alles zersprengen und entzünden würde. Die Chinesen glauben, diess sey das Feuer der Hölle, und fürchten es sehr. In der That ist es heftiger als das gewöhnliche, es ist sehr übel riechend, und gibt einen schwarzen und dicken Rauch. Hier ist das Feuer zu klein, um das Salz zu kochen. Die großen Feuerbrunnen sind in Tsé-Licou-Tsing, 40 Stunden weit. Für die vielen Salzbrunnen braucht man eine erstaunliche Menge Steinkohlen. In diesen Gruben befindet sich auch viel entzündliches Gas, und man kann dort keine Lampen brennen. Die Bergleute behelfen sich tappend, indem sie sich nothdürftig mit einem Gemenge von saure de bois und Harz leuchten, welches ohne Flamme brennt, und nicht verlischt (?). Diese Salzbrunnen und Kohlenwerke beschäftigen hier eine ungeheure Menschenmenge; es gibt reiche Leute, die gegen 100 solcher Salzbrunnen haben. Wenn sie die Salzbrunnen graben, finden sie meistens in 1000' Tiefe eine harzige Kohle, die selbst im Wasser

brennt 6). Man gewinnt davon 400 — 500 Pfund. Diese Kohle ist sehr stark riechend, man gebraucht sie, um die Gebäude zu erleuchten, in denen die Salzbrunnen und Kesseln sind. Die Mandarinen kaufen öfters auf Befehl des Kaisers viele tausend Pfund, um die Felsen in den Flüssen zu calciniren, die die Schifffahrt hindern Wenn ein Schiff verunglückt, beschmiert man einen Stein mit dieser Kohle, entzündet ihn, und wirft ihn ins Wasser; diese unterwässerige Lampe macht die Taucher Alles sehen.«

Über die vorerwähnten Feuer- (Gas-) Brunnen aussert sich nun Hr. Imbert in einem spätern Schreiben aus Tsé-Licou-Tsing vom 13. Sept. 1827 folgender Maßen:

» Tsé-Licou-Tsing liegt im Gebirge an einem kleinen Flusse, es enthält gleichfalls Salzbrunnen auf selbe Art gemacht, wie in Ou-Tong-Kioa, aber überdieß eines der größten Naturwunder, so man sehen kann. In einem Thale nämlich befinden sich 4 Brunnen, die kein Wasser, und nur Feuer in einer wahrhaft unglaublichen Menge liefern. Diese Brunnen gaben im Anfang Salzwasser, da dieses aber versiegte, so drang man um wieder neues Wasser zu erhalten, vor ein Dutzend Jahren bis 3000'(?) und mehr Tiefe; dieß war vergeblich aber es drang augenblicklich eine ungeheure Luftsäule hervor, welche sich in große schwärzliche Dämpfe verwandelte. Ich habe sie selbst gesehen. Dieß ähnelt nicht dem Rauche, sondern vielmehr dem Dampfe ei-

⁵⁾ Dergleichen Steinkohlen hätte unsere dermalige Oryktognosie noch nicht aufzuweisen. Es müßte dieß eine Art seyn, die mit Naphta durchdrungen wäre, welche sonderbar genug bisher in Persien und andern asiatischen Ländern, meistens in der Nähe von Steinkohlenlagern, gefunden wurde. "Chemisches Wörterbuch von John Leipzig 1817. «

nes glühenden Ofens. Diese Luft entweicht mit einem schrecklichen Getöse und Geschnarche, welches man sehr weit hört. Es zieht und dringt unaufhörlich hervor, und endet niemals. In der Entfernung einer Stunde ist ein kleiner, eine halbe Stunde umfänglicher sehr tiefer See; er ist ohne Verbindung mit dem nahen Flusse, und liefert bloss gewöhnliches Wasser. Die Mündung des Brunnens ist mit einer Bedeckung von Quadersteinen von 6-7' Höhe umgeben, damit aus Zufall oder Bosheit kein Feuer dazu kommen könne. Dieses Unglück geschah im August 1826. Dieser Brunnen ist in der Mitte eines weitläufigen Hofes, welcher von vier langen und großen Hallen umgeben ist, worin die Salzpfannen stehen. So wie das Feuer an die Mündung des Brunnen gelangte, erfolgte eine schreckliche Explosion und ein ziemlicher Erdstofs. Im Augenblicke war die Oberfläche des Hofes eine Flamme, welche ungefähr 26 hoch auf dem Boden hin und her flackerte, ohne etwas zu zünden. Vier Menschen wagten sich, und trugen einen ungeheuern Stein auf die Mündung des Brunnen, doch wurde er sogleich in die Luft geschleudert, drei von den Trägern verbrannten, nur der vierte rettete sich; weder Wasser noch nasse Erde können das Feuer löschen. Endlich nach zwei Wochen riesenmäßiger Arbeit trägt man eine große Menge Wasser auf einen nahen Berg, man bildet einen Teich, und sticht ihn plötzlich ab, das daherströmende Wasser löscht endlich die Flamme. Die Kosten betrugen 20,000 Franken, welches in China eine große Summe ist. «

» Einen Fuss unter der Erde auf den vier Seiten des Brunnen sind vier ungeheure Bambusröhre eingelassen, welche die Luft unter die Pfannen leiten. Ein einziger Brunnen macht deren mehr als 300 kochen, wovon jede eine eigene Feuerröhre hat. An dem Ende der Bambus-

röhre ist eine 6" lange Röhre von Töpferthon aufgesetzt, welche 1" Lichte hat; diese Erde verhindert den Bambus zu zünden. Andere Röhren, welche nach ausen laufen, beleuchten die Gänge und die großen Kochpfannen. Der unnöthige Überrest wird durch eine Röhr außerhalb des Gehöfdes geleitet, und bildet dort des ungeheure Essen oder Feuerstrahlen, welche 2' über die Öffnung herausflackern. Die Oberfläche des Bodes im ganzen Hofe ist außerordentlich heiß, und brennt unter den Sohlen. Im Winter graben die Armen in einer Rundung den Sand auf, ungefähr 1' tief, diese Grube zünden sie mit einer Hand voll Stroh an, ud wärmen sich so an diesem nie verlöschenden Feuer; wollen sie dieses bewirken, so werfen sie den Sand wieder auf die Grube. Die Kochpfannen haben 4-5" Dicke, doch verkalken oder, schmelzen sie in wenigen Monaten. Das Salz ist hart wie Stein, weisser als das von Ou-Tong-Kiao, und von besserem Geschmack.

Obgleich diese Erzählung außerordentliche und für unsere dermalige Geognosie schwerer zu lösende Erscheinungen enthält, so können wir doch weder innere noch äußere Gründe finden, warum wir den Angaben des Hrn. Imbert im Ganzen nicht glauben sollten. Eine Erzählung von Edelsteinen und Gold, oder wenn dieselbe das Erscheinen von symbolischen Figuren etc. enthielte, dürfte dem Verdachte einer schriftstellerischen Dekorirung oder Befangenheit weniger entgehen, aber Steinkohlen und brennbares Gas sind Dinge, welche nicht wohl eine derlei Ursache zulassen. — Und so wird es denn einem zukünftigen naturhistorischen Reisenden nach jenen Gegenden überlassen bleiben, diese höchst interessanten Facta vollkommen aufzuhellen.

2. Über Explosionen an Dampfmaschinen. Von Arago.

(Annuaire du Bureau des Long., pour l'an 1830.)

Die Dampfmaschinen werden sicher unter die Meisterstücke des menschlichen Erfindungsgeistes gerechnet werden, sobald es gelingt, ihre Explosion unmöglich, oder doch wenigstens unschädlich zu machen; ein Problem, dessen vollständige Lösung noch zu erwarten steht. Papin's Sicherheitsklappen reichen wohl in den gewöhnlichen Fällen hin, allein es gibt, glücklicher Weise, nur selten Umstände, unter denen sie unzureichend und sogar gefährlich werden. Diese Umstände anzugeben, und so weit es der unvollkommene Zustand unserer Kenntnisse in diesem Fache erlaubt, ihre Ursachen zu entwickeln und anzugeben, womit man ihnen allenfalls begegnen könnte, ist der Zweck dieses Aufsatzes, und ich glaube nicht zweckmässiger verfahren zu können, als wenn ich mit einer gedrängten Erzählung aller mir bekannten Explosionen beginne, deren Verlauf bewährte Ingenieure beobachtet oder berichtet haben.

 Beispiele von aufserordentlichen Wirkungen einer Explosion.

Im Jahre 1814 führte der Eigenthümer der großen Branntweinbrennerei, Lochrin, bei Edinburg, die Dampfheitzung ein. Weite Metallröhren, stets mit einem Dampfstrome aus sehr heißem Wasser gefüllt, durchstrichen der ganzen Länge nach die Gefäße, in welchen sich die zum Sieden zu bringende Flüssigkeit befand. Der Dampfwurde in einem Kessel aus Schmiedeeisen erzeugt von mehr als 1/3 Zoll in der Dicke, 37 engl. Fuß lang, am Boden 3, oben beim Deckel 2 Fuß breit, 4 Fuß hoch, 180 Centner schwer. An der Decke waren zwei Sicherheitsklappen, die sich öffnen mußten, wenn der innere

Druck 60 Pf. auf den Quadratzoll überstieg, was einem Druck von vier Atmosphären entsprach. Damit nicht die Arbeiter die Klappen überlüden, war eine derselben in einem versperrten Drahtkäfig eingeschlossen.

Dieser ungeheure Apparat begann den 21. März zu arbeiten; zwölf Tage hierauf war er nicht mehr, eine Explosion hatte ihn gänzlich zerstört. — Während der Katastrophe theilte sich der Kessel in zwei ungleiche Theile; der obere, bestehend aus dem Deckel und den zwei Seitenwänden, wog 140 Centner. Er wurde von unten nach oben mit solcher Macht geschleudert, daß er das Ziegelgewölbe und das Dach des Arbeitzimmers zerschmetterte, und sich über dasselbe hinaus bis in eine Höhe von 70 Fuss vertical erhob. Diese ungeheure Masse fiel hierauf 150 Fuss von ihrem vorigen Orte auf eines der Gebäude der Brennerei nieder, drückte es ein, und brach zuletzt eine weite Wanne von Gusseisen zusammen, die im Erdgeschosse stand.

In der Nähe des Kessels befanden sich zum Glücke nur zwei Arbeiter, und nur diese verloren das Leben; ein um so merkwürdigerer Zufall, als die andern Theile des Arbeitzimmers eben mit Menschen gefüllt waren, und der Kessel gleich einer springenden Mine in allen Richtungen und mit furchtbarer Geschwindigkeit Trümmerstücke von sich schleuderte. Der Körper eines der beiden Arbeiter war mitten entzwei gerissen, die Füße lagen beim Kessel, der Rumpf außerhalb des Gebaudes unter den Trümmern.

Die Linie, längs welcher der Kessel ris, war volkommen horizontal, und folgte einer Reihe Nägel auf eine so regelmäsige Weise, als ob man das Eisen mit scharfen Scheren entzwei geschnitten hätte. Der Boden des Kessels, auf die Watt'sche Art, nach aussen concav, war nach der Explosion convex, so sehr hatte ihn der

Dampf von innen heraus gedrückt; und was noch merkwürdiger ist, und kaum zu glauben wäre, wenn nicht eine genaue Besichtigung des Ortes es bestätiget hätte, der Boden des Kessels, der doch 40 Centner wog, und so sichtbare Zeichen eines Druckes oon oben nach unten an sich trug, war während der Explosion emporgehoben worden bis auf eine Höhe von 14—15 Fus, und eine siemliche Strecke von dem massiven Mauerwerk weggetragen, auf welchem er befestiget war.

Kein Umstand — und diese Bemerkung ist von Wichtigkeit — berechtiget uns, diesen Unfall einer schlechten Construction oder einer Überladung der Sicherheits-klappen zuzuschreiben.

Das folgende Beispiel ist darum merkwürdig, weil zu gleicher Zeit mehrere Kessel explodirten. Das Dampfschiff, die Rhone, gehaut von Aitkin und Steel, und bestimmt zum Zugschiff auf dem Wege zwischen Arles und Lyon, trug eine ungeheure Maschine, mit großer Genauigkeit auf der Werfte zu Paris gebaut, und von vier Kesseln aus Eisenblech gespeist, jeder 1^m,3 im Durchmesser. Nach dem Unfalle ward ersichtlich, daß das Metall an vielen Stellen nur 6^{mm} in der Dicke hatte.

Den 4. März 1827, während man alles zu einem Versuche vorbereitete, der in Gegenwart aller Behörden Lyons Statt finden sollte, ward das Schiff in die Luft gesprengt. Mehrere Personen, unter andern Steel selber, wurden ein Opfer dieses Ereignisses; ja selbst einige Zuschauer auf den Quais der Rhone wurden durch Trümmer des Holzwerkes getödtet. Das ganze Verdeck ward eine weite Strecke hingeschleudert; die Röhrenleitungen und die Rauchfänge, mehr als 30 Centner schwer, erhoben sich beinahe vertical auf eine bedeutende Höhe; die Kuppel eines Rauchfangs fiel

250 Meter von ihrem ersten Orte nieder, und doch wog sie nicht viel weniger als 20 Centner.

Diese schreckliche Katastrophe war eine unausbleibliche Folge der Unklugheit des Ingenieurs. Da er die Geschwindigkeit des Dampfstroms nicht in dem Maße, wie er hoffte, zu mäßigen vermochte, so machte er die Sicherheitsklappen der vier Kessel fest, und benahm ihnen alle Beweglichkeit. Diese Thatsache, so unglaublich sie auch zu seyn scheint, ist authentisch erwiesen worden.

Wir haben bemerkt, dass das Schiff vier Kessel hatte; zwei von diesen sprangen beinahe in demselben Augenblicke, und wenn ich gut benachrichtiget bin, # hat man auch an dem dritten Kessel, den man seit Kurzem aus der Rhone zog, einen Sprung bemerkt. Diese in derselben Secunde bei zwei oder gar drei verschiede nen Kesseln eingetretene Zerspringen ist ein beachtenwerther Umstand, und wir werden davon Rechenschafts geben haben, wenn wir von den verschiedenen Erklirungen dieser Phänomene sprechen. - Auch darf ich nicht vergessen, zu sagen, dass auch in Lyon wie st Lochein die weggeschleuderte Kuppel in einer beinzht horizontalen Linie vom Kessel abgetrennt war, obgleich im Umfange dieser Linie das Metall Differenzen in der Dicke von mehr als zwei Millimetern zeigte. Hr. Tabareau, von dem ich diese schätzenswerthen Details entlehne, hat berechnet, dass wegen dieser zwei Millime ter Dicke die dicksten Stellen der Wände einen Druck von sechs Atmosphären mehr aushalten könnten, als die übrigen, auf welche der Gesammtdruck 24-25 Atmosphären betrug. Also fand ein gleichzeitiger Rifs in Theilen des Kessels Statt, deren Haltbarkeit um wenigstens sechs Atmosphären verschieden war.

Etwas Ähnliches berichtet der Capitan Reed von der

Explosion der Dampfmaschine in den Zinngruben zu Polgooth. Diese Maschine wurde von drei Kesseln gespeist, und einige Augenblicke gesperrt, um dem Ingenieur möglich zu machen, die Druckpumpe des Schöpfwerkes zu repariren; da sprangen zwei Kessel gleich hinter einander. Kaum hatte die erste Explosion aufgehört, so wurde schon die zweite vernommen.

Explosionen wegen Überladung der Sicherheitsklappe.

Nach der Explosion, welche die Zuckerraffinerie der Wellclose-Square in London gänzlich zerstörte, ward dargethan, dass der Guss, aus dem der Kessel bestanden. nicht überall von hinreichender Dicke war. Boden hatte er nicht weniger als 2 1/2 engl. Zoll, an den beiden verticalen Seitenwänden 1 1/2 Zoll, im untern Theil der Decke nur 1/16 Zoll, und an einigen andern Stellen hatte er auch nicht mehr als 1/2 Zoll. Einige Momente vor dem Unfalle hatte ein Agent des Erbauers, verdrüßlich wegen der schwachen Wirkungen des Apparats, die Klappe, trotz aller Vorstellungen der Raffineurs, mit einem ungeheuern Gewichte belastet, während er zu gleicher Zeit das Feuer so viel als möglich schürte. - Wir bemerken, dass auch in London, wie zu Lyon, der Kessel zugleich allenthalben sprang, obgleich man hätte muthmassen sollen, dass, wenn die eine Stelle der Kraft 1 unterlag, die andere noch der Kraft 2 widerstehen werde.

Während der Untersuchung, die das Unterhaus 1817 bei Gelegenheit der Explosion eines Dampfschiffes zu Norwich anstellte, erwähnte William Chapman, Civil-Ingenieur zu Newcastle, der Explosion einer Dampfmaschine, die ebenfalls durch eine Überladung veranlasst worden war. Ein Arbeiter hatte sich auf die Klappe gesetzt, um seine Kameraden die schwankende Bewegung bewundern zu lassen, in die er gerathen würde, sobald der Dampf stark genug wäre, ihn aufzuheben. Es geschah, was voraus zu sehen war; die Klappe öffnete sich nicht, allein der Kessel sprang, tödtete und verwundete eine Menge Leute.

In Amerika sprang ein Dampfschiff auf dem Ohio, während die Mannschaft die Anker lichtete, d. i. in einem Momente, wo, weil die Maschine nicht ging, keine Dampfconsumption Statt fand, während im Gegentheile das Feuer schon in voller Kraft stand. Die Klappe öffnen oder entladen wäre das einfachste Mittel gewese, jedem Unfalle vorzubeugen; aber der Ingenieur hatte die unglaubliche Unvorsichtigkeit, noch ein neues Gewick darauf zu legen.

3. Explosionen, denen eine bedeutende Verminderung der Dampfelasticität oder gareis Öffnen der Sicherheitsklappen vorausging

Die Reihe der Thatsachen, die ich jetzt darstelles werde, zeigt schon viel mehr Verwickelungen und Dukelheiten, als die vorangegangenen; weder die Universitätigen weglichkeit noch die Überladung der Sicherheitsklappe kommt hierbei in's Spiel. Viele unter ihnen, ich gestelle es frei, haben so viel Paradoxes, dass man beim erstes Anblick ihre Wahrheit zu bezweiseln versucht wird; allein die Beispiele sind zahlreich, und durch unwiderlegbare Zeugnisse dargethan.

Vor der Explosion des Dampfschiffes, der Anter in Amerika, gab die Maschine nur 18 Pumpensäge is der Minute, während sie beim gewöhnlichen Gange is gah. — Am Tage der Explosion des Dampfbootes, is Rapide, zu Rochefort, zeigte das Manometer oft eins Elasticität des Dampfes an, die um 30 Centimeter Questr ilber die der Atmosphäre übertraf; aber einige Augenlicke vor dem Ereignisse war das Manometer auf 15 Centim. gefallen. — Bei der Untersuchung, zu der die Explosion des Dampfschiffes Graham Veranlassung gab, rgab sich, dass man den Augenblick vor dem Unfalle 10 Pf. von der Ladung der Sicherheitsklappe weggenomten hatte.

Einige Augenblicke, ehe der gegossene Kessel uner mittlerem Druck in der Spinnerei des Hrn. Peray zu ssone explodirte (8. Februar 1823), ging die von ihm espeiste Maschine merklich langsamer als gewöhnlich, D dass die Arbeiter sich darüber beklagten. ente der Explosion öffneten sich die beiden Klappen. nd der Dampf strömte mit Gewalt heraus. - Ein ähncher Unfall ereignete sich einige Tage nachher auf dem oulevard du Mont-Parnasse zu Paris; auch hier be-Ehwerten sich die Arbeiter über den trägen Gang der Caschine, die durch die Verzögerung der Arbeit ihnen En Taglohn verkürze, und einige Augenblicke hierauf rang der Kessel, den sie beinahe für dampfleer halten hatten. Dieser Kessel war aus Kupferblech, id nichts lässt argwöhnen, dass die Sicherheitsklappen th in schlechtem Zustande befanden, im Gegentheil t man Ursache anzunehmen, dass ein starker Dampf-Om der Explosion voranging.

Ein Kessel, den man gebaut hatte, um Dampf von derem Druck zu erzeugen, sprang mitten in einem elier zu Lyon, unmittelbar nachdem man einen weitentladungshahn geöffnet hatte, aus dem der Dampf Schnelligkeit zu entweichen begann. Den Hahn öffen oder die Sicherheitsklappe herausziehen, ist offenein und dasselbe; die Explosion wurde also in die Falle durch eine Handlung veranlasst, durch welman allgemein ihr vorzubeugen glaubt. — Diese

Thatsache, so ausserordentlich sie ist, wird wohl vollen Glauben finden, wenn ich sage, dass ich sie dem Hrn. Gersont von Lyon verdanke, und dass dieser geschickte Ingenieur Zeuge hievon war.

Wenn im äußersten Falle, wie in dem so eben erzählten, das Öffnen einer Klappe den Riss des Kessels verursachen kann, so muss sie auch oft, ohne einen solchen Unfall hervorzurufen, wenigstens eine plötzliche und merkbare Vermehrung der Elasticität des Dampse veranlassen. Dieses Phänomen, innerhalb der schichichen Grenzen, kann auch ohne allzugroße Gefahr wtersucht werden. Ich weiß auch, dass dieser Versuch zu Lyon wirklich angestellt wurde, und dass bei einen kleinen Kessel- unter hohem Druck, als man einen weiten Entladungshahn öffnete, die Sicherheitsklappe at genblicklich in die Höhe ging. Hr. Tabareau, Director der Schule de la Martinière, und Hr. Rey, Professor der Chemie, haben dieses Resultat verbürgt; doch mussich gestehen, dass zu Paris Hr. Dulong und ich stets bei Öffnung der Klappe eine Verminderung des Druckes eine treten sahen. Die wahrscheinlichen Ursachen diese Widerspruchs der Resultate werde ich weiter unter geben, und sie werden hoffentlich zeigen, wie man der gleichen Unfälle vermeiden könne.

4. Innere Zerschmetterungen der Kessel und besondere Unfälle bei Kesseln mit innererHeitzung (in der Form concentrischer Cylinder)

Kessel aus gehämmerten Eisen- oder Kupferplatten, besonders solche, die unter einem schwachen Druck abeiten müssen, erleiden unter einigen Umständen Unfälle, die genau die entgegengesetzten von denen sind mit welchen wir uns bisher beschäftiget haben. Manchanbersten die Kessel, weil ihre Wände plötzlich von aus

sen nach innen gebogen werden. Lyon und St. Etienne waren der Schauplatz von mehreren Ereignissen der Art, gegen die man sich verwahren muß, sey es auch nur, weil ansehnliche Manufacturanstalten dadurch plötzlich in eine gänzliche Unthätigkeit versetzt werden.

Die kleinen (innern) Cylinder der Kessel mit innerer Heitzung bersten auch von Zeit zu Zeit; denn manchmal können ihre Wände dem Drucke des in dem ringförmigen Raume enthaltenen Dunstes nicht widerstehen, tie geben nach, und platten sich plötzlich ab. Da nun diese Bewegung nicht Statt finden kann, ohne daß das Metall irgendwo springt, so verbreitet sich das siedende Wasser in Strömen durch die umgebenden Arbeitszimmer, und verursacht oft viel Unglück. Ich entlehne ein Beispiel eines Unfalles der Art aus dem Werke J. Taylor's, Mitgliedes der königl. Gesellschaft zu London:

In Flintshire bei den Mold - Mines stand eine ungeheure Dampfmaschine, von drei Kesseln mit innerer Heitzung gespeist. Eines Tages blieb die Maschine 5 Minuten lang stehen; der Oberaufseher nahm die Heitzthüren bei allen drei Kesseln ab, schloss an zweien die Zuglöcher der Schornsteine, und war eben beschäftiget, an dem dritten Kessel dieselbe Operation vorzunehmen; aber kaum war die sperrende Metallplatte an ihrem Platze, so sah er eine Fenerslamme sich vom Herde ins Zimmer stürzen, und alsogleich folgte eine Explo-Zwei Arbeiter, die sich unglücklicher Weise in der Richtung befanden, die das siedende Wasser nahm, waren alsogleich getödtet. Eine aufmerksame Untersuchung des Kessels zeigte, dass der äußere Cylinder sich nicht vom Platze gerührt, noch irgend einen Schaden genommen hatte, ja das Gewicht, das am Hebel der Sicherheitsklappe hing, war nach dem Unfalle noch an seinem Orte. Der kleinere Cylinder hatte auch keine Ortsveränderung erlitten, die bei solchen Kesseln manchmal die Folge einer Explosion zu seyn pflegt; allein er war dergestalt abgeplattet, dass man in einen großen Theil seiner Länge kaum die Hand hineinbringen konnte, so sehr waren die beiden Seitenwände einander genhert. — Beim ersten Anblicke könnte es befremden, die ich eine Explosion, die ein Übermaß der Dampskraft veranlaßte, Unfällen zur Seite stelle, die, wie der vorige Paragraph aus einander setzte, aus der so zu sagen entgegengesetzten Ursache entspringen; allein man wird bald sehen, daß diese beiden Arten von Wirkungen alem Anscheine nach denselben Ursprung haben.

Überhaupt kann man, so verwickelt überhaupt die Untersuchung über die Stärke der Gefährdung der verschiedenen Theile einer Dampfmaschine ist, mit Sicherheit sagen, Dank den trefslichen Nachweisungen, die J. Taylor vor zwei Jahren bekannt gemacht hat, das bei Kesseln mit innerer Heitzung die VVände des kleinern Cylinders der schwächste Theil sind.

So fand man nach der beinahe gleichzeitigen Explosion zweier Dampfmaschinen im Zinnbergwerke zu Polgooth, dass die innern Cylinder beider zusammengebegen und an einer großen Anzahl Stellen gesprungen weren. In dem Bergwerke von Est-Crennis wurde der kleine Cylinder nicht nur durch die Annäherung seiner beiden Wände abgeplattet, sondern er wurde sogar mit großer Gewalt aus der Werkstube heraus geschleudert, ohne daß der äußere Cylinder sich vom Platze gerüht, oder irgend einen bedeutenden Schaden erlitten hätte.

5. Explosion, der eine große Erhitzung der Kesselwände vorausging.

Eine zu starke Erhitzung jenes Theiles des Kessels, den man den Dampsbehälter nennt, kann auch Unfälle

veranlassen: Das Gusswerk: zu Pittsburg in Amerika gibt hievon ein Beispiel. In dieser Anstalt nahm eine Maschine von hohem Druck and der Kraft von 80 Pferden den Dampf aus drei gesonderten, cylindrischen Hesseln auf, deren jeder: 30 engl. Zoll im Durchmesser, und 18 Fuss in der Länge hatte: Man hatte seit Langem bemerkt, dass wegen eines Fehlers in einer Seitenröhre. die aus der speisenden Pumpe Wasser zuführen sollte. ciner dieser Kessel nicht genug Wasser empling, und rothglühend wurde; allein da der von den beiden andern Kesseln zugeführte Dampf hinreichte, so glaubte man der Reparatur dieses Übels sich entheben zu könmen. Allein eines Tages explédirte der rothglühende Kessel, rifs sich mit seinem größten Theile an einem Ende ab, ward wie eine Rakete unter einem Winkel von ungefähr 45° fortgeschleudert, drang durch das Dach des Gebäudes, und siel in einer Entsernung von 600 engl. Fuss nieder.

6. Explosion eines Kessels in der Luft.

Selten erhält man genaue Details über die Umstände, von denen die Explosion einer Dampsmaschine begleitet war, entweder weil diese Unfälle unvermuthet eintreten und kaum einige Zehntel Secunden dauern, oder weil die Zeugen beinahe immer auch die Opfer dieses Ereignisses waren. Eine aufmerksame Besichtigung der Localitäten, der Form, Masse und Entfernung der Trümmer läst zwar oft erkennen, welcher Theil des Kessels zuerst unterlag, und mit welcher Geschwindigkeit die Bruchstücke fortgeschleudert wurden; allein gewöhnlich muß man hierbei auch stehen bleiben. Es ist daher von Wichtigkeit, alles das mit Sorgfalt zu sammeln, was der Zufall uns sonst noch über so traurige und unsere Aufmerksamkeit so in Anspruch nehmende Unfälle lehrt.

Ein Auszug aus einem Briefe des Hrn. Perkins liefen hierüber einige interessante Data:

» Ich hörte, schrieh mir dieser geschickte Ingeniem,
» von einer Explosion, der die Bildung einer Spalte vor
» ausging, durch welche der Dampf mit ungeheurer 6» schwindigkeit ausströmte. Allein trotz dieser gelegen» lichen Sicherheitsklappe wurde der Kessel von den
» Mauerwerk losgerissen, auf dem er ruhte, in ganser
» Masse einige Fuß über den Beden erhoben, und est
» in der Luft fand die Explosion Statt, die ihn in zwei
» Stücke theilte. Die obere Hälme erhob sich sehr hoch
» die andere fiel mit graßem Getöse auf den Boden
» rück. « — Haben nicht alle diese Umstände auch be
der Explosion zu Lochrin zusammengetroffen?

Auf alle diese eben erzählten Thatsachen gestütt, bleibt mir nur übrig, die verschiedenen Veranlassungs so vieler Unfälle aufzusuchen, und die Mittel anzugben, ihnen zuvor zu kommen.

 Nothwendigkeit der Sicherheitsklappen, Papin'sche Klappen, ihre Fehler; Unfälle, de nen sie vorbeugen können.

Florence Rivault, Salomon de Caus, der Marquis von Worcester hatten schon 1605, 1615, 1633 bemerkt, daß ein mit Wasser gefülltes Gefäß, wie stark auch seise Wände wären, in Trümmer gehe, sobald man es kinlänglich lange einem lebhaften Feuer aussetzt, und keine Öffnung vorhanden ist, die dem Dampfe im Maße, wie er sich erzeugt, einen Ausgang verschafft.

Die Temperatur, bei welcher das Gefäss spring, hängt von dessen Gestalt und Dimensionen, der Halbbarkeit und Dicke seiner Wände ab. Und wenn man wter allen Umständen sicher wäre, einen im Voraus bestimmten Wärmegrad nicht zu überschreiten, so braucht

man weiter keine andere Vorsichtsmaßregel; allein wenn man nur einmal gesehen, wie ein gewöhnlicher großer Ofen geheitzt wird, wenn man bemerkt hat, bis auf webchen Grad die Wärmeentwickelung von der Beschaffenheit der Kohle, ihrer Verkleinerung, ihrer mehr oder meniger gleichförmigen Vertheilung auf dem Roste zuja segar von der Beschaffenheit den Atmosphäre abbängt, entsagt man bald dem Gedanken, in der Bauart des Measols und der Art der Heitzung Mittel gegen die Exalbsionen zu finden -nim Wir müssen also von der Voraussetzung ausgehen, dels ein vollständig geschlossener Kessel, dessen Dicke nicht gar ungeheuer ist (und es hätte Inconvenienzen gar mancherlei Art, wenn man hierin gewisse Grenzen äberschreiten wollte), von Zeit zu Zeit Dampf einachließe, dessen Elasticität den Widerstand der Wände za überwinden vermag; und das einzige Mittel, einer Explosion zu entgehen, ist, zu hindern, dass diess nicht geschehe.

Die von Papin erfundene Klappe scheint alle Schwierigkeit mit einem Male zu heben. Diese Klappe besteht aus einem Loch von etwa i Quadratcentimeter, in der Decke des Kessels angehracht, und über welches man eine mit Gewichten beladene Platte legt. Ist es nicht effenbar, dass, so lange der innere Druck auf ein Quadratcentimeter kleiner als das Gewicht der Klappe mehr dem der Atmosphäre ist, das Loch verschlossen bleiben, aber sich alsogleich öffnen und dem Dampse freie Bahn gewähren wird, wenn der innere Druck dieses Gewicht übersteigt? Und woher kommt es denn, dass ein so vernünftiges, einfaches, leicht ausführbares Mittel doch nicht in allen Fällen unsehlbar ist?

Die Klappe öffnet sich im Momente, wo das sie niederhaltende Gewicht kleiner als der Druck des Dam-

pfes wird; allein diess reicht nicht hin, jede Vermehrung der Spannung im Kessel zu hindern; hiezu ist er forderlich, dass aus der Klappe wenigstens so viel Dami ausstrome, als das Übermaß des Dunstes beträgt. De Verlust hängt von dem Durchmesser der Öffnung abi nun kann eine Öffnung, die unter den gewöhnlichen Unständen allen Anforderungen genügt, viel zu klein wirden. wenn außerordentliche Zufälle eine beinahe agenblickliche und übermächtige Dunstbildung herbeitt In diesem Falle vermindert die Klappe wohl das Übel, allein sie hebt es nicht auf. VVonn nicht die Schwie rigkeit der Adjustirung und die übermälsige Größe de Gewichte, die man anwenden müßte, im Wege stünk ware es freilich vortheilhaft, Klappen mit sehr weiten Öffnungen zu gebrauchen. Indels kann man, ohne die Sache aufs Äußerste zu treiben, zugeben, dass mit sich bis jetzt auf allzukleine Dimensionen beschränkt hat. Die Richtigkeit dieser Behauptung findet eine neut Bestätigung in den jüngst entdeckten Erscheinungen beim Ausflusse der Flüssigkeiten aus engen Öffnungen Man fand wirklich, dass eine freie, leichte Platte, die senkrecht einem Dampfstrome dargeboten wurde, der aus einer kleinen Öffnung eines Kessels von sehr hohen Drucke drang, nicht immer abgestofeen wurde. In eine kleine Entfernung von der Öffnung gelangt, wirken auf die Platte die abstofsende Kraft des Dampfes und die zur Öffnung hindrückende der Luft, und da diese beiden Kräfte sich das Gleichgewicht halten, so hangt die Platte in der Lust wie unbeweglich. Es ist hier nicht der Ort zu prüfen, warum der Dampf hei seinem Ausslusse se viel Elasticität verliere, dass der blosse atmosphärische Druck ihm das Gleichgewicht zu halten vermag; ich beschränke mich auf die blosse Thatsache: dass die freie Platte sich nur äußerst wenig vom Loche entferne, daß

dasselbe mit dem Klappendeckel geschehen werde, und dass daher im Momente, wo sie in die Höhe steigt, viel weniger Dampf entweichen wird, als man berechnet hat, da man einen Strahl von der ganzen Breite der Öffnung voraussetzte.

Clement, der diese Phänomene mit ganz besonderer Sorgfalt untersuchte, hat aus ihnen ein vollständiges Verdammungsurtheil aller Klappen mit beweglichen Platten geschöpft. Das Urtheil scheint zu cathegorisch; allein stets bleibt diese bloß partielle Hebung des Deckels eine Schwierigkeit mehr für den Erbauer der Maschine, und für jetzt muß man sie als eine der Mitursachen der Explosionen ansehen, wenn übrigens die Klappe allzu eng ist.

Gehen wir nun zu einer Schwierigkeit ganz anderer Art über: In Frankreich muß nach dem bestehenden Gesetze jeder gegossene Kessel, ehe er die Stampiglie erhält, einen fünf Mal stärkern innern Druck überstanden haben, als der, dem man ihn auszusetzen gedenkt; dieser Probedruck geht auf das Dreifache zurück, wenn die Kessel aus gehämmertem oder geblechtem Kupfer oder Eisen bestehen. Diese Grenzen scheinen hinlänglich weit, und verursachen oft Beschwerden der Erbauer; allein wir werden indes sehen, das sie noch keine vollkommene Bürgschaft gewähren.

Diese Versuche werden bei der gewöhnlichen Temperatur angestellt; nun aber besitzen die Metalle unter dieser Temperatur mehr Festigkeit als in der Hitze. Wenn man sich der Weißglühhitze nähert, wird die Abnahme ungeheuer. Tremery's Versuche haben z. B. dargethan, daß die Festigkeit des Schmiedeeisens in der Dunkelrothhitze kaum ein Sechstheil der des kalten Eisens ist. Wenn also zum Unglück ein Theil des Kessels in die Glühhitze geräth, so stünde man nahe an den

Grenzen eines möglichen Sprungs, ohne daß die Klappe sich zu öffnen braucht, und ungeachtet man nach des in der Kälte angestellten Versuchen jede Gefahr weit enfernt glauben sollte.

Warum, wird man sagen, stellt ihr nicht einen vollkommen entscheidenden Probeversuch an? Warum bringt ihr nicht den Kessel in jene Lage, in welcher er arbeiten soll? Warum, mit einem Worte, wendet ihr bein Probedruck Wasser an der Stelle des Dampfes an? Hierauf lässt sich antworten, dass mit Hülfe einer Wasser pumpe der Versuch überall, selbst im Atelier des Künstlers, mit wenig Vorbereitung und Kostenaufwand angestellt werden könne, während eine Probe mittelst Dampi für jeden Kessel die Erbauung eines eigenen Ofens, ein großes Local und lästige Kosten erfordern würde. Endlich laufen bei Anwendung einer Pumpe die Zuschauer keine Gefahr, selbst in Fall der Kessel springen würde, was durchaus nicht der Fall wäre, wenn er, statt Wasser, Dampf enthielte. Die Vorsichten, die man im lettern Falle brauchen müsste, wären wieder eine neue, drückende Last für den Erbauer. Es scheint demnach dass die Wasserproben, ungeachtet der schon angegebenen Fehler und jener, von denen ich noch zu sprechen habe, dennoch nicht so leicht werden verdrängt werden können.

Wenn man auf die Wände eines Kessels mittelst einer Druckpumpe wirkt, wächst der innere Druck langsam und in beinahe unmerklichen Abstufungen. Man erfährt also, wenn man so vorgeht, nichts von der Wirkung einer beträchtlichen und plötzlichen Vermehrung des Drucks auf die Wände, und doch können solche Änderungen eintreten, wenn der Kessel einmal im Gange ist.

Endlich muss man bemerken, dass der in der Werk-

ibe des Künstlers an einem neuen Kessel angestellte ersuch nur zeige, was dieser jetzt auszuhalten vermöge, eht aber, was er nach einigen Wochen oder Monaten r Anstrengung erleidet, wenn die Ungleichheiten der emperatur das Metall nach allen Richtungen ausgedehnt, ine Fasern getrennt, der Rost ihn zerfressen hat, etc.

Die Sicherheitsklappen also, wenn sie noch so gut nstruirt sind, können doch den Ingenieur nicht der ühe entheben, seinen Kessel von Zeit zu Zeit zu prün, durch alle ihm zu Gebote stehenden Mittel plötzche Veränderungen in der Dampfelasticität zu verhün, und endlich zu sorgen, dass ja kein Theil des Kesls eine allzu hohe Temperatur erhalte.

Ich habe bisher eine Klappe in gutem Stande vorisgesetzt, und beim ersten Anblick scheint es wirklich hwer, dass ein so einfacher Apparat in Unordnung gethe; allein wenn man bedenkt, dass die bewegliche latte oft roste : hierdurch und durch die Adhäsion, die e im Stande der Ruhe zur untern festen Platte erhält, it fast an derselben hänge, so kann man begreifen, wie ie Platte oftmals bei einem viel stärkern Drucke, als ei dem der Künstler das Ausströmen des Dampfes vorissetzte, sich nicht vom Platze rührt. Hr. Maudslay, essen Geschicklichkeit und Erfahrung rühmlichst beannt sind, sagte, dass eine Sicherheitsklappe nicht mehr iesen Namen verdiene, wenn man sie nur eine einzige Voche nicht spielen lasse. So sieht man auch an der eite einiger Kessel ein Seil, dem Einheitzer zur Hand ngebracht, das dazu dient, die Klappe von Zeit u Zeit zu öffnen. So hat man zur Hervorbringung dieer Bewegung mehrere Hebel benützt, die von der Machine selbst abhängen; allein, wenn der Kessel ein weig entfernt steht, so ist diess nicht mehr ausführbar.

Das Einheitzen wird gewöhnlich blossen Arbeitern

überlassen, Leuten ohne alle Klugheit, die nur allzu oft die Klappen überladen, entweder um die Arbeit zu beschleunigen, wenn man sich bei ihnen darüber beklagt, oder um mit ihrem Muthe zu prahlen. Man entfernt diese Gefahr, wenn man zwei Klappen anwendet, die eine frei lässt, um den Dampf ausströmen zu machen, die andere (wie zu Lochrin) in ein Drahtgitter versperrt, zu dem nur der Eigenthümer oder der Ingenieur den Schlüssel hat. Die Anwendung der Doppelklappe macht übrigens eine königl. Ordonnanz in Frankreich zum Gesetz. Vielleicht dürste man auch fordern, dass jeder Kessel mit einem einfachen und bequem angebrachten Mechanismus versehen sev, aus dem der Arbeiter von Zeit zu Zeit entnehmen könnte, ob die Klappe adhärire oder nicht Die nur ein wenig die Werkstuben besucht haben, wissen wohl, wie schwer man den Arbeiter gewöhne, eine Verrichtung mit Regelmässigkeit zu vollziehen, die keine Spur hinterlässt, wenn sie auch nur ein wenig Mühe kostet.

8. Leicht sehmelzbare Platten (plaques fusibles).

Sobald erwiesen war, dass die gewöhnlichen Mappen oft in Unordnung gerathen und nicht immer ein untrügliches Schutzmittel darbieten, suchte man sie durch einen Apparat ganz anderer Art zu ersetsen, dessen Wirkung nie ungewiss seyn kann. Diess sind die Klappen aus leicht schmelzbaren Metallmischungen. — Um den Nutzen dieser Klappen wohl einzusehen, muß man wissen, dass der Wasserdampf wohl eine hohe Temperatur und wenig Elasticität, aber nie umgekehrt eine hohe Elasticität ohne entsprechende Temperatur haben kann. Da man nun weiss, bei welchem Minimum der Temperatur der Dampf eine Elasticität von einer, zwei, drei, ...

Atmosphären erlangt, so weiß man auch, welche Temperatur er nicht ohne Gefahr überschreiten darf. Man bereitet daher eine Mischung aus Blei, Zinn und Wißmuth in solchen Verhältnissen, daß sie bei der im veraus bestimmten Grenztemperatur schmilzt; es scheint also unmöglich, daß diese Temperatur je überschritten werde, weil da alsogleich die Platte schmelzen und der Dampf frei ausströmen wird.

In Frankreich verlangt eine königl. Ordonnanz, dass jeder Kessel mit zwei leicht schmelzenden Platten von ungleicher Größe versehen sey. Der Schmelzpunct der kleinern ist um 10° höher als die Temperatur des gesättigten Dunstes von derjenigen Elasticität, welche bei der gewöhnlichen Arbeit angewendet wird. Der Schmelzpunct der zweiten liegt um 10° höher, als jener der ersten. — Obgleich man verschiedene Fälle anführen kann, wo es wahrscheinlich diese Platten waren, die die Explosion abwehrten und großes Unglück verhüteten, so wenden sie doch die meisten Künstler nur mit Widerwillen an, und ziehen die gewöhnlichen Klappen, mit denen ihre Maschinen überdieß versehen seyn müssen, bei weitem vor. Die Einwürfe, die sie machen, sind folgende:

Zuerst hat man gesagt, diese Platten zeigen bloße die Temperatur und nicht den Druck an; nun aber kann ein Dampf von sehr hoher Temperatur eine nur geringe Elasticität besitzen; allein wann kann dieß geschehen? wenn der innere Dampf nicht mit Feuchtigkeit gesättiget ist, was vom Mangel an Wasser herrührt; allein in diesem Falle wird auch der Kessel sehr erhitzt, vielleicht bis zum Rothglühen, und eine Explosion steht nahe bevor. Dieser erste Einwurf ist also falsch. Ehe die Platte ihren Schmelzpunct erreicht, wird sie ein wenig weich; sie kann daher aus einander fallen unter

einem Drücke, der weit unter dem liegt, der ihr Schmelzen veranlasst hätte. Anfänglich fand diess wirklich Statt, allein seitdem man die Platte mit einem Metallslor von engen Maschen überdeckt, ehe man sie an die Röhre besestiget, die sie schließen soll, ist die Schwierigkeit verschwunden. Zwar bilden sich auch jetzt noch hie und da einige Blasen, wenn man sich dem Schmelzpuncte nähert, allein diess findet nur sehr nahe an diesem Grads Statt, und die Ersahrung hat gezeigt, dass die Platte von unten nach oben geschleudert wird, und dem Dampse eine freie Bahn öffnet.

Wenn die schmelzbare Platte einmal verschwunden ist, strömt der ganze Dampf aus der früher von ihr verschlossenen Öffnung heraus. Es kann lange hergehen, ehe man sie ersetzt, den Kessel von Neuem füllt und heitzt, und während dieser ganzen Zeit bleibt die Meschine unthätig stehen. Auf einem Dampfschiffe, besonders in der Nähe der Küste oder im Momente des Eintrittes in den Hafen, könnte der plötzliche Abgang der bewegenden Kraft traurige Folgen haben. Diese Schwirzigkeit ist unläugbar und sehr bedeutend, darum werden in England durchaus die gewöhnlichen Sicherheitklappen vorgezogen; diese lassen nie allen Dampf est weichen, denn, wie dessen Elasticität unter ihr Gewicht zurücksinkt, fallen sie wieder zu.

Die Anhänger der schmelzbaren Platten stellen unter den Vortheilen, die sie ihnen zuschreiben, in des ersten Rang, dass man bei dergleichen Klappen gans sicher vor allen Unvorsichtigkeiten der Arbeiter sey; allein sie haben Unrecht. Zwar überladen kann man der gleichen Klappen allerdings nicht, allein die Heitzer wirsen gar wohl, was sie zu thun haben, wenn sie ein stärkeres Feuer als gewöhnlich ansachen wollen. Sie leiten auf die schmelzbare Platte einen dauernden Strom kal-

tes Wasser: man hat also auf diese Weise nichts gewonnen.

9. Dünne Bleche.

Eine Sicherheitsklappe, sowohl die von Papin als eine leicht schmelzbare Platte, ist doch, genau betrachtet, nichts anders als eine künstliche Schwächung eines Theiles der Kesselwand. Diese Schwächung hat man nun auch dadurch hervorbringen wollen, dass man kleine, zu diesem Zwecke eigens im Kessel gemachte Öffnungen mit Metallblechen bedeckte, deren Dicke so berechnet war, dass sie unter dem Druck von 1, 2, 3, ... 10 Atmosphären rissen, wenn man in seiner Arbeit diesen Druck nicht überschreiten wollte. Offenbar konnte der Sprung einer so kleinen und dünnen Platte nie einen bedeutenden Unfall verursachen.

Dieses Mittel, so schicklich es auch scheinen mag, wird selten angewendet, sey es, weil es nicht leicht ist, auf dem Erfahrungswege für jeden Diameter des Lochs die Dicke der Platte auszumitteln, die bei diesem oder bei jenem Drucke springen würde, oder weil man nicht dafür stehen kann, immer gleich starke Platten zu haben. Übrigens ist die Platte, wenn sie einmal an ihrem Platze ist, weniger den Angriffen der Arbeiter ausgesetzt, sie können sie höchstens schwächen, aber nie verstärken, was die Hauptsache ist. In dieser Rücksicht verdienen die dünnen Bleche vor den leicht schmelzenden Platten den Vorzug, allein unglücklicher Weise haben sie gleich denselben die Inconvenienz, wenn sie einmal gebrochen sind, allen Dunst ausströmen zu lassen.

10. Manometrische Klappen.

Die manometrische Röhre, von der ich weiter oben Sesprochen, vertritt auch die Stelle einer Sicherheits-Lappe, ja sie ist sogar in dieser Beziehung den gewöhn-Zeitsehr. f. Phys. u. Mathem. VII. 4. lichen Klappen und den schmelzbaren Platten vorzuziehen. Die gewöhnlichen Klappen geben keine Anzeichen, als im Augenblicke ihres Öffnens, die schmelzbaren Platten bloß im Augenblicke ihres Schmelzens. Der Einheitzer ersieht auf ein Mal, daß er den Grenzdruck erreicht habe, den er nicht überschreiten darf, aber nichts warnte ihn, daß er sich demselben nähere. Das Manometer im Gegentheile gibt ihm in jedem Augenblicke das Maß der Elasticität des Dampfes, es redet, wenn ich mich so ausdrücken darf, eben so vernehmlich unter schwachem als unter starkem Drucke.

Die gewöhnliche Klappe kann alle ihre Beweglichkeit verloren haben, ohne daß man es weiß, während
im Gegentheil, wenn Unreinigkeiten zufällig die manmetrische Röhre verstopfen sollten, die völlige Unbeweglichkeit der Quecksilbersäule es alsogleich anzeigt;
denn die in einem so großen Gefäße, wie ein Kessel
ist, gewiß eintretenden Ungleichheiten in der Dampfelasticität bringen im normalen Zustande nothwendig
ein immerwährendes Schwanken des Quecksilbers hervor.

Die Quecksilbermanometer müssen also als die besten Sicherheitsklappen betrachtet werden, die man bis jetzt erfunden hat, wenn nur ihr Durchmesser hinlänglich groß ist. So oft sie also ihre allzugroße Länge nicht unanwendbar macht, sind sie das beste Präservativmittel gegen alle, aber auch nur gegen jene Gefahren, für die immer die bestgebaute Klappe oder schmelzbare Platte geschützt hätte. Der Leser wird den Grund dieser Beschränkung kennen lernen, wenn ich zeigen werde, daß in gewissen Fällen das Öffnen der Klappe selbst die Veranlassung der Explosion sey.

11. Innere oder Luftklappen, ihr Zweck. Wenn man das Feuer unter dem Kessel anzündet, so enthält der vom Wasser nicht angefüllte Raum des

letztern atmosphärische Luft. Diese Luft, mit dem Dampf gemischt, geht nach und nach in die vom Kessel gespeiste Maschine über, und zuletzt ist sie vollkommen ausgetrieben. Nehmen wir nun an, die Arbeit werde jetzt unterbrochen, und man lasse das Feuer ausgehen; mit der sich verbreitenden Erkaltung setzt sich der Dampf ab, und nach einer gewissen Zeit ist der Raum, den er einnahm, luftleer. Da erleidet nun der Kessel von außen nach innen den Druck der ganzen Atmosphäre, ohne dass von innen nach außen ein Gegendruck entgegen wirkte. Wenn die Condensation des Dunstes allmählig vor sich geht, so scheint es, hat man keine Gefahr zu befürchten; hat doch der Kessel, wenn auch in entgegengesetzter Richtung, einen Probedruck von 4-5 Atmosphären ausgehalten. Allein wenn die Condensation plötzlich geschieht, kann der erwähnte Umstand gefährlich werden (z. B. wenn ein kalter Wasserstrom den Kessel durchfährt), denn plötzlich wird das Gegengewicht des atmosphärischen Druckes entfernt, und dessen augenblickliche Wirksamkeit kann ganz den Erfolg einer plötzlichen Erschütterung haben, wie die waren, von denen ich früher gesprochen.

Um nun Unfällen dieser Art vorzubeugen, hat man die innern oder Luftklappen erfunden. Diese Klappe kann sich nur von außen nach innen öffnen. Sie wird entweder durch eine im Kessel angebrachte Spiralfeder sestgehalten, deren Kraft kaum ihr Gewicht übersteigt, oder sie ist horizontal an einem außerhalb befindlichen Hebel so angehangen, daß sie genau die innern Wände der Öffnung berührt, die sie schließen soll. Nach dieser Anordnung kann die Elasticität des Dampfes nie unter den Druck der Atmosphäre herabsinken, ohne daß die Klappe der Luft freien Eintritt in den Kessel gewährt; man hat daher nicht zu fürchten, daß in dem-

selben ein leerer Raum entstehen werde. Freilich wäre es schwer zu behaupten, das dieses Mittel jede Eindrückung der Wände unsehlbar verhüten werde, den diese ist meistens Folge einer plötslichen und beträchtlichen Verminderung der Dampfelasticität, und diese Übel kann die Klappe bei ihrer stusenweise eintretenden Wirksamkeit zwar vermindern, aber nie ganz heben. Gegen derlei Unfälle hilft nur die genaueste Wachsamkeit auf die Feuerungsmittel, und das man verhindere, das nicht durch irgend einen Zufall, z. B. durch eine große Menge über den Kessel verbreiteten kalten Wassers, derselbe plötzlich erkalte.

Der Untergang der Kessel mit innerer Heitzung erklärte sich auch ganz leicht, wenn man annehmen könnte, daß sich manchmal innerhalb des kleinern Cylinders plötzlich ein leerter Raum bilde; allein da dieser Cylinder keinen Dampf enthält, bloß Herd und Rauchsang der Maschine ist, könnte man kaum begreifen, wie sich in ihm ein leerer Raum erzeugen kann, wenn nicht die begleitenden Umstände der Explosion zu Mold-Mines darüber Aufschluß gäben.

Man erinnere sich, das im Momente des Ereignisses die Thür des Herdes offen, hingegen das Luftloch des Rauchfanges geschlossen war, das hierauf alsogleich ein Feuerstrahl aus dem Herde hervor ins Atelier drang, und dann unmittelbar die Explosion erfolgte. — Als man die Thür des Herdes geöffnet, war sicherlich der Verbrennungsprozess wenig thätig, und der Luftstrom, der durch den Rauchfang aufstieg, war chemisch wenig verändert. Als man hierauf das Luftloch schloss, strömte zwar keine neue Luft zu, aber dagegen blieb die daris enthaltene auch darin eingeschlossen. Da aber die Kohle noch nicht ganz erloschen war, ging die Entwickelung des Gases immer fort, es mischte sich mit der im Rauch-

fange enthaltenen Luft, und bald war das Verhältniss stark genug, das Gemenge brennbar zu machen; es entzündete sich also, machte sich in Gestalt eines Flammenstrahles auf dem einzigen Wege Platz, der ihm noch geblieben war, nämlich durch die Herdthüre; und während eines Augenblickes mußte der kleine Cylinder, wenn nicht luftleer, doch wenigstens mit sehr verdünntem Gase gefüllt seyn.

Diese Erklärung, die wir J. Taylor verdanken, gibt den wahrscheinlichen Grund der häufigen Zertrümmerungen der Kessel mit innerer Heitzung. Will man daher solche Apparate anwenden, so darf man das Luftloch ja nicht eher schließen, als bis die Kohle ganz erloschen ist. Geringfügige ökonomische Rücksichten können da nicht überwiegen, wo die Gefahr so augenscheinlich, und wie man nun leicht einsehen wird, durch keine Luftklappen oder dergleichen Hülfsmittel mehr abwendbar ist.

12. Erklärung der Explosionen, denen ein Öffnen der Sicherheitsklappe oder eine Verminderung der Dampfelasticität voranging, nach Perkins.

Es sind die (S. 482 u. f.) angegebenen sonderbaren Thatsachen, die hier, nach der von *Perkins* gegebenen Theorie, ihre ziemlich glückliche Erklärung finden.

Wenn bei einem gewöhnlichen Kessel die Flamme sich nicht längs der Wände über das Niveau des Wassers erhebt, so hat dieses und der Dampf gleiche Temperatur; sobald aber der Kessel wenig Wasser enthält und die Flamme hoch hinan steigt, kann es geschehen, dass einige Theile rothglühend werden. Der mit diesen in Berührung stehende Dampf erlangt eine ungeheure Temperatur, ohne darum auch eine große Spannung zu erhalten, entweder weil er nicht gesättigt ist, oder aus einem andern weiter unten anzuführenden Grunde.

Denken wir uns den Kessel in diesem Zustande, und nun werde die Sicherheitsklappe gänzlich geöffnet; ein schnelles Ausströmen des Dampfes ist die unmittelbare Folge. Das Wasser, vom Drudse befreit, der es belastete, spritzt in Schaum und Blagen durch den ganzen Kesselraum (es ist dasselbe Phängmen, das der Champagner darbietet, wenn man die Flasche öffnet), allein wie die Wassertropfen mit dem beinahe glühenden Gase in Berührung kommen, werden sie alsogleich in sehr elastischen Dampf verwandelt; die Klappe, obgleich ganz offen stehend, kann der ungeheuern sich plötzlich entwickelnden Dunstmasse nicht genug Raum gewähren, und der Kessel springt.

Es gibt drei Hypothesen in dieser Erklärung. Die erste, dass die Wände des Kessels in der Höhe, wo sie nicht mehr mit Wasser benetzt sind, eine sehr hohe Temperatur erlangen, und dieselbe dem eingeschlossenen Dampse mittheilen können, ohne dass das Wasser, auf dem der Damps ruht, viel von dieser Erhitzung verspürt. Die zweite, dass das siedende Wasser, sobald man den Druck der sie belastenden ausdehnsamen Atmosphäre plötzlich aushebt, oder auch nur bedeutend vermindert, in Tropsen von unten nach oben gespritzt werde. Die dritte, dass das auf diese Weise unter eine übermäßig erhitzte Dunst werwandle.

Die erste Hypothese wird wohl Niemand bezweiseln. Wenn ein Metallgefäs, das auf einem Hausen brennender Kohlen steht, nicht glühend wird, geschieht es nur darum, weil das in ihm eingeschlossene Wasser den Wänden die Wärme entzieht, die sie erhalten. Diesen Dienst kann der Dampf nicht in demselben Masse leisten, daher

kann der Theil des Kessels über dem Niveau des Wassers wirklich glühend werden, seine Wärme der angrenzenden Dampfschichte mittheilen, welche ihrerseits in die Höhe steigt, und so die erlangte Wärme dem ganzen vom Wasser nicht erfüllten Raume, der sogenannten Dampfkammer, mittheilt. Hier einige Beispiele dieser Wirkungen: Hr. Moyle bemerkte einst bei einer Untersuchung seiner Maschinen zu Cornwallis, dass eine derselben sich so ganz in der eben erwähnten Lage befand, dass eine hölzerne Leiter, die mit dem Fusse auf der Decke des Kessels ruhte, Feuer gefangen hatte. -Ein ähnliches Ereigniss trat auf einem der Paquetboote zwischen Liverpool und Dublin ein; ein Tannenbalken, der zufällig auf den Deckel des Kessels geworfen wurde, entzündete sich. Den Unfall zu Pittsburg habe ich schon erzählt; da hatte der Ingenieur offenbar schon seit Langem bemerkt, dass der eine Kessel rothglühend war. Ich setze noch eine directe Erfahrung Perkins über diesen Punct her.

Ein cylindrischer Kessel, 4 engl. Fuss hoch, 1 Fuss im Durchmesser, wurde vertical auf einen Ofen gestellt, seine Basis mit Feuer umgeben, das sich bis auf ein Drittheil seiner Höhe erhob, indess das Wasser nur ein Sechstheil derselben benetzte. Aus dieser Anordnung folgt, dass 2/6 des ganzen Cylinders die unmittelbare Einwirkung des Feuers erfuhren, 1/6 über, 1/6 unter dem Wasser. Die Sicherheitsklappe, ungefähr mit einer Atmosphäre helastet, war seitwärts angebracht, ungefähr in der halben Höhe. Das verdunstete Wasser, das diese Klappe entweichen ließ, wurde in dem Masse nachgefüllt, als es ausströmte. Ein Thermometer, das in das Wasser gesenkt war, und bis an den Boden des Gefäses reichte, zeigte 104° C., dieß war auch die Temperatur der Dunstschichte an der Obersläche des Wassers; al-

lein in der halben Höhe des Kessels gab das Thermometer 260° an, und der Deckel war rothglühend.

Ich gehe nun zum zweiten Puncte über. Flüssigkeiten, die während ihres Siedens oft heftig aufschwellen, wie z. B. die Schwefelsäure und in schwacherem Grade die Milch. Wenn man mit Aufmerksamkeit heftig siedendes Wasser beobachtet, so bemerkt man auch von Zeit zu Zeit kleine Tropfen, die ziemlich hoch hinaufgeschleudert werden. Alles diess hängt offenbar von der Zähigkeit der Flüssigkeit und der Schwierigkeit ab., welche die Dunstblasen beim Durchbrechen der zu durchstreichenden Masse finden. Wenn die so eingeschlossenen Blasen zahlreich und bloss durch einen auf der Oberfläche der Flüssigkeit lastenden Druck aufzusteigen verhindert sind, so begreift man leicht, dass beim plötzlichen Aufhören dieses Druckes die Dunstentwickelung stürmisch wird, die Flüssigkeit, wie das mit Gasen geschwängerte Wasser, aufschäumt, und sich ganz in eine Art Schaum verwandelt, der halb aus Wasser, halb aus Dampf bestehend, mit gewaltiger Vergrößerung seines Volumens sich durch den ganzen Raum des Kessels verbreitet. Ein directer Versuch, an einem durchsichtigen Gefässe angestellt, würde bald zeigen, bei welchen Flüssigkeiten alle diese Voraussetzungen genau zutreffen; bis dahin gestattet uns die Analogie, auch die zweite Hypothese Perkins für bewährt zu halten.

Was die dritte Hypothese betrifft, konnen wir darüber directe angestellte Versuche benützen. Perkins füllte einen der Cylinder, die er Generatoren nennt, mit Wasser, und erhitzte ihn bis auf 260° C.; diesem Cylinder zur Seite befand sich ein Recipient, in dem weder Wasser noch dichter Dampf war, mit einer Temperatur von ungefähr 650°. Diese beiden Gefäse konnten durch eine Zwischenröhre mit einander in Verbindung gesetzt

werden, die eine hinlänglich beladene Klappe für gewöhnlich schloss.

Diess angenommen, musste offenbar, wenn man mittelst einer Druckpumpe ein bestimmtes Volumen kaltes Wasser durch das eine Ende des Generators in denselben hineinbrachte, die Klappe am andern Ende sich öffnen, und ein gleiches Volumen warmes Wasser in den andern Recipienten überströmen lassen, das sich in demselben alsogleich in Damps verwandelte; nun aber gab eine besondere Klappe, mit welcher der Recipient versehen war, ein sicheres Mittel zu erkennen, ob diese Dunstbildung auf ein Mal vor sich ging. Perkins behauptet, dass diess wirklich der Fall sey, dass die Druckpumpe kaum zu wirken angefangen habe, als die Sicherheitsklappe des Recipienten schon Elasticitäten von 40—100 Atmosphären gab; 40 bei einem schwachen, 100 bei einem starken Drucke der Pumpe.

Der eben angeführte Versuch würde jeden Einwurf gegen die dritte Hypothese beseitigen, und ein treues Bild von dem geben, was in einem gewöhnlichen Kessel vorgeht, wenn er statt mit Wasser von 260°, mit Wasser von 100°—120° angefüllt worden wäre. Indess ist es ausser allem Zweisel, dass 200°, die Temperatur des angewendeten Wassers, unmöglich einem Druck von 100 Atmosphären entsprechen, dass daher ein Theil dieses Wassers sich augenblicklich in Dunst verwandelt haben müsse; und diess zu wissen, thut uns eben Noth.

Bemerken wir hier nur, dass aus dem besprochenen Versuche keineswegs hervorgehe, dass es eben der Einfluss des verdünnten, aber bis zur Rothglühhitze gebrachten Dunstes sey, dem das Wasser seine plötzliche Verwandlung in äußerst elastischen Dampf verdankt. Dieser Theil der Behauptung Perkins widerspricht nach der Bemerkung Dulong's allem dem, was man über die specifische Wärme des Wasserdunstes weis. Es scheint, der amerikanische Ingenieur habe Unrecht, wenn er den directen Einsluss der glühenden Wände auf das uns beschäftigende Phänomen unbeachtet lies.

Versuchen wir nun, ob wir, die plötzliche Dunstbildung als Thatsache vorausgesetzt, eine genügende Erklärung der angeführten außerordentlichen Ereignisse geben können. Was die Explosion des Kessels des Hrn. Gensoul betrifft, S. 483, scheint sie beinahe wie zur Bestätigung der Theorie Perkins eingetreten zu seyn. Man kann wirklich sagen, daß im Moment der Öffnung des Hahnes das Wasser auf einmal von einem großen Theil des belastenden Druckes befreit wurde, bis zum Deckel hinauf anschwoll, und da es ein Gefäß mit wahrscheinlich sehr erhitzten Wänden durchstreichen mußte, sich so plötzlich in Dunst verwandelte, daß der Hahn keine hinreichende Öffnung mehr gewährte.

Dieselben Schlüsse lassen sich bei dem Versuche der Herren Tabareau und Rey anwenden, denn ihr Kessel war sehr klein, stand ganz ohne Hülle auf einem Kohlenhaufen, und konnte, wie ich mich überzeugt habe, von der Flamme auch in jenem Theile umhüllt werden, den kein Wasser erfüllte. Dass wir, Dulong und ich, keine Vermehrung des Druckes bemerkten, rührte davon her, dass unsere Dunstkammer ziemlich groß, das Loch der Klappe sehr klein war, daher nur eine sehr unmerkliche und allmähliche Verminderung der Elasticität des vorhandenen Dunstes Statt finden konnte, und dass ferner unser Kessel, mit Sorgfalt auf einem gemauerten Ofen befestiget, nur in dem mit Wasser gefüllten Theile der Flamme ausgesetzt war.

Auch die Verzögerung im Gange der Maschine, die man einige Zeit vor der Explosion sowohl zu Essone als zu Paris und in Amerika bemerkte, scheint mir eine

Folge aus Perkins Theorie. Denn so oft eine Explosion geschah, hatte man bemerkt, dass wegen eines Fehlers in der speisenden Pumpe oder irgend einer Verstopfung in der Zuleitungsröhre, das Niveau des Wassers im Kessel bedeutend gefallen war; nun aber ist die in einer gegebenen Zeit erzeugte Dunstmenge im Allgemeinen der Größe der mit der Flüssigkeit in Berührung stehenden Metallsläche proportionirt; diese hat beim Sinken des Wassers abgenommen, und es wird nunmehr nicht genug Dunst für den Bedarf der Maschine erzeugt, deren Gang also träger werden muss. Vielleicht denkt man. dass das Übermass der Temperatur, das der Dunst durch die Berührung mit dem hoch erhitzten Deckel des Kessels erhält, die geringere Menge compensirt, allein eine einfache Betrachtung zeigt das Unrichtige dieser Behauptung. In einem begrenzten Gefässe muss der Dampf offenbar überall dieselbe Elasticität haben. Die unterste, das Wasser berührende Schichte, hat nun eine Spannung, die von der Temperatur des letztern abhängt, die Spannung der obern von den sie umgebenden rothglühenden Wänden erhitzten Schichten kann daher nie die der untern Schichte überschreiten. Folglich enthält im Ganzen der Kessel Dampf von geringerer Dichte, als die des gesättigten Dampfes wäre; diess ist die ganze Erklärung.

Nach der Meinung Perkins hat der Dampf im Momente vor der Explosion, d. i. im Momente des Öffnens der Klappe, die Grenze jener Spannung erreicht, unter der die Maschine arbeiten soll; allein dennoch geht der Kolben nur träge, denn da der Dampf viel heißer als der Stiefel der Pumpe ist, verliert er durch die Erkaltung einen großen Theil seiner Elastioität.

Es wäre, ich gestehe es, eine leere Prahlerei, wenn man aus der eben vorgetragenen oder aus irgend einer

andern Erklärung die Gestalt der Linien, längs welcher der Kessel springen, die Zahl und Größe der Theile, in die er zerfallen wird, und die Richtung deduciren wollte. in welcher diese fortgeschleudert werden sollen; alles diess kann durch eine Unzahl von Umständen modificirt werden, die man alle kaum dann berücksichtigen könnte, wenn das Phänomen sich langsam vor unsern Augen entwickelte. Allein die Regelmässigkeit und Horizontalität der Linie, längs welcher der Kessel springt, und die so oft beobachtet worden ist, leitet uns auf die Vermuthung, ob sie nicht etwa die Höhe des Wasserstandes an den Wänden des Kessels bezeichne, und nun ist es sonderbar, warum denn eben diese Linie, trotz der Ungleichheiten der Dicke, die man längs derselben oft bemerkt, eben die des schwächsten Widerstandes sey? Vielleicht dürfte diese Eigenheit sich so erklären lassen:

Im letzten Momente vor der Explosion wird die Spannung des Dampfes plötzlich und beträchtlich vermindert, daher muss in selbem Momente der Kessel von außen nach innen eingedrückt werden; allein da dieser Druck plötzlich eintritt, so wird ihn der mit Wasser gefüllte Theil kaum verspüren, wegen der Trägheit der Flüssigkeit, die nicht in einem einzigen Augenblicke überwunden werden kann. - Dieser Druck von außen nach innen geht also um die Grenzlinie des Niveau der Flüssigkeit, wie um eine Charniere vor sich; allein wir haben gesehen, wie im Momente der Explosion eine plötzliche Entwickelung eines sehr ausdehnsamen Dampfes erfolgt, daher nach der eben erlittenen Zusammenziehung nun der Kessel auf einmal wieder ausgedehnt wird. Nimmt man nun auch an, dass er diese zweite Wirkung gleichmässig in allen seinen Theilen erleide, so wird doch diese rückgängige Bewegung schwächer unterhalb des Niveau der Flüssigkeit seyn, schon darum, weil die erste Bewegung dort beinahe unmerkbar gewesen; die Grenzlinie des Niveau wird also auch hier wieder die Grenze bezeichnen, wo zwei ungleich starke Bewegungen des Metalls zusammentreffen. Nun braucht man nur ein Mal gesehen zu haben, mit welcher Leichtigkeit die Arbeiter Bleche aus dem zähesten Materiale zerbrechen. wenn sie sie plötzlich zwei entgegengesetzten Biegungen um dieselbe Linie ausgesetzt haben, um begreifen zn können, warum diese Grenzlinie, welche als Charniere zweier so heftiger und augenblicklicher entgegengesetzten Bewegungen diente, auch die Bruchlinie seyn werde, wenn sie auch nicht die des geringsten Widerstandes ist. Dieselbe Linie bezeichnet ja übrigens auch die Grenze der Schichten, in denen das Metall sehr verschieden erwärmt, und daher von sehr verschiedener Haltharkeit ist.

Ich habe im Vorhergehenden, S. 480, mich bei der gleichzeitigen Explosion mehrerer mit einander zur Speisung derselben Maschine dienender Kessel aufgehalten, als einer wichtigen Thatsache, die wohl eine Untersuchung ihrer wahrscheinlichen Veranlassung verdient. Allein sollte es so schwer seyn, diese anzugeben, wenn man mit Perkins annimmt, dass die gewöhnliche Veranlassung einer Explosion ein starkes Sinken des Wasserniveau und eine ausserordentliche Erhitzung der Kesselwände ist? Müssen nicht bei den verschiedenen, mit einander verbundenen Kesseln diese Bedingungen zu gleicher Zeit eintreffen? denn einerseits speist sie dieselbe Pumpe, und andererseits werden die Arbeiter, sobald sie die Verzögerung des Ganges der Maschine bemerken, das Feuer wohl in jedem Ofen heftig anfachen. - Nehmen wir nun an, einer dieser Kessel springe zu Folge der Öffnung seiner Klappe. Die Röhre, welche der Dampf dieses Kessels durchstreichen musste, um in den Pumpenstiefel zu dringen, mündet von jetzt an in die Atmosphäre; da aber jeder Kessel eine solche Röhre hat, und alle in einen und denselben Metallcylinder zusammenlaufen, so stehen mittelst dieses Cylinders auch der zweite, dritte, . . . kurz alle übrigen Kessel in freier Communication mit der Luft, der Dampf, der sie erfüllte, strömt mit reifsender Geschwindigkeit auf diesem breiten VVege aus, und in einer unmerklichen Zeit kommen auch in ihnen alle die Veranlassungen einer Explosion zusammen, und sie springen, ohne daß man gar ein gleichzeitiges Öffnen aller Klappen anzunehmen braucht.

Ich habe S. 487 von einem Hessel gesprochen, der in der Luft explodirte; allem Anscheine nach hatte sich der zu Lochrin auch 12—15 Fuss über das Mauerwerk, auf dem er ruhte, erhoben, ehe er barst; aber auch dieser Umstand — obgleich er auch auf andere VVeise und nach ganz andern Theorien erklärt werden kann, und daher an und für sich nicht entscheidend ist — findet ohne Mühe seine Erklärung in Perkins Theorie.

Man täuscht sich sehr, wenn man glaubt, ein aus gehämmerten Platten zusammengefügter Kessel werde sicher an seinem Platze bleiben, was für eine Öffnung sich auch an ihm bilde. Dieser Irrthum, in den z. B. viele von denen gefallen sind, die sich unlängst mit tragbaren Gasapparaten beschäftiget haben, kann schwere Unfälle zur Folge haben. Wahr ist's, ein vollkommen geschlossenes Gefäß bleibt unbeweglich, wie groß auch die Elasticität des eingeschlossenen Gases ist, allein dann ist der Druck auf eine Wand durch den Gegendruck auf die entgegengesetzte ins Gleichgewicht gesetzt; nun aber begreift die ganze Welt, daß, wenn die eine Wand zerstört wird, auch die auf dieselbe wirkende Kraft aufgehoben ist, die andere entgegengesetzte

Kraft allein übrig bleibt, und den Kessel in ihrer Richtung fortbewegt; diese entgegengesetzte, nun nicht mehr im Gleichgewichte befindliche Kraft, heifst die rückwirkende.

Nach diesen Vorbegriffen reichen einige Worte hin, um zu zeigen, wie nach Perkins eine Explosion in der Luft Statt finden kann: Der Explosion geht, nach diesem Mechaniker, stets eine starke Dampfentwickelung voran. Geht diese Entwickelung durch die Klappe vor sich, die gewöhnlich am Deckel des Gefässes angebracht ist, so wirkt die reagirende Kraft von oben nach unten. und drückt den Kessel an seine Unterlage; allein wenn der Dampf von oben nach unten durch irgend eine Spalte an den untern Wänden entweicht, so kann der Kessel in der entgegengesetzten Richtung emporgeschleudert werden, der Dampf braucht nur eine hinreichende Elasticität zu besitzen. Hiezu kömmt, dass die Schwankungen des eingeschlossenen Wassers, natürliche Folgen dieser ungeheuren Bewegung, auch unabhängig von den früher angegebenen Ursachen, jene plötzliche Dunstentwickelung veranlassen können. die dann die Explosion herbeiführt.

Perkins Theorie erklärt also, wie wir sehen, genügend alle Explosionen, deren Hergang ich nur in Erfahrung bringen konnte, und denen eine Verminderung der Dampfelasticität vorausging; sie bedarf keiner Hypothese, die der Natur und dem Zustande unserer Kenntnisse widerspräche, und ich glaube, daß sie volles Vertrauen, oder wenigstens das verdiene, daß man die Vorsichtsmaßregeln nehme, die sie anräth, und die überdieß äußerst einfach sind. Man verhindere durch alle mögliche Mittel, wie z. B. durch leicht schmelzende Platten, daß kein Theil des Kessels sich allzu stark erhitze. Man wende die größte Sorgfalt auf die Wasser zuführenden Pumpen und Röhren, wie auf alle Apparate, die

auf den Wasserstand im Kessel Einfluss haben. Wenn trotz aller Sorgsalt des Ingenieurs die Wände an einigen Stellen zu glühen anfangen, vermeide man ja jede plötzliche Öffnung der Klappen oder jedes andere Manöver, das dem schon erzeugten Dampse einen plötzlichen Austritt in die Atmosphäre erlaubt. Man lösche endlich das Feuer so schnell als möglich aus.

43. Vergleichung der Erklärung Perkins mit den von andern Ingenieuren gegebenen.

Trotz ihrer Vorzüglichkeit kann man die Erklärung Perkins nicht für so evident halten, dass man gar keinen Zweisel erheben oder die Frage für abgeschlossen halten sollte; ich will vielmehr hier noch einige Bemerkungen über denselben Gegenstand anschließen, die ich theils aus gedruckten Werken, theils aus Manuscripten gezogen, die ich zu Rathe ziehen durste; auch will ich noch mehrere besondere Veranlassungen von Explosionen anführen von denen der amerikanische Mechaniker nicht spricht, und so die Bahn vollenden, die ich mir gesetzt habe.

Die Ansicht Marestier's, eines unserer geschicktesten Schiffbaumeister, über die (12.) erwähnte Art Explosionen stimmt wohl im Ganzen mit Perkins Theorie überein, allein in einem Puncte weichen sie wesentlich von einander ab. — Auch Marestier gibt zu, dass der Mangel an VVasser, die hohe Temperatur des unbenetzten und vom Feuer umspülten Theiles der Wände, das beim Öffnen der Klappe oder einer andern zufälligen Entweichung einer Dampsmeige eintretende plötzliche Steigen des Wassers Ursachen der Explosionen seyen; er nimmt aber ferner an, dass das in die Höhe gehobene Wasser in Berührung mit den glühenden Kerselwänden trete, und dadurch sich plötzlich und in sol-

cher Menge in Dunst verwandle, dass die Sicherheitsklappe für eine so rasche Entwickelung unzureichend wird. In den Kesseln der Dampfschiffe sind die von den Wogen verursachten, starken Schwankungen eine neue Veranlassung, das Wasser über die glühenden Wände zu verbreiten. Und hierin eben zeigt sich die Verschiedenheit der Meinungen beider Mechaniker. indem Perkins, wie wir sahen, die Vertheilung des Wassers unter den verdünnten, aber sehr stark erhitzten Dampf, Marestier aber die directe Einwirkung der glühenden Wände für die Entstehungsursache einer so ungeheuern Menge Dampfes hält. -- Für den ersten Anblick scheint diese letzte Meinung die allein annehmbare; allein, so sonderbar diess auch klingen mag, ein selbst weissglühendes Metall ist wenig geeignet; Dunst zu erzeugen. Und in der That, wenn man einen Wassertropfen in ein weißglühendes Gefäß bringt, braucht es lange Zeit zur Verdunstung, während in demselben mittelmäßig warmen Gefäße er alsogleich verschwindet. Bei einem Versuche Klaproth's, den einzigen, den ich anführe, brauchte ein Wassertropfen, der auf einen weissglühenden eisernen Löffel gespritzt wurde, 40" zur Verdunstung; wenn man nach Verlauf dieser Zeit einen zweiten Tropfen darauf fallen liefs, verdunstete er in 20"; der Tropfen, den man nach Verdunstung des zweiten auf den Löffel gofs, verschwand in 64, ein vierter in 4", ein fünfter in 5", der sechste endlich in einem Nu.

Aber trotz dieser merkwürdigen Beobachtungen scheint dennoch (ich habe es schon S. 505 gesagt) die directe Einwirkung der glühenden Kesselwände die Hauptrolle bei der die Explosion bewirkenden Dunstentwickelung zu spielen; allein, um diess darzuthun, müste Marestier nachweisen, warum das Wasser im Kessel sich

ganz enders verhalte als die kleinen Tropfen im Versuche Klaproth's. Hätte man z. B. gefunden, dass ein mit Gewalt an die glühende VVand geschleuslerzer Wassertropfen alsogleich verdunste, so verschwänden alle Zweifel von selbst, und die Explosion des glühenden Kessels zu Pittsburg wäre keine Anomalie mehr, für die man besondere Uvsachen suchen müste. Übrigens sind die Resultste aus den Erklärungen beider Ingenieure dieselben, und aus beiden gehen dieselben S. 5 m schon augegebenen Vorsichtsmassregeln hervor.

Gensaul, dem die Lyoner Industrie so viel verdankt, erklärt die traurigen Folgen, die eine plützliche Öffnung der Klappe manchmal mit sich führt, ganz anders als Perkins und Marestier Folgendes ist der Hauptsacht nach seine Ansicht:

VVena ein Metaligefäls eine stark zusammengedrückte Flüssigkeit enthält so zeicht ein sehwacher schafer (coup see) Schlag an seine Wände hin; es zu sprengen, wahrend eine selbst große Vermehrung des Druche keinen Sprung hervorgebracht hätte, wenn sie allmällich und nicht stolsweise vor sich gegangen wäre. Diese Thatsache ist bekannt, und Gensoul glaubt sie auch bei Kesseln anwenden zu können. Wenn die Wände dieser Gefalse: vom Dampf stark von innen nach aufsen gedrückt sind, kann sie schon der geringste Stofs brechen, so, als wenn sie mit einer stark zusammengedrückten Flüssigkeitangefüllt wären; nun aber kann man einem Stoße die hestige zurückprallende Bewegung vergleichen, die dem, Kessel in jenem Theile seiner Wand mitgetheilt wird, die der Stelle, wo der Dampf frei ausströmen kann, diametral entgegengesetzt ist. - Diese sinnreiche Erklärung erregt manchen Zweifel. Zuerst scheint & nicht ausgemacht, dass bei gleichem innern Druck ein Stole gleiche Wirkung auf zwei Gefälse übet, von de

nen das eine mit Wasser, das andere mit Dampf gefüllt ist, denn die Unzusammendrückbarkeit der tropfbaren Flüssigkeiten mag wohl hiehei von großem Einfluß seyn. Ferner nimmt Gensoul an, daß der Dampf vor der Explosion eine große Elasticität besitze, während wir mehrere Fälle angeführt haben, in denen gerade das Gegentheil Statt gefunden hat, so daß in dieser Beziehung Gensoul's Erklärung wenigstens unvollständig ist. — Man muß also gestehen, daß auch die Reaction des Dampfes' keine kleine Rolle bei derlei Explosionen spiele, wie ich auch S.511 Unfälle hergezählt habe, welche diese Reaction veranlassen kann.

14. Andere Veranlassungen von Explosionen.

Viele, ganz erstaunt über die Gewalt und Plötzlichkeit der Wirkungen, die eine Explosion eines Kessels oft nach sich zieht, glaubten, dass unmöglich der Dampf allein sie hervorbringen könne, und haben explodirbare Gase zu Hülfe genommen. Wenn man in den Laboratorien der Chemie, sagten sie, Wasserstoff erzeugt, indem man Wasserdampf durch eine glühende Eisenröhre streichen lässt, warum soll sich nicht dieses Gas auch im Innern des Kessels erzeugen, wo doch auch der Wasserdampf mit glühendem Metall in Berührung steht? Ich gebe es zu, es werde Gas erzeugt, mit dem Dampf gemischt gehe es in den Pumpenstiefel über, und da es keiner Condensation fähig ist, wird man es nur mit grossem Kraftaufwande fortschaffen können, und hiedurch werden die Wirkungen der Maschine bedeutend geschwächt seyn. Ich räume sogar ein, dass diess die Ursache des Verlustes an Geschwindigkeit sey, den man vor dem Eintritte der Art Explosionen, mit denen wir uns beschäftigen, so häufig bemerkt; allein diese Explosion, wie geschieht sie denn? Wasserstoff für sich

allein, oder mit Dunst gemischt, kann doch nicht deto-Ein Gemenge von Wasserstoff und Sauerstoff in schicklichen Verhältnissen bilden wohl ein Knallgas, allein wie sich das Zusammentreffen beider Gase im Kersel erklären? - Woher soll denn der Sauerstoff kommen? Etwa aus der im speisenden Wasser enthaltenen Luft? allein dieses Wasser ist warm, und enthält also nur eine geringe Menge Luft; ferner geht diese, so wie sie sich entwickelt, mit dem bewegenden Dampf in der Pumpenstiefel über. Endlich wird eher das Oxygen der Luft sich mit den glühenden Wänden verbinden, als das erst aus dem Wasserdampfe durch Zersetzung sich entwickelnde, so dass im Falle der Entstehung eines Gasgemenges es aus Wasser- und Stickstoff, nicht aber aus Wasser- und Sauerstoff bestehen würde. selbst diese Schwierigkeit gelöst, so wäre man doch um keinen Schritt weiter. Denn bloß die Hellrothglühhitze oder ein electrischer Funke vermögen die Vereinigung der beiden das Wasser constituirenden Elemente zu bewirken, allein die Hessel sind gesprungen, ohne die Temperatur, die sur Hervorbringung der Detonation nöthig scheint, erreicht zu haben. Und woher eines electrischen Funken nehmen? Ich weiß wohl, daß mu in Amerika behauptet hat, die Explosion des Kessels des Dampfschiffes l'Entreprise von Javannah sey durch einen electrischen Schlag veranlasst worden, dem der aufsteigende Rauchstrom zum Leiter diente; allein angenommen, die Thatsache sey wahr, so berechtiget uns nichts anzunehmen, der Funke habe im Kessel ein entzündbares Gasgemenge angetroffen und entzündet, da er doch hier eben so gut wie sonst überall wirken konnte durch Zertrümmerung aller Körper, die er auf seinem Wege fand. Endlich räume ich sogar den Anhängern des eben besprochenen Systems ein, dass ein electrischer Funke Ausnahms- und sicherlich wenigstens möglicher Weise Ursache einer Explosion seyn könne, allein ich kann kaum glauben, dass man die Electricität ernstlich in allen oder auch nur in dem hundertsten Theile der eingetretenen Explosionen eine Rolle spielen lassen walle.

Manchen Ingenieuren mochte es gar zu schwierig vorkommen, beide Bestandtheile des Gemenges, das sie detoniren lassen wollten, in dem Kessel zu vereinigen, sie nahmen daher nur an, daß sich Wasserstoff in letzterem bilde, und daß dieses Gas nach Sprengung der Wände sich mit der Luft der Heitzkammer menge und detonire, so daß diese Detonation zwar nicht die erste Ursache des Sprunges der Kessel, aber doch eine die Wirkungen bei weitem steigernde wäre. Diese Explesion im Herde wäre es, die den ganzen Kessel oder seine und des Ofens Trümmer so weit umherschleudere. Über derlei Gedanken habe ich nur zu sagen, daß ich bis jetzt keine einzige Explosion kenne, bei der man mit Bestimmtheit behaupten könne, daß im Kessel erzeugtes Wasserstoffgas dazu beigetragen habe.

Prüfen wir nun, ob nicht, wie mehrere Ingenieure der Meinung sind, die detonirenden Elemente in der Heitzkammer von selbst sich erzeugen und traurige Wirkungen hervorbringen könnten. Nach diesen Ingenieuren kömmt Hohlenwasserstoffgas von der Steinkohle, und reines Wasserstoffgas, wenn man es noch brauchen sollte, aus dem Wasser, das durch die unvollkommen vereinigten Platten des Kessels durchsintert und auf die Kohle fällt. Was den Sauerstoff betrifft, ohne den keine Explosion zu Stande kömmt, so nehmen sie ihn von dem ziemlich bedeutenden Theile des den Aschenherd durchstreichenden und dann aufsteigenden Luftstromes, der

unzersetzt geblieben ist.

Wenn man je diese leuchtenden Flammensäulen gesehen hat, die von Zeit zu Zeit an der Spitze der höchsten Küchenrauchfänge erscheinen, so kann man nicht zweifeln, daß die Gase, die der Luftzug (te tirage) mit fortführt, wohl manchmal explodirende Gemenge bilden können. Nun darf man nur annehmen, daß ein solches Gemenge sich in irgend einem Winkel der Heitzkammer gebildet habe, um alles von seiner Entzündung zu fürchten zu haben, und ist die Detonation nur ein wenig stark, so scheint es wirklich, daß die Wände wohl schwerlich widerstehen, ja vielmehr in Trümmer gehen werden.

Die Möglichkeit der Bildung solcher explodirharen Gemenge hätte ich nun wohl nachgewiesen, allein ich mus gestehen, dass man nur gewisse Unfälle dieser Ursache zuschreiben kann. Ich spreche hier von den Ex-

plosionen an Dampfkesseln, die oben ganz offen waren. So habe ich von Gay-Lussac, dass ein Ofen der Salpetersiederei im Arsenal zu Paris neulich durch eine solche Explosion ganz zerstört wurde, der Kessel jedoch

blieb unbeschädigt.

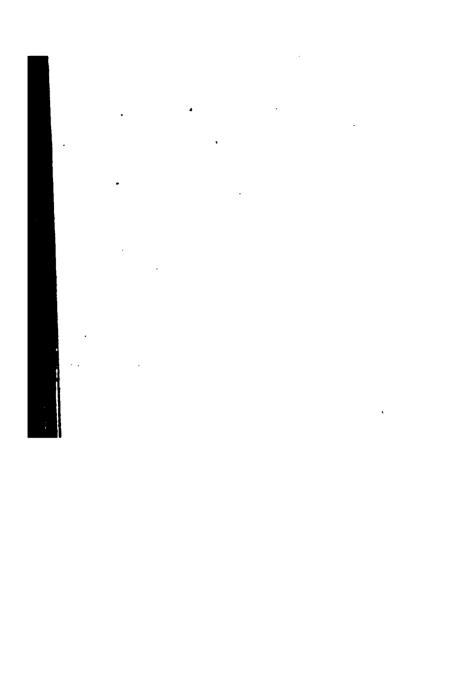
... Um dergleichen Unfälle zu verhüten, muss man so viel möglich alle nach oben oder unten gebogenen Knie in den zur Ableitung des Rauches bestimmten Röhren vermeiden, denn vornehmlich diese Knie sind es, wo sich dergleichen detonirende Gemenge aufhalten. Das Lustloch des Rauchfanges darf nie hermetisch geschlossen seyn (siehe S. 500). Und um endlich zu vermeiden, dass sich nicht das Kohlengas entwickle, ohne zu verbrennen, mus man zwischen den Stangen des Bostes stets freie Zwischenräume erhalten. Ist die Kohle harzig und klebrig, so kleben die verschiedenen Stücke an einander fest, und bilden eine feste Kruste, die, wenn sie nur ein wenig dick ist, für die Flamme beinahe undurchdringlich ist. Die Heitzkammer wird dann ein wahrer Destillirapparat, gibt viel Kohlenwasserstoffgas und wenig Wärme. Den Rost daher nur mit einer dünnen Kohlenschichte zu beladen, ist nicht nur ökonomisch, sondern auch eine wichtige Vorsichtsmassregel. Die Heitzer, die aus Faulheit den Ofen mit Brennmateriale vollstopfen, schaden dem Gange der Maschine, und setzen diese, sich selbst, und das Leben ihrer Mitarbeiter den größten Gefahren aus.

Ich will nun zuletzt noch eine Explosionsursache angeben, die nicht unwichtig ist: Selten bedient man sich reinen Wassers zur Speisung der Kessel. Meistens enthält dieses Wasser Salze, die sich beim Sieden absetzen, und endlich an den innern Wänden des Kessels eine steinige Kruste bilden, die von Tag zu Tag dicker wird. Diese Schichten wegen ihres geringen Leitvermögens führen die den Wänden mitgetheilte Wärme dem Wasser nur langsam zu, daher erhitzen sich die Wände immer mehr und mehr, da sie in jedem Momente mehr Wärme empfangen, als die Steinkruste abzuleiten vermag, sie werden glühend, und da heisse Metalle viel weniger Festigkeit haben, steht eine Explosion nahe bevor. Wie leicht ist es nun möglich, dass das beinahe noch kalte Wasser durch irgend eine Spalte der Steinkruste sich über die so heißen Wände verbreite. Unter diesen Umständen spränge ein gegossener Kessel sogleich, und was die aus gehämmerten Platten bestehenden Kessel betrifft, so würden sie, wenn sie auch nicht unterlägen, doch die heftigsten Erschütterungen erleit den. Hiezu kömmt noch; daß die glühenden Metalltheile rosten und sieh schnell abnutzen. Als Bespiel könnte ich einen Kessel amführen, der zur Heitzung eines der größten Gebäude von Paris dient, und der dort ein Loch bekam, wo ein Arbeiter aus Versehen inwendig einen Fetzen liegen ließ.

Man sieht, von welchem Belange es ist, den Ressel gut zu reinigen. Bei den Dampfschiffen, die Meerwasser anwenden, muß der Salzniederschlag alle 24 Stunden weggeschafft werden. Ist das speisende Wasser rein, so kann es auch länger anstehen; es läßst sich hierüber Nichts numerisch bestimmen, der Ingenieur wird schon sehen, wie vielt Salz und mit welcher Schnelligkeit das von ihm gebrauchte Wasser absetzet. Seitdem man weißs, daß Erdäpfelabfall (la fécule de pomme de terre) und Malz die Bildung der Salzablagerungen verhindern, hat man vorgeschlagen, von Zeit zu Zeit eine gewisse Menge diesen Stoffe in den Kessel zu werfen; ich weiß nicht, ob dieser Gebrauch sehrn sehr verbreitet ist.

Ehe ich diesen Aufsatz endige, muß ich mich über zwei Dinge trechtfertigen. Einmal, warum ich nicht zwischen Kesseln von hohem und niederem Druck unterschieden habe. Allein ich glaube, eine solche Unterscheidung ist überflüssig; im Momente der Explosion steht jeder Kessel unter hohem Drucke. Auch ist es gar nicht ausgemacht, daß die Kessel von hohem Druck häufiger springen als die andern, vielmehr ist das Gegentheil von vielen Mechanikern, wie unter andern von Perkins und Oliver Evans, behauptet worden.

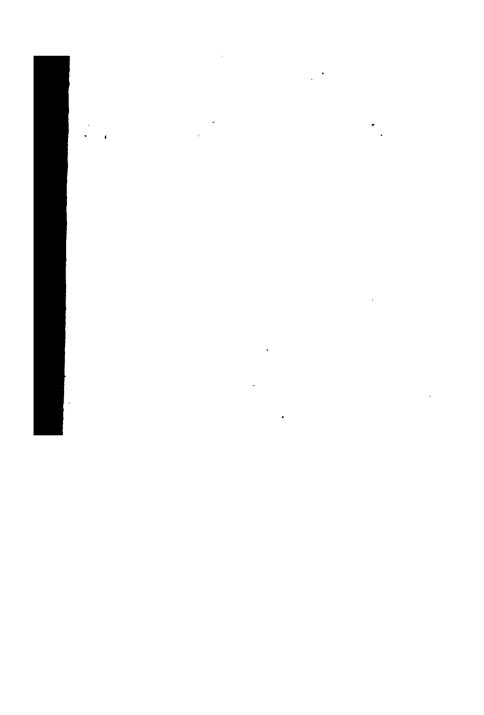
Der andere Vorwurf, den man mir machen könnte, ist, dass mein Aufsatz viele Personen vom Gebrauche der Dampsmaschinen abschrecken werde. Wahrlich, wenn diess der Erfolg meiner Abhandlung seyn sollte, hätte ich sie lieber selbst unterdrückt; allein ich kann diese Besorgnis nicht theilen, denn wenn man das Vorausgegangene mit Ausmerksamkeit liest, so wird man, ich darf es wohl gestehen, gegen jede mögliche Veran-



Zommer & Dog . Math 18 111 1.

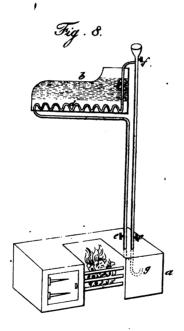






Zeiszhrift f. Phys. u. Math. B. VII. Taf. 9.







tschrift f., Phys.u. Math. B. VII. Taf. 4.



•

Zeitschrift f. Phys. u. Math. B.VII Taf. 5. 1. Fig. 33. Fig. 34. Fig.36. Fry . 38. Fig .42. M. Baun

:







